



This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

### Usage guidelines

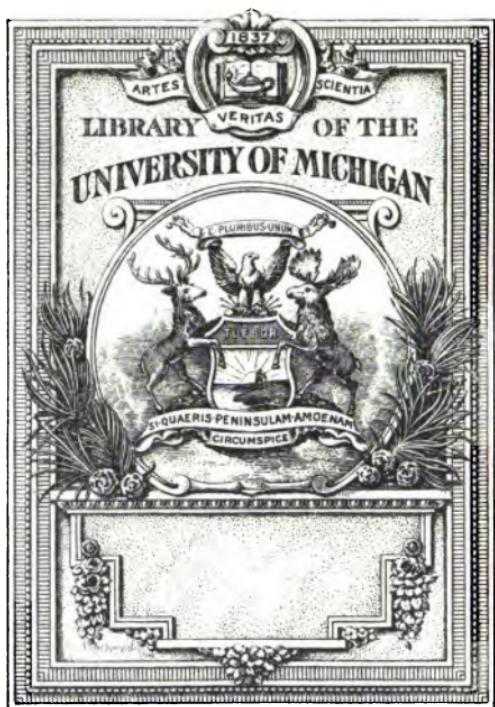
Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

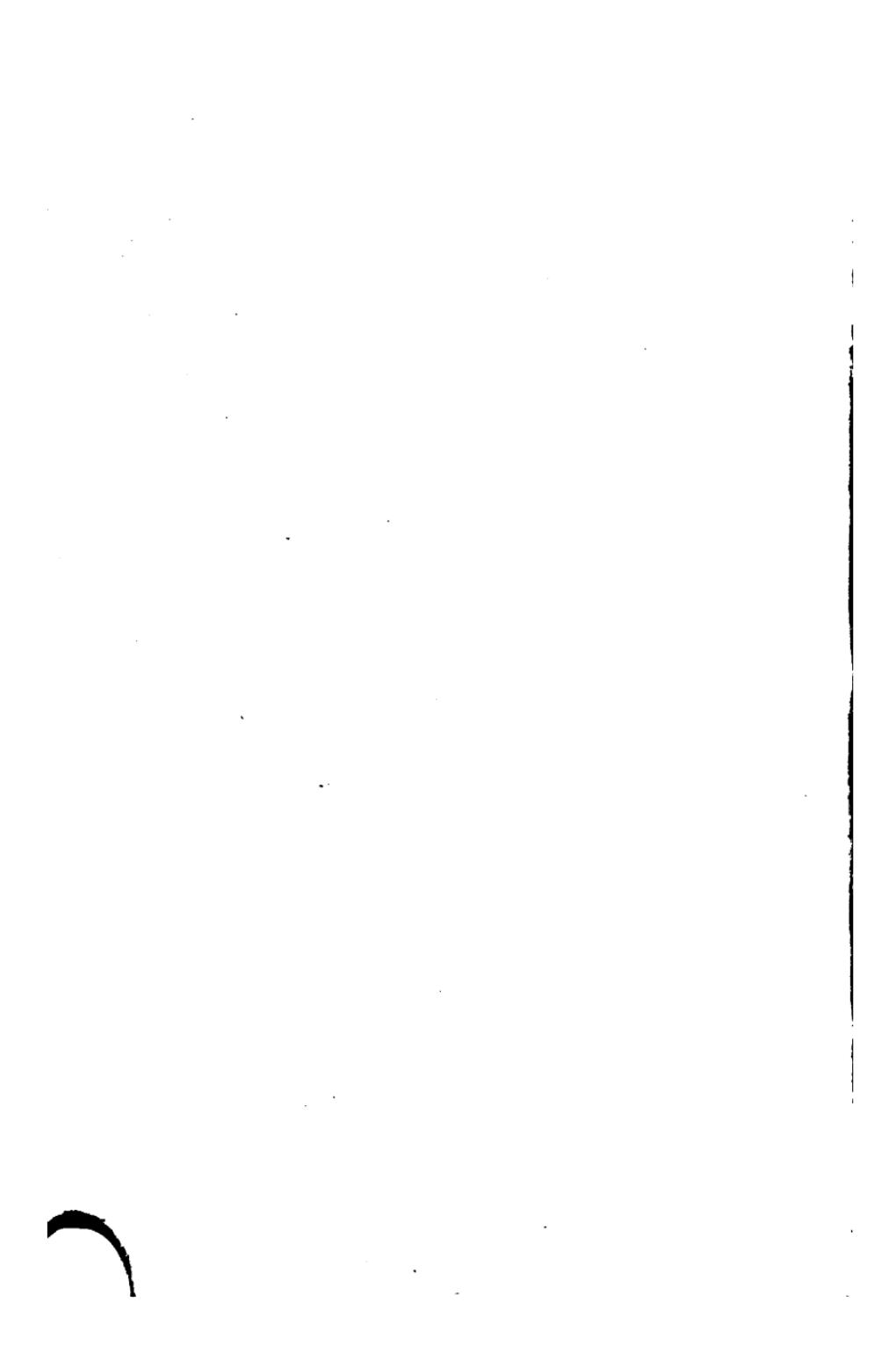
- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + *Refrain from automated querying* Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

### About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at <http://books.google.com/>



ΦA  
31.  
A644  
H465  
1891



*Apollonius Pergaeus*

APOLLONII PERGAEI  
54469.  
QUAE GRAECE EXSTANT

CUM COMMENTARIIS ANTIQUIS.

---

EDIDIT ET LATINE INTERPRETATUS EST

I. L. HEIBERG,

DR. PHIL.

---

VOL. II.



LIPSIAE  
IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.  
MDCCCCXCVIII.

LIPSIAN: TYPIS B. G. TEUBNERI.

## PRAEFATIO.

Praeter librum IV Conicorum hoc uolumine continentur fragmenta Apollonii, lemmata Pappi, commentaria Eutocii. in fragmentis apud Pappum seruatis lemmatisque eius edendis Hultschium secutus sum. sicubi ab eo discessi, scripturam eius indicaui; codicis raro mentionem feci. de numero lemmatum Pappi hoc addo, Pappi VII, 246 suo numero designandum esse, sicut factum est in VII, 254, 256; nam ita de numerum numerum lemmatum LXX adipiscimur, quem indicat Pappus ipse p. 682, 22: *λήμματα δὲ ἦτοι λαμβανόμενά ἔστιν εἰς αὐτὰ οἱ*. his enim uerbis, quae genuina sunt, minime significantur lemmata „quae insunt in libris“, sed ipsa lemmata Pappi ad eos adsumpta, sicut lemmata XX libri de sectione proportionis p. 640, 23 Pappi sunt VII, 43—64, librorum de sectione determinata XXVII et XXIV p. 644, 20 Pappi VII, 68—94, 95—118, locorum planorum VIII p. 670, 2 Pappi VII, 185—192, porismatum XXXVIII p. 660, 15 Pappi VII, 193—232, librorum de inclinationibus XXXVIII p. 672, 16 Pappi VII, 120—131, 132—156 (nam VII, 146 et lemmata I, 4, 8; II, 12 in bina diuidenda sunt; cfr. p. 798, 19).<sup>1)</sup> in libris

1) Itaque in libris tactionum aliiquid turbatum est; nam p. 648, 16 lemmata indicantur XXI, cum tamen sequantur XXIII (VII, 158—184) siue XXVII, si lemmata 10, 12, 13, 22 in bina diuiduntur.

de sectione spatii nullus numerus lemmatum indicatur p. 642, 17, quia prima XIX ad librum de sectione proportionis etiam ad illos ualent (u. p. 700, 9, ubi scribendum *ταῦτα δὲ ναῦ*).

In Eutocio his siglis usus sum:

W — cod. Uatic. gr. 204 saec. X, de quo u. Euclidis op. V p. XII. interdum manus prima alio atramento in lacunis quaedam suppleuit, id quod W<sup>1</sup> significauit (II p. 168, 7, 8, 18; 170, 2, 8, 13, 19—20; 216, 8, 10; errores paruulos correxit p. 170, 15; 216, 17). adparet, librarium in antigrapho suo his locis lacunas uel litteras euanidas habuisse, quas ex alio exemplari suppleuit (u. p. 170, 24); p. 168, 19 lineolam transuersam addidit, quia lacunam reliquerat maiorem quam pro uera scriptura postea aliunde sumpta.

v — cod. Uatic. gr. 203, de quo u. I p. V.

w — cod. Uatic. gr. 191, bombyc. saec. XIII; continet Euclidis catoptrica, phaenomena, optica, data cum fragmento Marini, Theodosii sphaerica, de habitationibus, de diebus et noctibus, Aristarchum, Autolyci de ortu, Hypsiclem, Autolyci de sphaera mota, Eutocium, Ualentis Anthologiam, Ptolemaei geographiam, Procli hypotyposes, alia astronomica.

p — cod. Paris. 2342 saec. XIV, de quo u. I p. V.

U — cod. Urbinas 73, chartac. saec. XVI; continet Eutocium solum foliis XXX cum correcturis plurimis, quarum pleraeque alia manu factae sunt.

Praeterea hosce codices Eutocii noui:

1. cod. Uatic. 1575 saec. XVI, de quo u. infra p. XI.
2. cod. Mutin. II D 4 saec. XV, de quo u. infra p. XII.

3. cod. Paris. Gr. 2357 saec. XVI, de quo u. infra p. XIII.
4. cod. Paris. suppl. Gr. 451 saec. XV, de quo u. infra p. XIII.
5. cod. Paris. Gr. 2358, chartac. saec. XVI, olim Colbertin.; continet Eutocium fol. 1—32, Sereni opuscula fol. 33—94.

de cod. Barberin. II, 88 chartac. saec. XV—XVI, qui inter alia mathematica etiam Eutocium continet, et de cod. Ambros. C 266 inf., olim Pinellii, qui fol. 250—254<sup>r</sup> Eutocii commentariorum initium (usque ad II p. 190, 3) continet, nihil notaui.

Iam de cognatione ceterorum codicum uideamus.

codicem w ex W descriptum esse, ostendit eius <sup>Uat. 101</sup> in omnibus mendis grauioribus consensus, uelut II p. 292, 1; 308, 14; 310, 6; 326, 13; 338, 15; 342, 20; 344, 14; 346, 17, 19 lacunas eodem modo reliquit; p. 274, 5 pro διάμετρον cum W καὶ ἄμετρον habet; cfr. praeterea

II p. 172, 21 *AEZ*] om. W in fine uersus, om. w;  
 p. 180, 24 πρός (alt.)] πρό W in fine uersus, πρό w;  
 p. 286, 21 τῶν (alt.)] om. W in fine uersus, om. w;  
 p. 306, 2 *AB*] *AB* | *AB* Ww.

scripturas meliores rarissime habet, uelut II p. 170, 14; 218, 10.

ex w rursus descriptus est v, sicut uel hi loci <sup>Uat. 203</sup> ostendunt: II p. 190, 26 καὶ διάμετρος — p. 192, 1 ἵση] W, om. wv; p. 200, 15 φησίν] W, om. wv. neque enim w ex v descriptus esse potest, ut ex scripturis infra adlatis adparet. emendatio igitur II p. 274, 22 in v coniectura inuenta est.

Urbin. 73 e v descriptus est U; u. II p. 326, 13 *HΘ καὶ*] *HΘK* cum lacuna 2 litt. Ww, ηθν v, ἡ θν U, θη m. 2; p. 342, 16 εἰς τὸ λγ'] Ww, om. vU, εἰς τὸ λδ' mg. m. 2 U.

Paris. suppl. 451, Paris. 2358 praeterea e v descripti sunt codd. 4 et 5; u. II p. 168, 9 ἐπινοῆσαι] Ww, ἐπιχειρῆσαι vU, 4, 5, corr. m. 2 U et 5; II p. 170, 11 ἐν] Ww, om. vU, 4, 5, corr. m. 2 U.

Mutin. etiam cod. Mutin. II D 4 ex v pendere, demonstrabo infra p. XXI.

Uat. 1575 codd. 1 et 3, quorum uterque ab Ioanne Hydruntino scriptus est, ab ipso W pendent; nam summa fide omnia eius uitia, etiam minutissima, repetunt.

Paris. 2342 p quoque ex W pendent; nam non modo saepissime eosdem errores stultos habet (II p. 174, 14; 176, 24; 180, 6; 194, 4; 212, 15; 214, 4, 12; 222, 13, 16; 228, 5; 234, 17; 238, 25; 248, 20; 268, 7; 274, 22; 278, 1; 280, 1, 4, 12; 284, 7; 302, 3, 5; 308, 23; 312, 3; 314, 6; 320, 9, 15; 324, 2, 11; 346, 1; 350, 9; 358, 2; 360, 5) et easdem lacunas omissionesque (II p. 196, 26; 218, 10; 290, 8; 292, 1, 14; 306, 8; 308, 14; 310, 6; 334, 22; 338, 15; 340, 13, 15; 342, 20; 344, 14; 346, 17, 19; 352, 19); sed loci haud ita pauci eius modi sunt, ut demonstrare uideantur, eum ex ipso W descriptum esse. cuius generis haec adfero:

II p. 172, 21 *AEZ*] om. W in fine uersus, om. p; p. 200, 5 τέμνουσαι] τέμνουσω W, τέμνουσαι p; p. 208, 23 *NΘ*] W, sed *N* litterae *H* simile, *HΘ* p; p. 286, 21 τῶν (alt.)] om. W in fine uersus, om. p; p. 294, 1 κατασκευὴν] seq. lacuna, ut uidetur, propter figuram W, lac. p (nihil deesse uidetur);

II p. 306, 2 *A, B*] *AB | AB* W,  $\overline{\alpha\beta}$   $\overline{\alpha\beta}$  p;  
 p. 328, 4 *ΑΗΑ*] *H* litterae *II* simile *W*, *ΑΠΑ* p;  
 p. 340, 16 *τὴν ΑΞ*] *τὴν νλξ* W, *τὴν λξ* p;  
 p. 356, 7 *καὶ* (pr.)] ‘*ξστωσ*’ *καὶ* m. 1 W (h. e. *ξστωσ*  
*σαν* ex lin. 6 repeti coeptum, sed deletum),  
*ξστως* *καὶ* p.

hoc quoque dignum est, quod commemoretur,  
 scripturam II p. 170, 24 a W<sup>1</sup> ex alio codice enota-  
 tam etiam in p eodem modo in mg. exstare. cfr.  
 p. 220, 16.

sane constat, p plurimis locis, ne de correctis erro-  
 ribus dicam, qui ex permutatis uocalibus *η* et *ι*, *ο* et *ω*  
 orti sunt, meliores scripturas exhibere (II p. 172, 2, 18;  
 174, 22; 188, 10; 190, 15, 18; 192, 15; 194, 20, 26;  
 196, 17; 198, 8, 13; 208, 13, 14; 210, 22; 218, 17;  
 220, 18?; 240, 12, 13, 27; 246, 2; 248, 2, 23; 254, 5, 8;  
 260, 4, 21; 262, 20, 22, 27; 264, 24; 268, 13; 274, 5;  
 276, 17; 280, 19; 282, 20; 284, 17, 19; 286, 19;  
 290, 18; 294, 7; 298, 8, 10; 300, 20; 302, 13; 304, 13, 16;  
 306, 3, 9; 310, 14, 15; 312, 1, 2; 316, 23; 326, 16; 330, 7;  
 332, 21; 336, 19; 348, 5, 9; 352, 2, 15; 358, 8, 20;  
 360, 7). sed harum omnium emendationum nulla est,  
 quae facultatem librarii uerborum rerumque uel medio-  
 criter periti excedat. quare cum librarius codicis p  
 in Apollonio uel emendando uel interpolando et pe-  
 ritiam suam et audaciam ostenderit, ut infra certis  
 documentis arguemus, non dubito haec omnia con-  
 iecturae eius tribuere. et hoc aliis rebus confirmatur.  
 nam primum p interdum falsam scripturam codicis W  
 habet postea demum a manu prima correctam (II  
 p. 184, 27; 214, 12; 316, 16; 348, 14; cfr. p. 234, 22;

272, 6; 352, 24). est etiam, ubi errorem subesse perspexerit, sed lacunam reliquerit, quia in eo emendando parum sibi confideret (II p. 244, 10, 13; 248, 6, 9; 322, 13; cfr. p. 182, 25); II p. 296, 6 ei adcidit, at pro uera scriptura ἡμέραν, quam non intellexit, ἡμε sequente lacuna poneret. locis non paucis interpolatio manifesta est, cum aut errores recte deprehensos male corrigit (II p. 200, 25; 202, 21; 242, 5; 270, 7, 10; 296, 24; 302, 13; 304, 1, 8; 306, 7; 308, 26; 326, 13; 338, 14; 342, 15; 352, 5) aut scripturam bonam suo arbitrio mutat (II p. 168, 12; 176, 24; 236, 3; 294, 23; 310, 2; cfr. quod II p. 274, 3 γεναμένην in γενομένην corrigit, et quod in uerbo εὐρίσκω semper formas sine augmento praefert, u. II p. 292, 19; 294, 8, 23; 330, 12; 332, 12). II p. 194, 26; 260, 1; 274, 5 cum manu recenti codicis W conspirat.

*adparatus* Ex his omnibus sequitur, in Eutocio edendo codicem W solum auctorem habendum esse. itaque eius discrepantias omnes in adparatu critico dedi. sed cum p tot coniecturas probas habeat, eius quoque scripturam plenam recepi, nisi quod de formis ἔστι et ἔστιν nihil adnotaui; ex ceteris codicibus pauca tantum de Uvw notaui, reliquos prorsus neglexi.

Iam de genere codicis W uideamus. commentaria <sup>Uat. 204</sup> Eutocii in eo excerpta esse e codice Conicorum, ubi in margine adscripta erant, sicut ab initio ab Eutocio ordinatum fuerat, infra exponam; margines huius codicis laceros fuisse, sub finem maxime, ostendunt lacunae plurimae ab ipso librario significatae.

praeterea eum litteris uncialibus scriptum fuisse, adparet ex erroribus, quales sunt II p. 174, 23 ΠΛΕΩΝ

pro ΠΑΣΩΝ, p. 202, 21 ΗΝΕΥΘΥCΑΝ pro ΗΝΕΥΟΥCΑ,  
p. 274, 5 ΚΛΙΔΜΕΤΡΟΝ pro ΔΙΔΜΕΤΡΟΝ. compendiis  
eum repletum fuisse, colligimus ex his locis:

- II p. 186, 7 μέσων] σημείων W permutatis  $\bar{\mu}$  et  $\bar{\sigma}$ ;  
 p. 194, 4 ΒΑ] βάσις W ( $\bar{\beta}\alpha$  et  $\beta\bar{\alpha}$ );  
 p. 254, 23 μᾶλλον] ἔστω W permutatis ( $\mu\alpha$ ) λλ' et  $\mu$ ;  
 p. 306, 14 ἀπό] αλ W non intellecto compendio Α';  
 cfr. p. 248, 23;  
 p. 324, 15 ἵσον] ἐν W male intellecto compendio ψ;  
 p. 350, 12 δῆλον] δή W; fuit δ $\lambda$ η;  
 p. 352, 5 τὸ ὑπό] τοῦ W; fuit το γ'.

menda quauis fere pagina obuia, quae e permutatis uocalibus  $\iota$  et  $\eta$ ,  $\circ$  et  $\omega$ ,  $\epsilon i$  et  $\eta$ ,  $\alpha i$  et  $\epsilon$  orta sunt, et in litteris figurarum, ubi saepissime permutantur Θ—Ε—Ο—C, Γ—Π—T, Α—Δ—Λ, Ν—Η—Μ—K, Π—H, Ξ—Z, fortasse ipsi librario codicis W tribuenda sunt.

De editionibus Eutocii breuis esse possum.

Commandinus codice Urbin. 73 usus est, nec Commandinus dubito, quin eius sint emendationes margini illius a manu 2 adscriptae; u. II p. 168, 20 ὁρθήν] Urbin., mg. m. 2 „for. γωνίαν πλευρᾶς“; haec uocabula addidit Commandinus fol. 4<sup>u</sup>; II p. 170, 18 γραμμῶν] Urbin., mg. m. 2 „for. τομῶν“; sectionum Commandinus fol. 4<sup>u</sup>; II p. 306, 2 A, B]  $\alpha\beta$   $\alpha\beta$  Urbin., mg. m. 2  $\overline{\alpha\beta}$   $\gamma\delta$ ;  $ab$ ,  $cd$  Commandinus fol. 54<sup>u</sup>; cfr. II p. 180, 13; 256, 11.

Halleius, qui adhuc solus Eutocium Graece edidit, Halley codice usus est Barocciano Bibliothecae Bodleianae (praef. p. 2). is ubi hodie lateat, nescio; sed eum

ex Urbin. 73 descriptum fuisse, constat his locis collatis:

II p. 174, 23 ἐπὶ πασῶν] ἐπὶ πλέον Urbin., mg. m. 2 „for. ἐπὶ πάντων“, et sic Halleius uitio non intellecto;

II p. 202, 23 μένον] Urbin., mg. m. 2 „for. hic addenda sunt ut inferius πρὸς τῆς κορυφῆς τῆς ἐπιφανείας“; μένον πρὸς τῇ κορυφῇ τῆς ἐπιφανείας Halley;

II p. 274, 10 νδ'] Urbin., νγ' m. 2; et ita Command., Halley;

II p. 288, 3 νδ' καὶ νε'] Urbin., νγ' m. 2, Comm., Halley;

II p. 288, 4 νς' καὶ νξ' καὶ νη'] Urbin., νδ' m. 2, Comm., Halley;

II p. 288, 5 νθ'] Urbin., νε' m. 2, Comm., Halley;  
II p. 288, 6 ξ'] Urbin., νς' m. 2, Comm., Halley;  
II p. 326, 13 ΗΘ καὶ] ἡ θή Urbin., ΘΗ m. 2, Halley.

Scribebam Hauniae mense Septembri MDCCCXCII.

I. L. Heiberg.

## PROLEGOMENÀ.

### Cap. I.

#### De codicibus Conicorum.

Codices Conicorum mihi innotuerunt hi

1) Cod. Uatican. Gr. 206, de quo u. I p. IV.

2) Cod. Uatican. Gr. 203, bombyc. saec. XIII (cfr. I p. V); continet fol. 1—44 Theodosii sphaerica, de habitationibus, de diebus et noctibus, Autolyci de sphaera mota, de ortu et occasu, Hypsiclis anaphor., Aristarchi de distantiis, fol. 44—55 Eutocii commentarium in conica, omnia manu neglegenti et celeri scripta; deinde manu eleganti et adcurata fol. 56—84 Apollonii Conic. I—IV, fol. 84—90 Sereni de sectione cylindri, fol. 90—98 Sereni de sectione coni; huius operis versus ultimi tres eadem manu scripti sunt, qua prior pars codicis.

3) Cod. Uatican. 205, chartac. saec. XVI, elegantissime scriptus et magnifice ornatus; continet p. 1—75 Apollonii Conic. I—II (p. 76 uacat), p. 77—141 libb. III—IV (p. 142 uacat), p. 143—168 (a manu uetustiore numerantur 1—26) Sereni de sectione cylindri, p. 169—207 (27—65) Sereni de sectione coni; p. 207 (65) legitur: hoc opus ad huius bibliothecae Palatinae usum ego Ioannes Honorius a Mallia oppido Hydruntinae Dioecesis ortus librorum Graecorum instaurator sic exscribem anno dñi MDXXXVI Paulo III pont. max.

4) Cod. Uatic. Gr. 1575, chartac. saec. XVI, manu eiusdem Ioannis Hydruntini scriptus; continet fol. 1—131 Apollonii Conic. I—IV, deinde post folium uacuum noua paginarum serie fol. 1—51 Eutocii commentarium.

5) Cod. Cnopolitanus, u. I p. V; continet fol. 1—55<sup>r</sup> Theonis comment. in Ptolemaeum, fol. 55<sup>u</sup>—180 Pappi comment. in Ptolem. libb. V—VI, fol. 181—258 Procli hypotyposes, fol. 259—281 Ioannis Alexandrini de astrolabio, fol. 283—347 Gemini introductionem, fol. 349—516 Apollonii Conic. I—IV, fol. 517—549

Sereni de sectione cylindri, fol. 549—588 Sereni de sectione coni in fine mutilum (des. in *πασῶν* p. 76, 15 ed. Halley).

6) Cod. Marcianus Uenet. 518, membran. saec. XV; continet Aeliani hist. animal., Eunapii uitas sophist., deinde fol. 101—149 Apollonii Conic. I—IV, fol. 150—160 Sereni de sectione cylindri, fol. 160—173 Sereni de sectione coni.

7) Cod. Ambrosianus A 101 sup., bombyc. saec. XIV?; continet fol. 1—4 Elem. lib. XIV, fol. 4—5 Elem. lib. XV, fol. 6—7 Marini introduct. in Data, fol. 7—25 Data, fol. 25<sup>u</sup> fragmentum apud Hultschium Hero p. 249, 18—252, 22; fol. 26—34 Euclidis optic. recensionem uulgatam, fol. 34<sup>u</sup> Damiani optica, fol. 35<sup>u</sup>—39 Euclidis catoptrica, fol. 40—86 Apollonii Conic. I—IV, fol. 86—109 Sereni opuscula (fol. 110 uacat), fol. 111—138 Theodosii sphaerica, fol. 138—142 Autolyci de sphaera mota cum scholiis, fol. 142<sup>u</sup>—154 Euclidis Phaenomena, fol. 154—158 Theodosii de habitat., fol. 158—174 Theodosii de diebus, fol. 174—179 Aristarchi de distantiis, fol. 180—188 Autolyci de ortu, fol. 188—189 Hypsiclis anaphor., fol. 190—226 Theonis ad *προζελόντας καν.* Ptolemaei.

8) Cod. Mutinensis II D 4, chartac. saec. XV; continet Eutocii commentarium, Apollonii Conic. I—IV, Georgii Gemisti de iis quibus Aristoteles a Platone differt.

In primo folio legitur: *Γεωργίου τοῦ Βάλλα ἐστὶ τὸ βιβλίον* et postea additum *Τοῦ λαμπροτάτου κράντορος Ἀλβέρτου Πλεον τὸ βιβλίον.* Parisiis fuit a. 1796—1815.

9) Cod. Taurinensis B I 14, olim C III 25, chartac. saec. XVI; continet fol. 1—106 Apollonii Conic. I—IV, deinde Sereni opuscula et Chemicorum collectionem.

10) Cod. Scorialensis X—I—7, chartac. saec. XVI; continet Apollonii Conic. I—IV, Sereni opuscula, Theodosii sphaerica.

11) Cod. Parisinus Gr. 2342; u. I p. V\*); continet Euclidis Elementa (ab initio mutila), Data cum Marino, Optica, Damiani Optica, Euclidis Catoptrica (des. fol. 118<sup>r</sup>, ubi legitur in mg. inf. μετὰ τὰ κατοπτρικὰ ἐν ἄλλοις βιβλίοις τὰ κωνικὰ τοῦ Ἀπολλωνίου καὶ Σερένου κωνικὰ καὶ κυλινδρικά), Theodosii sphaerica, Autolyci de sphaera mota, Euclidis Phaenomena, Theodosii de habitationibus, de diebus, Aristarchi de distantiis, Autolyci de ortu, Hypsiclis Anaphor., deinde fol. 155<sup>u</sup>—187

---

\*) Errorre ibi hunc codicem saeculo XIII tribui; est sine ullo dubio saeculi XIV.

Apollonii Conic. I—IV cum commentario Eutocii in mg. adscripto, fol. 187—200 Sereni de sectione coni, de sectione cylindri (in fine mutilum). fuit Mazarinaeus.

12) Cod. Paris. Gr. 2354, chartac. saec. XVI; continet fol. 1—125 Apollonii Conic. I—IV, deinde Syriani comment. in Metaphysica Aristotelis et de prouidentia. fuit Memmianus.

13) Cod. Paris. Gr. 2355, chartac. saec. XVI; continet Apollonii Conic. I—IV. fuit Colbertinus. fol. 43<sup>r</sup> legitur: εἰνάδι ἐλαφηβολιῶνος ἔγραψε Ναυκήλιος ἐν τοῖς Παριστοῖς ἔτει τῷ αὐγῆν·. fol. 71—73<sup>r</sup> alia manu scripta sunt.

14) Cod. Paris. Gr. 2356, chartac. saec. XVI; continet Apollonii Conic. I—IV. fuit Thuanaeus, deinde Colbertinus.

15) Cod. Paris. Gr. 2357, chartac. saec. XVI; continet fol. 1—87 Apollonii Conic. I—IV, fol. 88—121 Eutocii commentar., fol. 122—170 Sereni opuscula. fuit Mediceus. scriptus manu Ioannis Hydruntini.

16) Cod. Paris. suppl. Gr. 451, chartac. saec. XV; continet fol. 3—45 Theodosii sphaerica, fol. 46—52 Autolyci de sphaera mota (fol. 53 uacat), fol. 54—209 Apollonii Conic. I—IV (fol. 210—213 uacant), fol. 214—246 Eutocii commentar. fol. 1 legitur: Mauriti Brescii ex dono illustris viri Philippi Ptolomei equitis S. Stephani Senensis. Senis 1. Decemb. 1589.

17) Cod. Uindobonensis suppl. Gr. 9 (63 Kollar), chartac. saec. XVII; continet Apollonii Conic. I—IV, Sereni de sectione cylindri, de sectione coni, Euclidis Catoptrica, problema de duabus mediis proportionalibus, Euclidis Optica, Data, Aristarchi de distantia, Hypsiclis Anaphor. fuit I. Bullialdi.

18) Cod. Monacensis Gr. 76, chartac. saec. XVI; continet fol. 1—93 Asclepii comment. in Nicomachum, fol. 94—220 Philoponi comment. in Nicomachum, fol. 220—276 Nicomachi Arithmetic., deinde alia manu fol. 277—293 Apollonii Conic. I—IV, fol. 394—418 Sereni de sectione cylindri, fol. 419—453 de sectione coni.

19) Cod. Monac. Gr. 576, chartac. saec. XVI—XVII; continet fol. 1—88 Apollonii Conic. I—IV, fol. 84—100 Sereni de sectione cylindri, fol. 100—124 de sectione coni. „ex biblioteca civitatis Schweinfurt“.

20) Cod. Norimbergensis cent. V app. 6, membranac. saec. XV; continet fol. 1—108 Apollonii Conic. I—IV, fol. 109—128 Sereni de sectione cylindri, fol. 128—156 de sectione coni. fuit Ioannis Regiomontani.

21) Cod. Guelferbytanus Gudianus Gr. 12, chartac. saec. XVI; continet Apollonii Conic. I—IV. fuit Matthaei Macigni.

22) Cod. Berolinensis Meermannianus Gr. 1545, chartac. saec. XVII; continet fol. 1—118<sup>r</sup> Apollonii Conic. I—IV (fol. 118<sup>u</sup>—120 uacant), fol. 121—144 Sereni de sectione cylindri, fol. 145—178 de sectione coni.

23) Cod. Bodleianus Canonicianus Gr. 106, chartac. saec. XV; continet Apollonii Conic. I—IV.

24) Cod. Upsalensis 48, chartac. saec. XVI; continet Sereni opuscula, Apollonii Conic. I—IV (omissis demonstrationibus). fuit Cunradi Dasyopodii.

25) Cod. Upsalensis 50, chartac. saec. XVI; continet Marini introductionem ad Data, Apollonii Conic. I—IV, Sereni de sectione coni, de sectione cylindri. scriptus manu Sebastiani Miegii amici Dasyopodii.

Cod. Paris. Gr. 2471, chartac. saec. XVI, Mazarinæus, qui in catalogo impresso bibliothecæ Parisiensis commemoratur, nunc non exstat.\* codicem Paris. suppl. Gr. 869 chartac. saec. XVIII, qui a fol. 114 „notas in Apollonium Pergaeum“ continet, non uidi. cod. Barberin. II, 58 chartac. saec. XVI in fol. 64—68 continet Conic. III, 1—6 et partem propositionis 7. de cod. Magliabecchiano XI, 7 (chartac. saec. XVI) nihil notani; continet Conic. I—IV. cod. Magliabecch. XI, 26 saec. XVI praeter Philoponum in Nicomachum figuræ aliquot continet e codd. Graecis Eutocii et Apollonii excerptas. cod. Ambrosianus A 230 inf. interpretationem Latinam Apollonii et Eutocii continet, de quo in pag. 1 haec leguntur: Conica Apollonii studio Federici Commandini latinitate donata et commentariis aucta ipsamet quæ typis mandata sunt multis in locis in margine manu ipsius Commandini notata Illustrissimo Federico Cardinali amplissimo Borromaeo grati animi ergo in suam Ambrosianam bibliothecam reponenda, quo etiam carissimum affinem perennet, Mutius Oddus Urbinas consecrat. denique cod. Upsal. 56 interpretationem latinam continet Conicorum „Londini Gothorum a Nicolao Schenmark a die XXIX Iulii ad diem XIII Sept. 1762 spatio XL dierum“ ad editionem Hallei factam (habet praeter Conic. I—VII etiam octauai restitutionem Halleianam).

\* Quo peruererit codex a Constantino Palaeocappa Parisiis descriptus (Omont, Catalogue des mss. gr. copiés par Palæocappa, Paris 1886, p. 6), nescio.

codicum illorum XXV contuli totos codd. 1, 5, 11, ceteros ipse inspexi praeter codd. 6, 9, 21, de quibus quae cognoui benevolentiae niorum doctorum debeo, qui bibliothecis Marcianae, Taurinensi, Guelferbytanae praepositi sunt. iam de cognatione horum codicum uideamus.

primum cod. 2 a V pendere, certissimo documento adparet Uat. 203 ex figura II, 32 p. 248; ibi enim in hyperbola *AB* in cod. 2 ante *A* adpositum est *N*, quod hic nullum habet locum; neque enim omnino eo loco figurae littera opus est, neque, si maxime opus esset, *N* esse debuit, sed *M*. origo huius erroris statim e V manifesta est; ibi enim figura illa ita in mg. descripta est, ut in uerba Apollonii transeat et terminus superior hyperbolae *AB* ante litteram *v* in τῶν p. 248, 10 fortuito cadat; unde littera *N* in figuram irrepsit. quamquam iam hoc sufficit ad demonstrandum, quod uolumus, alia quoque documenta adferam. nam I p. 8, 5 pro πρός hab. πρός ή cod. 2 (ή postea deletum), quod e fortuita illa lineola codicis V, de qua u. adn. crit., ortum est. I p. 376, 6: ΑΞΖ] corr. ex ΑΞΘ, ita ut Θ non prorsus deleta sit, V; ΑΞΘΖ cod. 2. I p. 390, 6: ΗΞ] corr. ex ΗΓ littera ξ ad Γ adiuncta V, ΗΓΞ cod. 2. et omnino etiam apertissimi errores codicis V fere omnes in cod. 2 reperiuntur, uelut dittographia I p. 214, 5. aliquid tamen ad recensionem utile inde peti posse, explicaui I p. V.

cum in cod. 3 eadem prorsus ratio sit figurae II, 32 atque Uat. 205 in cod. 2, is quoque a V pendet; et eum ex ipso V, non e cod. 2, descriptum esse, hi maxime loci ostendunt:

notam I p. 267 adn. e V adlatam etiam cod. 3 habet, in cod. 2 contra omissa est et figurae suo loco repositae.

I p. 448, 17: ΘΔ] Δδ V, Δ seq. lac. 1 litt. cod. 2, ΑΔ cod. 3. itaque librarium cod. 3 ratio figurae in V in eundem errorem induxit. ceterum Ioannes Hydruntinus, qui et hunc cod. et cod. 4 et 15 scripsit, ab a. 1535 ad a. 1550 munus „instauratoris“ librorum Graecorum apud papam obtinuit, ut adparet ex iis, quae de salario ei numerato collegit Müntz La Bibliothèque du Vatican au XVI<sup>e</sup> siècle p. 101—104. itaque cum cod. V pessime habitus sit (I p. IV), ne usu periret, eum pro suo munere descriptisse putandus est. et hoc est „apographum“ illud, quod in notis in V mg. manū recenti adscriptis citatur, uelut I p. 2, 15 διὰ τὸ πρός εὐπλω κτλ. ἐξ ἀπογράφου εἰκονικοῦ (h. e. adcurati, fidelis); nam ita cod. 3 (εὐπλω rectius cod. 2); cfr. praeterea in Sereno (ed. Halley):

p. 14, 34: *ZM*] *ΘM* V, *M* euān.; „ἡ ΘΝ in apographo“  
mg. m. rec.; *ΘM* cod. 2, *ΘN* cod. 3;

p. 64, 40: ἡ *ZE τῆς ΕΘ*] V, cod. 2; „ἡ EZ τῆς ΕΘ sic  
in apographo“ mg. m. rec. V, ἡ EZ τῆς ΕΘ cod. 3;

p. 71, 6: ὅτι] τι V, „ξτι in apographo. puto igitur ὅτι *M*“  
mg. m. rec.; ὅτι cod. 2 (*o* in ras. m. 1), ξτι cod. 3;

p. 83, 9: ὁ προέκειτο] cod. 2; κειτο post lacunam V, „puto  
deesse ὁ προ“ mg. m. rec.; προέκειτο post lacunam cod. 3.  
adparet, correctorem ita scripturum non fuisse, si cod. 2 in-  
spexisset; nam per uocabulum „puto“ suam significat conjectu-  
ram, uelut p. 75, 48: ὁ κέντρῳ] φ κέντρῳ V, mg. m. rec.

„*M*† puto ὁ κέντρῳ sic infra [h. e. p. 76, 3] in repetitione“.

his notis, quas manus recens partim Graece partim Latine

in mg. codicis V adscripsit, saepius, ut uidimus, praemittitur *M*,  
h. e. monogramma Matthaei Devarii (u. Nolhac La bibliothèque  
de F. Orsini p. 161), qui ab a. 1541 in bibliotheca Uaticana  
„emendator librorum Graecorum“ fuit (u. Müntz l. c. p. 99).  
ei igitur tribuendum, quicquid manu recenti in V adscriptum est.

Uat. 1575 etiam cod. 4 ex ipso V descriptus est; nam et littera *N*  
in figura II, 32 addita a V pendere arguitur, et eum neque e  
cod. 2 neque e cod. 3 descriptum esse ostendunt scripturae  
I p. 376, 6: *ΛΞΖ*] *ΛΞΘΖ* cod 4, *ΛΞΖ* cod. 3 et corr. ex  
*ΛΞΘΖ* V; *ΛΞΘΖ* cod. 2; I p. 310, 13: *KΖ*] corr. ex *KH* V,  
*KHZ* cod. 2, *KZ* cod. 4. nec aliter exspectandum erat, quippe  
qui a Ioanne Hydruntino scriptus sit sicut cod. 3. ceterum  
cod. 4 cum bibliotheca Columnensi in Uaticanam peruenit.

Paris. 2357 cod. 15 ab eodem Ioanne Hydruntino scriptus et ipse e V  
descriptus est. nam quamquam hic *N* in figura II, 32 omis-  
sum est, tamen in erroribus omnibus cum V ita conspirat, ut  
de eorum necessitudine dubitari nequeat; et hoc per se ueri  
simile erat propter Ioannem Hydruntinum librarium. eum a  
codd. 2, 3, 4 originem non ducere ostendit uel ipsa omissio  
litterae *N*, confirmant alia, uelut quod titulus libelli περὶ αὐ-  
ληδρον τομῆς hic est: Σερήνου περὶ αὐληδρον τομῆς; ita  
enim V, cod. 3 nero: Σερήνου Ἀντινοέως φιλοσόφου περὶ αὐ-  
ληδρον τομῆς, e subscriptione codicis V petita; cod. 4 Serenum  
non habet. nec a cod. 2 pendet; nam I p. 4, 27 recte κρίνειν  
habet, non κρίνειν ut cod. 2.

hic codex quoniam Mediceus est, a. 1550 a Petro Strozzi

in Galliam cum ceteris cod. Nicolai Ridolfi Cardinalis adlatus est. ibi statim ex eo descriptus est cod. 14. is enim Paris. 2356 fol. 135<sup>r</sup> (ad finem Conicorum) et fol. 137 haec habet: „perlectum Aureliae 16 Martii 1551“, scripta\*) manu Petri Montaurei mathematici Aurelianensis (u. Cuissard L'étude du Grec à Orléans p. 111), qui sine dubio eo ipso anno codicem suum in usum descripsi iussit et descriptum perlegit emendauitque, ut solebat. cod. 14 e cod. 15 descriptum esse ex his locis colligo: I p. 6, 15:  $\tau\varepsilon]$  om. codd. 14, 15 soli (praeter cod. 13, de quo mox dicam), I p. 218, 5:  $\tau\omega\tau\omega\tau\omega$  cod. 14 (et 13), quia  $\tau\omega\tau\omega$  cod. 15 (ita etiam praeter V codd. 2, 3, 4, sed inde cod. 14 descriptus esse non potest, quoniam in fig. II, 32 N non habet).

Montaureus plurimis locis in mg. et emendationes et annotationes suas addidit, quarum speciminis causa nonnullas adferam:

1) ad I def. 6 mg. περὶ τῶν ἀντικειμένων ἐν τῷ 15' τοῦ α' περὶ τῆς ἐλλείψεως ἐν τῷ με' τοῦ β' πρὸς τῷ τέλει.

2) I, 5 p. 20, 1 mg. λείπει· ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν KZH· ἀλλὰ τῷ ὑπὸ τῶν EZΔ τοντέστι τὸ ὑπὸ τῶν ΔΖ, ΖΕ λεῖσθαι. deinde deleta: ἡ γὰρ ὑπὸ HΘΚ κτλ.

3) I, 22 p. 76, 8 post Γ, Δ inseruit mg. μὴ συμπληκτονσα τῇ διαμέτρῳ ἔντος.

4) I, 33 p. 98, 25 post καταχθῆ mg. σύνθεια.

5) I, 39 p. 120, 9 post κατ mg. ἐκ τοῦ δὲν ἔχει.

6) I, 41 p. 128, 9 post ΔH mg. τὸ ἄρα ἀπὸ ΔΕ εἰδος τὸ ὅμοιον τῷ AZ.

7) I, 45 p. 138, 2 post ΓΔ mg. ἐπὶ τὴν δευτέραν διάμετρον.

8) I, 45 p. 136, 17: ὑπ' αὐτῶν δι' οὐν ἀποτέμνει τριγώνου ἡ κατηγορία πρὸς τῷ κέντρῳ ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς μετζον cod. 14, Montaureus deletis δι' et ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς post αὐτῶν mg. inseruit τριγώνον ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς.

9) I, 54 p. 168, 29 mg. addit τέτμηται ἄρα ἐπιπέδῳ ὁρθῷ πρὸς τὸ ZHΘ τριγώνον καὶ ποιεῖ τομὴν τὸν HΠΘΡ κύκλον; p. 170, 3 post ὑποκειμένῳ mg. add. τέμνοντι τὴν βάσιν τοῦ κώνου.

10) I, 55 p. 172, 22 mg. λείπει· καὶ δυνήσονται τὰ παρὰ τὴν AN παρακειμένα ὁρθογώνια.

11) I, 56 p. 180, 5—6: BE πρὸς EZ ἡ BK πρὸς KΘ cod. 14,

\*) Teste Henrico Omont, uiro harum rerum peritissimo.

mg. m. 1: *καὶ τοῦ τῆς ΛΕ πρὸς EZ ἀλλ' ὡς μὲν ἡ BE πρὸς EZ, Montaureus deletis ἡ BK πρὸς ΚΘ mg. add. ἡ BK πρὸς ΚΘ τοντέστιν ἡ ΖΛ πρὸς ΛΘ.*

12) Ad II, 13 mg. „παράδοξον Proclus in fine li. 2 commentariorum in 1. Euclidis“.

13) II, 16 p. 220, 20—22: *τὸ μὲν ὑπὸ ΚΛΘ τῷ ὑπὸ (ἀπὸ m. 2) ΘΜΗ ἔστιν ἵσον καὶ ἡ ΛΘ τῇ KM cod. 14, mg. m. 2: λείπεται ΑΓ τὸ δὲ ὑπὸ ΘΜΗ τῷ ὑπὸ ΓΒ ὥστε τὸ ὑπὸ τῶν ΚΛΘ ἵσον ἔσται τῷ ὑπὸ τῶν ΘΜΚ καὶ ἡ ΛΘ τῇ KM ἵση deletis uerbis ΘΜΗ ἔστιν ἵσον.*

Paris. 2355 Hae correctiones notaeque Montaurei omnes fere in cod. 13 receptae sunt, unde adparet, eum e cod. 14 descriptum esse. et concordant temporum rationes. nam cod. 13 Petri Rami fuit — nomen eius in prima pagina legitur —, qui ipse Petrum Montaureum magistrum suum in mathematicis praedicat et inter mathematicos Graecos, ad quorum studium se adcingebat, Apollonium nominat (Waddington Ramus p. 108). de eo Nancelius, scriptor librarius codicis 13, in epistula I, 61 (p. 211 ed. Paris. 1608) ad Scaligerum haec narrat: „ipsi illi multa Graeca exemplaria mea manu perdius ac pernox exscripsi, quorum ille sibi copiam Roma e Vaticano et ex bibliotheca regia et Medicaea per reginam regum nostrorum matrem fieri sedulo satagebat et per alios utique viros φιλομαθεῖς“. in mg. a Nancelio saepius „exemplar reginae“ citatur, uelut I p. 6, 27 *τῆς γραμμῆς] τῆς καμπύλης γραμμῆς* cod. 13, mg. hoc vocabulum non est in exemplari reginae, p. 8, 13 post ἐτέρᾳ supra scr. m. 1 διαμέτρῳ cod. 13, mg. hoc vocabulum in exemplari reginae non reperitur, p. 8, 23 κορυφῆς del. m. 1 cod. 13, mg. hoc uerbum est in exemplari reginae. sine dubio „exemplar reginae“ est ipse cod. 15; nam codices Petri StroZZI ad Catharinam de Medicis reginam post mortem eius peruererunt. ex eodem codice illas quoque scripturas petiuit Nancelius, quas addito uocabulo „alias“ in mg. adfert, uelut I p. 10, 1 καὶ ἔστω] om. cod. 13, mg. alias adduntur καὶ ἔστω, p. 220, 21 ὥστε τὸ ὑπὸ ΚΛΘ ἵσον ἔσται τῷ ὑπὸ τῶν ΘΜΚ καὶ ἡ ΛΘ τῇ KM ἵση ΘΜΚ ἔστιν ἵσον καὶ ἡ ΛΘ τῇ KM cod. 13 cum Montaureo (u. supra), quem non intellexit; mg. alias ita legitur ὥστε καὶ τὸ ὑπὸ ΚΛΘ τῷ ὑπὸ ΘΜΚ ἔστιν ἵσον καὶ ἡ ΛΘ τῇ KM.

Marc. 518 Ex ipso V praeterea descriptus est cod. 6; nam in fig. II, 32 habet N et in praefatione libri primi lacunas tres habet (p. 2, 15

Ἐν — om., οὐ διακα — om., p. 2, 16 ὡς ἔσχατον om.) propter litteras in V detritas, quae in antiquioribus apographis eius seruatae sunt. in cod. 6 propter litteras paululum deformatas in V pro κρίνειν p. 4, 27 scriptum est κρίπτειν. eundem errorem habent codd. 17, 18, 22, qui ea re a cod. 6 pendere arguuntur. praeterea cod. 22 et p. 2, 15—16 easdem lacunas Berol. 1515 habet et uerba p. 8, 12 ὥν — 18 ἐτέρᾳ cum cod. 6 solo bis scripsit. et cum sit Meermannianus, per complurium manus e bibliotheca profectus est Guillelmi Pellicier, qui omnes fere codices suos Uenetiiis describendos curauerat. etiam cod. 17 Uindob. easdem lacunas illas habet, sed expletas a manu recenti, quae<sup>suppl. 9</sup> eadem κρίπτειν in κρίνειν correet et alias coniecturas adscripsit, uelut p. 4, 10 παράδοξα] mg. παντοῖα, p. 4, 12 καὶ κάλλιστα] mg. καὶ καὶ, p. 4, 21 συμβάλλονται] mut. in συμβάλλει, mg. καὶ ἀντικείμεναι ἀντικείμεναις κατὰ πόσα σημεῖα συμβάλλονται; sine dubio ipsius Bullialdi est. hunc codicem Uenetiiis scriptum esse, docet, quod problema illud de duabus mediis proportionalibus e Marc. 301 sumpsit. Sereni libellus de sectione coni falso inscribitur Σερήνου Ἀντισέως φιλοσόφου περὶ κώνου τομῆς β', quia in cod. 6, ubi inscriptio est περὶ κυλίνδρου τομῆς β', supra κυλίνδρου scriptum est κώνου numero β' recte deletio, quod non animaduertit librarius codicis 17. cod. 18 lacunas habet postea expletas; uerius Monac. 76 finem libelli de sectione cylindri habet: „ἐνταῦθα δοκεῖ ἐκλείπειν καὶ μὴ ἀκολουθεῖν τὸ ἐπόμενον. sic videtur aliquid deesse“, quae uerba hic in cod. 6 adscripsit Bessarion (ἐκλείπειν pro ἐκλείπειν, hic videtur aliquid deficere; Latina etiam cod. 22 hoc loco habet prorsus ut Bessarion); in fine libelli de sectione coni addidit in cod. 6 Bessarion: οὐχ εὑρηται πλέον; eadem eodem loco habent codd. 18 et 22.

praeterea e cod. 6 descriptus est cod. 10; nam et lacunas Scorial. p. 2, 15—16 habet et post Serenum notas Bessarionis (ἐνταῦθα δοκεῖ ἐκλείποι καὶ μὴ ἀκολουθεῖν τὸ ἐπόμενον, οὐχ εὑρηται πλέον). et Diegi de Mendoza fuit (Graux Fonds Grec d'Escurial p. 268), quem constat bibliothecam suam apographis Marcianis impleuisse.

pergamus in propagine codicis V enumeranda. cod. 16, Paris. suppl. cum p. 2, 15 πρὸς ἐκπλῶ et οὐ διακα-, p. 2, 17 ἔσχατον ἐπε- gr. 451 postea in spatio uacuo inserta habeat, necesse est e V, in quo litterae illae euauuerunt, originem ducere siue ipso siue per apographum. de cod. 6 intermedio cogitari non potest, quia b\*

in eo priore loco non πρὸς ἔκπλω, sed ἐκ- tantum omissum est, tertio non ἔσχατον ἐπε-, sed ὡς ἔσχατον. p. 2, 15 post lacunam alteram in cod. 16 legitur θάρανες (corr. m. 2) et p. 4, 25 post δέ additur περὶ. iam cum eaedem scripturae in cod. 20 inueniantur, inter V et codd. 16, 20 unum saltim apographum intercedit; neque enim alter ex altero descriptus esse potest, quia cod. 20 p. 2, 15 ἐκ- solum omittit et p. 2, 17 pro ἔσχατον ἐπελευσόμενοι habet ἐδια τὸν ἐπελευσόμενοι; praeterea in cod. 16 opuscula Sereni inscriptione carent, in cod. 20 uero inscribuntur σερήνη περὶ κυλίνδρου τομῆς et σερήνου ἀντιτινέως φιλοσόφου περὶ κυλίνδρου τομῆς. hinc simul adparet,

Norimb. cod. 20 e cod. 6 descriptum non esse, quod exspectaueris, quia cent. V Regiomontani fuit; ibi enim libelli illi inscribuntur σερήνου ἀντιτινέως φιλοσόφου περὶ κυλίνδρου τομῆς ἄντην et σερήνου ἀντιτινέως φιλοσόφου περὶ κυλίνδρου τομῆς (άντηνον Bessarion) τομῆς βῆν (del. Bessarion); in V prior libellus inscribitur σερήνου περὶ κυλίνδρου τομῆς, alter inscriptionem non habet, sed in fine prioris legitur σερήνου ἀντιτινέως φιλοσόφου περὶ κυλίνδρου τομῆς: —, quam subscriptionem in titulum alterius operis mutant manus recens addito in fine τὸ βῆν et ante eam inserto τέλος τὸν αῖ. cum cod. 20 arta necessitudine coniunctum esse

Taur. B I 14 cod. 9, inde adparet, quod p. 2, 17 ἐδια τὸν ἐπελονσόμενοι praebet (p. 2, 15 ἐκ- et οὐ διακα- in lacuna om.), sed cum p. 4, 25 περὶ non habeat, neuter ex altero descriptus est; praeterea p. 4, 18 pro συνειδόμεν cod. 9 συνοί habet.

nihil igitur relinquitur, nisi ut putemus, codd. 9, 16, 20 ex eodem apographo codicis V descriptos esse, in quo a principio omissa essent p. 2, 15 πρὸς ἔκπλω et οὐ διακαδάραντες] θάρανες (p. 2, 17 ἔσχατον ἐπελευσόμενοι)] ἐδια (α ita scriptum, ut litterae ω simile fiat) τὸν ἐπελευσόμενοι 20, ἐδια τὸν ἐπελευσόμενοι 19, 24; p. 4, 6 ἄξονας] ἄξωνες 19, 20, 24; p. 4, 25 δέ] δὲ περὶ 19, 20, 24. neutrum enim ex altero descriptum esse, hi loci demonstrant: p. 4, 5 τάς] τούς compendio 19, 20, τάς corr. ex τοῦ uel τῶν 24; p. 4, 9 καλῶ] 19, καλῶ seq. ras. 1 litt. 20, καλῶς 24; p. 4, 11 τε] 19, 20,

Monac. 576 apographa codicis 20 sunt codd. 19 et 24, ut hae scripta Uppsal. 48 turiae ostendunt: p. 2, 4 ἔχοι] ἔχει 19, 20, 24; p. 2, 8 εὐ- αρεστήσωμεν] εὐαρεστήσομεν 19, 20, 24; p. 2, 15 οὐ διακαδάραντες] θάρανες 19, 20, 24; p. 2, 17 ἔσχατον ἐπελευσόμενοι] ἐδια (α ita scriptum, ut litterae ω simile fiat) τὸν ἐπελευσόμενοι 20, ἐδια τὸν ἐπελευσόμενοι 19, 24; p. 4, 6 ἄξονας] ἄξωνες 19, 20, 24; p. 4, 25 δέ] δὲ περὶ 19, 20, 24. neutrum enim ex altero descriptum esse, hi loci demonstrant: p. 4, 5 τάς] τούς compendio 19, 20, τάς corr. ex τοῦ uel τῶν 24; p. 4, 9 καλῶ] 19, καλῶ seq. ras. 1 litt. 20, καλῶς 24; p. 4, 11 τε] 19, 20,

δέ 24; p. 4, 13 συνείδομεν] 24, συνείδαμεν 19, 20; p. 4, 16  
ἄνεν] 24 et litteris ε, ν ligatis 20, ἄνα 19; p. 6, 7 ὅθεν] 19, 20,  
ὅταν 24; p. 6, 26 εὐθεῖα] 19, om. in extremo uersu 20, sed  
addidit mg. m. 1, εὐθεῖα mg. 24.

denique ex ipso V descriptus esse uidetur cod. Uindobon.  
suppl. gr. 36 (64 Kollar), chartac. saec. XV, qui priores tan-  
tum duos libros Conicorum continet (fuit comitis Hohendorf);  
neque enim in fig. II, 32 N litteram habet, et a V eum pen-  
dere ostendunt scripturae p. 2, 15 εὐπλω, p. 226, 6 τό] om.  
Uindob. et in extremo uersu V. lacunas p. 2 non habet, p. 2, 12  
ον δέ pro ον. ceterum nihil de eo mihi innotuit.

restant eiudem classis codd. 8, 12, 21, 23, quos omnes e  
codice 2 originem ducere ostendit error communis κόπτειν  
p. 4, 27; ita enim propter litteras in V, ut dixi, deformatas Mutin. II  
pro κόπτειν cod. 2 (corr. m. rec.). lacunas p. 2 non habent. D 4  
utrum omnes ex ipso cod. 2 descripti sint an alias ex alio, Paris. 2354  
pro certo adfirmare non possum; cfr. p. 2, 4 ἔχοι] 2, 8, 12, 23, Gud. gr. 12  
Canon. 106  
ἔχει 21; p. 2, 12 ον] δέ 2, 8, 12, 21, 23; ἔσχόλαξε] 2, 8, 12,  
ἔσχόλαξεν 21, 23; p. 2, 19 συμμειχότων] 2, 8, 12, 21, συμ-  
μειχότων 23; p. 2, 20 καὶ τό] 2, 8, 12, 21, καὶ 23; p. 4, 1  
πέπτωνεν] 8, 12, 23, πέπτωκε 2, 21; p. 4, 4 καὶ] 2, 12, om.  
8, 21, 23; ἔξειργασμένα] 2, 8, 12, 21, ἔξηργασμένα 23; p. 4, 9  
εἰδήσεις] 2, 8, 12, 23, εἰδήσις 21; p. 4, 17 σύνθεσιν] 2, 8, 12, 23,  
θέσιν 21; p. 4, 21 κατά] 2, 8, 12, om. 21, 23; p. 6, 14 τοῦ]  
2, 8, 23, τοῦ κέντρον τοῦ 12; p. 8, 10 ἐκάστη] ἐκάστη<sup>7</sup> in ex-  
tremo uersu 2, ἐκάστη 8, 12, 23; p. 8, 18 συγγεῖς] 2, 8, 23,  
συγγεῖς δέ 12; p. 8, 19 διάμετροι] 2, 12, 23, διάμετροι 8;  
p. 8, 21 α'] om. 8, ἀν 23, θεώρημα ἀν 12; p. 10, 9 ἐστι]  
2, 8, 23, ἐστιν 12. itaque codd. 8, 12, 23 apographa ipsius  
cod. 2 uideri possunt, cod. 21 autem fortasse ex cod. 23 pendet.  
cod. 21 quoniam Matthei Macigni fuit, sine dubio idem est,  
quem Tomasinus Bibliotheca Patauina manuscripta p. 115 inter  
codices Nicolai Triuisani enumerat, cui Macignus mathematicus  
Uenetus bibliothecam suam legauerat (u. Tomasinus p. 115<sup>2</sup>).

codd. denique 7 et 25 e cod. 11 descriptos esse, uel Ambros. A  
inde adparet, quod hi soli libellum Sereni de sectione coni 101 sup.  
ante alterum eius opus collocant. cfr. praeterea p. 2, 8  
εὐαρεστήσωμεν] 11 supra scripto εὐρω, εὐρωστήσωμεν 7,  
εὐαρεστήσωμεν 25; p. 2, 12 παραγενηθεῖς] παραγενόμενος 7,  
11, 25; p. 2, 15 εὐπλω] ἐκπλον 7, 11, 25.

iam de codicibus, qui soli relictii sunt, 5 et 11 uideamus.  
 Cnopol. o prius e cod. 5 (c) omnes scripturas adferam, quae a V  
 discrepant, melioribus stellula adposita (scholia marginalia  
 non habet):

- I p. 2, 15 ἔκπλουν\* (?) 19 συμμετεχόντων  
 p. 4, 1 πεπτωκεν\* 6 καὶ — 7 ἀσυμπτάτους] om. 13  
 συνείδομεν corr. ex συνείδαμεν 14 Εὐχείδονς e corr. 16  
 ἄνευ] τὸν ἄνευ 19 καὶ — 21 συμβάλλουσι] om.  
 p. 6, 1 πρῶτοι] ἀ 2 Ἐάν] ἄν  
 p. 8, 5 πρός 6 ὁρθίαν] θείαν post lac. 21 α'] hab.  
 p. 10, 15 β'] om. 16 post κατά del. κο 20 A] πρῶ-  
 τον 24 A] πρῶτον  
 p. 12, 3 Z] corr. ex H 16 περιφέρειαν\* 21 γ' om.  
 p. 14, 4 BΓ] e corr. 18 ἔχον 22 ἔχον 25 συμβαλέτω  
 p. 16, 4 συμβαλέτω 6 τέμνεται τοῦ] semel\* 12 καὶ  
 — 18 ἀλλήλαις] om. 24 ε'] δ' mg.  
 p. 20, 2 τῷ] τῷ τῷ 8 ε'] om. 14 συμβαλεῖ\* τῷ]  
 τῷ τοῦ  
 p. 22, 15 post ἐπιφανεῖα del. συμπιπτέτω κατὰ τὸ H. λέγω,  
 ὅτι ἵση ἔστιν ἡ ΔΖ τῇ ZH  
 p. 22, 21 ἀπὸ τοῦ\* 26 ξ'] om.  
 p. 24, 11 οὐκ αἰεὶ] οὐκ καὶ εἰ 28 ΔΖΕ] corr. ex ΔΕ  
 p. 26, 22 τῷ] om.  
 p. 28, 3 τῷ] semel\* 5 τρίγωνον] om. 11 HZ] ZH  
 p. 30, 5 προσεκβαλέται 28 τῆς\*  
 p. 32, 6 τομῆς\* 11 ἔκβαληται 15 ZΘ] ZH 20 ἀπο-  
 λαμβάνοντα] om.  
 p. 34, 1 τὴν βάσιν 15 ZH] HZ 17 δῆ] om. 19 post  
 τό del. τῶν KM] supra scr. 20 BΓ] B 21 δ] hab.\* 24  
 τῷ] corr. ex τῷ  
 p. 36, 2 ἡ ὑπό] corr. ex ὑπό 3 ἔστι] om. 7 σημεῖα ἡ]  
 σημεῖ ἡ 11 BΓ] ΑΓ 12 τό — 13 τομῆν] om. 15 τά  
 23 μῆ] hab.\* νεύει (fort. scrib. οὐ νεύει)  
 p. 38, 4 ἄν] om. 6 δυνηθήσεται 15 A] πρῶτον 22  
 τοῦ] e corr. 24 πεποιήσθω\*  
 p. 40, 1 παράλληλον — 3 ἐπίπεδον] semel\* 6 τῷ] corr.  
 ex τῷ 7 ΘΖ] ZΘ 14 ΝΑ 15 ΛΜ] ΜΛ η] hab.\* 21  
 ΖΑ] corr. ex ΔΖ  
 p. 42, 2 ἥν] ὅν 5 ἔάν] ἄν

- p. 44, 2 τέμνουσι] sic\* 14 δέ] corr. ex τε 15 ΝΟΞ] ΟΞ  
 p. 46, 3 κατ — 4 ΚΒ] om. 8 ΖΑ] ΑΖ 12 κατ — 13  
 ΣΝΡ] om. 13 ΖΑ] ΑΖ 19 τῷ] τό ΞΝΖ] ΞΚΖ 27  
 post ὁρθία del. κατ
- p. 48, 2 ἔστι] ἄν 16 εὐθεῖαις] γωνίαις  
 p. 50, 23 τῶν] om.  
 p. 52, 4 ὁ τοῦ — 5 ΠΜΡ] semel\* 15 εἰδεῖ] corr. ex  
 ἡδη 17 ἡ δὲ ΕΘ] om.  
 p. 54, 2 μή] om. 26 Α (alt.)] Η  
 p. 56, 8 τέτμηται — 12 τριγώνον] bis 9 τοῦ κάνον] om.  
 priore loco 16 κατ — 17 ΕΠ] semel\* 29 τό] hab.\*  
 p. 58, 2 τὸ ὑπό — 4 ΒΣΓ] mg. m. 1 23 ἐκβεβλήσθω  
 p. 60, 9 Ν] om. 21 ΗΞ] ΝΞ 24 ΓΘ] ΓΔ  
 p. 64, 7 συγγεῖσα 12 συγγεῖσα 25 ΒΖ  
 p. 66, 3 ΝΔ 5 ΝΛΛ 10 ἄρα] ἄρα καὶ 13 ΞΓΔ 14  
 συγγεῖσα 21 ἀντικειμένων  
 p. 70, 4 ἐπει — 5 ΕΖ κατ] om. 10 τῇ τομῆ] om. 28  
 ἐντός  
 p. 72, 4 συμπεσεῖται] corr. ex συμπίπτει 19 τῷ — 21  
 ΑΖ] om. 24 ἀπό] om.  
 p. 74, 7 ἡ (pr.)] corr. ex ἡ\* 10 μέν] hab.\* 13 οὗτως  
 p. 76, 8 τά] corr. ex τήν  
 p. 78, 3 διαμέτρων — 4 ΓΔ] bis 4 ante ἐκατέρᾳ del.  
 τῇ (priore loco) 6 ΗΕ] Ε e corr. 10 ἐστι] sic\* 11 τῆς]  
 bis 12 μεῖζον] om. 13 ΖΑ] ΖΑ 15 ΖΑ] Α e corr. 26  
 Ζ] e corr.  
 p. 80, 16 ΗΚ (pr.)] ΙΘΚ  
 p. 82, 4 ἀνήκθω] om. 7 post τῆς del. ἀπό  
 p. 86, 2 τοντέστι — ΑΖ] semel\* 21 ΕΖ] ΕΞ  
 p. 88, 1 ΚΔ] sic\* 5 τό] e corr. 9 ΒΗ] ΒΝ 12  
 ἀπό (pr.)] ὑπό 21 εὐθεῖα] e corr.  
 p. 90, 2 ΒΖ] Β 10 τῷ] τό  
 p. 92, 6 ὥς — ΗΕ] om. 11 ΑΓ] sic\* 21 τομῆν]  
 τομῆν ἡ  
 p. 94, 2 Ε] in ras. τεταγμένως] seq. ras. 4 τῇ] bis  
 18 ἐπειδή — 19 πεσεῖται] om. 23. κάνον] τοῦ κάνον  
 p. 96, 17 ὑπό] corr. ex ἀπό  
 p. 98, 7 τῷ] sic\* 16 ὥς — 17 ΘΔ] om. 26 πρός] e corr.  
 p. 100, 19 ΑΔ] ΑΕ 20 τετράνις\*  
 p. 102, 2 ἡ] ἡ 23 post ΞΝ del. τοη ἄρα ἐστι 25 ἡ ΝΞ\*

- p. 104, 9 ὑπό (alt.)] corr. ex ἀπύ 11 ὑπό (pr.)] ἀπύ 12  
 $\Theta\Theta$ ] Z $\Theta$ , Θ e corr. ὡς — 13 ZH] mg. m. 1
- p. 108, 22 συμπίπτη, -η e corr. τῆ] e corr. 27 τοῦ] sic\*
- p. 110, 8 ΕΓ] ΓΕ 16 ZE]  $\overset{\beta}{\overset{\alpha}{EZ}}$  23 τό] τῶ
- p. 114, 13 καὶ — 15 ΗΓ] om. 17 ΛΜ] corr. ex HM  
 24 τό] corr. ex τῷ 25 ὡς — 26 ΜΗΛ] om.
- p. 116, 1 πρὸς τό] τῷ λεσον — 2 ΗΑ] om. 14 τῆς (alt.)]  
 τοῦ 23 HZ] ZH 26 ΗΓ] ΗΣ 27 ΓΖΔ] ΓΖΑ ή ΔΓ  
 — 28 ΖΔ] om. 28 ΔΘ] ΘΔ
- p. 118, 21 δν (alt.)] ḥν
- p. 120, 24 ΘΗ] corr. ex Θ
- p. 122, 7 καὶ ἐκ — 8 πρὸς Κ] om. 15 ἐν] om. 21  
 τὴν λοιπήν] sic\*
- p. 124, 2 post εἰδει del. ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως 14 ante  
 καὶ del. τὸ ἀπὸ τῆς ΔΓ 23 ἔχει] om.
- p. 126, 8 ΑΕ] corr. ex ΕΑ
- p. 128, 3 ΑΖ] sic\*
- p. 130, 4 ΔΖ] corr. ex ΔΒ 7 τό (pr.)] τήν
- p. 132, 10 τῷ] sic 20 ΒΓΔ] corr. ex ΒΔΓΔ
- p. 134, 14 ΖΟ] ZH 16 Ν(alt.)] H
- p. 136, 10 τῇ δευτέρᾳ] semel\*
- p. 138, 1 Β] e corr. 3 ΗΘΖ] ΗΘ
- p. 140, 7 ΒΖΕ] E e corr. 8 ΓΔΔ] ΓΔ 11 ἀφῆς]  
 τομῆς
- p. 144, 19 ΕΔ] Δ e corr.
- p. 146, 5 τό] om. 20 τό] om.
- p. 148, 2 ΚΠΜ] ΚΠΒ 6 τοῦ] τῇ 12 ΓΔΔ] corr. ex  
 ΔΔ 18 ΚΛΝ] ΚΛΜ 14 λεσον — ΚΛΝ] del. m. 1 15  
 τῷ — ΓΔΔ] om.
- p. 150, 6 ἀφῆς] corr. ex τομῆς m. 1 21 ΖΕ] ΗΞΕ  
 ΕΗ] H 28 ΓΚ] corr. ex ΚΓ
- p. 152, 2 ἐστι\* 6 τοῦ] τῇ τριγάνω 10 NPΞM, sed  
 corr. 18 συναμφότερος] συναμ 24 ὑπό] mg. m. 1
- p. 156, 3 ΒΛΗ] Λ e corr. 4 Κ] H? 13 ΑΞΝ]  
 ΑΗΞ 20 ΑΖ] AB 22 ή Κ\* 26 Z] ἐβδόμηφ
- p. 160, 7 ἀνάλογος 9 τετραπλασία — 11 ή] om. 21 δέ]  
 δή 22 ΚΑ] e corr. 25 MN] corr. ex MH
- p. 162, 11 τριγάνων] om.
- p. 164, 6 ἀπό] ὑπό 12 ΑΚΜ]  $\overset{\beta}{\overset{\alpha}{ΚΑΜ}}$  25 δή] postea  
 ins. m. 1

- p. 166, 2 δύο] postea ins. δοθεισῶν] e corr. 8 ἀπό] ἐπὶ<sup>β α</sup>  
 p. 168, 4 τὸ Α] postea ins. 14 Ζℳ] corr. ex ℳ 16  
 διάμετρος; deinde del. κῶνος  
 p. 170, 21 τόν] bis  
 p. 172, 2 δεδοῦμένη 9 ΑΔΖ] ΑΔΖ  
 p. 174, 2\*) μέν] e corr. 13 ΓΑ] Α e corr. 15 πρὸς  
 ΗΔ] om. κοινός] e corr. 19 ΓΑ] Α e corr.  
 p. 176, 27 ΔΕ] ΔΗ 29 δή] δέ  
 p. 178, 2 τῆ — 3 γωνία] om. 4 ΖΒΔ] Β e corr. 13  
 ΗΘΝ] ΗΘΚ, Κ e corr. 19 η] postea ins. ἄρα] postea  
 ins. 20 ΚΗ] ΚΝ 26 ΖΘ] Ζ postea ins.  
 p. 180, 4 τὸ δέ — 5 EZ] om. 18 περὶ] sic\* 25 μετ-  
 ξων — ΖΗ] mg. m. 1 26 ἀπό] sic\*  
 p. 182, 3 ΖΔ] ΖΑ 18 ἔστω] ἔστι  
 p. 184, 15 ΗΕ — 16 πρός] om.  
 p. 186, 5 post ΒΘ del. ὡστε τὰς καταγομένας κατάγεσθαι  
 ἐν γωνίᾳ 6 δή] sic\* 20 αἱ] lac. 2 litt.  
 p. 188, 9 τῷ] corr. ex τό 10 ἔσται 18 δή] ins. m. 1  
 p. 190, 2 ΖΑΗ] Α e corr.  
 p. 192 Ἀπολλωνίου κωνικῶν ἀ 5 πέμφα 6 σοι] postea  
 ins. 11 αὐτῷ 14 ἀπολειψθῆ  
 p. 194, 7 ΓΒ] corr. ex ΒΓ 25 καὶ αἱ — 26 παράλιη-  
 λοι] om.  
 p. 196, 2 ΔΕ] Ε e corr. 9 post ΑΚ ins. ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ<sup>πο</sup>  
 ΓΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΔ τὸ ὑπὸ ΑΛΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΚ 15 ΜΚΗ]  
 ΜΚ η̄  
 p. 200, 8 ἐπιξευχθεῖσα\* 12 Η ν]-] e corr. 22 τέμνη]  
 corr. ex τέμνει η̄] η̄  
 p. 202, 9 η̄] η̄ 13 η̄] η 18 ΓΔ] sic 24 ΗΕ] ΕΗ  
 p. 204, 18 ἀλλ'  
 p. 208, 10 ὑπό] corr. ex ὄπο 17 — mg. 18 ΘΗΒ]  
 ΘΒΗ  
 p. 210, 3 ΖΔΔ] corr. ex ΖΔΔ 6 ΖΔΔ] Α e corr. 20  
 ΓΔΔ] corr. ex ΑΓΔ  
 p. 212, 2 ΒΔ] corr. ex ΒΔ 17 ἀχθῶσιν] sic\*  
 p. 214, 5 ὑπὸ ΑΔΓ] sic\* 15 μόνον] bis 16 ΓΑ] sic\*  
 p. 216, 3 Μ] corr. ex Β 5 καὶ (pr.)] om. 15 δὲ] om.  
 17 ἀφέξονται 19 ΑΘ] ΕΘ 21 ΔΗ] Η e corr.

\*) Ubi in V error a prima manu correctus est, plerumque  
 de c nihil notaui, si cum V correcto concordat.

- p. 222, 5 *τοῦ*] bis 15 *ἴαν* *ἴν*  
 p. 224, 25 *ἡ* (alt.)] sic\* 27 *κατά*] sic\*  
 p. 226, 1 *δέ*] om. 6 *τό*] postea ins. 9 *ἴστιν*] sic\* 20  
*καλ* — *ΚΕ*] om.  
 p. 228, 6 *ΛΗΘ*] corr. ex *ΛΘΗ* 10 *πεποιήσθω*] sic\* 16  
*τῆς*] om. 22 *ΓΧ*] *ΧΓ* 24 *τὸ* *ΗΘΧ*] e corr.  
 p. 230, 11 *ΕΧ*] *ΧΕ* 13 *ΕΧ*] *ΧΕ* 14 *ΗΟ*] corr. ex *Ο*  
 18 *ΗΟ*] *Η*  
 p. 232, 4 *τοῦ*] sic\* 5 *τῆ*] *τῷ* 24 *ἄρα*] *ἄρα* *ἡ*  
 p. 234, 24 *συμπτώσεως*, sed corr.  
 p. 238, 5 *ΕΖ*] *ΕΞ* 13 *τῆς*] om.  
 p. 240, 2 *ἴστιν*] corr. ex *ἴστη* 15 *ἴν*] om.  
 p. 242, 10 *ἡ*] e corr.  
 p. 246, 17 *ΘΧ*] *ΚΘ* 26 *ἴστωσαν* — p. 248, 2 *γαντας*] om.  
 p. 248, 4 *ἀσυμμτάτους*, sed corr. 5 *Θ*, *Η*] *Η*, *Θ* 16 *Β*]  
*B, Γ*  
 p. 250, 10 *τις*] corr. ex *τι* 17 *τό*] sic\* 20 *ΓΔ* — 22  
*τῆ*] om.  
 p. 252, 6 *παράλληλος* — 8 *τομῆς*] bis 14 *ἴν*] om.  
 p. 254, 19 *Z*] *H*  
 p. 256, 6 *ΧΔ*] *ΓΔ* 9 *κέντρου*] *κέντρου* *άγομένη* 16 *καλ*  
*τάς* — 17 *τέμνει*] mg. m. 1 19 *ΓΖΔ*] *ΖΔ* corr. ex *Δ*  
 p. 258, 14 *ἐφάπτονται*] sic\* 24 *ἐφάπτωνται*, sed corr. m. 1  
 p. 260, 9 *Β*] *δευτέρας*  
 p. 262, 2 *τέμνουσιν* 9 *ἄλληλαις*  
 p. 266, 26 *ἄρα*] *δὲ* *ἄρα* *παρά*] e corr.  
 p. 268, 18 *εὑρηται*  
 p. 272, 2 *τά*] sic\* 10 *καλ*] om. 12 *τῷ* — 13 *PK*]  
 om. 13 *ἴστιν* *ἴσα*] om. 17 *ἴστι* — 18 *KM*] bis  
 p. 274, 13 *ἴκτος*] *ἴντος*  
 p. 276, 10 *Γ*] corr. ex *Α* 21 *ΑΓ*] *ΓΔ* 22 *ΔΒΓ*] *ΒΔΓ*  
 corr. ex *ΒΓ ΔΓ* 28 *ΖΘΕ*] corr. ex *ΘΕ*  
 p. 278, 14 *τῷ*] corr. ex *τό* 23 *ἴστιν*] om. 26 *πεποιείσθω*  
 p. 280, 9 *καλ* *τῆς*] sic\*  
 p. 282, 4 *τήν*] *τοῦ* 5 *ἥκται*] om. 11 *ZΘ*] corr. ex  
*ΘΖ* 24 *ΘΕ*] *ΘΕΒ*  
 p. 284, 14 *ΗΒ*] *ἡ* *Β* 29 *ΒΓ*] *Β* postea ins. m. 1  
 p. 286, 14 ante *γεγονέτω* del. *καλ*  
 p. 288, 9 *ΒΓ*] *Β* 15 *ἡ* *δοθεῖσα*] om. 20 *ΗΘΕ*] *E* post  
 lac. 2 litt. 24 *ΕΖΗ*] *H* supra scr. m. 1  
 p. 290, 1 *ἴση*] sic\* 10 *τῆς*] om.

- p. 292, 20 *AZ*] sic\* 28 *EΓ* — p. 294, 2 ἀπό] om.  
 p. 294, 8 *KM* — 9 *HK πρός*] om. 18 τοῦ] τῶν  
 p. 296, 2 ἡ] om. 8 γωνία] om. 9 κατ (pr.)] supra scr. m. 1  
 p. 298, 28 *ET*] *EΓ*  
 p. 300, 14 ἀπό] corr. ex ὑπό<sup>1)</sup>  
 p. 302, 11 τοντέστι  
 p. 304, 1 κατ — 2 ὁρθίαν] sic\*  
 p. 306, 12 *ZΘΛΓ*, sed corr. 18 *AB*] sic  
 p. 308, 4 πεποιήσθω] sic\* 10 *ON, OM*] corr. ex  
 $\Omega N \Omega M$  11 *AB*] *AM* 18 τῆς] τῇ 17 ξει] sic\* 21  
*TO*] τὸ *OT*  
 p. 310, 7 *NΞM*] *M* e corr. m. 1 16 *HZE*] e corr.  
 p. 312, 8 ἐστι] corr. ex δι 14 ἐστίν] sic\* 16 *ΑΓΗ*]  
*A* e corr. 22 *ΝΠ*] *ΜΠ* ἄρα] ἄρα ἡ 24 ἡ (alt.)] om.  
 p. 314, 5 τοντέστιν — 6 μείζονα] om. 9 ξει] om. 12\*)  
 ξει] om. 18 *IΞ*] corr. ex *TΞ*  
 p. 316, 3 ἡ *TΞ* — 4 *A's*] om. 5 ante *ΞΠ* del. *H* 7  
*ΜΠΞ*] *ΜΞΠ* 11 τῷ] τῇ *ΞΣΠ*] *ΞΟΠ* 18 τοντέστι — 14  
*ΞΣ* (pr.)] ter (alt. et tertio loco *TΣΖ*) 14 *ΜΣΠ*] *ΜΟΠ*  
 19 ἐστίν] bis  
 p. 318, 1 α'] om. 5 γενόμενα  
 p. 320, 9 *ΔΗΓΕ*] *Γ* e corr. 11 β'] om. (ut deinceps)  
 p. 322, 4 *ΓΛΗΙ*] *ΓΛΗ*  
 p. 324, 4 τοῦ *ΓΖ*] e corr.  
 p. 326, 3 συμπίπτωσι] sic\*  
 p. 328, 13 *KMA*] *ΚΛΜ*  
 p. 330, 2 *ΦΧΤΛΨ* 12 τὸ *NE*] sic\* 13 *TK*] *ΓΚ* 20  
*ΞI*] *Ξ* τῷ] τό<sup>1)</sup>  
 p. 332, 8 *ΞΒΔ*] *Δ* e corr. 4 *ΘΖΒ*] *ΘΒΖ* 10 *ΔΕΙ*]  
*ΔΕ* 15 τό] supra scr. 21 *AEZ* (pr.)] *AHZ* 23 *KO*]  
*ΚΗ* 29 *ΩΧΚΙ*] *ΩΧΚ*  
 p. 334, 14 προκείσθω  
 p. 336, 6 δῖτι] corr. ex δί m. 1 18 ἐστι] om.  
 p. 338, 3 λείπον corr. in λιπόν m. 1 ἡ] ἡ 4 ἡ] sic\*  
 14 *ΒΕ*] *BΖ*  
 p. 340, 10 διοίσει] -οίσ- e corr. 18 τι] supra scr. m. 1  
 14 *B*] δεντέρως 22 *AM*] corr. ex *AM* m. 1 24 ΘΤ] *ΘΟ*  
 p. 342, 5 ἡ] εἰ 9 τῷ] corr. ex τό m. 1 12 ἐπιψαύσουσαι]  
 corr. ex ἐπιψαύσωσι m. 1 28 τῆν] τό

\*) τῆν ante ε' delendum; omittunt Vc.

- p. 344, 12 πεποιήσθω] sic\* 26 ΔΒΕ] δὲ ΔΒΕ 28  
ΔΒΕ] δὲ ΔΒΕ
- p. 346, 2 τῷ ΙΘΗ] sic\* 7 post ΔΒ del. E 9 ἡ P]  
ΗΡ 10 καὶ] sic\* ΘΓΒ] ΘΒΓ 17 ἐκ τοῦ] bis, sed  
corr. 19 post ΘΛΖ una litt. macula obscurata
- p. 348, 11 ἐφαπτίσθω 20 ΒΛΓ] corr. ex ΒΓ ΛΓ 22  
ἐστι] om. 23 τῷ] e corr.
- p. 352, 18 ΙΜΕ] ΙΕΜ 23 ΖΞ] ΞΖ
- p. 354, 1 πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ] πρός, sed del. m. 1
- p. 356, 4 ΒΛΓ] ΛΓ e corr. 18 αῖ] sic\* 23 ΜΛΞ] ΜΛΖ
- p. 358, 1 ΔΖΤ] ΔΖΓ 9 τις] om. 24 ΒΖΔ] ΒΔΖ
- p. 360, 2 ὑπό] corr. ex ἀπό 16 ὑπό] corr. ex ἀπό
- p. 362, 25 πλευρά] πλευρᾶ
- p. 364, 4 ΚΕΛΜ] ΕΚΛΜ 10 ΗΖ] ΗΞ 24 συμπίπτω-  
σιν] sic\*
- p. 366, 22 ΤΝΞΣ] ὑπὸ ΤΝΞΣ
- p. 368, 9 τόπῳ] om. 26 ἵσον] corr. ex πρὸς τόν
- p. 370, 11 μέν] om. 20 ἀπό] e corr.
- p. 372, 8 ΡΝΜ] ΡΤΜ 9 τό (pr.)] sic\* 18 τοῦ — 19  
ΑΕ] sic\*
- p. 374, 6 ὑπό] sic\*
- p. 378, 3 ΝΖ] ΝΞ 15 ante τετράγωνον del. εἶδος 28  
ἐστι] om.
- p. 380, 18 post ΒΔ aliquid del. (εἰ . . .)
- p. 382, 13 Ζ] Ξ 14 ἄρα εἰσι] om. 19 ΛΞ] ΔΞ
- p. 384, 8 συμπτώσεως] συμπτώσεως καὶ
- p. 386, 9 συμπτώσεως] πτώσεως
- p. 388, 6 ΔΜ] ΔΝ 20 ΓΗΘ] e corr. 21 ΓΗ] ΓΗΘ  
e corr.
- p. 390, 4 ΝΛΚ] ΝΚΛ 6 ΗΞ] ΗΓΞ 11 τε] supra scr.
- p. 392, 12 ΛΜ] Λ
- p. 394, 17 ΜΠ] corr. ex ΠΜ
- p. 396, 15 ἡ (pr.)] om. 23 ὑποβολή
- p. 398, 12 ΑΔ] corr. ex Α 13 ΔΟ] ΔΗ
- p. 400, 3 τίγ] τόν 20 καὶ — 21 ΣΗ] om. 22 τὸ ΝΓ] sic\*
- p. 402, 11 μέν] supra scr.
- p. 404, 1 ΑΓ] e corr. 7 δέ] om. 10 ΑΓΡΞ
- p. 406, 23 ἡ (pr.)] om.
- p. 408, 12 ΕΘΣ] ΕΘΟ 15 post ΘΜ del. καὶ ἐναλλάξ

- p. 410, 16 ἔστωσαν] e corr. 27 ἡ (alt.)] supra scr. m. 1  
 p. 412, 4 πρός (alt.)] sic\* 11 πρός] bis  
 p. 414, 17 ΓΠ] corr. ex Π 20 MB] sic\* 21 ἔσται]  
 sic\* 26 ὡς δέ] corr. ex καὶ ὡς ἄρα  
 p. 416, 7 ἡ KA — AN] om.  
 p. 420, 10 ἀπὸ τῶν] sic\*  
 p. 422, 1 ἵσον — 2 ABN] om. 17 τῷ] sic\* ΗΔΕ]  
 corr. ex ΒΔΕ 27 ἐν] om.  
 p. 426, 3 εἰσὶ] εἰσὶ 6 ποιοῦσι] corr. ex ποιοῦσιν εὐθεῖας 9 ΓΔΖ] sic\* 16 αὐτῷ] bis  
 p. 428, 7 ἵση] ἵση ἔστιν 14 πρός] bis 27 ὡς — ΜΑ] om.  
 p. 430, 19 κάθετος] bis  
 p. 432, 1 ΗΘΒ] Η e corr.  
 p. 434, 10 ἔστιν 18 δ] ἡ  
 p. 436, 8 ἐλλείψει] corr. ex ἐλλείψεως τόν] corr. ex τήν 22 ἵση ἄρα — 23 ἵση] bis 23 ἵση] sic altero loco, priore ἔστιν ἵση  
 p. 438, 11 ἔχθωσαν 21 ZB — 25 τῆς (pr.)] om. 26  
 ΓΕ] ΕΓ  
 p. 440, 25 Η, Ζ] corr. ex ΖΗ  
 p. 442, 15 τὸ δέ — 16 ΑΘΚ] om. 23 μέσον  
 p. 446, 4 ΑΚ] corr. ex Κ 5 δ'] e corr. 7 δ] om. 24 λόγον ἔξει] sic\*  
 p. 448, 5 ΑΕΖΗ] ΑΕΝΖ 14 ὑπό] sic\* 17 ΘΔ] ΑΔ 20 ΘΔ] ΘΛ 22 πρός] sic\*  
 p. 450 in fine, sed ita, ut pro titulo libri IV haberit possit, Ἀπολλωνίου Περγαμον κανονιῶν γένδόσεως Εὔτοκον Ἀσκαλωντον εὐτυχῶς.  
 II p. 4, 3 ποιεῖσθαι] sic\* ἔεινεύονταν] ἔεινεύονταν 8 Κάνωνα 9 Κάνωνος 22 α'] om., ut deinceps 26 δύο] τὰ δύο  
 p. 6, 6 ἔστω] ἔστωσαν 15 ἐφαπτομένην] sic\*  
 p. 8, 21 συμπεσεῖται] sic\*  
 p. 10, 17 τῶν ἀ-] sic\*  
 p. 12, 7 τῆς] τοῦ 14 ὑπό] corr. ex ἀπό  
 p. 16, 3 διαιρέσεων] αἱρέσεων 5 συμπειώσεων] corr. ex ἀσυμπτώτων 6 τῆς γραμμῆς] γραμμῆς 9 Ε] om.  
 p. 18, 5 Δ] τέταρτον 20 Δ] τέταρτον 24 τέμνουσαι] sic\*  
 p. 20, 18 μηδέ] μή  
 p. 24, 5 ἐφάπτηται] corr. ex ἐφάπτεται  
 p. 26, 18 περιεχομένης] ἀγομένης

- p. 28, 15 ἐν] om. 24 εὐθεῖαι] om.  
 p. 30, 10 ἦ (pr.)] e corr.  
 p. 32, 20 δῆ] om. 28 συμβαλέτω  
 p. 34, 21 ante συμπτώσεων del. α  
 p. 36, 7 Β] δευτέραν 12 συμπτώσεων] sic\*  
 p. 38, 9 συμβαλέτω  
 p. 40, 18 Ρ] Ε δῆ] corr. ex δέ  
 p. 42, 6 Α] πρῶτον 8 συμβαλέτωσαν  
 p. 46, 17 δῆ] supra scr. m. 1 27 ΑΗΒ] ΔΗΒ? 28 τά] om.  
 p. 50, 11 ΑΒ — 12 ἦ] om. 12 δῆ] δέ 24 τά] om.  
 p. 52, 12 τά] om. 20 ΗΔ] corr. ex Δ  
 p. 54, 2 εἰσιν] εἰσι 5 post περιφέρεια del. ἦ ΑΒΓ 10  
 συμβαλλέτω] -λέτω e corr.  
 p. 56, 18 συμβαλέτω 19 Α] Κ  
 p. 60, 5 νοῦσοις] corr. ex κύκλοις 16 συμβαλέτω 23  
 H] Κ  
 p. 62, 11 συμβαλέτω τά] sic\*  
 p. 64, 18 ante κατά del. κατὰ τὸ Α, καὶ δὲ μὲν ἔχει λόγου  
 ἦ ΑΑ πρὸς ΑΒ, ἔχετω ἦ ΑΠ πρὸς ΠΒ, δὲ δὲ ἦ ΔΔ πρὸς ΑΓ,  
 ἦ ΔΕ πρὸς ΡΓ. ἦ ἄρα διὰ τῶν Π, Ρ 20 αὐτῆς] αὐτοῖς 25  
 περιέχονσιν  
 p. 66, 18 ΔΡ] ΔΕ  
 p. 68, 3 Δ] ΗΔ 13 οὐ] om. 24 συμβαλλέτω — 25 Γ]  
 om. 26 ΔΕΚ] ΔΕΗ  
 p. 70, 1 συμβαλέτω 18 post δίζα supra scr. καὶ m. 1  
 p. 72, 1 ΘΔΜ] ΘΔΜΣ 11 ΟΡΓ (pr.)] ΘΡΓ  
 p. 74, 25 πρός] om.  
 p. 76, 15 συμβαλέτω  
 p. 78, 26 συμβαλέτω κατά] sic\*  
 p. 80, 6 ΘΖΗ] ΘΗΞ 26 ΖΡΘ] ΖΘΡ  
 p. 82, 13 ΑΓ] corr. ex ΑΓΒ 17 ἐκατέραν 23 συμ-  
 βαλλέτωσαν  
 p. 84, 1 ΘΔ] corr. ex ΔΔ  
 p. 90, 20 ἐπιψαύωσιν] corr. ex ἐπιψαύονσιν  
 p. 92, 7 δύο] τὸ Β 15 συμπίπτει  
 p. 94, 9 ΓΔ] sic\* 12 ἦ — 13 ΑΒ] sic\*  
 p. 96, 4 οὐ] om. In fine Ἀπολλωνίου κανικῶν δ.

qui hanc collationem perlustrauerit, statim intelleget, emendationes codicis c tam paucas tamque futilles esse, ut nullo negotio a librario coniectura inuentae esse possint; quare nihil

obstat, quominus putemus, c e V pendere. et hoc suadent errores, qui sequuntur:

- I p. 74, 23 ἡ] om. V in extr. lin., om. c
- p. 80, 5 τῆς] om. V in extr. lin., om. c
- p. 88, 25 τομήν] τοῦ V in extr. lin., c
- p. 136, 27 παρά] πέ V in extr. lin., c
- p. 226, 6 τό] om. V in extr. lin., postea ins. c
- p. 294, 16 ἡ (alt.)] om. V in extr. lin., om. c
- p. 340, 24 ΘΤ] ν simile litterae o V, ΘΟ c
- p. 388, 28 τό (tert.)] om. V in extr. lin., om. c
- p. 390, 6 ΗΞ] η β V, h. e. ΗΞ corr. ex ΗΓ; ΗΓΞ c
- p. 436, 10 ἐλλείπον] λεῖπον initio lineaes V, λεῖπον c.

iam de codice p uideamus et primum scripturas eius Paris. 2342 a meis discrepantes adferamus iis omissis, quae iam in <sup>(P)</sup> adparatum criticum receptae sunt:

I p. 2, 8 εὐαρεστήσωμεν] supra scr. εὐρω- 12 παραγε-  
νόμενος

- p. 4, 25 δέ] δὲ περὶ
- p. 6, 12 post σημεῖον del. δ καὶ τῆς 27 τῆς γραμμῆς] om.
- p. 8, 3 εὐθεῖα] om. 18 συγνεῖς — 20 παραλλήλους]
- mg. m. 1
- p. 10, 10 πόρισμα] om. 15 β'] om. 21 τὴν] τὴν κω-  
νικήν 27 ἐπεξεύχθωσαν] corr. ex ἐπεξεύχθωσαν
- p. 12, 4 AZ] AB 5 ΒΓΑ] ΑΒΓ 12 ἐκβεβλήσθω — 13  
ἐπιφανεῖας] mg. m. 1
- p. 14, 23 τό] καὶ ἔστω τό 24 ἔστι] ἔστιν ἡ AZ 25  
συμβαλέτω 26 ἔσται] ἔστω 27 τό] ἔστω τό
- p. 16, 8 ἡ (alt.)] corr. ex αἱ τῇ] supra scr. 9 παρ-  
άλληλος] παράλληλος ἔστιν 10 ΔΗ] τὴν ΔΗ, et similiter  
semper, ubi nihil adnotatum est 11 ΖΓ] ΓΖ 12 ΗΘ, ΗΕ]  
ΘΗ ΕΗ 13 ἀλλήλαις εἰσίν
- p. 20, 1 EZΔ] EZ, ZΔ, et ita semper, ubi nihil adnota-  
tum est

- p. 22, 11 ἐπ' εὐθεῖας] om. 17 ἄρα σημεῖα] σημεῖα ἄρα
- p. 24, 1 ἥτοι] ἥ 11 αἱετ] αἱετ 27 δή] δέ 28 τι] τό
- p. 26, 7 τομήν] om. 8 ἐπὶ τῆς] om. 30 τριγώνῳ ἔστι]
- om. ὁρθάς] ὁρθάς ἔστι
- p. 28, 1 ἔστι πρὸς ὁρθάς] ὁρθή ἔστι 3 δ — 6 δή] om.
- 10 ἔστι πρὸς ὁρθάς] πρὸς ὁρθάς ἔστι 11 ΖΗ] ΖΗ 13  
ἔστι πρὸς ὁρθάς] πρὸς ὁρθάς ἔστι 14 ἔστι πρὸς ὁρθάς] πρὸς

- όρθιάς ἔστιν 18 ἡ ΔΕ] οὐδέ 19 ἔστι πρὸς ὁρθάς] πρὸς  
όρθιάς ἔστιν  
 p. 30, 5 προσεκβαλῆται 20 ἐκβαλῆται 24 ἐπεῖ] καὶ ἐπεῖ  
 p. 32, 1 ἥχθω] om. 4 ΚΛΜΝ] ΚΜΛΝ 9 ΚΛΜΝ] ΚΜΛΝ  
 ΚΜΛΝ 21 ἀπὸ τῆς ΖΗ[εὐθεῖαν] εὐθεῖαν ἀπὸ τῆς ΖΗ  
 p. 34, 1 ὑπεναντίως] ὑπεναντίως ἥγμένω 9 ΒΑ] ΑΒ 10  
 τε] om. 12 Α, Β, Γ] ΑΒ, ΒΓ τομῆς] om. 16 ΜΛ] ΚΜΗ 27 ΜΝ] ΝΜ 29 ἵση ἔστι] om. ΜΕΞ] ΜΕΞ  
 ἵση ἔστιν  
 p. 36, 12 δῆ] δέ 16 Η, Θ] Ζ, Η 23 νεύει\*) 25  
 ΑΖΕ] ΔΕΖ  
 p. 38, 15 τὸ Α σημεῖον κορυφή] κορυφὴ τὸ Α σημεῖον 22  
 τριγώνου] τριγώνου τοῦ ΑΒΓ 24 πεποιήσθω] -ή- e corr. ΒΓ] τῆς ΒΓ, et similiter semper ΒΑΓ] τῶν ΒΑ, ΑΓ, et similiter semper 26 ἡ] ἥχθω ἡ 28 ΜΝ] ΜΛΝ  
 p. 40, 9 τοῦ] τοῦ λόγου 10 ΒΓ] ΓΒ 11 ἐκ] ἐκ τε  
 ΓΑ] ΓΑ λόγου 14 ΒΓ] ΓΒ ΜΝ] ΝΜ 15 ΝΑ] ΑΝ  
 17 ΝΛ] ΑΝ ἐκ] ἐκ τε 18 ΜΛ] ΑΜ ΑΖ] ΜΖ τοῦ] om. ΑΝ] ΝΛ 19 ΜΛΝ] mut. in ΜΛ, ΑΝ m. 1 ὠς] καὶ ὠς 20 οὗτω, ut semper fere ante consonantes 22 ὠς — 25 ΘΖΑ] τὸ ἄρα ὑπὸ τῶν ΜΛ, ΑΝ ἵστι ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν ΘΖ, ΖΑ 25 τό] τῷ 26 ἄρα] supra scr. m. 1  
 p. 42, 15 μὲν οὖσα] μένουσσα 19 τῶν τῆς βάσεως τμημάτων] τῆς βάσεως τῶν τμημάτων  
 p. 44, 4 τριγώνου] κύκλου comp. 9 ΒΓ] ΒΓ κατὰ τὸ Κ 24 ΡΣ — 26 ΜΝ] mg. 28 ΖΘ] ΘΖ  
 p. 46, 2 τε] om. τοῦ] τοῦ λόγου 3 καὶ — 4 ΚΒ] om. 12 ΣΝΡ] ΡΝ, ΝΣ 18 ΣΝΡ] ΡΝ, ΝΣ 15 ΖΝ] ΖΝ, ΝΞ 20 ΣΝΡ] ΡΝ, ΝΣ 21 ΞΝΖ] ΖΝ, ΝΞ ΞΝΖ] ΖΝ, ΝΞ ἔστι τὸ ΞΖ] τὸ ΖΞ ἔστι 22 ΞΖ] ΖΞ  
 p. 48, 4 δέ] om. 11 τῆς] om. 20 δύναται  
 p. 50, 3 οὖσαν 4 ἡ ΕΘ — 5 ἥχθω] supra scr. 10 ΕΘ] corr. ex Θ 12 ΘΕ] ΕΘ 13 Θ] Ν ΕΜ] ΜΕ 20 ἡ τομή — 21 ΑΜ] in ras.  
 p. 52, 7 ΜΞ(pr.)] ΜΝ 9 ΞΜΕ] ΝΜ, ΜΕ 10 ΞΜΕ] ΝΜ, ΜΕ 12 καὶ — 13 τῆς ΑΜ] om. 14 ΘΕ] ΕΘ 15 ΟΝ] ΕΞ 25 ἐπι] παρά 26 εὐθεῖαι

\*) P. 36, 25 pro εὐθείᾳ scribendum εὐθεῖας; sic V.c.p.

p. 54, 18 ἐπειδή] ἐπεί ὁρθάς] ὁρθάς ἔστι 19 ἑκατέρᾳ]  
ἑκατέρᾳ ἑκατέρᾳ

p. 56, 3 ΒΣΓ] ΒΓ, ΓΣ 4 ΟΤΞ] ΟΞ, ΞΤ 16 ΒΣΓ]  
ΒΓ, ΓΣ 24 ἵση — ΘΡ] ἡ ΘΡ ἵση ἔστι

p. 58, 1 ΞΤΟ] ΟΤ, ΤΞ 3 ΞΤΟ] ΟΤ, ΤΞ 5 ΞΤΟ]  
ΟΤ, ΤΞ 11 ποιήσῃ 25 ποιείσθω] πεποιήσθω AB] sic  
26 τίν] om. 28 ΗΘ] e corr.

p. 60, 1 ΘΔ] ΘΚ παράλληλοι ἥχθωσαν τῇ ΘΔ 8  
ΞΟ, ΓΠ] in ras. 10 τό] τῷ τῷ] mut. in τό 11 τό]  
τῷ τῷ] τό 13 ΤΠ] ΠΤ καὶ — ΤΑ] ἵση ἄρα ἔσται καὶ  
ἡ ΒΠ τῇ ΠΝ 15 ΟΤ] ΤΟ ἵσου ἔστι 16 ΤΤ] ΤΝ τῷ  
ΤΞ — 17 ἵσου] ἵσου ἔστι τῷ ΤΞ καὶ τὸ ΣΝ ἄρα ἵσου ἔστι  
τῷ ΤΞ 18 ΠΟ — 19 ὑπερέχει τῷ] om. 20 ΞΗ] ΗΞ 26  
ΕΘΔ] ΕΘ, ΕΔ 27 ΗΞ] ΞΗ καὶ 29 AB] sic

p. 62, 1 τίν] om. τίν] supra scr. 5 πρός] om. 6  
τοντέστι τό] οὗτο τὸ μέν 7 οὗτως τό] τὸ δέ 8 τοντέστι  
— ΟΣ] ἀλλ' ὃς ἡ ΠΓ πρὸς τὴν ΓΒ, οὗτως ἡ ΠΣ πρὸς τὴν  
ΣΟ 9 ΕΘΔ] τῶν ΠΣ, ΣΟ ΠΣΟ] τῶν ΕΘ, ΘΔ 14 δῆ]  
om. 20 τό] τῷ 21 τῷ] τό τῷ] τῷ] τῷ] τό 23 ΨΧ]  
ΧΨ ΑΞ] sic 25 ΒΧ] sic καὶ — 26 ΒΧ] om. 26 ΞΑ]  
sic ΞΞ] ΞΧ 27 ΧΒ] sic 28 ἔστιν ἵση] ἵση ἔστιν

p. 64, 3 ΔΘ] ΔΕ 6 παρατεταγμένως κατηγμένη 10 ἡ  
ΑΒ δίχα 11 παρατεταγμένως κατηγμένη 24 AB] sic, ut  
saepre post πρός 25 AE] ΕΑ

p. 66, 1 τίν] om. post ΑΑ magna ras. τίν] om. 4  
ΒΛ] ΑΒ 5 ΝΛΒ] τῶν ΝΛ, ΑΒ (ΝΛ e corr.) 12 ἵση ἔστιν]  
ἔστιν ἵση 14 τῇ] ἡ ΗΘ τῇ

p. 68, 3 εὐθεῖα ἀχθῆ κατηγμένη 13 ΑΓ] ΓΑ 18  
διόπερ] διόπερ καὶ 20 ἔάν] ἔαν ἔν

p. 70, 5 ΕΖ] ΖΞ 9 Ε] om. 11 Ζ, Β] Γ μέοη

p. 74, 11 ΑΓ] ΓΑ 12 post ΑΒ add. καὶ ὃς τὸ ἀπὸ τῆς  
ΔΕ πρὸς τὸ ἀπὸ τῶν ΑΕ, ΕΒ, οὗτως ἡ ΓΑ πρὸς ΑΒ 13  
τό (pr.)] τῷ 16 τό] τῷ 18 ΗΒ] ΚΒ ΚΗ] e corr. 19  
ΗΒ] Η e corr. 20 ὃς ἄρα] ἔστιν ἄρα ὃς 25 ἐναλλάξ]  
ἐναλλάξ ἄρα

p. 76, 9 τῇ] τῆς 16 ΑΒ] ΒΑ 20 ante μεῖζον add. μεῖζον  
δὲ τὸ ὑπὸ τῶν ΖΕ, ΕΑ τὸν ὑπὸ τῶν ΖΒ, ΒΑ 21 post ΔΒ  
add. μεῖζων ἄρα καὶ ἡ ΓΕ τῆς ΔΒ

p. 78, 6 ΗΕ] ΕΗ ΔΓ] ΓΔ 8 ΒΗΑ — ὑπό] om. 12  
μεῖζον τὸν ὑπὸ ΔΚΓ 14 ΖΘ] ΘΖ 15 ΖΘ] ΘΖ

p. 80, 1 ΔΖ] ΖΔ ΔΖ] ΖΔ 16 ἐπει[ καὶ ἐπει ἔστι  
Apollonius, ed. Heiberg. II. c

17 ΗΖ] ΖΗ 18 ΕΖ] ΖΕ 20 ἐν] om. 22 μόνον]  
om. 23 ΑΒΓ] ΒΑΓ

p. 82, 5 ΘΓ] ΓΘ 10 κατά — 12 καλ] mg. 18 Λ] e corr. 20 τῶν — 21 κατασκευασθέντων] καλ 23 ἐπει ούν] καλ συμπιπτέτω τῇ ΒΔ ἐκβιηθείσῃ κατὰ τὸ Μ καὶ τῶν λοιπῶν δομοίως τῇ ἄνωθεν καταγραφῇ κατασκευασθέντων ἐπει 25 ΜΓΑ] sic 27 ΗΕ] τοῦ ΗΕ 28 ΕΗ] τῆς ΗΕ

p. 84, 19 δύνανται] δύνανται αἱ καταγόμεναι 22 ἐπει] καὶ ἐπει 23 ΖΑΒ] τῶν ΒΑ, ΖΣ ἔστιν] ἔστιν ἄρα ΑΒ] ΒΑ 26 ΖΔ] ΔΖ 27 ἐπειδή] ἐπει

p. 86, 5 ΒΑΜ] τῶν ΑΒ, ΒΜ ὡς] καὶ ὡς 9 ἵσον] ἵσον ἔστι 10 ΑΜ] ΑΒ 12 ΓΔ] ΔΓ 18 διάμετρος ἡ ΑΒ 23 συμπίπτει 24 ΑΒ] ΑΔ

p. 88, 3 ΗΝ] ΕΗ συμπεσεῖται ἄρα τῇ ΜΝ κατὰ τὸ Ν· παράλληλοι γάρ εἰσιν ἡ μὲν ΚΛ τῇ ΜΝ, ἡ δὲ ΚΘ τῇ ΕΝ; deinde del. καὶ ἐπει παράλληλοι εἰσιν ἡ μὲν ΚΛ τῇ ΜΝ, ἡ δὲ ΚΘ τῇ ΕΝ 4 παράλληλοι εἰσιν ΚΛ] μὲν ΚΛ δ ὅμοιον] δομοίον ἄρα ΚΘΛ] ΚΘ 7 ἔστιν] ἔστι καὶ 8 τῷ — ἔστι] ἵσον ἔστι τῷ ἀπὸ τῆς ΜΝ 11 ΒΑΑ] ΒΑ, ΛΑ ὡς] καὶ ὡς

12 ΑΜΒ] sic 13 καὶ ἔστιν] ἀλλ' ΑΚ] τῆς ΚΛ 14 καὶ ὡς — 15 ὁρθίαν] supra scr. 21 εὐθεῖα] -α e corr.

p. 90, 1 τεταγμένως] τετ- e corr. 2 κείσθω] ἔστω ΖΗ] ΗΖ 4 ΒΕΑ] τῶν ΒΕΑ καὶ ἐπει ἔστιν] ἀλλ' 9 τό] corr. εχ τῷ 20 ΔΓΕ] Ε e corr. ΓΔ] ΔΓ

p. 92, 7 post ΓΗ add. καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ τῶν ΒΖ, ΖΑ πρὸς τὸ ὑπὸ τῶν ΑΗ, ΗΒ, οὕτω τὸ ἀπὸ τῆς ΖΓ πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΓΗ 11 ΓΖ] ΓΒ ΒΓ] ΖΓ 12 τῷ] τό τό] τῷ 13 τῷ] τό τό] τῷ 21 προσεκβληθεῖσα] ἡ προσεκβληθεῖσα 24 δν] om.

p. 94, 2 ἀπό] ἀπὸ τοῦ 13 διειλόντι — 15 ΑΘΒ] om. 23 τε] τε τοῦ 27 ἥχθω] κατηγμένην ἥχθω

p. 96, 11 ούν ὡς] om.

p. 98, 4 τεταγμένως ἀπ' αὐτοῦ] ἀπὸ τοῦ Δ τεταγμένως 14 ἡ ΞΘ] οὗτως ἡ ΞΘ 16 ὡς] καὶ ὡς 18 ΑΘΞ] ΞΘ, ΘΔ

p. 100, 9 ΓΔ] ΓΔ οὗτως 10 ΓΔ] ΓΔ οὗτως 16 ΒΕΑ] τῶν ΒΕΑ 22 ἡ] supra scr.

p. 102, 6 καί] bis 13 ΓΕ] ΕΓ 15 ΕΓΖ] ΕΖΓ 17 ΗΖΘ] ΘΖΗ 18 ἐπιζευχθεῖσαι — 19 Μ] ἐπιζευχθεῖσα η ΓΗ ἐκβιεβλήσθω ἐπ' εὐθείας κατὰ τὸ Μ καὶ συμπιπτέτω τῇ ΒΚ ἐκβιηθείσῃ κατὰ τὸ Μ καὶ προσεκβιεβλήσθωσαν αἱ τε ΑΔ καὶ ΓΔ κατὰ τὰ 26 ΑΝ] τὴν ΟΝ

- p. 104, 5 *MB*] *ΜΔ* 6 ἔστι] om. 8 *BHA*] τῶν *BHA*  
 $\tau\delta$  ἄρα] ἄρα τό 24 τῆς (pr.)] om.
- p. 106, 2 *HE*] *ΗΣ* 4 δνοῖν 7 εἰς] καὶ εἰς  
 p. 108, 5 ἔστω] ἔσται 9 τά] ἔσται τά ἔστιν] om. 25  
 τῆς (pr.)] om.
- p. 110, 8 *ΔEZ*] τῶν *EΔ, ΔZ* 10 *ΓΔ*] *ΔΓ* 11 *ΓΕ*] *Ε*  
 13 ἡ *ΑΔ* — 14 πρὸς *EB*] lacuna 18 *ZΔ*] *ΒΔ* 23 *ἴσον*  
 $\iota\sigma\nu$  ἔστι 24 ώς] om. 25 καὶ — 26 ὁρθίαν] om. 28  
 ἥμισεια — *AB*] postea add. mg.
- p. 112, 1 ώς] καὶ ώς 2 *BZ*] *ZB* 7 *ZE*] *EZ* 8 *ZE*  
*EZ* 10 λοιπῷ — 11 *ΔEZ*] *ἴσον* ἔστι τῷ ὑπὸ τῶν *ΒΕ, ΕΑ*  
 ἀλλ' ώς μὲν τὸ ὑπὸ τῶν *ΔΕ, EZ* 12 ἀλλ' ώς] ώς δέ *ΓΕ*  
*ΕΓ* 13 ώς] καὶ ώς 17 συμπέση 21 post τομῆς del. *ἴσον*  
 περιέξει τῷ ἀπὸ τῆς ἥμισειας 26 πλευρὰ τοῦ εἰδόντος
- p. 114, 3 τῆς] supra scr. 4 παράλληλος — 5 *ΘΕ*] καὶ  
 ἐφαπτομένη τῆς τομῆς κατὰ τὸ *Ε* καὶ τῇ *ΑΒ* παράλληλος ἔστω  
 ἡ *ΕΘ* 10 ἀλλ' — 11 ὁρθίαν (pr.)] ἀλλ' ἔστιν ώς ἡ πλαγία  
 πρὸς τὴν *ΒΑ* ἡ *ΓΔ* πρὸς τὴν ὁρθίαν mg. 12 τά] τὰ τούτων  
 17 ἐκ τοῦ] om. 19 ἐκ] ἐκ τὲ 20 ἐκ τοῦ] om. 23 ἐκ]  
 ἐκ τε ἐκ τοῦ] om. 25 ώς] καὶ ώς 27 ἄρα ἔστιν] om.
- p. 116, 5 καὶ — 6 πρὸς τό] τὸ δέ 8 *ΘΕ*] *ΗΕ* 10  
*ZΘH*] τῶν *ZΘ, ΘH*, alt. *Θ* corr. ex *H* 11 ώς] καὶ ώς 19  
*ZHΘ*] τῶν *ZΘ, ΘH* 20 τό — 21 *ΓΗΔ*] om. 23 *ΗΓ*]  
*ΓΗ* *ΓΘ*] *Θ* sequente lacuna 24 διπλᾶ] διπλάσια comp.  
 τῆς] τῆς μέν 26 ώς] καὶ ώς 27 *ΓΖΔ*] *ΓΖ, ZΔ ΔΓ*]  
*ΓΔ ΓΘ*] *Θ* sequente lacuna 28 *ΔΘ*] *ΓΘ ΘΓ* *ΘΔ*  
 ὅπερ — 29 δεῖξαι] om.
- p. 118, 1 *EZ*] *ΔZ* 2 τομῆς] τομῆς κατὰ τὸ *Ε* 3 *ZΘH*]  
 τῶν *ZH, HΘ* 9 ἔστιν] εἰσιν 14 ἐκ] om. 21 ἐκ] om. 22  
*ΕΔ*] *Ε* e corr. 26 τῷ ὑπὸ *ΓΕ, H*] τῷ ὑπὸ τῶν *ΕΓ, H* in  
 ras. 27 τοντέστιν — *ΕΓ*] om.
- p. 120, 2 *ΓΕ*] τῶν *ΕΓ* 9 *ZE*] *Z* 18 τὸν συγκείμενον  
 λόγον] λόγον ἔχει τὸν συγκείμενον 19 ἐκ] om. 21 περιφέρεια]  
 comp. postea ins. 23 ἔχθω ἐφαπτομένη 24 *ZH*] *HZ* 26  
*ZH*] *HZ*\*
- p. 122, 3 τὸ ἀπό] τήν 7 ἐκ (alt.)] om. 8 *HA*] *AH*  
 13 ἐκ] om. *HΘ*] *ΘH* 21 τὸν λοιπήν] λοιπήν τήν\*)  
 ἐκ] om.
- p. 124, 6 *ΓΔ*] *ΔΓ* 7 λόγον ἔχέτω 8 ἐκ] om. 15 ἡ

\*) In adnotatione critica litterae p et c permutandae.

ὅρθία — ΓΘ] om. 28 ἐκ (alt.)] om. 25 ἐκ] om. 27 ἐκ]  
om. 28 ΓΔ] ΔΓ

p. 126, 1 τῆς (alt.)] om. 2 λόγῳ] om. 3 ΓΗ] ΓΗ  
οὗτω 4 ὡς] καὶ ὡς 7 ὡς] καὶ ὡς 8 ἐναλλάξ] καὶ ἐναλλάξ

11 ΖΑ] Α e corr. 14 Ζ] τὸ ΑΖ 16 μετά] in ras. 17  
ΑΕ (pr.)] ΕΑ 18 ΕΑ] Α e corr. τά] seq. ras. 2 litt. 21

ώς] καὶ ὡς 22 ὅμοιον] τὸ ὅμοιον 26 οὖν] om. 27 ὑπό]  
ἀπὸ τῶν 29 ΕΑ] ΑΕ

p. 128, 2 ἄρα] ἄρα οὖν 5 ὅμοιον] τὸ ὅμοιον 8 ὅμοιον]  
τὸ ὅμοιον 9 μετά — 10 ἄρα] τὸ ἀπὸ τῆς ΔΕ ἄρα εἰδος τὸ  
ὅμοιον τῷ ΑΖ μετὰ τοῦ ΔΗ 12 παραβολῆς] ἐν παραβολῇ

23 τυχόντος σημείου

p. 130, 9 ΕΔΖ τρίγωνον] in ras. 10 ΖΗ] ΗΖ 11  
ΑΘΓ] ΑΓΘ 14 ἔστι] καὶ 24 κατηγμένην ἀπὸ τῆς ἀφῆς

p. 132, 2 ὁμοίω] τῷ ὁμοίῳ 9 Β] Β τε 10 post τριγώνῳ  
add. τουτέστιν ὅτι ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς μειζόν ἔστι τὸ ΓΜΗ  
(ΓΜΚ?) τρίγωνον τοῦ ΓΛΒ τριγώνον τῷ ΘΗΚ τριγώνῳ ἐπὶ  
δὲ τῆς ἐλλείφεως καὶ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας ἐλασσόν ἔστι  
τὸ ΓΜΚ τρίγωνον τοῦ ΓΛΒ τριγώνον τῷ ΚΗΘ τριγώνῳ 14  
ἐκ] ἐκ τε καὶ] καὶ τοῦ 17 ἐκ] ἐκ τε 18 καὶ] καὶ τοῦ

21 ΗΘΚ] ΗΘΚ τριγώνῳ 22 τά] om.

p. 134, 1 τομῆς] τῆς τομῆς 6 τεταγμένω] κατηγμένως 9  
κέντρον] comp. e corr. ὁμοίῳ] τῷ ὁμοίῳ 14 ὡς ἡ ΓΕ] ἡ  
ΖΓ ἐπὶ τῷ Ε 15 παράλληλος] παράλληλος ἡγθω 18 ΓΜΘ]  
ΘΓΝ ΓΒΔ] ΒΓΛ 24 ΔΕ] ΕΔ 26 ΜΘ] ΝΘ

p. 136, 5 τῇ] corr. εἰ ἡ 17 τρίγωνον] τοῦ 20 ἐπὶ — 23  
τομῆς] om. 25 δευτέρα — ΘΔ] om. 26 ΓΜΛ] ΜΓΛ 27  
ἐπικένυχθεῖσα] ἐπεξεύχθω 28 ἐκβεβλήσθω] om.

p. 138, 4 μετά] τὸ ΒΕΖ τρίγωνον μετά ΖΗΘ] ΘΗΖ 7  
ΓΜ] ΑΓΜ 11 τὸν συγκείμενον ἔχει λόγον 12 ἐκ] ἐκ τε  
τῆς] δν ἔχει ἡ καὶ] καὶ τοῦ τῆς ὅρθίας] δν ἔχει ἡ  
ὅρθία 21 ἡτοι τοῦ ΓΔΘ] om. 22 διαφέρει — p. 140, 1  
ΓΔΔ] bis 23 ἄρα] ἄρα ἔστι

p. 140, 1 τριγώνῳ] om. 4 τό (alt.)] om. 20 ἔστιν ἵση]  
ἵση ἔστιν 23 ΒΘ] ΘΒ ΑΜΔ] ΑΜ

p. 142, 2 ante ἔστιν del. ἵσον 5 ΛΝ] ΝΛ 15 τυχόν]  
τυχόν σημεῖον σημεῖον] om. 16 παράλληλος] τῇ ΔΕ  
παράλληλος 18 ΒΔ] ΛΒ

p. 144, 2 ἵσον ἔστι 4 λοιπῷ] om. 11 τομῇ] om. 15  
ΑΓ] ΑΓΕ 16 ΑΚ] ΚΛ 19 ΕΔ] ΔΕ 20 ΕΔ] ΔΕ 21  
ΝΗ] ΗΝ ΒΝΗ] ΒΗΝ

p. 146, 5 κατηγμένη 10 ἀφῆς] τομῆς 16 ZB] BZ 21 τῆς H καὶ τῆς] τῶν H 26 ἵση ἔστι] ἔστιν ἵση] ἔστιν ἵση] ἔστιν

p. 148, 1 ἵσον ἔστι 10 τό] οὗτω τό 12 τό (pr.)] οὗτω τό ὡς] καὶ ὡς 14 post ἐναλλάξ add. ὡς τὸ ἀπὸ τῆς ΚΛ πρὸς τὸ ὄπὸ τῶν H, ΔΔ τὸ ὄπὸ τῶν ΚΛ, ΛΝ πρὸς τὸ ὄπὸ τῶν ΓΔ, ΔΔ

p. 150, 11 ΓΕ] E e corr. 14 ΕΓ] Γ 22 κατ'] bis ΘΚ] ΚΘ 25 ΛΡΝ] ΛΝΡ 28 ΕΓ (alt.)] Γ in ras. 29 ΚΓ] ΓΚ

p. 152, 1 ante EH ras. 1 litt. 6 ΓΔΕ] ΔΓΕ 14 τῷ] τό 19 ΕΣ — 20 πρός] om. 21 ΞΜ — πρός ΕΔ] in ras. 22 ΕΣ] ΣΕ 23 ΕΣ] ΣΕ 24 ΕΔ] ΔΕ 27 ὡς] καὶ ὡς 28 ΕΣ] ΣΕ ME] EM 29 ΕΔ] ΔΕ

p. 154, 3 ΕΔ] ΔΕ ME] EM 21 ἡγμένην] om. 23 πορισθεῖσαν

p. 156, 12 τῆς AZ τομῆς ἐφαπτομένη 16 κατ' (pr.)] om. 27 ὑπερβάλλοντα

p. 158, 1 συμφανές] συμφανὲς ἔσται 2 διάμετρον] supra scr. comp. 6 διότι] ὅτι 10 χωρία — 18 συμπαραβαλλομένων] in ras. 12 διότι] ὅτι 26 τῷ] δεδομένη τῷ

p. 160, 5 ΑΒ] BA ΓΔ] ΓΔ 6 μέρος τέταρτον 7 εἰλήφθω] ἔστω 10 τό — τετραπλάσιον] τὸ ἀπὸ τῆς Θ ἄρα ἔλαττόν ἔστιν ἡ τετραπλάσιον mg. 16 τὴν δέ] τῇ δέ τῇ ΖΕ] τὴν ΖΕ 21 δέ] δή

p. 162, 8 ἐτέρῳ ἐπιπέδῳ] in ras. 10 ἥ] ἡ MN 12 ΜΖΝ] MNZ 20 ΖΚ] ZH 23 AZK] AZ, ZH 26 τῶν] πάλιν τῶν

p. 164, 7 τό] τῷ 8 τῆς] καὶ τῆς 9 μεγέθει] μεγέθει δεδομένης 20 τολγωνον — 22 ΖΑ πρός] mg. 21 ΕΛ] ΑΕ 23 ΑΗ — ἄρα] in ras. 24 AE] ΑΘ

p. 166, 28 τὸ ἐν] τῷ ἐν

p. 168, 3 τοῦ E] τοῦ Α 4 ἐπι] ἡ ΕΚ ἐπι 9 ἡ ΜΖ] om. ZB] BZ 10 ἡ] ἡγθω ἡ 13 ΞΒΖ] mut. in ΖΒΞ ἔστιν ἵση] om. ΞΒΖ] ΖΒ, ΒΞ 16 ΒΖΞ] ΖΒΞ 17 ἔσται] ἔστω 18 ΖΒ, ΖΞ] ΖΒ, ΞΖ 20 ἔσται] corr. ex ἔστω 24 κύκλος] κύκλων 27 ΖΗΘ] ΖΘ

p. 170, 2 ἐπιπέδῳ — 3 τέτμηται] ἐπιπέδῳ τῷ, tam post lac. τέτμηται 4 τῇ] οὖσαν τῇ 5 ΗΖΘ] ΖΗΘ 7 ἔσται] ἔστιν 10 εἰσι] ἔσονται 16 ΓΒ] ΒΓ 18 κατ'] καὶ τοῦ 22 ἐκ] ἐκ τε

p. 172, 3 εὐθεῖαι] δύο εὐθεῖαι AB] BA 4 τῇ ὑπὸ τῶν] ἡ ὑπό 14 ΔΔ] ΔΔ 16 Δ] Δ τῇ KZ τῇ KZ] om.

22 ἔχουσαι πλάτη 26 ΖΔΘ] τῶν ΖΔ (ex ΖΘ) ΔΘ 27 καὶ — p. 174, 3 ΓΔ] ras. 15 litt., postea add. mg.

p. 174, 1 ΓΔ] ΔΓ 4 ἐκ] ἐκ τε 5 ἐκ] om. 11 δη ἔχει η] τῆς ἡ] τοῦ τῆς 16 -ρήσθω — 18 πρὸς ΗΔ] ras., postea add. mg. 18 ἡ ΟΔ πρός] ἡ ΘΔ πρός ins. in ras. ὡς] καὶ ὡς 19 ΑΘ] Α e corr. ΟΔ] ΘΔ

p. 176, 6 AB] BA 21 ἡ] ἡχθω ἡ 22 AB] BA 23 AB] BA 25 AZ] ZA 26 ZA] ZA ἐκβιλθέσης 28 ΗΔ] ΚΔ

p. 178, 1 ΔΔ] AZ 2 ΔΖΒ] ΔΒΖ 3 ΖΔΔ, ΖΔΔ] ΖΔΔ, ΔΔΖ 4 τῇ ὑπό] bis, sed. corr. 10 καὶ — ἵση] om.

12 ΘΗΖ] ΖΗΘ 13 δὴ ὁ] e corr. 15 ΘΗΖ] διὰ τῶν Θ, Η, Ζ 17 ΗΘΖ] Η, Ζ, Θ 18 ΗΘΖ] Η, Ζ, Θ 19 ἡ (alt.)] καὶ ἡ

p. 180, 10 ΛΗ] ΛΚ 12 ΗΛΘ] τῶν ΚΔ, ΛΘ καὶ 13 ΗΛΘ] τῶν ΚΔ, ΛΘ 14 ὡς — 15 θεωρήματι] mg. 17 ἡ ΑΒ ἐκάσσων] ἐλάσσων ἡ BA 22 τὸ] τῷ ὥστε — τῇ] ἔστω δὲ καὶ ἵση ἡ 24 ὡς] in ras. ΑΓ] ΓΔ 27 ΔΖ] ΖΔ

p. 182, 1 post ΔΔ del. τῷ δὲ ἀπὸ τῆς ΖΔ 3 ΔΔ] Α e corr. τό] τῷ τῷ] τό 4 ΕΔΖ] τῶν ΖΔ, ΔΕ ΔΔ] τῆς ΔΔ, Α e corr. 6 τῆς] e corr. 9 ΔΔ] Α e corr. 10 ΔΒ] e corr. 12 ἀπὸ ΖΔ — 14 ἀπό] mg. 14 ΔΖ] ΖΔ 22 τῇ] om. 23 ἐκβιλήσθωσαν] ἐκβιλήσθωσαν ἡ μὲν ΖΔ ἐπὶ τὸ Λ ἡ δὲ EZ ἐπὶ τὸ Δ

p. 184, 5 τῷ] τό ΘΖΔ] τῶν ΘΔ, ΖΔ 10 ἀλλ — 14 ΑΗΕ] bis, sed corr. 11 ἐκ] ἐκ τε 25 εὐθειῶν] εὐθειῶν πεπερασμένων πεπερασμένων] κειμένων 27 κορυφαῖ

p. 186, 4 εὐθεῖαι] εὐθεῖαι πεπερασμέναι 5 πεπερασμέναι] om. 10 ὑπερβολή] ὑπερβολή ἡ ΑΒΓ BE] ΕΒ 11 ΘΒ] ΒΘ 12 ΒΕ] ΕΒ 13 καὶ — ΑΒΓ] om. 16 μέν] μὲν πλαγία 19 δῆ] δέ B, E] ΑΒΓ, ΔEZ ἀντικείμεναι εἰσιν 20 αῖ] om.

p. 188, 10 ΑΓ] ΑΓ ΓΔ] ΓΔ 14 ΓΔ] ΓΚ ἐκβαλλομένην τῇ (pr.)] om. 17 κατηγμένη 18 ΔΕ] τῶν ΕΔ 19 ΔΖ] ΖΔ 24 ΔΕ ἐκβαλλομένην 25 ΕΕΟ] ΟΕΞ τομῶν

p. 190, 3 ὄπερ — ποιῆσαι] om. 4 αὗται αῖ] αῖ τοιαῦται In fine: τέλος τοῦ ἀ τῶν τοῦ Ἀπολλωνίου κανονιῶν

p. 192, 1 δεύτερον 11 αὐτῷ] om. 20 Β] ΒΕ τετάρτῳ] τετάρτῳ μέρει 21 ΒΕ] ΔΕ ἐπιξενγθεῖσαι] om.

p. 194, 1 αῖ] om. 7 μὲν ἀπό] μὲν τῆς 9 ΔΒ] τῆς

*BΔ* 11 Θ*H*] in ras. 25 καὶ αἱ — 26 παράλληλοι] om. 27 τέμνεται] τέτμηται 28 τό] τὸ ἄρα

p. 196, 9 *AK* — 10 *AH*] sic\*) 10 καὶ] om. ὡς — 11 *AH*] etiam in mg. 11 τὸ ὑπό — 13 οὗτως] mg. 13 ἀφαιρεθὲν (pr.)] in ras. 16 Δ*B*] τῆς *BΔ* ἄρα] ἄρα ἐστὶ 17 Δ*B* corr. ex *BΔ* μεῖζον — 18 δέδεικται] δέδεικται γὰρ αὐτοῦ μεῖζον τὸ ὑπὸ τῶν *MK*, *KH* 21 ἐφάπτηται] ἐφάπτηται κατὰ κορυφὴν 24 ἐσται] ἐστὶ 27 *ZE*] *EZ*

p. 198, 4 *EB*] *BE* 14 *ZE*] *EZ* 15 ἡ — 16 ἀσυμπτώτοις] om. 29 αὐτῆς] αὐταῖς

p. 200, 1 δόν] αἱ δοθεῖσαι δύο *AG*] *GA* 2 τὴν] om. 3 Δ] Δ ἐντὸς τῆς ὑπὸ *GAB* γωνίας *GAB*] *AG*, *AB* 18 *AB*] *BA*

p. 202, 5 *EA*] *EA* λη̄ ἐστίν 20 τῆ̄] ἡ 22 ἡ̄] τῆ̄ 23 *ZH*] *HZ* 24 ἐστίν] om. *HE*] *EH* 26 *AB*] *BA* ἐνβαλλομένη

p. 204, 8 εὐθεῖα] om. 11 ἡ̄] ἡχθω ἡ̄ τετμήσθω] -μή-ε corr. 18 μή — δυνατόν] in ras. ἀλλά] ἀλλ' 16 ἐσται] ἐστι 23 *EΔ*] *ΔE* 24 *ABΓ*] *ABΓ* τομῆ̄

p. 206, 1 διάμετρος ἄρα] ἡ *ΔH* ἄρα διάμετρος 4 *KΘ*] *ΘK*] *ΘK* 5 ἄρα] ἄρα ἐνβληθεῖσα 7 συμπιπτέτω — *Z*] om. 23 τομῆ̄] τομῆ̄ κατὰ τὸ *E* ἄρα ἐπιτεται

p. 208, 4 *EΔ*] *EA* 18 *ΔH*] *HA*, *H* e corr. 19 *AH*] *HA*

p. 210, 4 τῷ̄] ἵσον τῷ̄ 5 ἵσον — *BA*] om. 6 *ZΓΔ*] *ΔΓ*, *ΓZ* 15 *ΓA*] *AG* 21 συμπεσεῖται — καὶ̄] om. 24 δῆ̄] δέ

p. 212, 5 πρός (pr.)] bis *HK*] *KH* 7 καὶ̄] καὶ̄ τοῦ 8 τοῦ] τῆ̄ 11 ἐναλλάξ] καὶ̄ ἐναλλάξ 12 τῷ̄] corr. ex τό 14 *AB*] *BA*

p. 214, 3 τό] corr. ex τῷ̄ 7 *AH*] *AK* *EΔ*] *ΔE* 8 *HK*] *ZK* 16 ἡ̄ς αἰς 19 καὶ̄ εἰλήφθω] om. 22 τῷ̄] corr. ex τό 25 *ΓHΘ* — 26 *ΔKL*] τῶν *AK*, *KΔ*

p. 216, 3 συμπιπτέτω — *M*] om. 4 δῆ̄] om. 5 καὶ̄ (pr.)] om. 6 *ΓA*] *AG* 22 *ΓH*] *HG*

p. 218, 4 πόρισμα] om. 17 *ZB*] *B* e corr. 18 τετάρτῳ̄] τετάρτῳ̄ μέρει 19 ἄρα] ἄρα εἰσὶν 21 *GE*] *EΓ* 25 *B*] *B* τομῆ̄ 26 *ZΓ*] *ΓZ* 27 εἰσὶν] εἰσὶν αἱ̄

p. 220, 15 *KΘ*] *Θ* e corr. 16 τῆ̄] τῆ̄ *A* 21 καὶ̄] om. 22 ἐστιν ἵσον] ἵσον ἐστῑ καὶ̄ καὶ̄ διὰ τοῦτο *KM*] *KM* ἵσῃ̄ ἐστῑ

\*) Nisi quod hic quoque ut semper fere articulus additur.

p. 222, 2 ΘΒΚ] ΘΒΗ 8 τῶν ἀπό] τὸ ὑπό 13 εἰσιν]  
εἰσιν αἱ 22 εὐθεῖα] εὐθεῖ 26 σημείον] om. ΚΔ] ΚΑ?

p. 224, .12 ΕΓΖ] ΓΕΖ 17 Α, B] om. 20 ἄρα] ἄρα  
ἔστιν καὶ — ΓΖ] om. 21 ἡ] ἄρα ἡ ἔστιν ἵση] ἵση ἔστιν

p. 226, 9 ΘΗ] ΗΘ 10 ΘΗ] ΗΘ ΧΕ] ΕΧ ΕΞ] ΖΞ? 11 ΗΔ] ΚΑ? ΓΡΠ] ΠΡΙ 17 ΕΚ] ΚΕ 19 ΚΕ] ΚΘ 20 ΚΕ] ΚΘ ΗΔ] ΚΑ? 21 δη̄ ἔχει ἡ] τῆς 22 καὶ ἡ] καὶ τῆς 26 λόγος] om. λόγῳ] om. 27 ΧΑ, ΛΗ, ΗΧ] ΗΛ, ΛΧ, ΧΗ, ΧΗ, alt. ΧΗ del.

p. 228, 4 ἔξει] ἔχει 12 καταγόμεναι] om. Δ] Η 15 τῆς ΤΧ καὶ τῆς] τῶν ΤΧ 18 δε̄] δή 19 ΧΓ] τῆς ΓΧ ἀλλ — 20 τουτέστι] om. 21 ΕΖΧ — 23 τρίγωνον πρὸς τό] om. 24 ΗΘΧ] ΧΗΘ

p. 230, 5 post EZ del. παράλληλοι γάρ· καὶ ὡς ἄρα ἡ Σ πρὸς τὴν ΘΗ, ἡ ΧΕ πρὸς ΕΖ 7 πρός] bis, sed corr. 8 καὶ — 10 ΧΕΖ] om. 10 ἐναλλάξ] ἐναλλάξ ἄρα ΗΧ] ΧΗ 11 ΕΧ] τῆς ΧΕ ὑπό (pr.)] ἀπὸ τῆς ΖΕΧ] τῶν ΧΕ, ΕΖ 25 αἱ] om.

p. 232, 2 πρὸς τῇ] παρὰ τὴν 4 πρὸς τῇ] παρὰ τὴν 11 ταῖς] corr. ex τῆς ἀσυμπτώτοις] -οις e corr. 12 τῶν (alt.)] om. 13 post ἀπό del. τοῦ κέντρου 17 ΧΕΖ, ΧΗΘ] ΕΧΖ, ΗΧΘ 18 ΧΓΔ] ΓΧΔ 19 ΘΕ] ΘΚΕ 24 ἔστιν 26 ΑΒ, ΓΔ ἄρα] ἄρα ΑΒ, ΓΔ

p. 234, 5 τις] εὐθεῖα 11 ἔστω] om. 19 ὑπό (pr.)] ύ-  
ε corr. 24 συμπτώσεων 27 ΓΔ] ΔΓ 28 συμπτώσεως

p. 236, 1 ἐκβαλλόμεναι] ἐκβαλλόμεναι αἱ ΑΒ, ΔΓ 4 μόνον] om. 6 δύο] δυσὶν 7 ΒΔ] ΑΒ 11 ἐκατέρας 13 συμπτώσεως 20 ἐτέρας] ἐτέρας συμπτώσεως 27 ΑΖ] ΑΞ ΑΘ] Α e corr.

p. 238, 1 γωνίαι] δύο γωνίαι 10 εἰ̄ γάρ δυνατόν] ἔστω-  
σαν 11 αἱ ΓΔ, ΕΖ] τέμνονται ἀλλήλας οὖσαι] αἱ ΓΔ, ΕΖ.  
λέγω, διτού οὐ τέμνονται ἀλλήλας δίχα. εἰ̄ γάρ δυνατόν

p. 240, 3 ἔστιν] ἔστι τῆς τομῆς τῆς τομῆς] om. 4 κατά] τῆς τομῆς κατά 6 ΒΖ] supra B scri. E 10 ΚΘΔ] ΘΔ in ras.

14 κη̄] corr. ex κξ̄ 15 ἐὰν ἐν] corr. in scrib. ex ἐάν 18 τομῇ] τομῇ ἡ κύκλου περιφερείᾳ 26 τῇ] καὶ τῇ 28 ΕΔ] ΔΕ

p. 242, 2 ἔσται] ἔστι 11 διτού] διτού ἡ ΑΔ 13 εἰ̄ — 15 Ζ (pr.)] in ras. 16 ἐπεῑ] καὶ ἐπεῑ 17 οὐν — 24 ΘΚ] διά-  
μετρός ἔστιν ἡ ΕΔ καὶ τέμνει τὴν ΖΗ κατὰ τὸ Θ, ἡ ΖΗ ἄρα  
δίχα τέμνεται ὑπὸ τῆς ΕΔ κατὰ τὸ Θ. ἐπεῑ δὲ καὶ ἡ κατὰ τὸ  
Δ ἐφαπτομένη παράλληλός ἔστι τῇ ΒΓ, καὶ ἔστιν ἡ ΖΗ τῇ ΓΒ

παράλληλος, καὶ ἡ ΖΗ ἄρα παράλληλός ἐστι τῇ κατὰ τὸ Λ ἐφαπτομένῃ, καὶ διὰ τοῦτο καὶ ἡ ΖΚ τῇ ΚΗ ἐστιν ἵσταται. ἐδείχθη δὲ καὶ ἡ ΖΘ τῇ ΘΗ ἵση 24 ἀδύνατον] ἀτοπον

p. 244, 7 ΒΔ] ΑΒ 10 ἐστιν ἵση] ἵση ἐστιν ΔΓ] ΒΓ 18 ἀδύνατον] ἀτοπον 21 ΒΔ] ΑΒ 28 γωνίας] γωνίας τὸ κέντρον

24 ὑπόκειται τὸ Α

p. 246, 5 ἐπιξενγνυμένη] bis, sed corr. πιπτέτω] ἐπὶ τὸ Β πιπτέτω 11 καὶ] om. 12 ἐστιν ἄρα] ἄρα ἐστιν 15 καὶ] καὶ διὰ τοῦ Η ἥχθω] om. 18 ΓΔ (alt.)] Δ ε corr. 25 τὴν τομῆν γωνίας] om. 28 καὶ] om.

p. 248, 6 ΖΗ] ΖΚ ἥτοι] ἡ 9 λγ'] λβ̄ λγ̄ mg.

p. 250, 3 τῇ] supra scr. post τομῆ del. ἥχθωσαν γὰρ ἀσύμπτωτοι 9 λδ'] λγ̄ λδ̄ mg., et sic deinceps 25 ΑΒ] ΑΗ 28 ἡ] om.

p. 252, 6 τῇ — 8 παρά]-] mg. post ras. 8 -ληλος] in ras. 9 παράλληλος — 11 ἄρα] bis, sed corr.

p. 254, 1 ἐστιν ἵση] ἵση ἐστιν 6 ἐστι] ἐσται 22 ΖΓ] ΓΖ 23 ἄρα] ἄρα ἐστί 24 ΖΗ (alt.)] ΗΖ 28 ἐπιψαύονσαι συμπίπτωσιν

p. 256, 7 δίχα] ἡ ΓΔ δίχα 11 ἐστω γάρ] εἰ γάρ μή, ἐστω 15 ΑΒ] corr. ex ΑΔ 19 ἄρα] ἄρα ἐστί ΗΚ] ΗΧ 20 ὅστε καὶ ἡ ΗΚ] ἐδείχθη δὲ ἡ ΑΗ τῇ ΗΒ ἵση· ἡ ΗΧ ἄρα

p. 258, 7 οὐκ ἄρα ἀνισος] om. 8 τῇ ΖΔ. ἵση ἄρα] ἄρα ἵση ἐστὶ τῇ ΖΔ 11 συμπίπτωσιν 22 ΖΘ] ΘΖ 28 ΖΘ] ΘΖ

p. 260, 1 τῇ] διὰ τοῦ Χ τῇ 2 καὶ] καὶ ἐπει 4 ΓΕ] ΕΓ 7 μέν] om. ΖΕ] EZ 8 διὰ τοῦτο] ἡ ΘΖ ἄρα ἡ ΖΘ] om. 9 ΗΘ] ΘΗ 10 ΖΘ] EZ 19 τό] om. 22 ἡ ἄρα — 23 EX] om. 24 τῆς ΘΚ] bis, sed corr. 25 EX — 26 τῇ] om. 27 ὅπερ ἀτοπον] om.

p. 262, 4 ἀντικειμέναις κατὰ συζυγίαν 14 τό] ἐστω τό ἐστω] om. 15 καὶ] καὶ διὰ τοῦ Χ παράλληλος ἥχθω 16 ΘΗ] ΗΘ 18 ὁμοίως — 19 διάμετροι] om. 28 ἡ] δύο εὐθεῖαι ἡ

p. 264, 5 τὰ Ε, Ζ καὶ] in ras. ΖΕ τῷ] EZ κατὰ τό 7 ΧΗ] ΗΧ 11 ἡ] ἐστιν ἡ 18 Α] Α ἄρα 16 ἐπί — 17 ΧΑ] ΧΑ ἐπιξενγνυνται ἐπὶ τὴν ἀφήν 17 παρά — ΓΧ] ΧΓ ἡκται παρὰ τὴν ἐφαπτομένην 18 ΧΑ, ΓΧ] ΑΧ, ΧΓ 22 mg. ἀνάλησις 27 ΒΔ, ΕΑ] ΑΕ, ΒΔ

p. 266, 1 mg. σύνθεσις 12 ὑπόκειται] ὑπόκειται ἐνταῦθα

τὸ Ε 15 mg. ἀνάλυσις 25 ἔσται — τῇ] ἔσται τῇ Ε Δ ἡ 27  
ΓΔ] ΔΓ ΓΔ] ΔΓ 28 mg. σύνθεσις

p. 268, 1 A] Α σημεῖα 2 ἐπ' αὐτήν] ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ τὴν  
ΑΒ ΒΕ] ΕΒ 6 τῷ] κατὰ τό τῇ ΑΒ παράλληλος ἡχθω]  
διὰ τοῦ Δ παράλληλος ἡχθω τῇ ΑΒ 18 εὑρηται 16 τέμνει  
— δίχα] δίχα τεμεῖ καὶ ἄρα] om. ἔσται] ἔσται 17 ΒΕ]  
ΕΒ 24 τό] ἔστω τό 26 KA] Α e corr. 27 ἄρα] ἄρα καὶ

ΓΚ] ΚΓ

p. 270, 15 ἐπεξεύχθω — καὶ] om. 21 δύο ταῖς δυοῖς ταῖς  
22 τῇ] βάσει τῇ

p. 272, 4 τῇ (alt.)] ἡ 10 ΓΚ] τῆς ΚΓ 11 ΓΚ] τῆς  
ΚΓ 12 ΛΚ] τῆς ΚΛ ΚΣ, ΣΛ] ΛΣ, ΣΚ 13 PK] PK ἴσα  
ἔστι ἔστιν ἴσα] om. 16 MPN] τῶν NP, PM 17 MΣΝ]  
τῶν ΝΣ, ΣΜ ΣΚ] ΚΣ in mg. ras. magna ἴσον  
ἔστι 18 MPN] τῶν NP, PM PK] KP 19 MΣΝ] τῶν  
ΝΣ, ΣΜ ΣΚ] τῆς ΚΣ 20 διαφέρει] ὑπερέχει διαφέρει]  
ὑπερέχει 21 MPN] τῶν NP, PM MΣΝ] τῶν ΝΣ, ΣΜ  
22 διαφέρει] ὑπερέχει διαφέρει] ὑπερέχει 24 ΣΛ] τῆς  
ΛΣ MPN] τῶν NP, PM 25 MΣΝ] τῶν ΝΣ, ΣΜ 26  
MPN] τῶν NP, PM

p. 274, 2 ΛΓΜ] ΓΛΜ 16 ἴση ἔστιν] ἔστιν ἴση

p. 276, 3 ΒΕ] ΕΒ 5 AE (alt.)] EA 6 τό (pr.)] om. 13  
ΖΗ] HZ 18 οὔτως] δὴ οὔτως 19 ἡ ΖΗ ἴση] ἴση ἡ HZ 22  
mg. μδ μ seq. ras. ὁ] ἡ 24 τομῆς] γραμμῆς comp. 25  
τῶν] om. 28 τῆς] om.

p. 278, 13 οὔτως] δὴ οὔτως 20 οὔτως] om. 21 ΒΓ]  
ΓΒΔ 23 ΑΗ] ΔΑ, deinde del. θέσει δὲ καὶ ἡ τομή 25  
ΓΗ] ΓΒ

p. 280, 2 τῶν] om. 8 MN] NM 14 A] Η 17 καὶ  
— κείσθω] ἐπὶ τὸ Ν καὶ κείσθω τῇ ΛΘ 18 ΘΝ] e corr. 27  
καὶ (pr.)] om.

p. 282, 2 ΔΘ] ΘΔ ἔστι] om. 8 AB] ΒΑΗ 13 ΖΔ]  
ΖΔ καὶ ἐκβεβίησθω ἐπὶ τὸ Ε 17 γωνίαν — τόπῳ] ἔξης γωνίαν  
18 τομῆγ] τομὴν τόπῳ 21 δῆ] δέ 28 AK] KA 29 ΚΘΔ]  
ΚΘ e corr.

p. 284, 1 πρὸς τῇ] παρὰ τήν 8 δῆ] e corr. 12 τῷ] κατὰ  
τό 13 καὶ — 14 κείσθω] ἐπὶ τὸ Η καὶ κείσθω τῇ ΒΘ 18  
KA (alt.)] Α e corr. 20 τῶν ΖΘΠ] τῷ ὑπὸ τῇ ΖΘΠ τὸ  
σημεῖον 21 ἔσται] συσταθῆναι 25 mg. ν, να τῶν — ἔστω]  
ἔστω δῆ

p. 286, 5 ἡχθω] ἡχθω ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὸν ΒΓ ἄξονα ΑΔ]

*Δ e corr. 6 καὶ — 8 ΑΗ] mg. postea add. 17 ὁς ἡ] corr.  
ex ἡ NK] HK 18 NM] e corr. KN] NK 25 ν']  
ναὶ, νβ]*

p. 288, 5 ΓΔ] ΔΓ 6 ΒΔΓ] ΒΔ ΒΓ] ΓΒ 8 τῆς δὲ  
ΒΔ] τῇ δὲ ΔΒ 18 EZ] ΖΕ κάθετος] ἀπὸ τοῦ Ε τῇ ΖΗ  
πρὸς δρός 19 δίχα ἡ ΖΗ] ἡ ΖΗ δίχα τῷ] κατὰ τό 20  
ΘΕ] ΕΘ τῶν] om. 21 τῶν] om. ΒΓ] ΓΒ 22 ΓΔ]  
ΔΓ 23 ΓΔ] ΔΓ 24 τῶν] om. τῇ] γωνία τῇ τῶν] om.

25 ἵση ἔστιν 29 οὐτως] om. τήν] om.

p. 290, 1 Z] πρὸς τῷ Ζ 2 Δ γωνίᾳ] πρὸς τῷ Δ 3 νβ,  
νγ ἡ] δὴ πάλιν ἡ 13 πρὸς τῷ Χ] ὑπὸ ΓΧΕ ΧΕ] ΕΧ 14  
ΓΧ] ΧΓ 15 ἡ ΓΧ] ἔστιν ἡ ΧΓ 20 Z] P ΖΔΕ] ΡΔΕ  
22 γωνίαν δέξεῖσα 25 δοθεῖσα] δοθεῖσα τομή 27 τῶν]  
om. τῶν] om. 29 ΗΘ] corr. ex ΘΖ

p. 292, 5 τήν] om. 6 πρὸς ΖΔ ἄρα] ἄρα πρὶς ΖΖ

p. 294, 4 post ΧΕΔ del. πρὸς ΗΚ] corr. ex ΕΓ δι'  
— 6 ΜΚΘ] om. 10 πρὸς τῷ Δ] ὑπὸ ΓΔΕ 12 νδ, νε ἡ]  
δὴ ἡ 14 ταῦτά] τὰ αὐτά 17 τῶν] om. 19 ΓΧ] Σ 20  
δὴ] δέ

p. 296, 2 ΕΧ] lacuna 5 ἡ] δὲ ἡ 8 τῶν] om. 9 ΖΗ]  
ΖΖ 11 ΚΖ] ΖΚ 12 ἔστω] om. τό] ἔστω τό 13 τῶν  
ΑΧΓ] ΑΓΧ 16 τῶν (alt.)] om. 18 καὶ] om. 19 ΖΘ]  
ΘΖ 21 οὐτως τό] οὐτω τό, τ corr. ex σ 23 ὁς] ἔστιν 24  
ΗΘΚ] τῶν ΚΘ, ΘΗ 25 οὐτως] om. ΚΘ] Κ e corr. 27  
ΖΘ] ΘΖ ΕΓ] Ε e corr. 28 οὐτως] om. τήν] om.

p. 298, 2 γωνίᾳ — ἵση] ἵση ἔστιν 4 ναὶ] νδ, νε 9 ἡ  
Θ] ἡ ΗΘ 17 ΑΔ] ΔΔ 23 ἵσην] ἵση 24 ἡ ΕΓ] om. Θ]  
πρὸς τῷ Θ 25 ἵση] ἵση ἔστι ΕΓΔ] ΔΓΕ 26 Θ] πρὸς  
τῷ Θ ἄρα] ἄρα γωνία ΕΓΔ] ΔΓΕ 27 νε, νξ, ξ in ε  
μιν. ἔστω δὴ 28 ΕΤ] ΕΓ, Γ e corr.

p. 300, 4 ΕΗΔ] τῶν ΣΗ, ΗΔ 13 τόν] corr. ex τοῦ 15  
ΖΚ, ΚΘ] ΚΘ, ΚΖ 19 ΕΓΗ] ΕΓΚ 20 τὸ ΖΘΚ τῷ] τῷ  
ΖΘΚ τό 21 ΘΖΚ γωνία] ΖΚΘ ΓΕΔ] ΕΓΔ 25 τῷ]  
ἔστω ΧΨ] ΨΧ 26 τετμήσθω δίχα

p. 302, 2 τῇ Ω ἵσην] ἵσην τῇ Ω 14 ΧΦ] ΦΧ ἡ] e corr.  
15 ΜΛΚ] τῶν ΜΛ, ΛΚ, alt. Λ e corr. 16 ΛΚ] τῆς ΚΛ  
καὶ 17 ΛΚ (pr.)] ΚΛ

p. 304, 1 ΛΚ] ΛΗ 11 Z] πρὸς τῷ Ζ Ε] ὑπὸ ΤΕΑ 16  
ΓΗ — 17 ἀπό] om. 20 ΖΚΘ] ΖΘΚ 25 νβ'] νξ, νς

p. 306, 11 ΖΕ τῇ ΛΒ] ΛΒ τῇ ΖΕ 15 ΑΓΒ] ΑΓΒ  
γωνία 17 ἔστιν] om. 18 ΛΒ] ΒΔ 21 Κ] Η 23 τὸ ἀπό

*EK — 24 EΓ]* om. 25 post *EΓ* del. τὸ ὑπὸ τῶν *AE*,  
*EB 26 KZ]* *EZ* οὐκ — 27 *KZ* (alt.)] om.

p. 308, 5 η *NΞ πρὸς ΞΜ]* om. 6 *TM]* *TK 9 PΣ]*  
*PΣ ἐπὶ τὴν ΞΧ 10 ON]* *NO 17 TΣ]* *ΣΤ 18 ή]* η ἄρα  
 20 *TO]* τὸ *OT*

p. 310, 1 *TΞ]* *ΞΤ 7 ὑπὸ]* ἀπὸ τῶν 9 *MΞΝ]* τῶν  
*NΞ, ΞΜ*, alt. *Ξ* corr. ex Z 14 [τη] om. 19 νγ'] νῖ, νη 20  
 γῆτις — 21 ἀφῆσ] bis, sed corr. 23 εἰναι] in ras.

p. 312, 8 ἄρα] ἄρα ἐστίν 10 *ΓΑ]* *ΑΓ 18 γωνίᾳ]* om.  
 14 ἐστίν — 15 *Τ]* τῇ *Τ* τη] om. 18 κύκλος] σ·ο<sup>ος</sup> (διά-  
 μετρος) 27 *ΟΜ]* *ΜΟ*

p. 314, 2 *ΝΟ]* τῆς *ΟΝ* τό] τῷ 3 τῷ] τό corr. ex τῷ τό]  
 τῷ τῷ] τό corr. ex τῷ 4 τῷ] τό 8 τετμήσθω δίχα 12  
 τῆν] om. 14 ΣΑ'] *ΞΑ* *ΦΝ]* *ΦΤ 15 Α'Γ]* *Γα 16 Α'Γ]*  
*Γα 18 παράλληλος — ΦΨ]* παράλληλοι ἡχθωσαν τῇ μὲν *ΟΠ*  
 ἡ *IΞ* τῇ δὲ *NP* ἡ *ΞΤ* καὶ ἔτι τῇ *OΠ* ἡ *ΦΨ* 19 *Α'Γ]* *Γα* ἡ  
 (alt.) οὐτως ἡ

p. 316, 1 *ΣΞ]* corr. ex *EΞ ΣΑ']* *Γα 2 καὶ — 3 ΞΣ]*  
 mg. 6 *E σημείῳ]* πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ *E 10 AEK]* corr.  
 ex *AEZ 11 ΞΣΠ]* *ΞΣΠ τρίγωνον 12 ΚΕΛ]* *ΚΛΕ 15*  
*ΣΞΠ]* *ΞΣΠ, Σ* e corr. 16 τῷ] τό τὸ *MΞΠ]* τῷ *ΞΜΠ*  
 21 *ΗΘ]* *ΗΘ ποιοῦσα 22 ποιοῦσα]* om. 23 διερ — 24  
 ποιῆσαι] om. In fine: τέλος τοῦ β τῶν κανονικῶν

p. 318, 7 *ΒΔ]* *ΔΒ 10 ΓΒ]* *ΓΔ 13 ΕΒΓ]* *ΓΕΒ τρι-*  
*γώνῳ 14 ΒΔ]* *ΔΒ 16 ΑΔΒΖ]* *ΑΒΔΖ 18 τον* ἐστίν]  
 om. τριγώνῳ] τριγώνῳ τον ἐστίν

p. 320, 5 ante *ZH* del. *HB* 8 ΔHB (pr.)] τὸ ΔHB

p. 322, 12 περιφερεῖας] τοῦ κύκλου περιφερεῖας 16  
 γάρ] δῆ

p. 324, 1 τό] τῷ τρίγωνον] τριγώνῳ 2 τῷ] τό τετρα-  
 πλεύρῳ] τετράπλευρον τό] τῷ τῷ] τό 4 τὸ *ΓΗ — τετρα-*  
 πλεύρῳ] bis *ΜΠ]* *ΠΜ 18 ΒΔ]* *ΔΒ 19 ΒΔΖ]* *ΒΔΖ τρι-*  
 γώνῳ 23 ἀν εἰη] ἄρα ἐστὶ καὶ

p. 326, 12 *A, B]* *ΑΔ, ΒΗ 13 ΔΖ]* *ΖΔ 14 ΓΔ καὶ]*  
*ΓΔ ἐπικενχρεῖσσα 15 αῖ]* ἔτι αῖ 16 τῆς τομῆς] μιᾶς τῶν  
 τομῶν τῆς *ΒΗ 18 ΗΜ]* *ΗΜ καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ ΖΔ* ἐπὶ<sup>λ</sup>  
 τὸ *K* *ΚΘΔ]* *ΚΔΘ τριγώνον 24 ΜΗΘ]* *ΜΗΘ τρίγωνον 26*  
 καὶ — 27 τετραπλεύρῳ] om.

p. 328, 4 ταῖς ἐφακτομέναις] om. 10 καὶ] comp.  
 in ras.

12 τῆς] τῆς AB, 14 ἐστὶν ἵσον] ἵσον ἐστὶν 15 οὖν] γάρ εἰσιν 20 ἐφ'] ἀφ'

p. 330, 6 ἵσον ἐστὶν 18 ΓΚ] ΓΚ τό] supra scr. 20 τό] τῷ τῷ] τό 21 τό] supra scr.

p. 332, 3 ΜΒΔ] ΜΔΒ ΘΒΖ] ΒΘΖ post ἐναλλάξ add. ὡς τὸ ΓΤΑ πρὸς τὸ ΜΔΒ τὸ ΑΘΗ πρὸς τὸ ΒΘΖ 4 ΑΗΘ] ΑΘΗ ΘΒΖ] ΒΘΖ ΤΑΓ] ΓΤΑ ΔΒΞ] ΜΔΒ 6 ἵσον] corr. ex ἐστὶν τῷ] ἐστὶ τῷ 10 ΑΕΖ] Ε e corr. ἵσον] ἐστὶν ἵσον 15 τὸ μέν] μὲν τό 18 ἐστι] ἐσται 21 τὸ δὲ ΑΕΖ] postea ins. 22 καὶ — τετραπλεύρῳ] mg. ἵσον] ἵσον ἐστι 23 ΚΓ] ΚΜΓΛ

p. 334, 4 μεῖζόν ἐστι τό] bis 5 ΤΩΛ] ΤΩΛΤ 6 δέ] δή 7 μεῖζον — 10 τό τε] in ras. 8 ΑΕΖ] ΕΖΩ 10 ΤΕΤ] ΤΤΕ 11 ΤΩΛ] ΤΩΛ 12 μετά] μεταξύ 14 ΚΞΕΤΧ 18 ἐφ'] e corr.

p. 336, 1 ἐπεξεύχθω 6 ΑΔ] ΑΒ ΕΘ] ΕΘΗ 14 ΒΜΖ] ΒΖΜ 15 καὶ] om. διαφέρει τοῦ ΑΚΛ

p. 338, 18 γάρ] om. 19 ἐφάπτεται] -ε- e corr. 24 ΚΘΗ] τῶν ΚΗ, ΗΘ 25 ΒΘ] τῆς ΒΘ e corr. ΚΘ] ΗΘ ἡ ΒΘ — 26 πρός (alt.)] mg. 26 ΗΘ] ΘΗ ΚΘ] ΚΒ

p. 340, 2 ΖΘ] ΟΖ ΗΘ] ΘΗ 4 ΒΘΖ] ΑΘΖ 15 ΞΡΣ] ΡΞΣ 16 ΞΣΤ] ΣΤΞ τριγάνου 17 ΘΒΖ] ΒΘΖ 24 δὲ ἔχει ἡ] τῆς ἔκ] om. τοῦ πρός — 26 πλευρά] πλαγία πλευρὰ τοῦ παρὰ τὴν ΛΜ εἰδονς

p. 342, 1 πρὸς τῇ] παρὰ τὴν post εἰδονς del. πρὸς τὴν δρθίαν, ἀλλ' ὡς ἡ ΑΤ πρὸς ΤΗ, ἡ ΞΤ πρὸς ΤΣ πλαγία] πλαγία πλευρά 2 πρὸς τῇ] παρὰ τὴν 3 συνημμένον] συγκείμενον 4 δὲ ἔχει ἡ] τῆς τουτέστιν ἡ] τουτέστι τῆς 5 ΤΟ] ΤΘ πρὸς τῇ] παρὰ τὴν 8 ΞΤΣ] ΤΞΣ 24 σημεῖόν τι] τυχὸν σημεῖον 26 ΘΑΖ] ΘΖΛ

p. 344, 1 ante BT del. ΑΕ διὰ τοῦ ΒΤ] Β e corr. 10 ΒΤ] ΒΓ 12 ἡ ΤΒ] bis 13 καὶ] e corr. 20 τό] τῷ τῷ] τό MN] MN τῷ δέ seq. lac. 23 τὸ ἀπὸ ΗΘ] om. 24 ἐναλλάξ — 25 ΓΒΘ] om. 27 ΗΘΙ] ΚΘΙ 28 ΔΒΕ] δὲ ΔΒΕ

p. 346, 1 ΓΒΘ] Β e corr. 2 ΙΘΗ] Η e corr. 3 ΘΒ] η corr. 5 ΠΜ] ΜΠ 6 ΤΒ] ΓΒ ΞΗ] ΞΝ 9 ΞΗ] ΞΝ 12 συνημμένον] συγκείμενον 13 τε] om. δὲ ἔχει ἡ] τῆς καὶ — 15 ΞΗ] postea ins. 18 ἡ] τῆς 14 τουτέστιν ἡ] τουτέστι τῆς 19 ισης] ιση γαρ

p. 348, 12 ΓΒ] ΒΓ 17 παράλληλος] παράλληλος ἥχθω

18 φανερόν] φανερὸν οὖν 28 ὑπό] ἀπό 29 ΔΔ] ΑΔ  
τετράπλευρον

p. 350, 1 τρίγωνον — πρὸς τό] mg. 2 ὡς] postea ins. 7  
ὡς] ἄφα ὡς 9 ΑΗΕ] ΑΕΗ 11 τό — ἐναλλάξ] lacuna 17  
γραμμήν] τομήν 21 κατά] ἀλλήλαις κατά 26 διάμετροι]  
corr. ex διάμετρος comp.

p. 352, 1 ΔΞ] ΔΘ. 2 ἔστιν ἵση] ἵση ἔστιν 3 ΗΔ] Δ  
ε corr. 5 ΚΖΕ] ΖΚ, ΚΕ 17 ὅλον] om. ΜΕΙ] ΙΕΜ

18 ΙΜΕ] ΙΕΜ 20 οὐτως] om. 21 πρός — 22 ὑπό] in  
ras. 22 ΖΞ] e corr. 23 ΖΞ] ΞΖ 24 ΞΖ] ΖΞ οὐτως] om.  
25 ΓΠΒ] ἀπὸ τῆς ΓΠ 26 ΓΠΒ] τὸ ΓΠΒ

p. 354, 1 ΚΖΕ] τῆς ΚΖ 24 ΔΞΟ] ΔΟΞ 25 πρὸς τὸ  
ΕΟΔ] om. 26 ΞΔΟ τρίγωνον] ΔΟΞ 29 ΟΕ] ΕΟ

p. 356, 1 τρίγωνον] om. 2 ΒΓ πρὸς τό] om. 7 οὐτως]  
om. 19 κέντρον — 21 ΑΖΔ] om.

p. 358, 1 ΑΖΣ — 2 ἄφα τό] postea ins. m. 1 1 τρί-  
γωνον] τετράπλευρον 3 ΗΛΙ] τῶν seq. lac. 5 ΜΛΞ] ΜΞ,  
ΞΛ 10 παρὰ τὴν τάξ] in ras. 15 τό] οὗτο τό 16 εὐθεῖῶν]  
εὐθείας 17 ἀπολαμβανομένης] corr. ex ἐφαπτομένης τετρά-  
γωνον 21 διά] e corr. 24 ΖΑ] ΖΑ οὐτω ΚΛΞ] τῶν ΛΚ,  
ΚΞ 26 ἀπό] διά

p. 360, 2 ΚΛΞ] τῶν ΛΚ, ΚΞ 4 ΒΡΖ] ΒΖΡ 5 ΑΛΝ]  
ΑΛΗ 6 ὑπὸ ΒΖΔ] ἀπὸ ΒΖ 7 ΚΛΞ] τῶν ΛΚ, ΚΞ 8  
ΑΖΘ] ΑΖΘ τρίγωνον τό (pr.)] om. 9 ΖΑ] Α e corr. 10  
ΚΛΞ] τῶν ΛΚ, ΚΞ ΑΔ] ΑΔ 19 πρός — 20 συμ-  
πτωσεως] om.

p. 362, 1 ΚΟΦΙΧΩΨ 5 καὶ] καὶ ὡς 6 ΞΟΨ καὶ]  
ΞΟΨΑ τετράπλευρον ΞΗΜ] ΞΗΜΑ τετράπλευρον 7 ΞΟΨ]  
ΞΟΨΑ 8 ΞΗΜ] ΞΗΜΑ 9 ΝΟΗ] τῶν ΝΜ, ΜΟ 11  
ΗΟΨΜ] Μ e corr. 12 ΚΟΡΤ] ΚΟΡΠ 13 ΒΖ] τῆς ΔΖ  
e corr. 24 τῆ] e corr. 26 τῶν τομῶν] τῆς τομῆς 27 τῶν  
— συμπτωσεως] om. lacuna magna relicta

p. 364, 2 αᾶ] παράλληλοι αᾶ παράλληλοι ἔστωσαν] om. 3  
ἡ μὲν ΕΞΗ] om. παρά] παρὰ μέν 4 ἡ δέ] τ. ΕΞΗ,  
παρὰ δὲ τὴν ΑΓ ἡ παρὰ τὴν ΑΓ] om. 5 τό] οὗτο τό 7  
διά — ΑΓ] παρὰ τὴν ΑΓ διὰ τῶν Η, Ξ ΞΝ, ΗΖ] ΗΖ, ΞΝ,  
Ζ e corr. 8 post ΒΔ ras. 2 litt. 9 μέν] μέν ἔστιν 10  
ΗΖ] Ζ e corr. 11 ὡς] om. 19 ἄφα] ἡ ἄφα 25 ἀχθῶσι]  
in ras. 26 καὶ] κατά comp.

p. 366, 5 κατά] bis, sed corr. 8 ἐπιξενχθεῖσαι καὶ]  
om. 9 τοῦ] τῶν 14 ΣΤ] ΟΤ 15 ἀπό — ΟΤ] ἡ ΟΤ

- διὰ τοῦ Ο** 21 ΠΤΣ] *T* e corr. 22 ΘΞΣ] *τῶν ΘΣ, ΣΞ*  
 25 ΕΔ] *ΣΔ* 27 δέ] δὲ καὶ *τρέγωνον*] om.  
 p. -368, 1 ΕΔ] corr. ex *ΕΔ* 10 τῇ — 12 παραλλήλουν]  
*mg.* 12 τῇ ὁρθίᾳ] etiam in *mg.* 20 ΤΕΤ] *ΗΕΤ* 21  
 δ] δν 27 ΕΔ] e corr.  
 p. 370, 1 ΣΔΦ] *τῶν ΓΔ, ΑΦ* 5 ΑΕ] *ΕΔ* 7 δ] καὶ ὁ  
 8 τὸ ἀπὸ ΑΕ — 9 ΔΕ] *mg.* in ras. 10 ΑΕ] *ΕΔ* 11  
 ΑΕ] *ΕΔ* 12 τῷ (alt.)] *τό* 18 ἔστι] om. *KΖΘ*] *KΖ, ZΘ*  
*ΛΘΖ*] *τῶν ΛΘ, ΘΞ* 14 ὁς — 16 *ΛΘΖ*] *mg.* in ras. 16  
*ΛΘΖ*] *τῶν ΛΘ, ΘΞ* *mg.* *Ιείκει* ἀλλο πάλιν 19 *ZΞΔ*] *τῶν*  
*ΞΖ, ΞΔ* 20 *KΞΘ*] *τῶν ΗΞ, ΞΘ* *KΖΘ*] *τῶν KΞ, ΞΘ*  
*corr.* ex *τῶν KΖ, ZΘ*; deinde rep. καὶ *τοῦ ὑπὸ τῶν KΖ, ZΘ*  
 23 *ΛΞΖ*] *τῶν ΛΞ, ΞΔ* ἀπό — 24 τῷ] om. 25 *ΛΘΖ*]  
*τῶν ΛΖ, ΖΔ*  
 p. 372, 1 τό (tert.)] corr. ex *τῷ* 4 ἔστω δέ] ἀλλ' ἔστω  
*δὴ ΣΕΚ*] *ΣΕΤ* 8 ΠΜΝ] *τῆς ΠΜ, MN* 10 *ΛΘΖ*]  
*τῶν ΘΔ, ΛΖ* 11 *ΠΞΝ*] *τῶν ΤΞ, ΞΝ* 13 ante δεικτέον  
*lacuna* 17 μετά — 18 *KΞΘ*] om. 19 τό (alt.)] *τοῦ* 27  
*τό*] τῇ post *OΞΝ* lacuna 8 litt.  
 p. 374, 3 τῆς — *τετραγώνῳ*] om. 10 τό — 13 πρός]  
*mg.* 12 *ΛΞΣ*] *ΛΞ, ΞΣ* 14 *ΣΤΔ*] *τῶν ΝΣ, ΣΟ* 19  
*δτι*] om. 25 δ] δν 27 ἀπό (alt.)] supra scr.  
 p. 376, 2 post *PΞH* add. πρὸς τὸ ὑπὸ *τῶν KΞ, ΞΘ* μετά  
*τοῦ ἀπὸ τῆς ΑΕ* 4 πρός — 5 ΑΕ] om. 13 ὑπό (pr.)] ἀπὸ  
*τῶν* 14 κξ'] corr. ex κη]  
 p. 378, 10 καὶ] om. 15. ὅμοιον] τὸ ὅμοιον 18 ὅμοιον]  
*τὸ ὅμοιον* 21 ὅμοιον] τὸ ὅμοιον *BΞΔ*] *BΞ, ΞΔ* 24  
*NΘ*] Θ e corr. 28 ἔστι] εἰσι  
 p. 380, 1 εἱδη] εἱδη ἄρα τῇ] τῷ 4 *ΞΕΔ*] *τῶν ΞΕ, ΕΔ,*  
*Λ* e corr. 9 ὅμοιως — 11 *ΒΕ*] om. 11 *ΒΔΔ*] *τῶν ΒΔ,*  
*supra scr. ΔΔ* 12 ΑΕ] *ΕΔ* 14 *ΓΔ*] *ΑΓ* 16 προλαμβά-  
*νοντα* 19 κη'] corr. ex κη]  
 p. 382, 4 διάμετροι δὲ αὐτῶν] ὡν διάμετροι 13 *Z*] *Ξ*  
 22 μετά] in ras. *τοῦ* (pr.)] corr. ex τό 29 ἀπὸ *ZΘH*  
 — p. 384, 2 *ZΘH*] *mg.* 29 *ZΘH*] *τῶν ZH, HΘ*  
 p. 384, 2 *ZΘH*] *τῶν ZH, HΘ* τὸ ἀπὸ *τῶν ZH, HΘ* 21  
*δτι*] οὖν δτι *ΞHO*] *τῶν ΞN, NO* 23 τοντέστι τὸ δις]  
*postea ins. m. 1* ὑπό *ὑπὸ τῶν* supra scr. 26 τῶν — ὑπερ-  
*έχει*] ὑπερέχει *τῶν* ἀπὸ *τῶν ΞH, HO*  
 p. 386, 2 *ΞHO*] *τῶν ΞH, HO* corr. ex *τῶν ΞHO* *ΕΔ*] *τῶν*  
*ΑΕ* 3 τό (pr.)] τά 12 *ΑΔΓ*] *ΑΔ, ΔΓ* συμπίπτουσαι κατὰ

*τὸ Δ αἰ̄] supra scr. 21 ΘΒ] ΒΘ 22 τὴν — 23 πρός] mg. 23 ἀλλ' — 24 ὁρθίαν] om. 26 ἐστι] om. p. 388, 5 τοῦ — ἐστι] mg. τῷ] in ras. 7 εἰσι παράλληλοι 17 ΑΓΒ] ΑΓ, ΒΓ συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ Γ ΑΒ] ΒΑ 18 ΖΕ] EZ 19 ΖΕ] EZ 20 ἵση] ἵ corr. ex ε 25 ΝΕΚΜ] ENKM 26 ΓΔ] ΕΔ p. 390, 12 μέν] om. 19 διά — 20 τῆς] in ras. 26 ΓΑ] ΑΓ ἐπὶ] ἡ ΖΔ ἐπὶ p. 392, 1 ΚΛ] ΘΛ 2 ΘΛ] ΛΚ 3 διά] γάρ διά Β, Λ] Λ καὶ Β 6 ΗΜΒ] τῶν ΒΜ, ΜΗ 7 ΔΒ] Β e corr. 11 ΖΘ] ΞΘ 27 ΔΗ] ΔΗ συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ Η 29 ΘΗ] ΗΘ p. 394, 1 δι] δι ἡ ΑΔ 3 ΛΜΝ] ΛΜΝ συμπιπτούσα τῇ ΓΖ (in ras.) κατὰ τὸ Ν 8 ὑπὸ ΒΞΕ] ἀπὸ τῆς ΞΕ 11 τό] τῷ τῷ] τό 12 τό] τῷ τῷ] τό 14 ΜΠ] ΠΜ ΑΘΗ] τῶν ΗΘ, ΘΛ 17 τοῦ] supra scr. ἵσον ἀρά] in ras. 18 τό — 19 ἀρά] mg. 18 τοῦ] om. 19 εὐθεῖα] ἡ ή ΑΗ] ΗΔ δῆκα εἰς μὲν ἵσα] om. 20 ΜΠ] ΠΜ p. 396, 10 Β] corr. ex Γ ΔΕ] ΕΔ ΒΚ] ΚΒ 13 ΓΚ] ΚΓ 15 ΓΗ] ΗΓ ΑΓ] ΓΑ 16 τῆς] τῇ ΓΗ τῆς ΑΓ] ΗΓ τῇ ΓΑ 20 ἀζθῆ τις εὐθεῖα 22 εὐθεῖας πρός ἀλληλα 23 γάρ — ὑπερβολή] ὑπερβολὴ ἡ ΑΒ 25 ΓΑΛΖΗ] ΓΑΛΖΗ 27 ΑΔ] ΑΔ p. 398, 1 ΖΤ] TZ 4 ΔΣ] ΔΣ ἐστιν ἵση 5 ἵση ἐστίν ΔΤ] TD 6 ΔΤ] TD 11 KN] τὸ KN ut saepius 12 ΔΒ] ΒΔ 13 ΔΟ] ΔΕ 15 τὸ ΔΜ] τὸ ΑΜ e corr. 17 τῷ] corr. ex τό p. 400, 2 ἀφῆς] om. 12 ἥχθω] om. 13 ἡ ΚΒΔ] ἥχθω η ΑΒΚ οὐτως] om. 18 ἡ ΑΘ — 19 ΗΘ] om. 23 τὸ ΓΘ] ΓΘ 24 τό] om. 26 ἵση ἐστίν] e corr. 28 ἵσον (pr.)] ἵσον ἐστί p. 402, 1 ΡΗ] ΗΡ 2 ΒΓ] ΘΒ 3 ΑΘ] τὸ ΑΘ 4 ΓΘ] τὸ ΓΘ 12 τις] τις εὐθεῖα 15 τῆς] τῆς ἐπὶ 18 ΓΖ] ΖΓ ἡ ΖΕ — p. 404, 3 ΓΔ] bis p. 404, 1 τὰς ΑΘ, ΑΓ] μὲν τὴν ΑΘ 2 ΔΠ — ΝΔΟ] ΑΖΚΜ, ΝΔΟ, παρὰ δὲ τὴν ΑΓ αἱ ΖΡ, ΔΠ 3 ΖΓ] Γ e corr. ΑΖ] corr. ex ΑΞ 10 ΔΠΟ] ΔΟΠ p. 406, 2 ἐπὶ] om. ἐπιξεγγυούσης 3 ΒΓ] ΓΒ 12 ἀπό] διά 14 ΔΘΗΞΝ] ΔΗΞΝ 18 ΑΑ] Α e corr. 22 τὸ ἀπὸ ΖΟ — 23 ὁς] om. p. 408, 8 Δ] E 9 ΕΗ] EZ 12 ΕΘΣΚ 13 ΖΡ] ἐκβεβλήσθω δὲ καὶ ἡ ΑΔ ἐπὶ τὸ Σ 17 ΖΜ] Z e corr. ΞΜ] ΜΞ ΘΕ] τῆς ΕΘ 18 ΜΖ] τῆς ΖΜ ἀπὸ*

**ΘΣ** — 19 *MZ* τό] om. 19 *EΘΠ*] *ΣΘΠ* [21 *ΞΜ*] τῆς  
*ΜΞ* 22 *EΘΠ*] *EΘ* 24 *AΞN*] *AΞM* 26 τό (pr.)] ώς τό  
 p. 410, 1 *ΚΑ*] τῆς *AK* 2 ἀπὸ *EH*] *EH* *ZH*] τῆς  
*HZ* 17 ἐπεξεύχθωσαν ἡ] αἱ 18 ἡ *ΓΔΕ*] *ΔΓΕ* *EB*]  
 corr. ex B ἀπό] διά 19 ἀπό] διά 20 ώς — *ΛΕ*] διήχθω  
 τις εὐθεῖα τέμνουσα ἐκατέραν τῶν τομῶν καὶ τὴν *ZH* ἐκ-  
 βληθεῖσαν ἡ *ΘΕΚΑ* 25 *ΚΠ*] *ΠΚ*

p. 412, 2 *ΚΕΟ*] *KOE* 8 καὶ] in ras. 11 μετά] bis,  
 corr. m. rec. τριγώνον] om. 12 τριγώνον] om. 13 τρι-  
 γώνον] om. 14 τριγώνον] om. 15 τριγώνον] om. 16 τρι-  
 γώνον] om. 17 *ΠΔΟ*] *ΔΠΟ* 18 *MN* πρὸς τὸ ἀπό] om.

21 post *ΞΑ* del. πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς *ΞΑ* 24 *ΛΚ*] τῆς *ΛΚ*  
 e corr.

p. 414, 5 τὸ *H*] e corr. 12 ἐρχέσθω] ἐρχέσθω δή 15  
*ΛΓ*] *ΓΛ* διὰ μέν] μὲν διά 18 διάμετρος — 19 ἐπει] bis,  
 sed corr. 23 ἔστιν] ἔστιν ἄρα 27 διπλασία] διπλῆ 28  
*ΑΓ*] *ZΓ* *ΓΕ* *EΓ*] *ΞΓ* *ΓΖ*] *ΓΛ*

• p. 416, 1 καὶ] καὶ ἀνάπαλιν ώς ἡ *EΓ* (E e corr.) πρὸς *ΓΖ*,  
 ἡ *ΑΓ* πρὸς *ΓΞ* *EΓ*] *ΓΕ* *AΞ*] *AΞ* καὶ 3 *AN*] *NA* 6  
*ΑΔ*] *AΔ* καὶ 13 *AΞ*] *ΞΑ* 14 *AΔ*] *ΔΑ* 15 *ΓΞ*] *Ξ* e  
 corr. 18 καὶ ἡ *ΓΖ*] ἐδείχθη δὲ καὶ, ώς ἡ *ΓΞ* πρὸς *ΞΑ*, ἡ  
 τε *ΓΖ* 23 παρά] δύο εὐθεῖαι παρά

p. 418, 1 *ΔΒ*] *BΔ* 17 *AB*] *AM* 20 *ZA* (pr.) — *KΖ*] mg.  
 p. 420, 1 ἡ *BΖ*] e corr. 7 τῷ] τῷ ἀπὸ τῆς *ZH* τῷ 25  
 ἵση] ἵση ἔστιν 26 διπλῇ] διπλῆ ἔστι 28 ἔστι — p. 422, 1  
 τετραπλάσιον] mg.

p. 422, 1 τό] καὶ τό *ABN*] τῶν *AB*, *BN*, *N* e corr. 11  
 ἡ (pr.)] om. 12 *ΓΑΖ*, *EBH* 13 *ZH*] *HZ* 16 ἵσον] ἵσον  
 ἔστι 20 *ZH*] *HZ* 23 *AΖ*] *ZA* 24 ώς] supra scr.

p. 424, 12 ποιοῦσι] ποιήσουσι 16 *BΔ*] e corr. *ΓΕΔ*]  
*ΓΔΕ* 18 τό (pr.)] τό τε 20 γωνία — 21 ἔστιν] ὁρθαὶ  
 εἰσιν 25 ἔστι] om. 29 *ΓΑΖ*] *ZΑΓ* *AΓΖ*] *AΖΓ*

p. 426, 1 *AΖΓ*] *AΓΖ* 3 λοιπή] δλη 6 ἡ καταγραφὴ  
 τοῦ σχήματος δύοισι τῇ ἀνωθεν mg. 11 ὁρθή] om. 12  
 κύκλος] postea add. comp. 20 ἵση] om. *AΓΖ*] *AΓΖ* ἔστιν  
 ἵση 21 *BΔΗ*] *BΔΗ* ἵση ἔστιν

p. 428, 7 ἵση] ἵση ἔστιν 18 *ΛΘΔ*] *ΛΘΔ* τριγώνῳ 16  
*ΔΘ*] e corr. 19 τῷ] τοῖς 20 *ΓΖ*] *ZΓ* 22 *ΓΔ*] *ΓΛ* καὶ  
 24 καὶ — *ΚΑ*] om. 27 *ΚΑ*] τὴν *ΚΑ* 28 *ΔΕ* (alt.)] *ΔΗ*

p. 430, 13 αὐτῷ] αὐτῷ εἰσι 15 ἵση] ἔστιν ἵση 23 *BΘ*]  
*ΘΒ* 25 δρθή] δρθή ἔστιν

p. 432, 2 *BΔH*] *HΔB* 3 ὑπό (alt.)] corr. ex ἀπό 6  
ν'] corr. ex *μ̄*

p. 434, 1 [ση] ἵση ἔστιν [ση] ἵση ἔστι 2 ἡ δέ — 3  
τῇ ὑπὸ *EMH*] ἀλλ' ἡ μὲν ὑπὸ *ΓEZ* [ση ἔστι τῇ ὑπὸ *EMH*,  
ἵση δὲ καὶ ἡ ὑπὸ *ΔEH* τῇ ὑπὸ *MEH* 4 καὶ] om. 8 [ση  
ἡ ΘΑ] ἡ *AΘ* [ση 21 τὴν γραμμήν] μέσων τῶν τομῶν τὴν *B*  
*ZΔ*] *ΔZ* 22 ὑπερέχει] μείζων ἔστι 23 ἡχθω] ἡχθω  
γάρ 28 [ση] ἵση ἔστιν

p. 436, 1 ἔστιν [ση] ἵση ἔστιν 2 *ZE*] *EZ* ἔστι διπλῆ] διπλῆ ἔστι 13 *AB*] *AB* κέντρον δὲ τὸ *H* 15 *AΔB*] *BΔ*, *ΔA* 16 *ΓEΔ*(pr.)] *ΓE*, *ΔE* 18 κέντρον — 19 αὐτοῦ]  
διὰ τὸν *H* 19 *ΓE*] *ΓE* ἡχθω 20 *ΖΕΓ*] *ΓEZ* 21 [ση]  
ἔστιν [ση 22 καὶ ἡ] ἡ 23 [ση] ἔστιν [ση 24 [ση] [ση]  
ἔστιν 26 ἡ *ΓEΔ*] ἄρα ἡ *ΓEΔ* ἔστι] om.

p. 438, 10 τεταγμένως κατηγμένην] τεταγμένην 11 διήχθω-  
σαν] ἐπεξένθωσαν 21 *ZA*] *BA* 26 *ΓE*] *EΓ* 27 ἐκ λόγος ἐκ  
p. 440, 21 δίχα τετμήσθω] τετμήσθω δίχα

p. 442, 12 *NBM*] τῶν *MB*, *BN* post *AΘK* magna la-  
cuna 14 *ΝΓ*] τῶν *ΝΓ* corr. ex τῷ *ΝΓ* *NBM*] τῶν  
*MB*, *BN* 18 *KΘ*] *Θ* e corr. 21 *NBM*] τῶν *NB*, *BM*,  
*BM* in ras. τὸ ὑπὸ *HΓ*] in ras. 24 ἔχει τὸ ὑπὸ] τῶν  
*AM*] e corr. 27 τοῦ τοῦ] τε τοῦ corr. ex τὸ τοῦ 28  
ἀλλ' ὡς μέν] in ras.

p. 444, 3 τοῦ τοῦ] τε τοῦ 23 *ZΔΘ*] *ΔΘ* e corr. 24  
ἀπὸ *ΓH* — 25 *NΔ*] ὑπὸ τῶν *AH*, *HΔ* πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς *ΓH*  
τὸ ὑπὸ τῶν *AΘ*, *ΔN* πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς *AΔ* 26 *AΔ*] *ΔA*

p. 446, 1 *EH*] *HE* 9 *AΔ*] *ΔA* 10 *AΔ*] *ΔA* *ΘA*] *AΘ* 12 σύγκειται — 13 *AΔ*] in ras. *AΘ*] τῶν *AΘ*, *A* e corr.  
15 *NΔ*, *AΘ*] τῶν *AΘ*, *NΔ*, *A* e corr. 16 ὡς] ἄρα  
ὡς 17 *NΔ*, *AΘ*] *AΘ*, *NΔ*

p. 448, 6 τετμήσθω δίχα 8 *BE*] *EB* *AE*] *EA* 12  
ἐκ τοῦ τοῦ] ἐκ τε τοῦ δὲν ἔχει τό τοῦ] δὲν ἔχει τό 16  
*HΓK*, *ΘΔZ*] *KΓH*, *ΘΔZ* 18 *HΠ*] *KΠ* 20 τίν] corr.  
ex τῇ 25 *ΘB*] *B* e corr.

p. 450, 3 *KB*, *AH*] *HA*, *KB* 5 μέσον λαμβανομένου]  
in ras. 5 τοῦ τοῦ] τε τοῦ 7 *ΘΔZ*] τῶν *ΘZ*, *ΔZ* *ΘB*] *B* e corr.  
11 τοῦ τοῦ] τε τοῦ 14 ἐκ] ἐκ τε 16 *BN*] *NB* 17 ἐκ] ἐκ τε 20 τοῦ τοῦ] τοῦ

II p. 2 Ἀπολλωνίου τοῦ Περγαλού κανικῶν βιβλίου δὲν  
δόσεως Εὐτοκίου Ἀσκαλωνίτου 7 τῶν ὑφ' ἡμῶν πραγματευο-  
μένων

- p. 4, 5 ταῦτα] τά  
 p. 8, 5 περιέχει 8 εὐθεῖαν] om.  
 p. 10, 2 ἐν τῇ] ἐντὸς τῆς 18 ΓΗ] ΓΚ  
 p. 12, 16 ΒΔ] ΔΒ 23 καθ' ἐτερόν τι] κατά  
 p. 14, 2 τό] ἔστω τό ἔστω] om. 19. ἔσται] om. ση-  
 μεῖον] σημεῖον ἔστιν  
 p. 16, 8 τοῦ] e corr. 23 ΖΔ] ΖΗ ΔΗ] ΗΔ 26  
 μηδέ] μή ἐτέρον] οὐδετέρον  
 p. 18, 5 ὑπό] ἀπό 15 περιέχωσιν] ὑπερέχωσιν 16  
 τῆς] om.  
 p. 20, 10 ΧΖ] ΖΧ 18 μηδέ] μή ἐτέρον] οὐδετέρον  
 14 ΕΔ] ΔΕ 19 τό] τὸ Δ  
 p. 22, 1 ΠΟ] ΡΞ 5 διά] πρότερον διά 7 ΠΟ] ΡΞ  
 Κ] Β 18 τῇ ἐτέρᾳ] bis, sed corr. 14 ΑΘ] ΘΔ 16 καὶ]  
 τῇ ΡΞ καὶ 25 ΠΟ] ΡΞ 27 ἡ] τῇ 28 τῇ] ἡ 29 ΕΚ]  
 Κ e corr.  
 p. 24, 9 ἔχῃ] ἔχει 11 κειμένη 19 ἡ] τῆς Β τομῆς ἡ  
 τέμνουσα] τεμνέτω καὶ ἀμφοτέρας 22 ἡ] om.  
 p. 26, 1 ἡ] supra scr. 8 ἐπιξευγνυμένη] om. 9 ἀντι-  
 κειμένη] om. 16 Η] e corr. ΑΗ] ΑΔ 17 ΗΒ] ΔΒ ΑΔ]  
 ΑΗ ΔΒ] ΗΒ  
 p. 28, 2 ἔστι τὸ σημεῖον] τὸ Δ σημεῖον ἔστιν 6 καὶ ἡχθω]  
 καὶ ἀπ' αὐτοῦ ἐφαπτομένη ἡ ΔΖ καὶ 7 παράλληλος] ἡχθω  
 παράλληλος τῇ ἀσυμπτώτῳ ἐφ' ἡς τὸ Δ 9 πιπτέτω — 10  
 τὸ Η] ἐργέσθω διὰ τοῦ Γ ἀλλὰ διὰ τοῦ Η 22 συμπεσεῖται  
 ταῖς τομαῖς 23 αῖ] om. συμπτώσεων] -εων e corr. ἐπι]  
 αὶ ἐπὶ e corr. 29 post ΔΘ ras. 2 litt. η] ἡ μέν  
 p. 30, 1 ΑΜ] ΜΑ ἡ δὲ ΘΞ τῇ ΟΓ 21 αῖ] om.  
 p. 32, 21 ἡξει αὐτῶν 26 καθ' ἐν σημεῖον μόνον τῇ  
 τομῇ 29 ΔΘ] ΘΔ  
 p. 34, 1 Κ, Η] Η, Κ 15 καὶ αῖ] καὶ 17 ΔΒ] Β e  
 corr. 22 ἐφάψονται] bis, sed corr. ἀντικειμένων] τομῶν  
 26 μέν] μὲν οὖν 27 ἀλλ' ἐτέρᾳ] om.  
 p. 36, 1 ΔΘ] ΔΗ ΗΘ] ΗΚ 7 ΒΔ] ΔΒ  
 p. 38, 1 ἡ. (alt.)] e corr. 13 ΑΘ (alt.)] ΑΒ 17 ΖΓ]  
 ΓΖ 19 ἔστιν ἵση] ἵση ἔστιν  
 p. 40, 2 ἔχει λόγον] λόγον ἔχει 3 ἐκβαλλομένη ἐφ' ἐκά-  
 τερα] ἐφ' ἐκάτερα ἐκβαλλομένη 10 ὁς] postea ins. ἡ ΕΔ]  
 in ras. 18 ἀρχῆς] ἀρχῆς ἀδύνατον 18 δή] om. 21 ΕΜΗ]  
 ΕΝΜΗ ΘΡ] ΡΘ 23 Δ] Δ, Ε 25 ἔστιν ἵση] ἵση  
 ἔστιν

- p. 44, 2 τῷ προειδημένῳ] τῇ προτέρᾳ 9 γάρ] γάρ τινες  
 14 ἀπό] διά 23 ᾧ] om. 24 σημεῖα] om.
- p. 46, 6 ἀπό] διά 18 τήν] om. 19 ΚΜ] ΓΚ 20  
 ΚΓ ἵση] ΚΜ
- p. 48, 19 Α, Β] om. συμπίπτουσαι — Α] αἱ ΑΑ, ΑΒ  
 21 ΑΖ] lacuna 2 litt. 26 τὸ Δ κέντρον
- p. 50, 3 τῇ ΗΛ] ἡ μείζων τῆς ΖΜ τῇ ΗΛ τῇ ἐλάττωνι  
 τῆς ΜΛ τὸ σχῆμα ὅμοιον τῷ ἄνωθεν mg. 10 συμπίπτουσαι]  
 συμπιπτέτωσαν 14 ἐπί] e corr. 16 κατ̄] ἡ 19 τῇ ΜΖ]  
 ἡ μείζων τῆς ΑΗ τῇ ΜΖ τῇ ἐλάσσονι τῆς ΗΖ 26 καὶ συμ-  
 πίπτουσαι] αἱ ΑΑ, ΑΒ καὶ συμπιπτέτωσαν αἱ ΑΑ, ΑΒ] κατὰ  
 τὸ Λ
- p. 52, 1 δή] δέ e corr. 3 ΑΗΒ] corr. ex ΑΒ 4 ΑΜΒ]  
 ΑΜΒ ὑπερβολὴν ἵσον 5 ἵσον] om. 6 ΔΗ] τῆς ΜΗ ἵση  
 ἄρα η ΜΔ τῇ ΔΗ
- p. 54, 3 ὥστε] ὥστε ἡ ΑΒ ὅπερ ἔδει δεῖξαι] om. 14  
 ΑΒΓ] supra Γ scr. E 15 διά — 17 γραμμῆς] om.
- p. 56, 3 κατά] τῇ ΑΕΓΖ κατά 5 ΑΓΖ] ΓΖ post la-  
 cunam 1 litt. 11 δύο] δύο σημεῖα 12 συμπεσεῖται] συμ-  
 βαλεῖται ἐκβαλλομένη] om. Δ] om. οὐδέτε] τῇ Δ οὐδέτε
- p. 58, 12 ΓΑΔ (pr.)] ΓΑΔ γραμμή 14 ἀπό] διά 16  
 Β] ΒΓ ὥστε] om. οὐδέτε] οὐδέτε ἄρα ΓΑΔ] ΓΑΔ γραμμή  
 συμπεσεῖται τῇ Β 25 οὐν] γάρ τῆς Α τομῆς] om. 26  
 καθ'] τῆς Α καθ'
- p. 60, 1 κατά] om. 3 ΑΒΓ] ΑΒ 7 ΑΒΓ] ΑΓΒ 8  
 ΑΒΓ] ΑΓΒ 21 οτι] οτι ἡ Ε
- p. 62, 13 ΑΒ] ΑΓΒ 19 ἐφάπτεται] ἐφάψεται 21 συ-  
 βάλλει] συμβαλεῖ
- p. 64, 24 ΓΑΘ] ΓΑ ΘΕ] ΘΕ ἀλλήλαις
- p. 66, 26 οὐδετέρρᾳ] οὐ συμπεσεῖται τῇ ἐτέρᾳ 27 συ-  
 μπεσεῖται] om.
- p. 68, 8 οὐ] om. 10 συμβαλῦσι (non συμβάλλουσι) 11  
 κατ̄] om.
- p. 70, 11 συμβαλῦσιν ἀλλά] ἀλλὰ κατά
- p. 72, 2 ΙΤΤ] ΙΤ 7 κατ̄ — 8 ΤΙ] om. 8 ώς] καὶ  
 ὡς. 12 post ἀδύνατον add. οὐκ ἄρα ἡ ΔΕΚ τῇ ΔΕΖ συμ-  
 βάλλει κατὰ πλείονα σημεῖα ἡ καθ' ἓν 14 τῆς — ἀντικει-  
 μένων] in ras. 15 δέ] δὲ τέμνῃ τέμνῃ] om. 19 Δ (pr.)]  
 supra scr. 22 ΑΒ] ΑΒΓ 25 ἔσται] ἔστι ΑΒΔ] corr.  
 ex ΑΒ 27 ὑπὸ τῶν] supra scr. ΒΖΔ (ΒΖ, ΖΔ) — p. 74, 6  
 τῆς] mg.

p. 74, 15 *ΑΗΓ]* *ΑΒΓ*  
 p. 76, 7 *ἔτερον]* *ἔν* 13 *ὅτι]* *ὅτι ἡ EZΘ* *ἔτέρα ἀντι-*  
*κειμένη]* *EZH*  
 p. 78, 5 *ἔτέρα*] *λοιπῆ* *ἡ ΓΛ]* *ἴση ἡ ΓΛ* 14 *ENZ]*  
*τῶν EN, NZ corr. ex τῶν EN, NΞ*  
 p. 80, 7 *ᾶστε* — 8 *ἴση]* om. 23 *ZPΘ]* *τῶν ZP, PΘ*  
*corr. ex τῶν ZP, OΘ* 25 *HΔE]* *HΞEΘ τομῆ*  
 p. 82, 9 *τῇ A]* om. *Δ] Δ τῇ A* 10 *τομῶν]* *τομῶν αἱ*  
*ΑΓ, ΓΒ* 15 *ἡ E]* om. 27 *τῶν τομῶν]* *τομῶν*  
 p. 84, 12 *ΑΓ τῆς ΑΔΒ]* *ΑΓΒ κατά]* *τῆς ΑΔΒ κατά* 13  
*ΑΓ]* *ΑΓΒ* 24 *τὰς ἀφάσις ἐπέξενειν]* *ἐπιζεύγνυσι τὰς ἀφάσι-*  
*η]* *ώς ἡ ΘΕ πρὸς EH ἡ*  
 p. 86, 17 *γάρ]* om.  
 p. 88, 4 *ἴν]* e corr. *συμβαλεῖ* 9 *ABE* (alt.)] lacuna  
 3 litt. 18 *ἐκατέρων]* *ἐκατέρων τῶν AB, ΓΔ* 20 *τά]* om.  
 (non habet) 21 *τομαῖς]* om. 24 *τά]* *σημεῖα τά*  
 p. 90, 1 *οὐ* (alt.)] om.  
 p. 92, 19 *αἱ]* postea ins.  
 p. 94, 10 *δευτέρου]* *δευτέρου σχήματος τῆς AB ἡ τε ΓΑ*  
*κατὰ τὸ A καὶ ἡ ΖΕ κατὰ τὸ E* 11 *ἡ — συμπεσεῖται]* *τῇ Δ*  
*οὗτε μὴν ἡ ΑΓ συμπεσεῖται οὗτε ἡ EZ* 16 *ZΔ]* *EZ EZ]* *Δ*  
*AZ]* *Δ*  
 p. 96 in fine *τέλος* (*τοῦ δ supra scr.*) *τῶν κανονικῶν Ἀπολ-*  
*λωντὸν τοῦ Περγαλοῦ.*

Harum scripturarum nonnullae cum V memorabiliter con-

gruunt, uelut

I p. 86, 10 *AM]* *M* ita scriptum, ut litterae u (β) simile  
 fiat, *V; AB p;*

I p. 224, 25 *ἡ* (alt.)] *ἡ ἡ V,* quorum alterum ad figuram  
 p. 224 pertinere uidetur; *ἡ ἡ p;*

I p. 292, 20 *AZ]* *Z* ita scriptum, ut litterae *Δ* simile  
 fiat, *V; ΑΔ p;*

I p. 370, 23 *AΞZ]* *Z* ita scriptum, ut litterae *Δ* simile  
 fiat, *V; ΑΞΞΔ p;*

I p. 372, 9 *τό]* *τῷ Vp.*

sed ex ipso V descriptus non est; nam haud ita raro cum c  
 contra eum concordat; cuius generis hos locos notaui:

I p. 2, 15 *ἔκπλω]* *ἔκπλον* cp; p. 28, 11 *HZ]* *ZH* cp;  
 p. 46, 3 *καὶ ὁ — 4 KB]* om. cp; p. 66, 10 *ἄρα]* *ἄρα καὶ* cp;  
 p. 160, 21 *δέ]* *δή* cp; p. 216, 5 *καὶ (pr.)]* om. cp; p. 222, 15

*ἴαν]* *ἴν* V, *ἴαν* *ἴν* cp; p. 224, 12 *ΕΓΖ]* *ΓΕΖ* cp; p. 230, 11 *ΕΧ]* *ΧΕ* cp; p. 240, 15 *ἴαν* *ἴν*] corr. ex *ἴαν* p, *ἴαν* c; p. 272, 18 *ἴστιν* *ἴσα*] om. cp; p. 308, 20 *ΤΟ]* *τὸ* *ΟΤ* cp; p. 330, 20 *τῷ]* *τὸ* cp; p. 332, 15 *τὸ* *μέν*] *μέν* c, *μὲν* *τὸ* p; p. 344, 28 *ΔΒΕ]* *δὲ* *ΔΒΕ* cp; p. 352, 18 *ΙΜΕ]* *ΙΕΜ* cp; 28 *ΖΞ]* *ΞΖ* cp; p. 382, 13 *Ζ]* *Ξ* cp; p. 428, 7 *ἴση]* *ἴση* cp; p. 436, 23 *ἴση]* *ἴστιν* *ἴση* cp (sed in c, qui hunc locum bis habet, altero loco est *ἴση*); p. 438, 26 *ΓΕ]* *ΕΓ* cp.

sed ne p ex ipso c descriptum esse putemus, obstant loci supra adlati, ubi p cum V conspirat.\* itaque, si supra recte statuimus, c ex V pendere, sequitur, codices cp ex eodem apographo codicis V descriptos esse. credideris, hoc apographum esse ipsum codicem v, propter memorabilem codicum cvp consensum in scripturis falsis γωνίαις I p. 48, 16 pro εὐθεῖαις et ΓΚ pro ΤΚ I p. 330, 18; cfr. etiam, quod I p. 332, 22 καὶ — τετραπλεύρῳ et in v et in p in mg. sunt. sed obstant plurimi loci, uelut I p. 68, 20 τομῇ] *τυηθῆ* v, p. 312, 1 οὐκ — *ΑΓΒ]* mg. m. 2 v.

interpolationes codicis p Sed quidquid id est, hoc certe constat, codicem p ualde interpolatum esse. nam primum lemmata Eutocii, qualia in ipso p leguntur, cum V concordant et a uerbis Apollonii, quae p praebet, interdum non leviter discrepant, uelut

I p. 38, 24 *ΒΓ]* V, Eutocius II p. 216, 14; *τῆς* *ΒΓ* p;  
*ΒΑΓ]* V, Eutocius p. 216, 15; *τῶν* *ΒΑ*, *ΑΓ* p;  
 p. 38, 25 *ΖΑ]* V, Eutocius l. c.; *τὴν* *ΖΑ* p;  
 p. 40, 8 *ΒΑΓ]* V, Eutocius p. 218, 1; *ΒΑ*, *ΑΓ* p;  
 p. 66, 10 *ΒΚΑ]* V, Eutocius p. 224, 2; *τῶν* *ΒΚ*, *ΚΑ* p;  
*ΑΛΒ]* V, Eutocius l. c.; *τῶν* *ΑΛ*, *ΛΒ* p;  
 p. 102, 24 ὑπὸ *ΑΝΞ]* V, Eutocius p. 248, 6; ὑπὸ *τῶν* *ΑΝ*, *ΝΞ* p;  
 p. 102, 25 *ΑΟΞ]* V, Eutocius l. c.; *τῶν* *ΑΟ*, *ΟΞ* p; *ΞΟ]* V, Eutocius p. 248, 7; *τὴν* *ΞΟ* p;  
 p. 102, 26 *ΑΝ]* V, Eutocius p. 248, 8; *τὴν* *ΑΝ* p;  
 p. 104, 3 *ΚΒ*, *ΑΝ]* V, *ΒΚ*, *ΑΝ* Eutocius p. 248, 23; *τῶν* *ΚΒ*, *ΑΝ* p; *ΓΕ]* V, Eutocius p. 248, 24; *τῆς* *ΓΕ* p; *ΒΔΑ]* V, Eutocius l. c.; *τῶν* *ΒΔ*, *ΔΑ* p;

\*) Hoc quoque parum credibile est, librarium codicis p in explenda lacuna magna codicis c I p. 438, 21—25 tam felicem fuisse, ut ne in litteris quidem a uera scriptura aberraret.

p. 104, 4 *ΔE*] V, *EΔ* Eutocius l. c.;  $\tau\bar{\eta}\varsigma$  *ΔE* p;  
 p. 148, 6 *KΔN*] V, Eutocius p. 270, 22;  $\tau\bar{\omega}\nu$  *KΔ*, *AN* p;  
*ΔΔΓ*] V, Eutocius l. c.;  $\tau\bar{\omega}\nu$  *ΔΔ*, *ΔΓ* p;  
 p. 172, 11 *ZH*] V, Eutocius p. 278, 8;  $\tau\bar{\eta}\varsigma$  *ZH* p; *ΔHA*] V, Eutocius p. 278, 9;  $\tau\bar{\omega}\nu$  *ΔH*, *HA* p;  
 p. 182, 21  $\grave{\alpha}\pi\grave{\omega}$  *ZH*] V, Eutocius p. 280, 15;  $\grave{\alpha}\pi\grave{\omega}$   $\tau\bar{\eta}\varsigma$  *ZH* p;  
*AHE*] V, Eutocius p. 280, 16;  $\tau\bar{\omega}\nu$  *AH*, *HE* p;  
 p. 284, 18 *ΘME*] V, Eutocius p. 302, 9;  $\tau\bar{\omega}\nu$  *ΘM*, *ME* p;  
*ΘKE*] V, Eutocius l. c.;  $\tau\bar{\omega}\nu$  *ΘK*, *KE* p;  
 p. 284, 19 *AMK*] V, Eutocius p. 302, 10;  $\tau\bar{\omega}\nu$  *AM*, *MK* p;  
 p. 384, 25  $\tau\bar{\omega}\nu$  *ΔHN*] V, *ΔHN* Eutocius p. 340, 13;  $\tau\bar{\omega}\nu$  *ΔH*, *HN* p;  
*NΞA*] V, Eutocius l. c.;  $\tau\bar{\omega}\nu$  *NΞ*, *ΞA* p;  
 p. 442, 12 *ΝΓ*] V, Eutocius p. 350, 18;  $\tau\bar{\omega}\nu$  *ΝΓ* p;  
 p. 442, 18 *MA*] V, *AM* Eutocius l. c.;  $\tau\bar{\eta}\varsigma$  *MA* p.; *ΔΓ*] V, Eutocius p. 350, 19;  $\tau\bar{\omega}\nu$  *ΔΓ* p.; *KA*] V, Eutocius l. c.;  $\tau\bar{\eta}\varsigma$  *KA* p.

hinc concludendum, huius modi discrepantias, quae per totum fere opus magna constantia in p occurruunt (a. supra ad I p. 16, 10; 20, 1; 38, 24), ab ipso librario profectas esse. interpolationem confirmant loci, quales sunt I p. 56, 8 *BΣΓ*] *BΓΣ* V, *BΓ ΓΣ* p, item lin. 16; p. 110, 8 *ΔEZ*] *EΔZ* V, *EΔ ΔZ* p; similiter I p. 116, 19; 118, 3; 388, 24; 352, 5; 358, 24; 360, 2, 7, 10; 366, 22; 370, 25; 372, 10; 382, 29; 384, 2; II p. 52, 18. nam sicut intellegitur, quo modo error in V ortus sit duabus litteris permutatis, ita scriptura codicis p mero errore scribendi oriri uix potuit, sed eadem facillime explicatur, si statuimus, librarium codicis p scripturam codicis V ante oculos habuisse eamque errore non perspecto suo more interpolasse; cfr. I p. 34, 12, ubi pro *A*, *B*, *Γ* scripsit *AB*, *BΓ*, quia inconsiderate pro *A*, *B*, *Γ* legit *ABΓ*. hoc quoque notandum, I p. 40, 19 scripturam ueram *MAN* a manu prima in *ΜΔ ΔN* mutatum esse; idem p. 386, 2 in *ΞHO* factum est.

sed interpolatio intra hoc genus non stetit. primum ex Eutocio arguitur additamentum

I p. 40, 9  $\tau\bar{o}\nu$ ] V, Eutocius p. 218, 2;  $\tau\bar{o}\nu$  *λόγον* p, et uerborum ordo mutatus

I p. 384, 26  $\tau\bar{\omega}\nu$   $\grave{\alpha}\pi\grave{\omega}$  *ΞHO* *ὑπερέχει*] V, Eutocius p. 340, 13; *ὑπερέχει*  $\tau\bar{\omega}\nu$   $\grave{\alpha}\pi\grave{\omega}$   $\tau\bar{\omega}\nu$  *ΞH HO* p.

deinde lacunas in V non significatas saepe recte animaduertit et ad sensum haud male expleuit, interdum autem notauit tantum (I p. 110, 13), interdum supplementum incohauit, sed ad finem perducere non potuit (I p. 170, 2); I p. 362, 26 lacunam post  $\tau\eta\varsigma\tau\mu\eta\varsigma$  falso notauit, cum debuerit ante  $\tau\eta\varsigma\tau\mu\eta\varsigma$ ; I p. 344, 20 sine causa lacunam statuit, quia non intellexit, ad  $\mu\acute{e}v$  respondere  $\kappa\alpha\acute{l}$  lin. 21. similiter interdum errorem subesse recte sensit, sed aut lacunam reliquit, quia emendationem reperire non posset (I p. 296, 1; 358, 8), aut in emendando errauit (I p. 298, 9; 352, 25); II p. 62, 9 primum AB scripsit, sicut in V est, deinde errorem uidit et emendauit ( $\varDelta\Gamma B$ ).

cum his locis interpolatio certissima sit, dubitari non potest, quin discrepantiae grauiores, quibus non modo errores emendantur, sed etiam omnia insolita et exquisitoria (uelut  $\sigma\nu\nu\eta\mu\acute{e}\nu\sigma$  I p. 342, 3, pro quo restituit solitum illud  $\sigma\nu\gamma\kappa\acute{e}\mu\acute{e}\nu\sigma$ ; sed cfr. I p. 346, 3) eliminantur, interpolationi tribuendae sint. qui eas perlustrauerit, concedet, librarium nostrum plerumque recte intellexisse, de qua re ageretur, et sermonis mathematicorum Graecorum peritissimum fuisse; sed simul perspiciet, ex p ad uerba Apollonii emendanda nihil peti posse, nisi quod librarius sua coniectura effecit. qui ubi uixerit, postea uidebimus.

**Uat. 206** Summa igitur huius disputationis ea est, uerba Apollonii ad V solum restituenda esse; quem codicem potius saeculo XII quam XIII tribuerim ob genus scripturae magnae et inaequalis, quae codicibus membranaceis saeculi XII multo similior est quam bombycinis saeculo XIII usitatis. sed quamquam non uetustissimus est, codicem uetustissimum, fortasse saeculi VII, litteris uncialibus scriptum et compendiis repletum repraesentare putandus est, ut testantur hi errores: I p. 186, 20  $\delta\iota\omega\vartheta\iota\omega\iota$  pro  $\alpha\acute{l}$   $\delta\acute{q}\vartheta\iota\omega\iota$  confusis A et  $\varDelta$ , I p. 368, 1  $\tau\omega\bar{\nu}$  pro  $\tau\bar{\omega}$   $\dot{\nu}\pi\acute{o}$  propter compendium T' =  $\dot{\nu}\pi\acute{o}$ , I p. 304, 16 propter idem compendium  $v\acute{e}\lambda\bar{\theta}$  pro  $\dot{\nu}\pi\acute{o}$  ZΛΘ, I p. 136, 17  $\varDelta I'$  pro  $\tau\varphi\acute{y}\omega\sigma\sigma$  propter comp. Δ', I p. 368, 11  $\ddot{\sigma}\iota\omega\bar{\nu}$  pro  $\ddot{\sigma}$  λόγων propter compendium λ<sup>o</sup>.

---

## Cap. II.

## Quo modo nobis tradita sint Conica.

Ex praefatione ipsius Apollonii ad librum I discimus, Conica ante eum totum opus Conicorum a principio Alexandriae, sine <sup>Eutocium</sup> dubio scholarum causa, composuisse et deinde cum mathematicis quibusdam, qui scholis eius interfuisse uidentur, e schedis suis communicasse. cum ita diuulgari coeptum esset, opere festinantis paullo ad finem perduto non contentus editionem nouam in meliorem ordinem redactam instituit, cuius libros primos tres ad Eudemum Pergamenum misit, reliquos quinque ad Attalum (fortasse Attalum primum regem Pergami), u. II p. 2, 3. itaque statim ab initio inter Conicorum exemplaria, quae ferebantur, discrepantia quaedam suberat, sicut queritur ipse Apollonius I p. 2, 21, et fieri potest, ut hinc petitiae sint demonstrationes illae alterae, quas Eutocius in suis codicibus inuenit (cfr. Eutocius II p. 176, 17 sq.). sed sicut Eutocio concedi potest, quaedam fortasse ex editionibus prioribus seruata esse, ita dubitari nequit, quin editio recognita inualuerit, nec ueri simile est, editiones priores usque ad saeculum VI existisse; praefationes enim singulorum librorum, quae, ut per se intellegitur, editionis emendatae propriae erant, Eutocius in omnibus codicibus inuenisse uidetur, quoniam de solo libro tertio commemorat (II p. 314, 4 sq.), nullam ibi praefationem extare sicut in ceteris.\* sed hoc quidem ei credendum, codices Conicorum, quos habuerit, haud leuiter inter se in demonstrationibus discrepasse, siue haec discrepantia ex editionibus prioribus irrepsit siue, quod ueri similius est, magistris debetur, qui libro Apollonii in docendo utebantur, quo modo in codicibus reliquorum mathematicorum ortae sunt demonstrationes alterae.

ex his codicibus Eutocius suam librorum I—IV editionem <sup>editio</sup> concinnauit; de cuius ratione quoniam egi Neue Jahrbücher <sup>Eutocii</sup> für Philologie Suppl. XI p. 360 sq., nunc hoc tantum addo, editionem eius ita comparatam fuisse uideri, ut in media pa-

---

\*) Utrum praefatio libri tertii interciderit, an Apollonius omnino nullam praemiserit, dubium est; equidem non video, cur Eudemo hunc librum sine epistula mittere non potuerit, eum nomen eius duobus prioribus praefixum esset.

gina uerba Apollonii, in marginibus sua commentaria (praeter praefationes, quas sine dubio singulis uoluminibus praefixit) collocaret. hoc ex uerbis *ξεωθεν ἐν τοῖς συντεταγμένοις σχόλοις* II p. 176, 20 concludi posse uidetur. praeterea ita facillime explicantur lacunae II p. 290, 8; 292, 1, 14; 306, 8; 308, 14; 310, 6; 338, 15; 340, 15; 342, 20 et transpositio II p. 264.

ex tota ratione editionis Eutociana adparet, eum in demonstrationibus eligendis uel reiiciendis solo iudicio suo consummum esse. sed cum summa fide demonstrationes repudiatas in commentariis seruauerit (cfr. II p. 296, 6; 336, 6), de iudicio eius etiam nunc nobis licet iudicare. iam in reiiciendis demonstrationibus, quas II p. 296 sq., p. 326, 17, p. 328, 12, p. 336 sq. adfert, iudicium eius omnino sequendum; nam quas habet p. 296 sq., nihil sunt nisi superflui conatus corollarii Apolloniani I p. 218, 4 demonstrandi, propositiones p. 326, 17 et p. 328, 12 re uera, ut Eutocius obseruauit, casus sunt praecedentium, quos post illas demonstrare nihil adtinet; de demonstrationibus denique p. 336 sq. adlatis idem fere dicendum. ubi ex pluribus demonstrationibus unam elegit, res difficilior est diuidicatu. uno saltim loco errauit; nam cum in I, 50 p. 152, 6 usurpetur aequatio  $\Delta HEG = \Delta E$ , quae nunc nusquam in praecedentibus demonstrata est, in altera autem demonstratione ab Eutocio ad I, 43 adlata p. 256 demonstratur — uerba ipsa *ἴσον — ΒΓΔ* II p. 256, 9 fortasse subditua esse, hic parum refert —, hinc concludendum est, quamquam dubitat Zeuthen Die Lehre von den Kegelschnitten im Alterthum p. 94 not., illam demonstrationem genuinam esse, nostram iniuria ab Eutocio receptam; idem fit II, 20 p. 228, 23. in ceteris nullam certam video causam, cur ab iudicio Eutocii discedamus; sed rursus nemo praestare potest, eum semper manum Apollonii restituuisse.

**Lemmata Pappi** Sed quamquam in uniuersum editione Eutociana stare necesse est, tamen lemmatis Pappi adiuti de forma Conicorum aliquanto antiquiore nonnulla statuere licet. quod ut recta ratione fiat, ante omnia tenendum est, hoc esse genus ac naturam lemmatum et illorum et ceterorum omnium, uelut ipsius Eutocii, ut propositiones quasdam minores suppleant et demonstrent, quibus sine demonstratione usus sit scriptor ipse, sicut factum uidemus his locis:

Pappi lemma	ab Apollonio usurpatur
I, 4	I, 5 p. 20, 7
I, 5	I, 34 p. 104, 2 sq.
I, 10 p. 930, 19	I, 49 p. 148, 5
I, 10 p. 930, 21	I, 50 p. 152, 14
II, 3—4	II, 23 p. 234, 16
III, 1	III, 8 p. 330, 22
III, 3	III, 16 p. 348, 23; 17 p. 352, 6 cet.
III, 4	III, 22 p. 364, 17; 25 p. 374, 14 al.
III, 5 p. 946, 23	III, 24 p. 372, 17; 25 p. 374, 15, 19; 26 p. 376, 2
III, 7	III, 29 p. 384, 25
III, 13	III, 56 p. 450, 9.

ubi uero lemma Pappi in uerbis ipsis Apollonii demonstratur, concludendum, hanc demonstrationem post Pappum interpolatam esse. qua de causa delendum I, 37 p. 110, 12 συνθέτη — 18 ΖΔ; nam per Pappi lemma I, 6 p. 926, 7 ex ΑΖ — ΖΒ et ΑΕ : ΕΒ = ΑΔ : ΔΒ statim sequitur ΕΖ × ΖΔ = ΒΖ<sup>2</sup>. praeterea ex iisdem aequationibus per idem lemma p. 926, 8 (in ellipsi p. 926, 7—8) concluditur ΑΕ × ΕΒ = ΖΕ × ΕΔ; quare ex toto loco I p. 110, 19 καὶ ἐπει — p. 112, 10 ἔσται nihil scripserat Apollonius praeter haec: καὶ τὸ ὑπὸ ΔΕΖ τῷ ύπὸ ΑΕΒ. item delenda I, 41 p. 126, 11 λογώνια — 18 ΕΖ, quae significationem habeant lemmatis Pappi I, 8. eadem ratione quoniam per lemma I, 7 in I, 89 ex ΖΕ × ΕΔ : ΓΕ<sup>2</sup> = diam. transuersa: diam. rectam statim sequitur, quod quaeritur, pro p. 118, 23 ἔστω — p. 120, 7 πρὸς ΕΓ scripserat Apollonius: ἐπει ἔστιν, ὡς τὸ ὑπὸ ΖΕΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΕ, ἡ πλαγία πρὸς τὴν ὁρθαν, ὃ δὲ τοῦ ὑπὸ ΖΕΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΕ λόγος σύγκειται ἐπ τε τοῦ τῆς ΖΕ πρὸς ΓΕ καὶ τοῦ τῆς ΕΔ πρὸς ΓΕ uel simile aliquid. in I, 54 per lemma I, 11 concluditur ΑΝ × ΝΒ : ΝΖ<sup>2</sup> = ΖΟ<sup>2</sup> : ΘΟ × ΟΗ; itaque delenda p. 170, 16 τὸ δέ — 22 πρὸς ΟΘ.

in II, 20 ex proportione ΚΚ : ΚΕ = ΗΔ : ΛΘ, quoniam parallelae sunt ΗΔ, ΛΘ et ΚΚ, ΚΕ, per lemma II, 2 statim concluditur, parallelas esse ΕΧ, ΗΘ; interpolata igitur uerba I p. 228, 1 καὶ περὶ — 8 λογ.

in II, 50 delenda p. 292, 2 ἐπει — 5 καὶ, quia ex hypothesi per lemma II, 5 sequitur ΧΑ : ΑΖ > ΘΚ : ΗΚ. ibidem p. 292, 18 καὶ ἐάν — 22 τρίγωνα delenda propter lemma II, 6. ibidem

lemma II, 7 hanc formam breuiorem uerborum p. 292, 27 ἔστιν ἄρα — p. 294, 10 γωνίαι significat: καὶ ὡς τὸ ὑπὸ ΧΕΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΓ, τὸ ὑπὸ ΜΚΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΚΗ· ὅμοιον ἄρα τὸ ΗΘΚ τρίγωνον τῷ ΓΔΕ; hoc enim ex lemm. II, 7 sequitur. et ita lemm. II, 7—8 cum additamento\*) p. 940, 4—5 usurpantur I p. 300, 19; 304, 17, ubi iniuria Pappi lemma IX citaui, sicut me monuit Zeuthen.

uerba II, 52 p. 306, 21 οὐκ ἄρα — 22 ΖΕΚ, quae p. 307 not. iam alia de causa damnaui, subditiuia esse arguuntur etiam per lemma Pappi II, 12, quod ueram causam indicat, cur non sit BE<sup>2</sup> : EΓ<sup>2</sup> = EK<sup>2</sup> : KZ<sup>2</sup>.

propter lemma III, 5 p. 946, 20—22 in III, 24 delenda et p. 370, 24 τῷ ὑπὸ ΛΘΖ τοντέστι et p. 372, 8 τοντέστι — 11 ΚΞΘ, quippe quae demonstrationem post lemma inutilem praebeant.

eadem de causa in III, 27 uerba p. 380, 7 καὶ ἐπει — 15 BE propter lemma III, 6 superuacua sunt et ut interpolata damnanda.

per lemmata III, 8, 9, 10 quattuor interpolationes prorsus inter se similes arguuntur, in III, 30 p. 388, 6 ἡ ἄρα — 7 ΔΖ propter lemm. III, 8, in III, 31 p. 390, 11 ἡ ἄρα — 18 τὸ E, III, 33 p. 394, 19 εὐθεῖα ἄρα — 20 Θ propter lemm. III, 9, in III, 32 p. 392, 10 δέχα — 12 ΔΖ propter III, 10.

denique per lemma III, 12 p. 952, 3—5 ex KZ × ΖΑ = ΖΖ<sup>2</sup> concluditur (nam ΖΖ = ΖΒ) ΑΚ × ΚΒ = ΚΑ × ΚΖ siue BK : KZ = AK : KA; itaque delenda III, 42 uerba interposita p. 418, 18 ὡς ἡ KZ — p. 420, 2 διελόντι. et demonstratio propositionis III, 42 omnino mntata esse uidetur; suspicor enim, lemmata Pappi III, 11—12, quae Halleius I p. 201 ad III, 35—40 referre uidetur, huc pertinuisse, quamquam, ut nunc est, neque hic neque alibi in nostro Apollonio locum habent.

nam hoc quoque statuendum, si lemmatis Pappi nunc locus non sit, eum aliam formam demonstrationum ob oculos habuisse. uelut lemma I, 9, quod Zeuthenius ad demonstrandum Δ HΒΔ = ΓΔΕ I, 50 p. 152, 6 usurpatum esse putat, neque in de-

\*) Quod minime cum Hultschio interpolatori tribuendum; potius delenda p. 942, 1—4, quae mire post propositiones conuersas adduntur et idem contendunt, quod p. 940, 4—5 suo loco dicitur.

monstratione recepta neque in ea, quam seruauit Eutocius, continuo inseri potest. lemma II, 9—10 auctore Zeuthenio in analysi ampliore propositionis II, 51 locum habere potuit, ut nunc est, non habet; et re uera analyses ampliores olim exstitisse, eo confirmatur, quod eodem auctore lemma II, 18, cuius nunc usus nullus est, in analysi propositionis II, 53 utile esse potuit. praeterea suspicor, lemma II, 11 in analysi propositionis II, 50 olim usurpatum fuisse; nunc inutile est, sed per propositionem conuersam in II, 50 demonstratur  $\perp \Gamma\Delta E$  —  $ZH\Theta$ ; quare I p. 296, 17 ὡς ἡ — 20 ξστι δὲ καὶ delenda sunt, et pro p. 296, 23 καὶ δι' ισον — p. 298, 1 ἀνάλογον fuisse uidetur ὅμοιον ἄρα τὸ  $\Gamma\Delta X$  τρίγωνον τῷ  $ZHK$ ; ita enim hoc lemma conuersam usurpatur II, 53 p. 316, 15 et similiter membro intermedio omissio II, 52 p. 310, 14. denique lemmata II, 1 et III, 2 nunc usui non sunt; de illo ne suspicari quidem possumus, cuius propositionis causa propositum sit, hoc uero et in III, 13 et in III, 15 forma demonstrationis paullum mutata utile esse potuit.

haec habui, quae de usu lemmatum Pappianorum ad pristinam formam Conicorum restituendam dicerem, pauca sane et imperfecta; neque uero dubito, quin alii hac uia progressi multa hand improbabilia inuenire possint; mihi satis est rem digito monstrasse.

cetera, quae Pappus ex Conicis citat, pauca sunt et aut neglegenter transscripta, ut p. 922, 19 καὶ ἐφ' ἐκάτερα ἐκβιῃθῆ (ita codex A, sed p. 922, 27 προσεκβλήσθω) = Apoll. I p. 6, 4 ἐφ' ἐκάτερα προσεκβλήθη (fortasse Pappus pro ἐπιξενχθεῖσα p. 6, 4 habuit ἐπικενχθῆ), aut incerti momenti, uelut quas p. 674, 22—676, 18, ubi praefationem libri I p. 4, 1—26 citat, scripturas habet discrepantes:\*) Apoll. I p. 4, 2 τῶν ἀντικειμένων] τὰς ἀντικειμένας Pappus (ita cod. A), p. 4, 4 καὶ] om., ἔξειργασμένα] ἔξητασμένα, p. 4, 6 τομῶν] τομῶν καὶ τῶν ἀντικειμένων, 10 παράδοξα θεωρήματα] παντοῖα, 12 πλεῖστα] πλεῖστα, καλλιστα] καλά, 13 ξένα, ὃ καὶ] καὶ ξένα, συνειδομεν] εὑρομεν, 15 τὸ τυχόν] τι, 16 προσενρημένων ἡμῖν] προειρημένων, 19 συμβάλλουσι] συμπίπτουσι, ἄλλα] om., 21 ἦ] om., συμβάλλουσι] συμβάλλει καὶ ἀντικειμέναις κατὰ πόσα σημεῖα συμ-

\*) Errores apertos codicis Pappi p. 676, 1, 4 omisi. memorabile est, iam Pappum pro καὶ p. 4, 9 cum nostris codd. η habere.

*βάλλοντι, 22 ἔστι] δ', 23 πλέον] πλεῖον, 24 κάνον] om., περὶ] om., 25 προβλημάτων κανικῶν] κανικῶν προβλημάτων.* harum omnium scripturarum nulla per se melior est nostra, multae sine dubio deteriores siue Pappi siue librariorum culpa; nam quae sola speciem quandam ueritatis prae se fert scriptura p. 4, 21, ea propter IV praef. II p. 2, 9 sq. dubia est. scripturæ ἐξειργασμένα p. 4, 4, τομῶν 6, παράδοξα θεωρήματα 10 ab Eutocio II p. 168, 16; 178, 2; 178, 16 confirmantur.

Quas supra e Pappo ostendimus interpolationes, eas iam Eutocium in suis codicibus habuisse puto; nam si defuisserent, sine dubio lacunas demonstrationum sensisset notasque addidisset, sicut etiam alibi eadem fere lemmata addidit ac Pappus (Pappi lemma I, 4 — Eutoc. II p. 208, 15; I, 5 — II p. 248, 23 sq.; I, 10 — II p. 270, 19; II, 2 — II p. 302, 9; III, 7 — II p. 340, 12; praeterea Eutocius II p. 190—198 eadem fere de cono scaleno exposuit, quae Pappus habet p. 918, 22—922, 16), quem nouerat (ad Archim. III p. 84; cfr. ad Apollon. II p. 354, 7 [τὸ δ' βιβλίον] οὐδὲ σχολῶν δεῖται; Pappus ad librum IV lemmata nulla praebet).

interpolationes aliae sed multa alia menda sunt, quae ad Apollonium referri uix possunt. de IV, 57 p. 94, 12 sq. taceo, quia hunc errorem (cfr. II p. 95 not. 4) fortasse Apollonius ipse committere potuit; sed u. interpolationes apertiores, quas ex ipso demonstrationis tenore uel ex orationis forma notaui, I p. 18, 27; 126, 15; 156, 16 (cfr. p. 157 not.); 162, 27 sq. (cfr. p. 168 not.); 280, 11 (glossema ad lin. 12); 300, 21; 346, 1; 384, 28; 414, 27; \*) 416, 10; \*) 442, 11; 446, 16; II p. 6, 14; \*\*) 30, 11 (cfr. p. 31 not. 1); 60, 5 (u. not. crit.); 88, 19 (cfr. p. 89 not.), et aliquanto incertiores I p. 92, 12; 162, 1 (cfr. p. 163 not.); 168, 24; II p. 80, 4; 90, 4. errores grauiores, qui neque Apollonio neque librariis imputari possunt, sed manum emendatricem, ut ipsi uidebatur, hominis indocti sapiunt, notati sunt II p. 18, 10 sq. (cfr. p. 19 not.); 34, 15 sq. (cfr. p. 35 not.); 62, 19 sq. (cfr. p. 63 not.); p. 64 (cfr. p. 65 not.) et rursus eodem modo (id quod uoluntatem ostendit interpolandi) p. 74 (cfr. p. 75 not.).

\*) Uerba διπλασία γὰρ ἐκατέρᾳ ideo subditua existimanda sunt, quod haec propositio (Eucl. V, 15) antea saepe, uelut I p. 382, 17, tacite usurpata est; priore loco praeterea propter ordinem litterarum dicendum erat ἡμίλεσια γὰρ ἐκατέρᾳ.

\*\*) Interpolator similitudinem propositionis IV, 9 p. 16, 16 iniuria secutus est.

praeter hos locos, quos iam in editione ipsa indicaui, nunc hos addo, in quibus interpolationes deprehendisse mihi uideor:

I, 82 p. 96, 23 ἡ κύκλον περιφέρεια delenda; nam de circulo haec propositio iam ab Euclide demonstrata est, et si Apollonius eum quoque respicere voluisse, p. 94, 21 dixisset κάνον τομῆς ἡ κύκλον περιφέρειας, sicut fecit II, 7, 28, 29, 30; III, 1, 2, 3, 16, 17, 37, 54; IV, 1, 9, 24, 25, 35, 36, 37, 38, 39, 40; nam inter coni sectiones circulumque semper distinguit, ut etiam ex I, 49—50 intellegitur, ubi in protasi κάνον τομῆ habet et deinde in demonstratione parabolam, hyperbolam, ellipsim enumerat, cirelli mentionem non facit; cfr. I, 51 κάνον τομῆ de parabola hyperbolaque, tum in I, 53 post propositionem auxiliariam I, 52 de ellisci, ita ut protasis I, 51 quodam modo propositionum 51 et 53 communis sit.

II, 38 demonstratio indirecta nimis neglegenter exposita est; deest conclusio: et idem de omni alia recta demonstrari potest praeter EX; ergo EX diametrus est.

III, 18 p. 354, 19 ἐπει — 21 ἡ ΔΖ subditua existimo, quia lin. 19 dicitur ὑπερβολή, cum tamen apertissime usurpetur I, 48 de oppositis.

IV, 52 non intellego, cur de ΑΔ in K in duas partes aequales diuisa mentio fiat p. 84, 3; nam quod sequitur, non inde concluditur, sed ex natura diametri secundae. itaque deleo p. 84, 3 τεμεῖ — 4 κατ.

difficilis est quaestio de figuris diuersis. saepissime enim figurarum adcidit, ut constructiones auxiliariae ab Apollonio propositae litterarumque ordo ab eo indicatus cum una sola figurarum consentiat, ad ceteras uero adcommodari non possit nisi non nullis uel uerbis uel litteris figurae mutatis, uelut in I, 2 p. 10, 28 κατ ἐκβεβλήσθωσαν, p. 12, 4 ἐκβεβλήσθω, p. 12, 15 ἐκβεβλήσθω cum figura tertia, in I, 4 p. 16, 3 ἐκβεβλήσθω cum secunda, in I, 6 p. 22, 1 ἐκβεβλήσθω cum tertia non consentit; I, 34 p. 102, 15 EZΓ in circulo EZΓ esse debuit\*), ἐκβεβλήσθωσαν

\*) Omnino ueri simile est, ordinem mirum litterarum, quem saepe corrigendum putaui, quia cum figura codicis non consentiret, eo explicari posse, quod Apollonius aliam dederat. dubitari etiam potest, an Apollonius ipse non semper ordinem naturalem obseruauerit; nam plurimis locis, ubi recta a puncto aliquo uel per punctum ducta esse dicitur, in denominanda recta littera illa, quae punctum significat, primo loco ponitur

p. 102, 18 in ellipsi circuloque uerum non est; I, 45 demonstratio ad hyperbolam solam adcommodata est (*διάμετρος ἡ ΑΘ* p. 136, 25; *ΓΜΛ* p. 136, 26); ἐκβεβλήσθω p. 136, 28 soli figurae quartae aptum est; etiam in I, 50 hyperbolam solam respexit (p. 150, 18 *πείσθω τῇ ΕΓ λην ἡ ΓΚ*, 22 ἐκβεβλήσθω, 25 *ΑΡΝ*, 27 *ΓΣΟ*); II, 47 p. 270, 18 καὶ διήχθω ἡ *ΚΔ* ἐπὶ τῷ *B* de hyperbola dici non potest, *ΚΒΔ* uero neque cum his uerbis neque cum ellipsi conciliari potest; quare fortasse *ΚΔB* scribendum; III, 3 ordo litterarum in *ZΘΚΛ*, *NΖΙΜ*, *HΞΟ*, *ΘΠΡ* p. 322, 19—20 et *ὅλον* p. 324, 7 cum ellipsi circuloque non consentit; in III, 27 *NΖΗΘ*, *ΖΚΛΜ* p. 378, 2 in circulo debuit esse *ZΝΗΘ*, *ΖΚΛΜ*; III, 11 *ΕΘΗ* p. 336, 2, *ΒΖΛ* p. 336, 4 cum figura secunda conciliari non potest; in III, 45 *ΓΕΔ* p. 424, 16, in III, 47 ἐκβαλλόμεναι p. 428, 1, in III, 48 *κατὰ κορυφὴν γάρ* p. 430, 15 de sola ellipsi circuloque dici possunt.

iam quaeritur, unde proueniant hae discrepantiae. constat, Apollonium animo uarios casus omnes comprehendisse, et interdum etiam in demonstratione eos significauit, uelut (ne dicam de locis, qualis est I, 22, ubi re uera duas demonstrationes habemus communi expositione coniunctas, et ideo sine dubio etiam duas figuratas; cfr. IV, 50, ubi in communi expositione propter figuram p. 80 additum est ἐκβεβλήσθω p. 78, 28, quo in priore figura p. 81 opus non est) III, 2 p. 322, 7 *προσκείσθω ἢ ἀφηγήσθω* duos casus indicant, sed *ΑΕΓ*, *ΒΕΔ* p. 322, 1, *ΗΜΖ* p. 322, 3 in ellipsi circuloque *ΓΑΕ*, *ΔΒΕ*, *ΗΖΜ*, p. 322, 3 *ΗΚΛ* in circulo *ΚΗΛ* esse debuit; etiam illud διαφέρει III, 11 (cfr. p. 337 not.) figuratas diuersas

---

etiam ordine naturali violato (I p. 32, 2; 218, 2; 224, 12; 308, 6; 336, 25; 338, 19; 348, 17; 354, 15; 368, 26; 398, 2; 400, 13, 17; 410, 23; 414, 13; 420, 17; 442, 3, 4; 448, 16; II p. 58, 14). sed obstant loci, quales sunt I p. 32, 1; 444, 20. et omnino ordo litterarum tam saepe necessario corrigendus est (I p. 40, 25; 56, 3, 16; 74, 16; 84, 21; 86, 5; 88, 11; 110, 8; 116, 19; 118, 3; 122, 1; 194, 11; 212, 10; 296, 24; 298, 23; 300, 21; 304, 20; 306, 17; 310, 9, 13; 316, 7; 338, 24; 352, 5; 358, 24; 360, 2, 7; 366, 22; 370, 17, 25; 372, 10; 382, 14, 29; 384, 2; 394, 11, 14; 396, 12; 424, 20; 426, 4; 428, 10; 430, 24; 434, 3; 448, 23; II p. 52, 18), ut satius duxerim etiam illis locis ordinem insolitum litterarum librario imputare quam ipsi Apollonio. cfr. I p. 134, 23, ubi Eutocius uerum ordinem seruauit.

significare uidetur (etsi III, 14 p. 342, 8 sine significatione diuersitatis usurpat), sicut in III, 12 p. 388, 3 *λιπὸν ἡ προσταθόν*; sed in III, 11 *ΕΘΗ* p. 336, 2, *BΖΔ* p. 336, 4 et in III, 12 *ΑΒΜΝ, ΚΞΟΤΠ* p. 336, 25, *ΒΞΡ, ΑΚΣ* p. 336, 26 cum priore figura sola consentiunt.

uerum tamen difficile est credere, Apollonium figuras dedisse, quae a constructionibus litterarumque ordine indicato discreparent (quamquam interdum in figuris describendis parum diligens est, uelut in III, 11, ubi in expositione de puncto *Κ* aileatur). adcedit, quod in figuris codicibus non multum credendum esse demonstrari potest. primum enim ex uerbis *τῶν προειρημένων τομῶν* III, 42 p. 416, 27, *μία τῶν εἰρημένων τομῶν* III, 45 p. 424, 15, III, 53 p. 438, 9 pro certo adparet, in his propositionibus unam tantum figuram ab Apollonio adscriptam fuisse (quamquam in III, 42 propter p. 418, 10 sq. causa fuit, cur hic saltim duas daret), cum tamen nunc in nostris codicibus plures adsint. deinde ex Eutocio p. 318, 18 sq. discimus, in III, 4 sqq. codices eius in singulis propositionibus unam figuram habuisse, sed inter se diuersas, cum alii rectas contingentes in eadem sectione haberent, alii in singulis unam; cfr. de III, 31 Eutocius II p. 342, 11 sq. itaque si Eutocius II p. 320, 7, 14 in III, 5 utramque figuram habuit, ipse in editione sua eas coniunxit. Apollonium ipsum utrumque casum mente concepisse, ex usu adparet, qui in III, 23 fit propositionis 15 (u. I p. 367 not.), in IV, 15 propositionis III, 37 (u. II p. 27 not.), in IV, 44, 48, 53 propositionis III, 39. omnino Eutocius in figuris describendis satis libere egit; u. II p. 322, 1.\* et illarum discrepantiarum nonnullae per eius rationem edendi ortae esse possunt, uelut in I, 38, ubi p. 116, 23 in ellipsi permutedae sunt *ΘΓ* et *ΘΔ*; nam in quibusdam codicibus haec propositio de sola hyperbola demonstrata erat, u. Eutocius II p. 250, 16. uerum alias iam is in suis codicibus inuenit, uelut in III, 1 p. 320, 8 *κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ΑΗΓΕ* cum figura priore p. 320 conciliari non potest, quam habuit Eutocius II p. 316, 9. alfæ autem post eum ortae sunt, uelut in eadem prop. III, 1 figuram alteram p. 310 nondum habuit (u. II p. 316, 9).

\*) Ubi lin. 6—7 interpretandum erat: ut seruetur, quod in protasi dicitur „iisdem suppositis“. nam *τῶν αὐτῶν υποκειμένων* p. 322, 7 ex uerbis Apollonii citatur; u. III, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12.

et p. 317 not.); ne in I, 18 quidem figuram alteram p. 71, in qua litterae *A*, *B* et *G*, *A* permutandae erant, ut cum uerbis Apollonii consentirent, habuit Eutocius II p. 230, 19. concludendum igitur, Apollonium ipsum in figuris uarios casus non respxisse (sicubi in uerbi demonstrationis eos respxit, id cum Eutocio II p. 320, 24 explicandum), sed in singulis demonstrationibus (quae cum numero propositionum non concordant) unam dedisse, ceteras autem paullatim interpolatas esse, nonnullas post Eutocium.

*interpolatio-* Etiam interpolationes supra notatae sine dubio maximam  
*nec post Eu-* partem post Eutocium ortae sunt; pleraeque enim futilliores  
*tocium* sunt quam pro eius scientia mathematics. et editionem  
 eius non prorsus integrum ad nos peruenisse, ostendunt scrip-  
 turae a nostris codicibus discrepantes, quae in lemmatis eius  
 seruatae sunt; nam quamquam neque omnes per se meliores  
 sunt et saepe etiam in nostris codicibus fortuitus librarii error  
 esse potest, praesertim cum cod. W Eutocii duobus minimum  
 saeculis antiquior sit codicibus Apollonii, tamen nonnullae  
 manifesto interpolatorem produnt. sunt igitur hae:

- I p. 4, 5 περὶ παρά Eutocius II p. 178, 1 (fort. scrib. περι),
- I p. 18, 4 τετμήσθω] τετμήσθω ὁ κῶνος Eutoc. p. 204, 20,
- I p. 18, 5 τὸν ΒΓ κύκλον] τὴν βάσιν Eutoc. p. 204, 21  
 (sed hoc loco fortasse non ad uerbum citare uoluit),
- I p. 18, 6 δῆ] δέ Eutoc. p. 206, 7,
- I p. 18, 7 ὄντι] μέν Eutoc. p. 206, 8, ΑΒΓ] διὰ τοῦ ἀξο-  
 νος ibid.,
- I p. 18, 8 τρίγωνον πρὸς τῷ Α σημεῖῳ τῷ ΑΚΗ] πρὸς τῷ  
 κορυφῇ τρίγωνον Eutoc. p. 206, 9 (ne hic quidem locus ad  
 uerbum citatus esse uidetur),
- I p. 38, 25 ΖΘ] ΘΖ Eutoc. p. 216, 15,
- I p. 40, 8 τῶν] om. Eutoc. p. 218, 1; p. 40, 9 τε] om.  
 p. 218, 2,
- I p. 66, 10 ἔστι κατ] om. Eutoc. p. 224, 2, ἡ ΑΚ] ἔστιν  
 ἡ ΚΑ Eutoc. p. 224, 3,
- I p. 66, 11 ΑΒ] ΒΑ Eutoc. p. 224, 8,
- I p. 94, 13 ἄρα] om. Eutoc. p. 244, 28,
- I p. 102, 24 τὸ ἄρα ὃποι ΑΝΞ μεῖζον ἔστι] μεῖζον ἄρα τὸ  
 ὃποι ΑΝΞ Eutoc. p. 248, 6,\*)
- I p. 104, 3 ΚΒ] ΒΚ Eutoc. p. 248, 23; οὐτως] om. p. 248, 24,

\*) NO II p. 248, 7 error typothetae est pro ΝΞ.

- I p. 104, 4 *ΔE*] *EΔ* Eutoc. p. 248, 24,  
 I p. 134, 23 *EΔ*] *ΔE* Eutoc. p. 264, 6,  
 I p. 134, 24 *τη̄ ZH παράλληλος ἔστιν η̄ ΔE*] *παράλληλος*  
*ἔστιν η̄ ZH τη̄ EΔ* Eutoc. p. 264, 7,  
 I p. 148, 4 *ΛΓ*] *ΔΛΠΓ* Eutoc. p. 270, 19, *ἔστιν [ση̄] λη̄*  
*ἔστιν* Eutoc. p. 270, 20,  
 I p. 148, 5 *ΚΛΝ*] *ΚΛΝ γωνία* Eutoc. p. 270, 21,  
 I p. 166, 26 *κύκλος γεγράφθω*] *γεγράφθω κύκλος* Eutoc.  
 p. 274, 18,  
 I p. 168, 1 *AΖB*] *AΖB τμήματι* Eutoc. p. 274, 16,  
 I p. 172, 12 *ΑΓ*] *ΓA* Eutoc. p. 278, 9, *AB*] *τὴν διπλασίαν*  
*τῆς AΔ* Eutoc. p. 278, 10,  
 I p. 182, 20 *AΖE*] *AΕZ* Eutoc. p. 280, 14 (male), *ἐν αὐτῷ]*  
 om. Eutoc. p. 280, 14, *ἡ̄*] *ἐν αὐτῷ η̄* Eutoc. p. 280, 14,  
 I p. 182, 21 *ZH*] *ZH λόγον* Eutoc. p. 280, 15,  
 I p. 182, 22 *λόγον*] om. Eutoc. p. 280, 16, *αὐτὸν τῷ̄*] om.  
 Eutoc. p. 280, 16, *AB*] *διπλασίαν τῆς AE* Eutoc. p. 280, 16,  
 I p. 340, 1 *καὶ ὡς ἅρα*] *ἔπει ἔστιν ὡς* Eutoc. p. 324, 7,  
 I p. 340, 2 *ZΘ*] *ΘZ* Eutoc. p. 324, 7, *BΘ*] *ΘB* p. 324, 7,  
*HΘ*] *ΘH* Eutoc. p. 324, 8, *ὑπὸ BΘZ, HΘZ*] *πρὸς τῷ Θ γωνίαι*  
 Eutoc. p. 324, 8,  
 I p. 340, 8 *ἄρα*] om. Eutoc. p. 324, 9,  
 I p. 384, 25 *τῶν*] om. Eutoc. p. 340, 13,  
 I p. 442, 13 *MA*] *AM* Eutoc. p. 350, 18,  
 I p. 442, 29 *ΝΓ, AM*] *AM, NG* Eutoc. p. 352, 6.

harum scripturarum Eutocii apertas interpolationes nostrorum codicium arguunt eae, quas ad I p. 40, 8; 104, 3; 172, 12; 182, 22; 340, 2; 384, 25 notaui. ceterum per se intelligitur, etiam in W errores librariorum esse posse; memorabile est, etiam lemmata e demonstratione ab ipso Eutocio adlata discrepantias exhibere (Eutoc. p. 238, 18 ὡς] δὴ ὡς idem p. 240, 24; Eutoc. p. 238, 19 οὐτως] om. idem p. 240, 25; Eutoc. p. 238, 21 οὖν] om. idem p. 242, 2; καὶ θέσει οὐσης τῆς AA] om. p. 242, 2; Eutoc. p. 238, 28 ΓΚΗ] ΓΗΚ idem p. 242, 3).

In numeris propositionum nulla prorsus fides codicibus numeri propostionum nostris habenda est; nam in divisione propositionum magnopere variant (cfr. de codice p. supra ad I p. 276, 22; 286, 25; 298, 27; 308, 19 alibi), et in V a manu prima nulli fere numeri adscripti sunt. itaque mirum non est, quasdam propositiones aliis numeris, quam quibus nunc signatae sunt, et ab Eutocio ipso in commentariis ad Archimedem (u. Neue Jahrbücher

f. Philol., Suppl. XI p. 362) et a scholiasta Florentino Archimedis (III p. 374, 12; 375, 8) citari. diuisionem editionis suae Eutocius ipse in primo libro testatur II p. 284, 1 sq.; sed non crediderim, Apollonium ipsum disiunxisse I, 52—53, 54—55, 56—58.\* in libro secundo diuisio usque ad prop. 28 propter II p. 306, 5 constat; de propp. 29—48 locus dubitandi non est, ita ut ν' pro μη' II p. 310, 1 librario debeatur; sed ueri simile est, propp. 49—50 apud Eutocium in ternas minimum, prop. 51 in duas diuisas fuisse. in libro tertio numeri propter titulos adnotationum Eutocii in dubium vocari non possunt; nam λ' pro ςθ' II p. 340, 11 librarii est, quoniam numeri propp. 31, 33, 34, 35, 36, 44, 54 concordant. ne in quarto quidem libro est, cur dubitemus; nam numerus propositionis 51 propter II p. 358, 23 constat; de ceteris u. II p. 45 not.

saec. IX constat igitur, editionem Eutocii interpolationem subiisse, nec dubito, quin hoc tum factum sit, cum initio saeculi noni studia mathematica Constantinopoli auctore Leone reuiuiscerent (u. Bibliotheca mathematica I p. 33 sq.); nam eo fere tempore orti esse uidentur codices illi litteris uncialibus scripti, ex quibus V et W descripti sunt. eidem tempori figuratas illas

saec. X—XI auxiliarias tribuerim, de quibus egi I p. VII sq. satis notum est, haec studia deinde per saecula decimum et undecimum uiguisse, sicut plurimi ac praestantissimi codices mathematicorum testantur, qui ex illis saeculis supersunt; quorum unus est codex Uaticanus W, in quo commentaria Eutocii sine dubio e margine codicis litteris uncialibus scripti transsumpta sunt, sicut in eodem codice scholia Elementorum Euclidis, quae in aliis codicibus in margine leguntur, specie operis continui composita sunt (u. Euclidis opp. V p. 12; Videnskabernes Sel-skabs Skrifter, 6. Raekke, hist.-philos. Afd. II p. 298).

saec. XII haec studia per saeculum duodecimum euauisse uidentur, quamquam ea non prorsus abiecta esse testis est codex V, si recte eum huic saeculo adtribui; u. quae de suis studiis narrat Theodorus Metochita apud Sathas μεσαιων. βιβλιοθ. I p. πξ' sq. (de Apollonio ibid. p. πη': την δὲ περὶ τὰ στερεὰ τῆς ἐπι-

\*) Tamen Pappus quoque multas diuisiones habuit. nam si meos numeros in libb. I—IV, Halleianos in V—VIII computauerimus, efficitur numerus 420, cum Pappus p. 682, 21 habeat 487.

στήμης πολυπραγμοσύνην καὶ μάλιστα τὴν τῶν περὶ τὰ κανονικὰ θαυμάτων τῆς μαθηματικῆς ἀρρητον παντάπαις καὶ ἀνεννόητον, περὶ ἣ ἐντυχεῖν ὄντινασσον καὶ προσπεχεῖν εὐ μάλιστα εὑρεσιν καὶ ὑποτύπωσιν Ἀπολλωνίου τοῦ ἐκ Πέργης ἀνδρὸς ὡς ἀληθῶς θαυμαστοῦ\*) τῶν ἔξαρχῆς ἀνθρώπων, δσα ἐμὲ εἰδέναι, περὶ τὴν γεωμετρικὴν ἐπιστήμην, αὐτοῦ τε τὴν\*\*) περὶ τὰ κυλινδρικὰ καὶ Σερῆνον κατ' αὐτὸν ἀνδρὸς ἥ ὅτι ἔγγιστα). sed <sup>saecc. XIII</sup> <sub>XIV</sub>

saeculo tertio decimo et quarto decimo ineunte auctore Manuele Bryennio (Sathas I p. q') Theodoros Metochita studiis mathematicis se dedidit (de Apollonio l. c. p. qe': ἂ δὲ δὴ τ' εἰρηταὶ μοι πρότερον Ἀπολλωνίου τοῦ Περγαλον κανονικὰ θαυμαστῆς ὄντως γεωμετρικῆς ἔξεως καὶ ιηάτοντος ἐν ταύτῃ τοῦ ἀνδρὸς δείγματα καὶ Σερῆνον κυλινδρικὰ μάλιστ' ἐπονήθη μοι δυσδι-εξίτητα ταῖς καταγραφαῖς ἐντυχεῖν καὶ κομιδῇ πως ἔργονδη συσχεῖν παντάπαιν, δσα γ' ἐμὲ εἰδέναι, διὰ τὴν ἐπίπεδον ἐπί-σκεψιν, καὶ ἔστιν ὅτιον χρῆσθαι καὶ πειρᾶσθαι, εἰ ἀληθῆς ὁ λόγος). nec dubium est, quin studio mathematico Theodori\*\*\*) opera reuiuiscenti debeamus codices satis frequentes saeculorum XIII—XIV (codd. cvp). quorum recentissimus cod. Paris. p, cuius interpolationes peritiae haud mediocris testes sunt, in monte Atho scriptus est; est enim, sicut me monuit Henricus Omont, codicis notissimi Aristotelis Coislin. 161 prorsus gemellus, qui „olim Laurae S. Athanasii in monte Atho et τῶν κατηχονμένων“ fuit (Montfaucon Bibliotheca Coisliniana p. 220); charta, atramentum, ductus librarii eadem sunt, et in utroque codice commentaria, quae alibi ut propria opera traduntur, eadem prorsus ratione in margine adscripta sunt. eiusdem et generis et temporis sunt codd. Coisl. 166 et 169 (Aristotelis cum commentariis Philoponi, Simplicii aliorumque), aliquanto recentiores codd. Mosquenses 6 et 7 (Aristotelis cum commentariis Simplicii et aliorum), uterque olim monasterii Batopedii in monte Atho; hoc genus codicum institutioni scholasticae inseruisse demonstrauit Sitzungsberichte der Akademie der Wissenschaften zu Berlin 1892 p. 73; cfr. cod. Mosq. 6 fol. 278r manu recentiore: ἀνέγθω τοῦτο ὃ μέγας δήτωρ ὅλον τὸ βιβλίον

\*) Scribendum θαυμαστοτάτον.

\*\*) Fort. τε καὶ τὴν deleto καὶ ante Σερῆνον.

\*\*\*) Ex uestibus eius, supra adlatis adparet, Serenum etiam in eius codicibus cum Apollonio coniunctum fuisse.

$\bar{\beta}^{\text{ov}} \bar{N}$   $\bar{\beta}^{\text{v}}$   $\xi\tau\text{ov}\xi$ ,  $\xi\xi\text{v}$  (h. e. 1499).\*) cum interpolationibus codicis p apte conferri potest, quod in codicibus Coislinianis 172 et 173 saeculi XIV, olim Laurae S. Athanasii in monte Atho, de Nicephoro Gregora dicitur (Montfaucon Bibl. Coisl. p. 227 sq.):  $\kappa\alpha\lambda \tau\delta \pi\alpha\rho\delta\nu \beta\iota\beta\iota\lambda\iota\nu \delta\iota\omega\varrho\theta\omega\sigma\alpha\tau\delta \kappa\alpha\lambda \dot{\alpha}\nu\epsilon\pi\lambda\eta\varrho\omega\sigma\kappa\alpha\lambda \dot{\eta}\mu\eta-$  νενσεν δ φιλόσοφος Νικηφόρος Γεργορᾶς· δ γὰρ μακρὸς χρόνος φαινόντων γραφέων χερούν εἰς διαδοχὴν τῆς βίβλου χρησάμενος τὰ μὲν ἐκ τοῦ ἀσφαλοῦ εἰς σφαλερὸν μετήνεγκε, τὰ δ' ἀμαθῶς διακόψας ἐκ μέσου πεποίηκεν, ὡς ἔργῳδες ἐντεῦθεν εἶναι τοῖς μετιοῦσι συνάπτειν τὸν νοῦν οὐτοί. Nicephorus Gregoras discipulus erat Theodori Metochitae (Niceph. Greg. hist. Byz. VIII, 7); fortasse igitur diorthosis codicis p aut eius est aut saltim eo auctore facta.

Arabes

Post saeculum XIV studia mathematica Byzantinorum intra prima huius scientiae elementa steterunt; de Apollonio non fit mentio. sed iam saeculo X Conica eius Arabibus innotuerant, de quorum studiis Apollonianis e disputatione Ludouici Nixii (Das fünfte Buch der Conica des Apollonius von Perga. Lipsiae 1889) hic pauca repetenda esse duxi; sumpta sunt e praefatione filiorum Musae, quo fonte usi sunt et Fihrist (Abhandlungen zur Geschichte der Mathematik VI p. 18) et Hadji Chalfa (V p. 147 sq.). Ahmed igitur et Hasan filii Musae saeculo X interpretationem Arabicam Conicorum instituere conati corruptione codicum Graecorum ab incepto deterriti sunt, donec Ahmed in Syria codicem editionis Eutocii\*\*) librorum I—IV nactus est, quem emendauit et ab Hilal ibn abi Hilal Emesseno interpretandum curauit; etiam libros V—VII, quos ope illius codicis intellegere ei contigit, eius iussu Thabit ibn Korrah ex alio codice \*\*\*) Arabicos fecit. quod Fihrist de seruatis quattuor propositionibus libri octaui narrat, incertissimum est; neque enim in praefatione illa commemoratur (u. Nixius p. 5), nec omnino apud Arabes ullum eius rei uestigium exstat. huius interpretationis autoribus filiis Musae factae eorumque praef-

\*) Casu igitur adcidit, ut in p idem ordo commentario- rum Eutocii restitueretur, qui ab initio fuit (u. supra p. LVII).

\*\*) Quae Fihrist l. c. de discrepantia codicum Conicorum habet, apertissime ex Eutocio II p. 176, 17 sq. petita sunt.

\*\*\*) Quae in praefatione dicuntur, libros I—IV ex editione Eutocii, ceteros ex recensione Apollonii translatos esse (Nix p. 4), confirmant, Eutocium solos libros quattuor edidisse.

fatione ornatae complures exstant codices, quorum optimus est cod. Bodleianus 948 anno 1301 e codice Nasireddini Tusi anno 1248 finito descriptus. inde descriptus est et cod. Bodl. 885 (a. 1626) et cod. Lugd. Bat. 14 (ab eodem librario eodem anno scriptus; u. Nixius p. 4); continent libros V—VII solos. praeterea cod. Bodl. 939 propositiones solas horum librorum continet.

interpretationem, quam commemorauimus, in compendium redegit medio, ut uidetur, saeculo XII Abul-Hosein Abdelmelik ibn Mohammed el-Schirazi, quod in cod. Bodleiano 913 exstat; eius apographum est cod. Lugd. Batau. 518; idem opus etiam codd. Bodl. 987 et 988 habent, alter textum, alter notas marginales librorum V—VII (Nix p. 6). editum est a Christiano Ranio (Kiliae 1669). librorum V—VII compendium vel recensio anno 983 ab Abulfath ibn Mohammed Ispahanensi confecta in codd. Laurent. 270 et 275 exstat et anno 1661 Florentiae ab Abrahamo Echellensi et Ioanne Alphonso Borelli edita est.

Persicam recensionem continet cod. Laurent. 296, alia Persica ad Apollonium pertinentia codd. Laur. 288 et 308. de duobus aliis codicibus u. Nixius p. 8 et de ceteris operibus Arabicis Apollonium tractantibus Wenrich De auctor. Graec. versionib. et comment. Syriacis Arabicis etc. p. 202 sq., p. 302.

de discrepantiis codicum Arabicorum in definitionibus libri primi et I, 11—12 haec mecum benevolenter communicauit Nixius (A significat compendium Abdelmelikii, M interpretationem auctoriis filiis Musae confectam; in propp. 11—12 illud tantum collatum est):

I p. 6, 5 post *σημείον* add. „ita ut locum suum non relinquat“ M,

I p. 6, 7 *ὅθεν ἡρξατο φέρεσθαι]* om. A, 7 *τὴν γραφεῖσαν* — 9 *κειμένων*] utramque superficiem, quam recta cum puncto transitionis circumducta describit, et quarum utraque alteri opposita est AM,

I p. 6, 12 *σύντης]* utriusque superficie conicae AM, post δέ add. „superficiei conicae“ AM,

I p. 6, 15 *τοῦ κύκλου περιφερείας]* om. A,

I p. 6, 18 post δέ et post *κορνφῆς* add. „coni“ AM,

I p. 6, 19 post δέ add. „coni“ AM,

I p. 6, 21 *τὸν μή* — 22 *ἄξονας]* si hoc non ita est A,

I p. 6, 24 *ἀπό*] a punto aliquo AM,

I p. 6, 25 post *γραμμῆς* add. „in plano eius“ M,

I p. 6, 26 post εὐθείας add. „quarum termini ad lineam curuam perueniunt“ AM,

I p. 6, 29 ἐκάστην τῶν παραλλήλων] parallelas quas descripsimus AM,

I p. 8, 2 ἡτις — 3 γραμμᾶς] partem inter duas lineas curuas positam rectae quae AM,

I p. 8, 7 γραμμῶν] curuas lineas AM; deinde add. „et in diametro transuersa erecta“ AM,

I p. 8, 8 εὐθεία [τινὶ] diametro transuersae AM, ἀπολαμβανομένας — 9 γραμμῶν] quae inter lineas curuas ita ducuntur, ut termini earum ad eas perueniant AM,

I p. 8, 10 διάμετρον] diametrum rectam AM, ἐκάστην τῶν παραλλήλων] has parallelas AM,

I p. 8, 12 εὐθείας] duas rectas AM,

I p. 8, 16 post παραλλήλους add. „quae eius ordinatae sunt“ M,

I p. 8, 19 εὐθείας — 20 συγνυεῖς] diametros, si coniugatae sunt et AM,

I p. 36, 27—38, 14 om. A,

I p. 38, 15 σημεῖον om. A, 16 κύκλος] om. A, διά] quod transit per A, 17 καὶ ποιεῖται τομῆν] om. A, 19 εὐθεῖαν] om. A, καὶ ποιεῖται] om. A, 20 ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ κώνου] om. A, 21 μιᾶ — 22 τριγώνου] om. A, 26 διὰ τοῦ K] om. A,\* 27 λέγω ὅτι] om. A, 28 Λ] punctum A A, 29 ἔστι] ducta est A,

I p. 40, 1 τῷ — 2 τοντέστι] om. A, 2 τό — 3 ἐπίπεδον] itaque A, 5 ἐπεὶ — BG] om. A, 8 τὸ δέ — 15 MZ] breuius A, 15 λοιπὴν] om. A, 17 ὁ δέ — 18 ὁ] quae ratio aequalis est rationi A, 21 τῆς — λαμβανομένης] om. A, 22 ὡς ἄρα — 24 AZA] om. A, 24 post MAN add. „hoc est KA“ A, 25 τὸ δέ — 26 ΘΖΛ] om. A,

I p. 42, 5—26 om. A, 27 σημεῖον] om. A, 28 διά] quod transit per A,

I p. 44, 1 καὶ ποιεῖται τομῆν] om. A, 2 τοῦ κώνου] om. A, 3 εὐθεῖαν] om. A, 4 καὶ — 5 γραμμῆν] scilicet sectione ΔΖΕ A, 6 μιᾶ — 7 ΑΓ] lateri ΑΓ A, 7 ἐκτός — κορυφῆς] om. A, 8 τῇ — τομῆς] om. A, 9 καὶ — BG] om. A, 12 εἰλήφθω — 13 τοῦ M] a puncto sectionis scilicet M A, 17 λέγω ὅτι] om. A,

\*) Quod post KA addidit Halley: μέχρι τῆς διαμέτρου τῆς τομῆς, omisit A cum V.

18 πλάτος — ZN] om. A,\*) 20 ἡχθω — 25 PNΣ] si per punctum N planum PNΣM basi coni parallelum ducitur, circulus est, cuius diametruς PΣ A,

p. 44, 28 ὁ δέ — p. 46, 1 λόγος] quae ratio A,

p. 46, 2 καὶ ἡ — 7 NP] breuius A, 8 post λέγος add. „h. e. ΘΝ : ΝΞ“ A, 9 ὁ δέ — 11 ὁ] quae ratio aequalis est A, 13 ἡ ΘΖ — 14 τοντέστιν] om. A, 14 ἀλλ' — 16 ZNΞ] om. A,\*\* 19 post ΣNP add. „h. e. MN“ A, τὸ δέ — 22 παραλ-ηλόγραμμον] om. A, 23 πλάτος — ZN] om. A, 27 καλείσθω — καὶ] om. A.

definitiones alteras I p. 66 hoc loco om. AM, sed in M post definitiones priores quaedam interposita sunt de origine trium sectionum, de oppositis, de centro oppositarum et ellipsis („omnes rectae, quae per quoddam punctum inter duas oppo-sitas vel intra ellipsim positum transeunt, diametri sunt, et hoc punctum centrum vocatur“).

hinc nihil prorsus ad uerba Apollonii emendanda peti posse, satis adparat, nec aliter exspectandum erat, quoniam Arabes quoque editione Eutocii utebantur.

Per Arabes etiam ad occidentales saeculo XIII aliqua notitia Conicorum peruenit. Uitellio enim in praefatione perspectivae fol. 1<sup>o</sup> (ed. Norimb. 1585) haec habet: *librum hunc per se stantem effecimus exceptis his, quae ex Elementis Euclidis, et paucis, quae ex Conicis elementis Pergaei Appollonii dependent, quae sunt solum duo, quibus in hac scientia sumus usi, ut in processu postmodum patebit. et paullo inferius de libro primo: et in hoc ea duo, quae demonstrata sunt ab Appollonio, declaramus.* significat I, 181: *inter duas rectas se secantes ex una parte a punto dato hyperbolem illas lineas non contingentem ducre, ex alia parte communis puncti illarum linearum hyperbolem priori oppositam designare; ex quo patet, quod, cum fuerint duae sectiones oppositae inter duas lineas, et producatur linea minima ab una sectione ad aliam, erit pars illius lineae interiacens unam sectionum et reliquam lineam aequalis suae parti aliam sectionum et reliquam lineam interiacenti. quod*

\*) Uerba καὶ δύοτως κειμένῳ ab Halleio post ὅγιτι lin. 19 interpolata etiam in A desunt.

\*\*) Uerba lin. 17—18 errore in V omissa in A adsunt, sed A cum Halleio et p pro ΣNP lin. 17 ΞNZ, pro ΞNZ lin. 18 ΣNP habere uidetur.

*hic proponitur, demonstratum est ab Appollonio in libro suo de conicis elementis [II, 16]; ducuntur autem sectiones ampligoniae sive hyperbolae oppositae, quando gibbositas unius ipsarum sequitur gibbositatem alterius, ita ut illae gibbositates se respi-  
ciant, et ambarum diametri sint in una linea recta . . . et ex  
iis declarauit Appollonius illud, quod correlatiue proponitur . . .  
et nos utimur hoc illo ut per Appollonium demonstrato. hoc  
deinde utitur in I, 132—133. alteram propositionem Conicorum  
citat in I, 129: inter duas rectas angulariter coniunctas a dato  
puncto rectam ducere, cuius una partium interiacens unam con-  
iunctarum et datum punctum sit cuicunque datae lineae et in-  
super reliquae suae parti datum punctum et alteram coniunctarum  
interiacenti aequalis . . . ad hoc autem per lineas rectas uel  
circulares demonstrandum longus labor et multae diuersitatis  
nobis incidit, et non sicut nobis hoc possibile complere per huius  
lineas absque motu et imaginatione mechanica . . . hoc tamen  
Appollonius Pergaeus in libro suo de conicis elementis libro  
secundo propositione quarta\*) per deductionem sectionis ampli-  
goniae a dato punto inter duas lineas assumpto nulla earum  
linearum secante demonstrauit, cuius nos demonstrationem ut a  
multis sui libri principiis praecambulis dependentem hic supponi-  
mus et ipso utimur sicut demonstrata. utitur in I, 130. haec  
omnia a Utellione ex opticis Alhazeni (Ibn al Haitam) V, 83.  
petita sunt (cfr. Alhazen V, 84: *sectio pyramidis, quam assig-  
nauit Apollonius in libro pyramidum*), et originem Arabicam  
ipse prodit I, 98: *sectio rectangula uel parabola et est illa, quam Arabes dicunt mukefi . . . ampligonia uel hyperbole uel mukefi addita . . . oxigonia uel elipsis uel mukefi diminuta.* praeterea  
haec habet de Conicis: IX, 39 si sectionem parabolam linea  
recta contingat, et a puncto contactus ducatur recta perpendiculariter  
super diametrum sectionis productam ad concursum cum  
contingente, erit pars diametri interiacens perpendiculararem et  
periferiam sectionis aequalis parti interiacenti sectionem et con-  
tingentem . . . hoc autem demonstratum est ab Appollonio Pergeo  
in libro de Conicis elementis [I, 35], et hic utemur ipso ut de-  
monstrato, IX, 40: *omne quadratum lineae perpendicularis ductae  
ab aliquo punto sectionis parabolae super diametrum sectionis  
est aequale rectangulo contento sub parte diametri interiacente  
illam perpendiculararem et periferiam sectionis et sub latere recto**

\*) Coll. II, 8.

*ipsius sectionis . . . hoc autem similiter demonstratum est ab Appollonio Pergeo in libro de Conicis elementis [I, 11], et nos ipso 5 utemur ut demonstrato. haec uero duo theorematum cum aliis Appollonii theorematibus in principio libri non connumeravimus, quia solum illis indigemus ad theorema subsequens explicandum et nullo aliorum theorematum totius eius libri. usurpantur in IX, 41, quae sicut etiam I, 117 et IX, 42—44 ex alio libello Alhazeni de speculis comburentibus sumpta est. in interpretatione Latina inedita huius opusculi, cuius multi supersunt codices (uelut Ottobon. 1850 Guillelmi de Morbeca, amici Utellionis), 19 IX, 40 ut Appollonii citatur (*sicut ostendit Apollonius bonus in libro de pyramidibus*), IX, 39 usurpatur illa quidem, sed in ea Appollonii mentio non fit. itaque necesse est, Utellionem ipsum Apollonium in manibus habuisse, quamquam eum non semper citauit, ubi potuerat (u. c. I, 90, 91, 100, 108). 15*

et alia quoque uestigia supersunt, unde adparet, Conica eo tempore non prorsus ignota fuisse inter occidentales. exstat enim initium interpretationis Latinae, quod infra e interpretatio codicibus Paris. lat. 9335 fol. 85<sup>u</sup> saec. XIV\*) (A), Dresd. Latina saec. XIII Db 86 fol. 277<sup>u</sup> saec. XIV (B), Regin. lat. 1012 fol. 74 saec. XIV 20 (C) dabo; in A titulus est: *ista quae sequuntur sunt in principio libri Apollonii de pyramidibus; sunt axiomata, quae praemittit in libro illo;* in C: *ista sunt in principio libri Apollonii de piramidibus et sunt axiomata, quae praemittit in libro suo; valent etiam ad librum de speculis comburentibus;* in B nulla 25 inscriptio.

Cum continuatur inter punctum aliquod et lineam continentem circulum per lineam rectam, et circulus et punctum non sunt in superficie una, et extrahitur linea recta in ambas partes, et figitur punctum ita, ut non moueatur, et reuoluitur 30 linea recta super periferiam circuli, donec redeat ad locum, a

\*) De hoc codice notauit Leclerc *Histoire de la médecine Arabe* II p. 491. exstat etiam in cod. Paris. lat. 8680 a fol. 64 saec. XIV (ista sunt quae sequuntur in principio libri Apollonii de piramidibus). cod. C solita benevolentia mea causa descripsit Augustus Mau; codicis B imaginem photographicam intercedente Hultschio u. c. per Büttner-Wobst accepi.

29. non] om. B. 30. non moueatur] remoueatur A. reuoluatur C. 31. perifariam B.

quo incepit, tunc ego nomino unamquamque duarum superficierum, quas designat linea reuoluta per transitum suum, et unaquaeque quarum est opposita sue compari et susceptibilis additionis infinite, cum extractio linee recte est sine fine, superficiem piramidis. Et nomino punctum fixum caput cuiusque duarum superficierum duarum pyramidum. Et nomino lineam rectam, quae transit per hoc punctum et per centrum circuli, axem piramidis.

Et nomino figuram, quam continet circulus et quod est inter punctum capitum et inter circulum de superficie pyramidis, pyramidem. Et nomino punctum, quod est caput superficie pyramidis, caput pyramidis iterum. Et nomino lineam rectam, quae protrahitur ex capite pyramidis ad centrum circuli, axem pyramidis. Et nomino circulum basim pyramidis.

15 Et nomino pyramidem orthogoniam, cum eius axis erigitur super ipsius basim secundum rectos angulos. Et nomino ipsam declivem, quando non est eius axis erectus orthogonaliter super ipsius basim.

10 Et cum a punto omnis linee munani, quae est in superficie una plana, protrahitur in eius superficie linea aliqua recta secans omnes lineas, quae protrahuntur in linea munani et quarum extremitates ad eam, et est equidistans linee alicui posite, in duo media et duo media, tunc ego nomino illam lineam rectam diametrum illius linee munani. Et nomino extremitatem illius linee recte, quae est apud lineam munani,

1. tunc] *τέ* e corr. *C.* duarum] *om. C.* 2. reuoluta] *remota B.* 3. compari sue *C.* 4. sine fine] *supra finem B.* superficie *B.* 5. pyramidum *B.* capud *C.* 6. pyramidarum *A.* pyramidum *B.* 8. pyramidis *B.* 9. quod] que *B.* 10. circulus *B.* pyramidis *B.* 11. pyramidem *B.* caput] *om. B.* capud *C.* 12. pyramidis] *om. C.* pyramidum *B.* capud *C.* pyramidis *B.* iterum] *e corr. C.* item *B.* et] *om. B.* 13. pyramidis *B.* 14. pyramidis *B.* 15. pyramidem *B.* ortogoniam *C.* cum eius] *cuius C.* 16. secundum — 18. basim] *om. B.* 17. axis eius *C.* ortogonaliter erectus *C.* 19. linee] *corr. ex linea?* *B.* munani] in miani? *B.* 21. lineas] *eius lineas B.* munani] in unaui *B.* et quarum] equaliter *B.* 22. equidistans *B.* alicui linee *B.* 23. posite] *om. B.* proposeo *C.* 24. diameter *B.* munani] in unaui *B.* 25. apud lineam] *corr. m. 2 ex capud linee C.* munani] in unaui *B.*

caput linee munani. Et nomino lineas equidistantes, quas narraui, lineas ordinis illi diametro.

Et similiter iterum, cum sunt due linee munani in superficie una, tunc ego nomino, quod cadit inter duas lineas munani de linea recta, que secat omnes lineas rectas egredientes 5 in unaquaque duarum linearum munani equidistantes linee aliique in duo media et duo media, diametrum mugenib. Et nomino duas extremitates diametri mugenib, que sunt super duas lineas munani, duo capita duarum linearum munanieni. Et nomino lineam rectam, que cadit inter duas lineas munani et punctum super diametrum mugenib et secat omnes lineas rectas equidistantes diametro mugenib, cum protrahuntur inter duas lineas munanieni, donec perueniant earum extremitates ad duas lineas munanieni, in duo media et duo media, diametrum erectam. Et nomino has lineas equidistantes lineas 15 ordinis ad illam diametrum erectam.

Et cum sunt due linee recte, que sunt due diametri linee munani aut duarum linearum munanieni, et unaqueque secat lineas equidistantes alteri in duo media et duo media, tunc nomino eas duas diametros muzdagageni. 20

Et nomino lineam rectam, cum est diameter linee munani aut duarum linearum munanieni et secat lineas equidistantes,

1. capud C. munani] in unai B. equidistantes B.
2. narrati] nominaui C. dyametro B. 3. iterum] rem BC. sint B. due] alie due C. munani] in unaui B.
4. lineas] om. BC. munani] in unaui B. 5. secat B. rectas] om. B. 6. munani] in unaui B. equidistantes B.
7. aliquel] aliam C. diametrum] om. B. Et — 9. munanieni] om. B. 8. mugenidi' C. 9. munameni *in ras.* C. 10. lineas] om. B. munamen C, munani B. 11. punctum] por A. dyametrum B. 12. equidistantes B. dyametro B. 13. mumamen C, numauien? B. extremitates eorum B. 14. mumanien C, mumamen B. duo] duo linea B, sed corr. et duo media] om. B. 15. equidistantes B. 16. dyametrum C. 17. sunt (pr.)] sint B. 18. munani] in imau? B. munaniem C, in unaui B. 19. equidistantes B. alteri] e corr. C. et duo media] om. B. 20. dyametros BC. muzdagageni C, <sup>u</sup>uiz dagnagem B. 21. dyameter BC. munaui B. 22. munnanieni A, sed corr.; mumanieni C, mimaui? B. equidistantes B.

que sunt linee ordinis ei, secundum angulos rectos axem linee munani aut duarum linearum munanieni.

Et nomino duas diametros, cum sunt muzdaguageni, et secat unaquaeque earum lineas equidistantes alteri secundum 5 rectos angulos, duos axes muzdaguageni linee munani aut duarum linearum munanieni.

.Et de eo, in cuius premissione scitur esse adiutorium ad intelligendum, quod in isto existit libro, est, quod narro.

Cum secatur piramis cum superficie plana non transeunte 10 per punctum capitis, tunc differentia communis est superficies, quam continet linea munani, et quando secatur piramis cum duabus superficiebus planis, quarum una transit per caput eius et per centrum basis et separat eam secundum triangulum, et altera non transit per caput ipsius, immo secat eam cum superficie, quam continet linea munani, et stat una duarum superficierum planarum ex altera secundum rectos angulos, tunc linea recta, quae est differentia communis duarum superficierum planarum, non euacuatur dispositionibus tribus, scilicet aut 15 quin secet unum duorum laterum trianguli et equidistet lateri alteri, aut quin secet unum duorum laterum trianguli et non equidistet lateri alii, et cum producatur ipsa et latus aliud secundum rectitudinem, concurrant in parte, in qua est caput pyramidis, aut quin secet unum duorum laterum trianguli et non equidistet lateri alii, immo concurrant aut intra pyramidem

- 1. ei] et C. 2. munani C, in unaui B. manianiem C,  
munauai B. 3. cum] om..C. sunt] om. C, sint B. mazdu-  
guageni C, uniz dagnagem B. 4. secat B. equedistan-  
tes B. secundum] om. B. 5. angulos rectos B. angulos]  
duos angulos C. duos] add. m. 2 C. mazdaguageni C,  
uniz dagnagem B. munani C, unmani B. 6. mumameni C,  
in unaui B. 8. est] om. B. 9. secatur] sequatur B. py-  
ramis B. 11. munani C, munauai B. et — 15. munani]  
om. B. 12. capud C. 14. non] non secat A, sed corr.  
capud C. ipsius] eius C. eam] m. 2 C. 17. recta]  
om. B. est] om. C. 18. euacuantur A. aut] an B. 19.  
quin] quoniam B. equedistet B. 20. quin] quod non B.  
21. equedistet B, equidestent C. alii] alteri BC. et (pr.)  
— 24. alii] om. B. aliud] secundum aliud C, aliud s A.  
22. parte] partem C. capud C. 24. alii] alteri C. immo]  
nimio B. concurrat BC. pyramidem B.

aut extra eam, cum protrahuntur secundum rectitudinem, in parte alia, in qua non est caput piramidis.

Quod si linea recta, que est differentia communis duarum superficierum planarum, equidistat lateri trianguli, tunc superficies, super quam secatur piramis, et quam continet linea 5 munani, nominatur sectio mukefi. Et si non equidistat lateri trianguli, immo concurrit ei, quando protrahuntur secundum rectitudinem, in parte, in qua est caput piramidis, tunc superficies, super quam secatur piramis, et quam continet linea munani, nominatur sectio addita. Et si non equidistat lateri 10 trianguli, immo occurrit ei in parte alia, in qua non est caput piramidis, tunc superficies, super quam secatur piramis, si non est circulus, nominatur sectio diminuta. Et quando sunt due sectiones addite, quibus est diameter communis, et gibbositas unius earum sequitur gibbositatem alterius, tunc ipse nominantur due sectiones opposite. Et inter duas sectiones oppositas est punc<sup>ij</sup>um, per quod omnes linee que transeunt sunt diametri duarum sectionum oppositarum. Et hoc punctum nominatur centrum duarum sectionum. Et intra sectionem diminutam est punctum, per quod omnes linee que transeunt 20 sunt ei diametri. Et hoc punctum est centrum sectionis. Et cum in sectione diminuta protrahuntur diametri, tunc ille ex illis diametris, quarum extremitates perueniunt ad circumferentiam sectionis et non pertranseunt eam nec ab ea abreuiantur,

---

2. partem C. capud BC. pyramidis B. 4. equidistat B. tunc] et tunc B. mg. sectio mukefi C. 5. pyramis B. 6. munaui B. mukefi] mukesi B; addita C, mg. mukefi. mg. sectio addita C. equedistet B. 7. concurrent B, occupit C. ei] om. B. secundum rectitudinem] om. C. 8. partem C. capud C. pyramidis B. 9. sequatur B. pyramis B. 10. munaui B. addita sectio B. mg. sectio diminuta C. equedistet B. 11. alia] altera B. capud C. 12. pyramidis B. pyramis B. 14. mg. diameter sectionis C. diameter] dyameter B, diameter gibbositas C. et] om. B. 15. gibbositatem] gybbositatem B. 16. mg. sectiones opposite C. 18. sunt diametri] super dyametrum B. 19. mg. centrum sectionis C. duarum] duarum linearum B. intra] inter C. 20. est] et C. 21. ei] eius C. dyametri B. 22. cum] tn cum B. mg. diameter mugenibz C. dyametri B. 23. dyametris B. 24. ab ea] om. C.

nominantur diametri mugenibi sectionis diminute. Et que ex eis est, cuius principium est ex punto circumferentie sectionis, et eius altera extremitas abreuiata est a circumferentia sectionis aut pertransit eam, nominatur diameter absolute. Diameter 5 uero, que nominatur secunda, non est nisi in duabus sectionibus oppositis et transit per centrum ambarum, et narrabo illud in fine sextedecime figure huius tractatus. Et sectioni quidem mukefi non est nisi unus axis; sectioni uero diminute sunt duo axes intra ipsam; uerum addite est axis unus mu-10 genib, et est ille, qui secat lineas ordinis secundum rectos angulos, siue ipse sit intra sectionem siue extra ipsam, siue pars eius intra sectionem et pars eius extra ipsam, et est ei axis alter erectus, et ostendam illud in sequentibus. Et non cadunt axes muzdeguege nisi in sectionibus oppositis et in 15 diminutis. tamen et nominatur linea erecta linea, super quam possunt linee protracte ad diametrum secundum ordinem.

Hoc interpretationis fragmentum ex Arabico factum esse, ostendunt vocabula Arabica munani, mugenib, mukefi; et cum iis, quae Nixius de ordine codicum Arabicorum mecum communicauit (u. supra p. LXXI sq.), optime concordat. interpretatio, sicut tot aliae eiusdem generis, saeculo XII vel XIII facta est, fortasse a Gerardo Cremonensi, quoniam in codicibus cum operibus ab eo translati coniungitur (u. Wüstenfeld Die Uebersetzungen arabischer Werke in das Lateinische p. 79).

Philephus Primus codicem Graecum Conicorum ad occidentem adtulit Franciscus Philephus. is enim e Graecia a. 1427 redux in epistula ad Ambrosium Trauersari inter libros rariores, quos ex itinere reportauerat, etiam Apollonium Pergaeum nominat (epp. Ambrosii Trau. ed. Mehus XXIV, 32 p. 1010 Bononia id.

1. dyametri *B.* mugelnibi *C.* mugeben *B.* 2. eis]  
illis *B.C.* est] om. *B.* ex] snt ex *A.* 3. abreuiata *B.*  
4. dyameter *B.* Dyameter *B.* 5. secunda] om. *B.* est]  
om. *B.* in] ex *B.* 6. narrabo illud in fine] in fine illud  
variabo *B.* 7. sexdecime *C.* sedecime *B.* 8. mukesi *B.*  
sectionis *B.* 9. duo] om. *B.* ipsam] ipsum *B.* 11.  
sit] sint *B.* 12. eius (pr.)] om. *B.* ipsam] om. *B.* 14.  
muzdeguege] muzdognage corr. in muzdoguege *m. 2 C.* muz-  
dagnagem *B.* 15. tamen] tm ABC. et] *m. 2 C.* non *B.*  
linea] *m. 2 C.* om. *B.* linea] om. *B.* 16. possunt linee]  
posite sunt linee *C.* linee posite sunt *B.* dyametrum *B.*

Iun. 1428). qui codex nisi periit, quod parum ueri simile est, aut V est aut v aut p, qui soli ex oriente asportati sunt.

Deinde saeculo XV cito codices Conicorum per Italiam describendo propagati sunt.

Primus fragmenta nonnulla e Graeco translatata edidit Geor- G. Ualla gius Ualla De expetendis et fugiendis rebus (Uenet. 1501) XIII, 3 (de comicâ sectione!). ibi enim haec habet: Eutoc. II p. 168, 17—174, 17; Apollon. I deff. (his praemissis: caeterum quo sint quae dicuntur euidentiora); Eutoc. II p. 178, 18 ἔθος — 184, 20; p. 186, 1—10; Apollon. I, 1, 3, 5, 17; II, 38, 39. haec e cod. Mutin. II D 4 petiuit Ualla, qui codex olim eius fuit. uidimus supra, eum e Uatic. 203 originem ducere; et Ualla saepius scripturas huius codicis proprias ob oculos habuit, uelut II p. 178, 25 ἐστι] om. v, non punctum unum modo problema facit Ualla; p. 182, 14 ἀλλ' ὡς — 16 ΖΘ] bis v, Ualla; p. 182, 23 ΒΑ] ΒΘ v, b̄h Ualla.

Totius operis interpretationem primus e Graeco confecit Memus Ioannes Baptista Memus patricius Uenetus et mathematicarum artium Uenetiis „lector publicus“, quam e schedis eius edidit Ioannes Maria Memus nepos Uenetiis 1537. ex praefatione eius fol. 1<sup>u</sup> haec adfero: cum post obitum Ioannis Baptistae Memi patrui mei viri etsi in omni scientiarum genere eruditissimi mathematicarum tamen huius aetatis facile principis .... Bibliothecam ipsius discurrerem, Apollonius Pergeus, Mathematicus inter graecos author grauissimus, ab ipso patruo meo [qui] extrema sua hac ingrauescente aetate, quasi alter Cato, literas graecas didicerat, latinitate donatus, in manus nostras inciderit, decreui, ne tam singularis foetus tamdin abditus, tam studiosis necessarius, licet immaturus adhuc et praecox, abortiretur atque fatisceret, eum ipsum ... tibi [Marino Grimano] dicare cet.

in mathematicis Memus non paucā, maxime in ordine litterarum, computatione recte deducta feliciter correxit et suppleuit, sed grauiora reliquit; et Graecae linguae, ut erat ὄψιμαθής, non peritissimus erat; uelut uocabulum πορίζειν non nouit, cuius loco lacunam reliquit fol. 24<sup>u</sup> (I p. 150, 2, 6) et fol. 25<sup>u</sup> (I p. 154, 28, 26); idem fecit eadem de causa in διελόνται (I p. 62, 26; 94, 18; 116, 28) fol 10<sup>u</sup>, 15<sup>u</sup>, 19<sup>r</sup>, in εἰδη (I p. 122, 18) fol. 20<sup>r</sup>, in ἀνηγράφη (I p. 118, 9; 120, 14) fol. 19<sup>u</sup>, in καταχθήσονται (I p. 172, 21) fol. 27<sup>u</sup> cet. quo codice Graeco usus sit, nunc nequit pro certo adfirmari, sed

cum Uenetiis doceret, ueri simile est, codicem Bessarionis (Marc. 518) ei praesto fuisse.

**Maurolyous** Seueram Memi censuram egit Franciscus Maurolycus, qui interpretationem Conicorum praeparauit, sed non edidit (u. Libri Histoire des sciences mathématiques en Italie III p. 283, ubi Maurolycus inter opera sua commemorat: Apollonii Pergaei Conica emendatissima, ubi manifestum erit, Io. Baptistam Memmum in eorum tralatione pueriles errores admisisse Mathematicae praesertim ignoratione deceptum).

**Commandinus** Optime de Apollonio meritus est F. Commandinus, qui a. 1566 Bononiae interpretationem latinam edidit additis lemmatis Pappi, commentariis Eutocii, notis suis. non modo plurimos errores uel tacite uel disertis uerbis emendauit, sed in primis commentario suo et propositiones ab Apollonio usurpatas indagando uiam ad Conica eius intellegenda primus omnium muniuit; u. praef.: cum in Archimedis et Ptolemaei libris aliquot interpretandis, qui sine conicorum doctrina nulla ratione percipi possunt, demonstrationes Apollonii multas adhibuerim, quae sine graeco libro, quod latinus corruptissimus sit, parum intelligantur, feci non inuitus ... primum ut Apollonium ipsum, quam planissime possem, conuerterem ... deinde uero ut Pappi lemmata atque Eutocii in Apollonium commentarios latinos facerem .... post autem ... eosdem etiam, ut omnia faciliora cognitu essent, propriis declarare commentariis uolui. in Eutocio eum cod. Urbin. 78 usum esse, supra demonstrauit; in Apollonio uero, quae de codicibus suis dicit, tam pauca sunt, ut inde de eo nihil certi concludi possit. plures codices inspicere potuit (fol. 30<sup>u</sup> in omnibus antiquis codicibus, quos uiderim; fol. 100<sup>r</sup> sic habent graeci codices; fol. 109<sup>r</sup> in graecia autem codicibus), sed plerumque uno contentus fuit (fol. 34<sup>u</sup>, 65<sup>r</sup>, 66<sup>r</sup>, 67<sup>r</sup>, 67<sup>u</sup>, 85<sup>u</sup> enim de Graeco exemplari uel codice loquitur; fol. 15<sup>u</sup>, 16<sup>u</sup>: Graeca uerba). hoc tantum constat, eum cod. V secutum non esse; nam fol. 85<sup>u</sup> e codice Graeco citat *TΣΟ* I p. 374, 14, cum V *NΣΟ* habeat. fieri potest, ut cod. Uatic. 205 ei praesto fuerit; in titulis enim opusculorum Sereni habet „Sereni Antinsensis“, quae forma falsa primum in illo codice adparet (*Σερήνος Ἀντίνσεως*); et descriptus est cod. 205, ut supra uidimus, ad usum hominum doctorum, ne ipse V, ut est laceratus, manibus tereretur. eum etiam cod. Marciano 518 usum esse, ostendit haec nota in inventario codicum Marianorum e bibliotheca commodatorum (Omont Deux registres

de prêts de mss., Paris 1888, p. 29): 1553, die 7 augusti .. cardinalis S. Angeli .. habuit .. librum Apolonis Pergei conicorum insertum Heliano de proprietatibus animalium et aliis autoribus per dominum Federicum suum familiarem (cfr. ibid. p. 28 nr. 125: Federicus Commandinus familiarius suaे D. R<sup>me</sup>).\*)

Commandini opera nisi sunt, quicunque postea Conica <sup>Cosimus</sup>  
adtigerunt, quorum hi mihi innotuerunt: Codex scholae <sup>de Noferi</sup> medicae Montepessulanae 167 continet Conica cum commentariis Eutocii et Commandini „ridotti dal latino nell' idioma italiano da Cosimo de Noferi ad instanza del S. Giov. Batt. Micatori Urbinate“ saec. XVII (Catalogue des mss. des départements I p. 352).

Apollonii Pergaei Conicorum libri IV cum commentariis Richardus Claudi<sup>i</sup> Richardi, Antuerpiae 1655. Memum et Commandinum ipse commemorat ut auctores suos Admonit. ad lectorem sect. XV; cfr. ibid. sect. XVII: supponimus in hoc nostro Commentario numerum ordinemque propositionum librorum quatuor primorum Apollonii iuxta editionem Eutocii et versionem Latinam Federici Commandini, licet aestimemus, ut par est, alteram Memi Latinam versionem.

Editionem Graecam sub finem saeculi XVII moliebatur Bernhardus Edwardus Bernhardus, qui de subsidiis suis haec tradit (Fabricius Bibliotheca Graeca, Hamb. 1707, II p. 567): Apollonii Pergaei Conicorum libri VII. quatuor quidem priores Gr. Lat. ex versione Fr. Commandini, Bonon. 1566, collata cum versionibus Memmii et Maurolyci. Graece e cod. mss. Bibl. Saviliæ et Bibl. Leidensis et cod. Regis Christianissimi 103. Labb. p. 271. Adnexit commentario Eutocii Lat. ex versione Commandini, et Graece ex cod. in Arch. Pembr. 169 atque notis D. Savilii et aliorum. Tres autem sequiores libri, scil. 5. 6. 7 (nam octavus iam olim perii) Arab. et Lat. ex translatione Arabicâ Beni Musa, qui editionem Eutociānam exp̄ressit, et nova versione Latina una cum notis Abdolmelic Arabis, qui Apollonii Con. libros septem in compendium rededit, ex cod. ms. Bodl. tum etiam notis Borelli mathematici egregii et

\*) Codex restitutus est „1553, 6 novembris“. idem rūrsus a „die 21 octobris“ a. 1557 ad „diem 25 novembris“ apud Camillum Zaneti fuit (Omont l. c. nr. 131) et a „die 4 novembris“ a. 1556 ad Calendas Apriles 1556 apud Io. Bapt. Rasarium (Omont p. 35).

aliorum cum schematis et notis ex schedis D. Golii viri summi. haec cum lemmatis Pappi. Translatio Arabica Beni Musa ex cod. Bibl. Leidensis (qui etiam ms. optimae notae in Catalogo librorum mss. D. Golii τοῦ μακαρέτον apographum est) transcripta fuit. Golianus codex etiam quatuor priores Conic. libros exhibet, sicut et iste in Bibl. Florentina, quem latine vertit A. Echellensis non adeo feliciter.

haec igitur Bernhardi consilia fuerunt. quem narret codicem Graecum Leidensem Apollonii, nescio; hodie saltim non exstat. codex Regis 103 est Paris. 2357, ni fallor; nam praeter p Mazarinaeum, de quo uix cogitari potest, ille solus e Parisinis etiam Serenum continet, quem Bernhardus ex eodem codice Regis petere uoluit (Fabricius l. c. II p. 568).

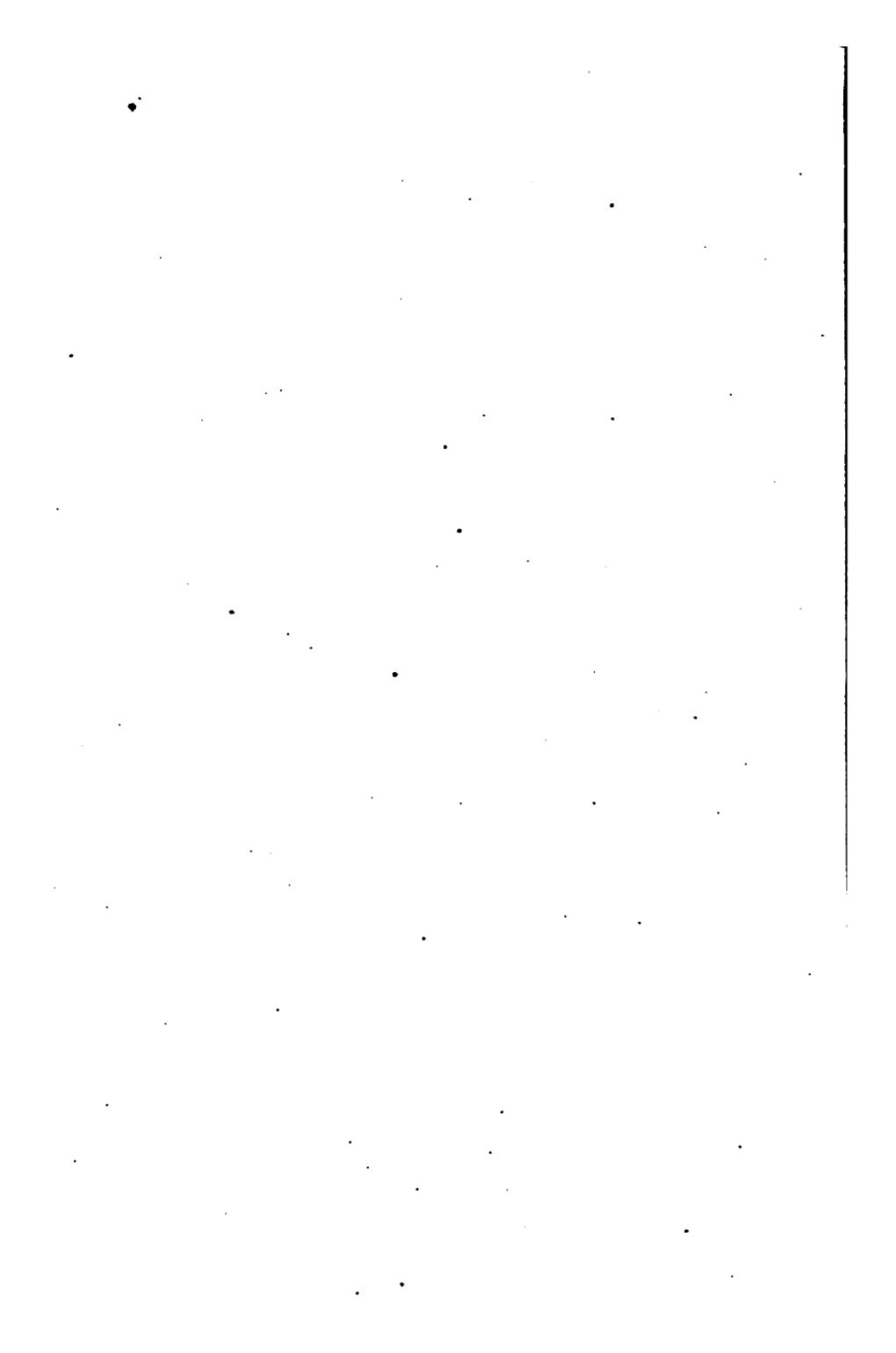
Denique a. 1710 Oxoniae prodierunt Conica Graece per Halley Edmundum Halley. ab initio ita comparatum fuerat, ut „Gregorius quatuor priores Conicorum libros cum Eutocii Commentariis Graece Latineque prelo pararet, atque ipse tres posteriores ex Arabico in Latinum sermonem verterem“ (praef. p. 1). sed dum ille „Graecis accurandis Latinaeque versioni Commandini corrigendae ... incumbit“, subito mortuus est, et Halleius iam solus laborem edendi suscepit (praef. p. 2). in Graecis Apollonii recensendis „ad manus erat codex e Bibliotheca Savilii mathematica praestantissimi istius viri calamo hinc illinc non leviter emendatus“, idem scilicet, quem significat Bernhardus. „et paulo post“ inquit „accessit alter benigne nobiscum a rev. D. Baynard communicatus; sed eadem fere utrisque communia erant vitia, utpote ex eodem codice, ut videtur, descriptis. ad Eutocium quidem publicandum non aliud repertum est exemplar Graecum praeter Baroccianum in Bibliotheca Bodleiana adseratum“. quos hic commemorat codices, ubi lateant, nescio; in bibliotheca Bodleiana quidem nullum codicem uel Apollonii uel Eutocii inueni praeter Canon. 106, qui anno demum 1817 Uenetiis eo peruenit. sed hoc quidem constat, uel Saulium uel Halleium codicem habuisse e Paris. 2356 descriptum; nam pleraequae adnotationes et interpolationes Montaurei, quas supra p. XVII sq. ex illo codice adtuli, ab Halleio receptae sunt (3, 4, 5, 6, 7, 9, 10, 11 et paullum mutatae 8, 18). his correcturis ueri simile est et Saulium et Halleium suas quemque addidisse; sed quantum cuique debeatur, parum interest. ex iis, quae editio Halleiana propria habet, pauca recepi, ueri non dissimilia quaedam in

notis commemorauit, interpolationes inutiles ne notaui quidem,  
nunc etiam magis inutiles, quoniam tandem ad codices red-  
itum est.

in libris V—VII edendis Halleius usus est „apographo Bodleiano codicis Arabici ex versione satis antiqua a Thebit ben Corah facta, sed annis abhinc circiter CCCCL a Nasir-Eddin recensita“ (praef. p. 2), h. e. Bodl. 885, adhibitis etiam compendio Abdulmelikii (Bodl. 913, quem Rauius ex oriente asportauerat) et editione Borellii. opere demum perfecto Narcissus Marsh archiepiscopus Armachanus ex Hibernia „exemplar Golianum antiquissimum, quod ab heredibus Golii redemerat“ (h. e. Bodl. 943, u. Nix p. 10) transmisit, de quo Halleius praef. p. 2: „ex hoc optimae notae codice, qui septem Apollonii libros complexus est, non solum versionem meam recensui et a mendis nonnullis liberaui, sed et lacunas aliquot, quae passim fere etiam in Graecis occurrebant, supplevi“.

Post Halleium nihil ad uerba Apollonii emendanda effec-  
tum est; nam Balsam, qui a. 1861 Berolini interpretationem Germanicam edidit Halleium maxime secutus, rem criticam  
non curauit.

---



# **APOLLONII CONICA.**

---

## ΚΩΝΙΚΩΝ δ'.

Απολλώνιος Ἀττάλῳ χαιρεῖν.

Πρότερον μὲν ἔξεθηκα γράψας πρὸς Εῦδημον τὸν  
Περγαμηνὸν τῶν συντεταγμένων ἡμῖν κωνικῶν ἐν  
5 ὅκτῳ βιβλίοις τὰ πρῶτα τρία, μετηλλαχότος δ' ἐκείνου  
τὰ λοιπὰ διεγνωκότες πρός σε γράψαι διὰ τὸ φιλο-  
τιμεῖσθαι σε μεταλαμβάνειν τὰ ὑφ' ἡμῶν πραγματευ-  
όμενα πεπόμφαμεν ἐπὶ τοῦ παρόντος σοι τὸ τέταρτον.  
περιέχει δὲ τοῦτο, κατὰ πόσα σημεῖα πλεῖστα δυνατόν  
10 ἔστι τὰς τῶν κώνων τομὰς ἀλλήλαις τε καὶ τῇ τοῦ  
κύκλου περιφερείᾳ συμβάλλειν, ἐάνπερ μὴ ὅλαι ἐπὶ<sup>τοῦ</sup>  
ὅλαις ἐφαρμόζωσιν, ἔτι κώνουν τομὴ καὶ κύκλου περι-  
φέρεια ταῖς ἀντικειμέναις κατὰ πόσα σημεῖα πλεῖστα  
συμβάλλουσι, καὶ ἐκτὸς τούτων ἄλλα οὐκ ὀλίγα ὅμοια  
15 τούτοις. τούτων δὲ τὸ μὲν προειρημένον Κόνων ὁ  
Σάμιος ἔξεθηκε πρὸς Θρασυνδαιὸν οὐκ ὁρθῶς ἐν ταῖς  
ἀποδείξεσιν ἀναστραφεῖς· διὸ καὶ μετρίως αὐτοῦ ἀνθ-  
ῆψατο Νικοτέλης ὁ Κυρρηναῖος. περὶ δὲ τοῦ δευτέρουν  
μνείαν μόνον πεποίηται ὁ Νικοτέλης σὺν τῇ πρὸς τὸν  
20 Κόνωνα ἀντιγραφῇ ὡς δυναμένου δειχθῆναι, δεικνυ-  
μένῳ δὲ οὕτε ὑπ' αὐτοῦ τούτου οὐδὲ ὑπ' ἄλλου τινὸς  
ἐντετεύχαμεν. τὸ μέντοι τρίτον καὶ τὰ ἄλλα τὰ ὅμο-

1. Απολλωνίου Περγαλον κωνικῶν γ (δ̄ον m. 2) ἐκδόσεως  
Εὐτοκίου Ἀσκαλωνίτον εὐτυχῶς m. 1 V. 15. Κώνων V, corr. p  
et m. rec. V. 16. Θρασύνδαιον V, θρασύνδαιρ p. 18. Νικο-  
τελῆς V p, ut. lin. 19. 19. σύν] ἐν Halley cum Comm. 20.  
Κάνωνα V, corr. p et m. rec. V.

## CONICORUM LIBER IV.

Apollonius Attalo s.

Prius conicorum a nobis in octo libris conscriptionum primos tres exposui ad Eudemum Pergamenum eos mittens, illo autem mortuo reliquos ad te mittere statuimus, et quia uehementer desideras accipere, quae elaborau, in praesenti quartum librum tibi misimus. is autem continet, in quot punctis summum fieri possit ut sectiones conorum inter se et cum ambitu circuli concurrent, ita ut non totae cum totis concidant, praeterea in quot punctis summum coni sectio et ambitus circuli cum sectionibus oppositis concurrent, et praeter haec alia non pauca his similia. horum autem quod primo loco posui, Conon Samius ad Thrasydaeum exposuit in demonstrationibus non recte uersatus; quare etiam Nicoteles Cyrenaeus suo iure eum uituperauit. alterum autem Nicoteles simul cum impugnatione Cononis obiter commemorauit tantum demonstrari posse contendens, sed nec ab eo ipso nec ab alio quoquam demonstratum inueni. tertium\*) uero et cetera eius-

\*) Tria illa, quae significat Apollonius, haec sunt: in quot punctis concurrent 1) sectiones coni inter se uel cum circulo, 2) sectiones coni cum oppositis, 3) circulus cum sectionibus oppositis; cfr. I p. 4, 20. Itaque opus non est cum Halleio post συμβάλλονται lin. 14 interponere καὶ ἔτι ἀντινέμεται ἀντικειμέναις. similiter Commandinus lin. 12sq. habet: praeterea coni sectio et circuli circumferentia et oppositae sectiones oppositis sectionibus.

γενῆ τούτοις ἀπλῶς ὑπὸ οὐδενὸς νενοημένα εὑρηκα. πάντα δὲ τὰ λεχθέντα, ὅσοις οὐκ ἐντέτευχα, πολλῶν καὶ ποικίλων προσεδέτο ξενιζόντων θεωρημάτων, ὃν τὰ μὲν πλεῖστα τυγχάνω ἐν τοῖς πρώτοις τρισὶ βιβλίοις 5 ἐκτεθεικάς, τὰ δὲ λοιπὰ ἐν τούτῳ. ταῦτα δὲ θεωρηθέντα χρείαν ίκανὴν παρέχεται πρός τε τὰς τῶν προβλημάτων συνθέσεις καὶ τὸν διορισμούς. Νικοτέλης μὲν γὰρ ἔνεκα τῆς πρὸς τὸν Κόνωνα διαφορᾶς οὐδεμίαν ὑπὸ τῶν ἐκ τοῦ Κόνωνος εὑρημένων εἰς τὸν 10 διορισμούς φῆσιν ἔρχεσθαι χρείαν οὐκ ἀληθῆ λέγων· καὶ γὰρ εἰ ὅλως ἄνευ τούτων δύναται κατὰ τὸν διορισμοὺς ἀποδίδοσθαι, ἀλλά τοι γε δι' αὐτῶν ἔστι κατανοεῖν προχειρότερον ἔνια, οἷον δτι πλεοναχῶς ἡ τοσανταχῶς ἄν γένοιτο, καὶ πάλιν ὅτι οὐκ ἄν γένοιτο· 15 ἡ δὲ τοιαύτη πρόγνωσις ίκανὴν ἀφορμὴν συμβάλλεται πρὸς τὰς ξηρήσεις, καὶ πρὸς τὰς ἀναλύσεις δὲ τῶν διορισμῶν εὔχρηστα τὰ θεωρήματά ἔστι ταῦτα. χωρὶς δὲ τῆς τοιαύτης εὐχρηστίας καὶ δι' αὐτὰς τὰς ἀποδείξεις ἄξια ἔσται ἀποδοχῆς· καὶ γὰρ ἀλλα πολλὰ τῶν 20 ἐν τοῖς μαθήμασι διὰ τοῦτο καὶ οὐ δι' ἄλλο τι ἀποδεχόμεθα.

α'.

'Εὰν κώνουν τομῆς ἡ κύκλου περιφερείας ληφθῆ τι σημεῖον ἐκτός, καὶ ἀπ' αὐτοῦ τῇ τομῇ προσπίπτωσι 25 δύο εὐθεῖαι, ὃν ἡ μὲν ἐφάπτεται, ἡ δὲ τέμνει κατὰ δύο σημεῖα, καὶ ὃν ἔχει λόγον δλη ἡ τέμνουσα πρὸς τὴν ἐκτὸς ἀπολαμβανομένην μεταξὺ τοῦ τε σημείου καὶ τῆς γραμμῆς, τοῦτον τμηθῆ ἡ ἐντὸς ἀπολαμβανο-

1. εὗρηκ— V, ενρ εuan.; „εὗρηκα sic in apographo“ mg.  
m. rec. 3. ποικίλων V. ξενιζῶν τῶν V; corr. ep. 9.  
ὑπό] ἐκ Halley. ἐκ] ὑπό Halley. 12. ἀποδίδοσθαι V.

dem generis a nullo prorsus excogitata repperi. omnia autem, quae diximus, quae quidem demonstrata non inuenerimus, multa et uaria flagitabant theorematum mirifica, quorum pleraque in primis tribus libris exposui, reliqua autem in hoc. haec uero perspecta usum satis magnum et ad compositiones problematum et ad determinationes praebent. Nicoteles enim propter suam cum Conone controuersiam negauit, ullum ab iis, quae Conon repperisset, ad determinationes usum proficisci, sed fallitur; nam etsi his omnino non usurpati in determinationibus plene exponi possunt, attamen quaedam facilius per ea perspici possunt, uelut problema compluribus modis uel tot modis effici posse aut rursus non posse; et eius modi praeuia cognitio ad quaestiones satis magnum praebet adiumentum, et etiam ad analyses determinationum utilia sunt haec theorematum. uerum hac utilitate omissa etiam propter ipsas demonstrationes comprobatione digna erunt; nam etiam alia multa in mathematicis hac de causa nec de alia ulla comprobamus.

## I.

Si extra coni sectionem uel ambitum circuli punctum aliquod sumitur, et ab eo ad sectionem duae rectae adcidunt, quarum altera contingit, altera in duabus punctis secat, et quam rationem habet tota recta secans ad partem extrinsecus inter punctum lineamque abscisam, secundum hanc recta intus abscisa secatur,

17. διορισμῶν] ὄρισμῶν Vp; corr. Halley. 22. α'] p, m.  
rec. V. 25. ἐφάπτηται V; corr. p. 26. δύο] β̄ V. 28.  
τοῦτον] εἰς τοῦτον Halley.

μένη εὐθεῖα ὥστε τὰς διμολόγους εὐθείας πρὸς τῷ  
αὐτῷ σημείῳ εἶναι, ἡ ἀπὸ τῆς ἀφῆς ἐπὶ τὴν διαιρεσιν  
ἀγομένη εὐθεῖα συμπεσεῖται τῇ γραμμῇ, καὶ ἡ ἀπὸ  
τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ ἔκτὸς σημεῖον ἀγομένη εὐθεῖα  
ἢ ἐφάπτεται τῆς γραμμῆς.

ἔστω γὰρ κάνουν τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ἡ *ΑΒΓ*,  
καὶ εἰλήφθω τι σημεῖον ἔκτος τὸ *Δ*, καὶ ἀπ' αὐτοῦ ἡ  
μὲν *ΔΒ* ἐφαπτέσθω κατὰ τὸ *Β*, ἡ δὲ *ΔΕΓ* τεμνέτω  
τὴν τομὴν κατὰ τὰ *Ε, Γ*, καὶ ὅν ἔχει λόγον ἡ *ΓΔ*  
10 πρὸς *ΔΕ*, τοῦτον ἔχέτω ἡ *ΓΖ* πρὸς *ΖΕ*.

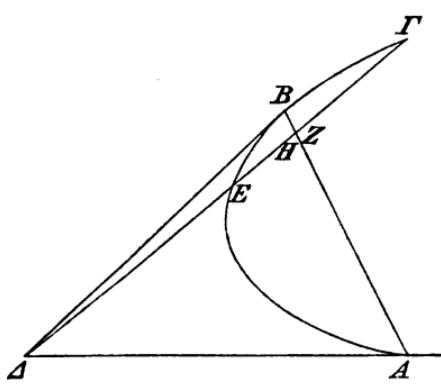
λέγω, διτι ἡ ἀπὸ τοῦ *Β* ἐπὶ τὸ *Ζ* ἀγομένη συμ-  
πίπτει τῇ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ *Δ*  
ἐφάπτεται τῆς τομῆς.

[ἔπει οὖν ἡ *ΔΓ* τέμνει τὴν τομὴν κατὰ δύο ση-  
15 μεῖα, οὐκ ἔσται διάμετρος αὐτῆς. δυνατὸν ἄρα ἔστι  
διὰ τοῦ *Δ* διάμετρον ἀγαγεῖν· ὥστε καὶ ἐφαπτομένην.]  
ἥχθω γὰρ ἀπὸ τοῦ *Δ* ἐφαπτομένη τῆς τομῆς ἡ *ΔΑ*,  
καὶ ἐπιξευχθεῖσα ἡ *ΒΔ* τεμνέτω τὴν *ΕΓ*, εἰ δυνατόν,  
μὴ κατὰ τὸ *Ζ*, ἀλλὰ κατὰ τὸ *Η*. ἔπει οὖν ἐφάπτονται  
20 αἱ *ΒΔ, ΔΑ*, καὶ ἐπὶ τὰς ἀφάς ἔστιν ἡ *ΒΔ*, καὶ διῆκται  
ἡ *ΓΔ* τέμνουσα τὴν μὲν τομὴν κατὰ τὰ *Γ, Ε*, τὴν δὲ  
*AB* κατὰ τὸ *Η*, ἔσται ως ἡ *ΓΔ* πρὸς *ΔΕ*, ἡ *ΓΗ*  
πρὸς *HE*. ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γάρ, ως ἡ *ΓΔ*  
πρὸς *ΔΕ*, ἡ *ΓΖ* πρὸς *ΖΕ*. οὐκ ἄρα ἡ *ΒΔ* καθ'  
25 ἐτερον σημεῖον τέμνει τὴν *ΓΕ*. κατὰ τὸ *Ζ* ἄρα.

5. ἐφάψεται p et Halleý. 6. ᾧ] p, ἡ V. 16. ἐφαπτο-  
μένη ν et comp. dubio V; corr. p.c. 21. τάξ] τό V, corr. p.  
23. *HE*] HB V p, corr. Memus.

ita ut rectae correspondentes ad idem punctum sint, recta a punto contactus ad punctum diuisionis ducta cum linea concurret, et recta a punto concursus ad punctum extrinsecus positum ducta lineam contingit.

sit enim  $\Delta B\Gamma$  coni sectio uel arcus circuli, et punctum aliquod  $\Delta$  extrinsecus sumatur, ab eoque  $\Delta B$



contingat in  $B$ ,  $\Delta E\Gamma$  autem sectionem in  $E$ ,  $\Gamma$  secet, et sit  $\Gamma Z:ZE = \Gamma\Delta:\Delta E$ .

dico, rectam a  $B$  ad  $Z$  ductam cum sectione concurrere et rectam a puncto concursus ad  $\Delta$  ductam sectionem contingere.

ducatur<sup>1)</sup> enim a  $\Delta$  sectionem contingens  $\Delta A$ , et ducta  $BA$  rectam  $E\Gamma$ , si fieri potest, in  $Z$  ne secet, sed in  $H$ . quoniam igitur  $B\Delta$ ,  $\Delta A$  contingunt, et  $BA$  ad puncta contactus ducta est,  $\Gamma\Delta$  autem sectionem in  $\Gamma$ ,  $E$ ,  $\Delta B$  autem in  $H$  secans ducta est, erit [III, 37]  $\Gamma\Delta:\Delta E = \Gamma H:HE$ ; quod absurdum est; supposuimus enim, esse  $\Gamma\Delta:\Delta E = \Gamma Z:ZE$ . itaque  $BA$  rectam  $E\Gamma$  in alio punto non secat. ergo in  $Z$  secat.

1) Quae praemittuntur uerba lin. 14–16, subditia sunt. nam primum falsa sunt (quare pro ἔσται Halley scripsit οὐσα sine ulla probabilitate), deinde, etiamsi bene se haberent omnia, inutilia sunt; denique γάρ lin. 17, quod initio demonstrationis recte collocatur, post prooemium illud absurdum est. hoc sentiens scriptor librarius codicis p γάρ omisit lin. 17 et lin. 14 οὐν in γάρ mutauit.

## β'.

Ταῦτα μὲν κοινῶς ἐπὶ πασῶν τῶν τομῶν δείκνυνται,  
ἐπὶ δὲ τῆς ὑπερβολῆς μόνης· ἐὰν ἡ μὲν  $\Delta B$  ἐφάπτηται,  
ἡ δὲ  $\Delta \Gamma$  τέμνῃ κατὰ δύο σημεῖα τὰ  $E, \Gamma$ , τὰ δὲ  $E, \Gamma$   
5 περιέχῃ τὴν κατὰ τὸ  $B$  ἀφήν, καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐντὸς  
ἡ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας,  
διμοίως ἡ ἀπόδειξις γενήσεται· διννατὸν γὰρ ἀπὸ τοῦ  $\Delta$   
σημείου ἄλλην ἐφαπτομένην ἀγαγεῖν εὐθεῖαν τὴν  $\Delta A$   
καὶ τὰ λοιπὰ τῆς ἀποδείξεως διμοίως ποιεῖν.

10

## γ'.

Τῶν αὐτῶν ὅντων τὰ  $E, \Gamma$  σημεῖα μὴ περιεχέτωσαν  
τὴν κατὰ τὸ  $B$  ἀφὴν μεταξὺ αὐτῶν, τὸ δὲ  $\Delta$  σημεῖον ἐντὸς  
ἐστω τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης  
γωνίας. διννατὸν ἄφαντον ἀπὸ τοῦ  $\Delta$  ἐτέραν ἐφαπτομένην  
15 ἀγαγεῖν τὴν  $\Delta A$  καὶ τὰ λοιπὰ διμοίως ἀποδεικνύειν.

## δ'.

Τῶν αὐτῶν ὅντων ἐὰν αἱ μὲν  $E, \Gamma$  συμπτώσεις  
τὴν κατὰ τὸ  $B$  ἀφὴν περιέχωσι, τὸ δὲ  $\Delta$  σημεῖον ἡ  
ἐν τῇ ἐφεξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περι-  
20 εχομένης, ἡ ἀπὸ τῆς ἀφῆς ἐπὶ τὴν διαίρεσιν ἀγομένη  
εὐθεῖα συμπτεσεῖται τῇ ἀντικειμένῃ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ  
τῆς συμπτώσεως ἀγομένη εὐθεῖα ἐφάψεται τῆς ἀντι-  
κειμένης.

1. β'] v p, om. V.      5. τήν] p, om. V.      10. γ'] p,  
om. V.      12. τὸ δέ] scripsi cum Memo, τό V, καὶ τὸ p.  
13. ἔσται V; corr. p.      16. δ'] p, om. V, γ' v.      21. συμ-  
πεσῆται V; corr. p.c.

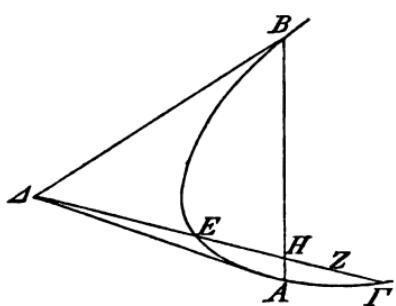
## II.

Haec quidem communiter in omnibus sectionibus demonstrantur, in hyperbola autem sola hocce:

si  $\Delta B$  contingit,  $\Delta \Gamma$  autem in duobus punctis  $E, \Gamma$  secat, et puncta  $E, \Gamma$  punctum contactus  $B$  continent, et punctum  $\Delta$  intra angulum ab asymptotis comprehensum positum est, demonstratio similiter conficiet; nam fieri potest, ut a  $\Delta$  puncto aliam rectam tangentem  $\Delta A$  ducamus et reliquam demonstrationem similiter conficiamus.

## III.

Iisdem positis puncta  $E, \Gamma$  punctum contactus  $B$



inter se ne contineant, punctum autem  $\Delta$  intra angulum ab asymptotis comprehensum positum sit. itaque fieri potest, ut a  $\Delta$  aliam tangentem  $\Delta A$  ducamus et reliqua similiter demonstremus.

## IV.

Iisdem positis si puncta concursus  $E, \Gamma$  punctum contactus  $B$  continent,  $\Delta$  autem punctum in angulo positum est, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps positus est, recta a punto contactus ad punctum diuisionis ducta cum sectione opposita concurret, et recta a punto concursus ducta oppositam contingit.

ἔστισαν ἀντικείμεναι αἱ  $B$ ,  $\Theta$  καὶ ἀσύμπτωτοι αἱ  $K\Lambda$ ,  $M\Xi N$  καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐν τῇ ὑπὸ  $\Lambda\Xi N$  γωνίᾳ, καὶ ἀπ' αὐτοῦ ἐφαπτέσθω μὲν ἡ  $\Delta B$ , τεμνέτω δὲ ἡ  $\Delta\Gamma$ , καὶ αἱ  $E$ ,  $\Gamma$  συμπτώσεις περιεχέτωσαν τὴν  $B$  ἢ ἀφήν, καὶ δὲ ἔχει λόγον ἡ  $\Gamma\Delta$  πρὸς  $\Delta E$ , ἔχετω ἡ  $\Gamma\Zeta$  πρὸς  $ZE$ .

δεικτέον, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ  $B$  ἐπὶ τὸ  $Z$  ἐπιξευγνυμένη συμπεσεῖται τῇ  $\Theta$  τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ  $\Delta$  ἐφάψεται τῆς τομῆς.

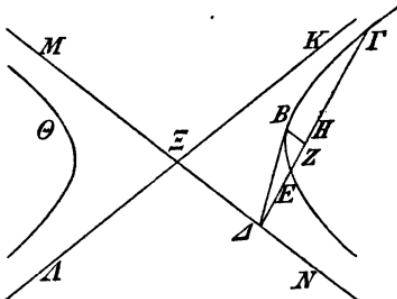
10 Ἡχθω γὰρ ἀπὸ τοῦ  $\Delta$  ἐφαπτομένη τῆς τομῆς ἡ  $\Delta\Theta$ , καὶ ἐπιξευχθεῖσα ἡ  $\Theta B$  πιπτέτω, εἰ δυνατόν, μὴ διὰ τοῦ  $Z$ , ἀλλὰ διὰ τοῦ  $H$ . ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $\Gamma\Delta$  πρὸς  $\Delta E$ , ἡ  $\Gamma H$  πρὸς  $HE$ · ὅπερ ἄτοπου· ὑπόκειται γάρ, ὡς ἡ  $\Gamma\Delta$  πρὸς  $\Delta E$ , ἡ  $\Gamma Z$  πρὸς  $ZE$ .

15

 $\varepsilon'$ .

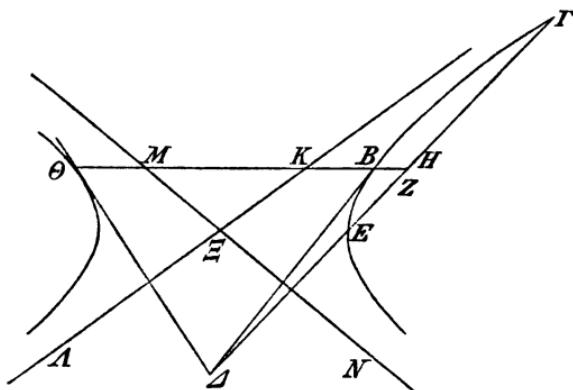
Τῶν αὐτῶν ὅντων ἐὰν τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐπὶ τυνος ἡ τῶν ἀσυμπτώτων, ἡ ἀπὸ τοῦ  $B$  ἐπὶ τὸ  $Z$  ἀγομένη παράλληλος 20 ἔσται τῇ αὐτῇ ἀσυμπτώτῳ.

ὑποκείσθω γὰρ τὰ αὐτά, καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἔστω ἐπὶ μιᾶς τῶν ἀσυμπτώτων τῆς  $MN$ . δεικ-  
25 τέον, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ  $B$  τῇ  $MN$  παράλληλος ἀγομένη ἐπὶ τὸ  $Z$  πεσεῖται.



15.  $\varepsilon'$ ] p. om. V, δ' v; et sic deinceps. 17. τῶν ἀ- bis  
V in extr. et init. pag.; corr. p.c.

sint oppositae  $B$ ,  $\Theta$  asymptotaeque  $KA$ ,  $MEN$ , punctum autem  $A$  in angulo  $AEN$  positum, ab eo-



que contingat  $AB$ , secet autem  $AG$ , et puncta concursus  $E$ ,  $G$  punctum contactus  $B$  contineant, sit autem  $ΓZ : ZE = GA : AE$ .

demonstrandum, rectam a  $B$  ad  $Z$  ductam cum sectione  $\Theta$  concurrere, rectamque a puncto concursus ad  $A$  ductam sectionem contingere.

ducatur enim a  $A$  sectionem contingens  $A\Theta$ , et ducta  $\Theta B$ , si fieri potest, per  $Z$  ne cadat, sed per  $H$ . itaque [III, 37]  $GA : AE = GH : HE$ ; quod absurdum est; supposuimus enim, esse  $GA : AE = ΓZ : ZE$ .

## V.

Iisdem positis si  $A$  punctum in alterutra asymptotarum est, recta a  $B$  ad  $Z$  ducta eidem asymptotae parallela erit.

supponantur enim eadem, et punctum  $A$  in alterutra asymptotarum  $MN$  sit. demonstrandum, rectam a  $B$  rectae  $MN$  parallelam ductam in  $Z$  cadere.

μὴ γάρ, ἀλλ', εἰ δυνατόν, ἔστω ἡ *BH*. ἔσται δή,  
ώς ἡ *ΓΔ* πρὸς *ΔE*, ἡ *ΓH* πρὸς *HE*· ὅπερ ἀδύνατον.

5'.

'Εὰν ὑπερβολῆς ληφθῇ τι σημεῖον ἐκτός, καὶ ἀπ' 5 αὐτοῦ πρὸς τὴν τομὴν διαχθῶσι δύο εὐθεῖαι, ὡν ἡ μὲν ἐφάπτεται, ἡ δὲ παράλληλος [ἢ] μιᾷ τῶν ἀσυμ-  
πτώτων, καὶ τῇ ἀπολαμβανομένῃ ἀπὸ τῆς παραλλήλου  
μεταξὺ τῆς τομῆς καὶ τοῦ σημείου ἵση ἐπ' εὐθείας  
ἐντὸς τῆς τομῆς τεθῆ, ἡ ἀπὸ τῆς ἀφῆς ἐπὶ τὸ γινό-  
10 μενον σημεῖον ἐπιξεγγυμένη εὐθεῖα συμπεσεῖται τῇ  
τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ ἐκτὸς ση-  
μεῖον ἀγομένη ἐφάψεται τῆς τομῆς.

ἔστω ὑπερβολὴ ἡ *AEB*, καὶ εἰλήφθω τι σημεῖον  
ἐκτὸς τὸ *A*, καὶ ἔστω πρότερον ἐντὸς τῆς ὑπὸ τῶν  
15 ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας τὸ *A*, καὶ ἀπ' αὐτοῦ  
ἢ μὲν *BΔ* ἐφαπτέσθω, ἡ δὲ *ΔEZ* παράλληλος ἔστω  
τῇ ἐτέρῳ τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ κείσθω τῇ *ΔE* ἵση  
ἡ *EZ*. λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ *B* ἐπὶ τὸ *Z* ἐπιξεγγυ-  
μένη συμπεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως  
20 ἐπὶ τὸ *A* ἐφάψεται τῆς τομῆς.

ἥχθω γὰρ ἐφαπτομένη τῆς τομῆς ἡ *AA*, καὶ ἐπι-  
ξενχθεῖσα ἡ *BA* τεμνέτω τὴν *ΔE*, εἰ δυνατόν, μη  
κατὰ τὸ *Z*, ἀλλὰ καθ' ἔτερον τι τὸ *H*. ἔσται δὴ ἵση  
ἡ *ΔE* τῇ *EH*· ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γὰρ ἡ *ΔE*  
25 τῇ *EZ* ἵση.

2. *HE*] p., *ΓE* V.5. δύο]  $\bar{\beta}$  V.

6. ἐφάπτηται p.

ἢ] V p.; deleo.

ne cadat enim, sed, si fieri potest, sit  $BH$ . itaque erit [III, 35]

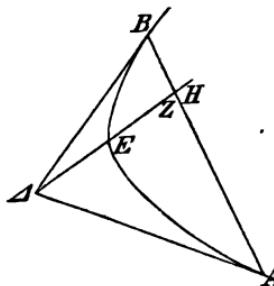
$$\Gamma\Delta : \Delta E = \Gamma H : HE;$$

quod fieri non potest.

## VI.

Si extra hyperbolam punctum aliquod sumitur, ab eoque ad sectionem duae rectae perducuntur, quarum altera contingit, altera alterutri asymptotarum parallela est, et rectae de parallelo inter sectionem punctumque abscisae aequalis recta in ea producta intra sectionem ponitur, recta a punto contactus ad punctum ita ortum ducta cum sectione concurret, et recta a punto concursus ad punctum extrinsecus positum ducta sectionem continget.

sit hyperbola  $AEB$ , et extrinsecus sumatur punctum aliquod  $\Delta$ , et prius  $\Delta$  positum sit intra angulum



ab asymptotis comprehensum, ab eoque contingat  $B\Delta$ ,  $\Delta EZ$  autem alteri asymptotae sit parallela, ponaturque  $EZ = \Delta E$ . dico, rectam a  $B$  ad  $Z$  ductam cum sectione concurrere, et rectam a punto concursus ad  $\Delta$  ductam sectionem contingere.

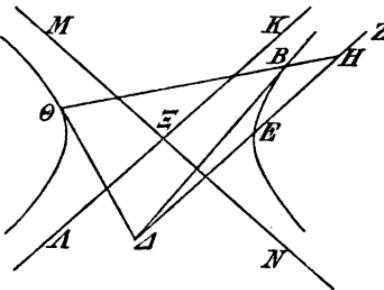
ducatur enim  $\Delta A$  sectionem contingens, et ducta  $BA$ , si fieri potest, rectam  $\Delta E$  in  $Z$  ne secet, sed in alio punto  $H$ . erit igitur  $\Delta E = EH$  [III, 30]; quod absurdum est; supposuimus enim, esse

$$\Delta E = EZ.$$

ξ'.

Τῶν αὐτῶν ὅντων τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἔστω ἐν τῇ ἐφ-  
εξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης.  
λέγω, ὅτι καὶ οὕτως τὰ  
δ αὐτὰ συμβήσεται.

10 Ηχθω γὰρ ἐφαπτο-  
μένη ἡ  $\Delta\Theta$ , καὶ ἐπι-  
ξευχθεῖσα ἡ  $\Theta B$  πιπ-  
τέτω, εἰ δυνατόν, μὴ διὰ  
τοῦ  $Z$ , ἀλλὰ διὰ τοῦ  $H$ .  
ἴση ἄρα ἔστιν ἡ  $\Delta E$   
τῇ  $EH$  ὅπερ ἄτοπον·  
ὑπόκειται γὰρ ἡ  $\Delta E$  τῇ  $EZ$  ἴση.



η'.

15 Τῶν αὐτῶν ὅντων ἔστω τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐπὶ μιᾶς  
τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ τὰ λοιπὰ γινέσθω τὰ αὐτά.  
λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ τῆς ἀφῆς ἐπ' ἄκραν τὴν ἀπο-

ληφθεῖσαν ἀγομένη παράλληλος ἔσται τῇ ἀσυμπτώτῳ,  
ἐφ' ἣς ἔσται τὸ  $\Delta$  σημεῖον.

20 ἔστω γὰρ τὰ εἰρημένα, καὶ κείσθω τῇ  $\Delta E$  ἴση  
ἡ  $EZ$ , καὶ ἀπὸ τοῦ  $B$  παράλληλος τῇ  $MN$  ἡχθω, εἰ  
δυνατόν, ἡ  $BH$ . ἴση ἄρα ἡ  $\Delta E$  τῇ  $EH$  ὅπερ ἄτο-  
πον· ὑπόκειται γὰρ ἡ  $\Delta E$  τῇ  $EZ$  ἴση.

θ'.

25 Ἐὰν ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου δύο εὐθεῖαι ἀχθῶσι  
τέμνουσαι κάνοντα τομὴν ἢ κύκλου περιφέρειαν ἐκατέρα  
κατὰ δύο σημεῖα, καὶ ὡς ἔχουσιν αἱ ὅλαι πρὸς τὰς

25. δύο] β V. 27. δύο] β V.

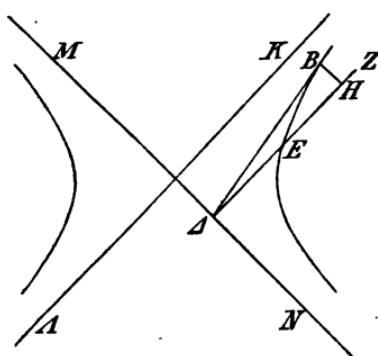
## VII.

Iisdem positis punctum  $\Delta$  in angulo positum sit, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps est positus. dico, sic quoque eadem adcidere.

ducatur enim contingens  $\Delta\Theta$ , et ducta  $\Theta B$ , si fieri potest, per  $Z$  ne cadat, sed per  $H$ . erit igitur  $\Delta E = EH$ ; quod absurdum est; supposuimus enim, esse  $\Delta E = EZ$ .

## VIII.

Iisdem positis punctum  $\Delta$  in alterutra asymptotarum positum sit, et cetera eadem sint.



dico, rectam a punto contactus ad extremam rectam abscisam ductam ei asymptotae parallelam esse, in qua positum sit punctum  $\Delta$ .

sint enim ea, quae diximus, et ponatur

$$EZ = \Delta E,$$

et a  $B$  rectae  $MN$  par-

allela ducatur, si fieri potest,  $BH$ . itaque  $\Delta E = EH$  [III, 34]; quod absurdum est; supposuimus enim, esse  $\Delta E = EZ$ .

## IX.

Si ab eodem punto duae rectae ducuntur coni sectionem uel arcum circuli singulae in binis punctis secantes, et ut totae se habent ad partes extrinsecus

ἐκτὸς ἀπολαμβανομένας, οὗτος αἱ ἐντὸς ἀπολαμβανόμεναι διαιρεθῶσιν, ὥστε τὰς ὁμολόγους πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ εἶναι, ἡ διὰ τῶν διαιρέσεων ἀγομένη εὐθεῖα συμπεσεῖται τῇ τομῇ κατὰ δύο σημεῖα, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν 5 συμπτώσεων ἐπὶ τὸ ἐκτὸς σημεῖον ἀγόμεναι ἐφάψονται τῆς γραμμῆς.

ἔστω γὰρ τῶν προειρημένων γράμμων τις ἡ  $\Delta B$ , καὶ ἀπό τινος σημείου τοῦ  $\Delta$  διήχθωσαν αἱ  $\Delta E$ ,  $\Delta Z$  τέμνουσαι τὴν γραμμὴν ἡ μὲν κατὰ τὰ  $\Theta$ ,  $E$ , ἡ δὲ 10 κατὰ τὰ  $Z$ ,  $H$ , καὶ δύν μὲν ἔχει λόγον ἡ  $\Delta E$  πρὸς  $\Theta\Delta$ , τοῦτον ἔχέτω ἡ  $E\Lambda$  πρὸς  $\Lambda\Theta$ , δύν δὲ τὸ  $\Delta Z$  πρὸς  $\Delta H$ , ἡ  $ZK$  πρὸς  $KH$ . λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ  $\Delta$  ἐπὶ τὸ  $K$  ἐπιξενγνυμένη συμπεσεῖται ἐφ' ἐκάτερα τῇ τομῇ, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ  $\Delta$  ἐπιξενγνύμεναι 15 ἐφάψονται τῆς τομῆς.

ἐπεὶ γὰρ αἱ  $E\Delta$ ,  $Z\Delta$  ἐκατέρα κατὰ δύο σημεῖα τέμνει τὴν τομήν, δυνατόν ἔστιν ἀπὸ τοῦ  $\Delta$  διάμετρον ἀγαγεῖν τῆς τομῆς ὥστε καὶ ἐφαπτομένας ἐφ' ἐκάτερα. ἡχθωσαν ἐφαπτόμεναι αἱ  $\Delta B$ ,  $\Delta A$ , καὶ ἐπιξενχθεῖσα 20 ἡ  $B\Delta$ , εἰ δυνατόν, μὴ ἐρχέσθω διὰ τῶν  $\Lambda$ ,  $K$ , ἀλλ' ἦτοι διὰ τοῦ ἑτέρου αὐτῶν ἡ δι' οὐδετέρου.

ἐρχέσθω πρότερον διὰ μόνου τοῦ  $\Delta$  καὶ τεμνέτω τὴν  $ZH$  κατὰ τὸ  $M$ . ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $Z\Delta$  πρὸς  $\Delta H$ , ἡ  $ZM$  πρὸς  $MH$ · ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γάρ, ὡς 25 ἡ  $Z\Delta$  πρὸς  $\Delta H$ , ἡ  $ZK$  πρὸς  $KH$ .

ἐὰν δὲ ἡ  $B\Delta$  μηδὲ δι' ἑτέρου τῶν  $\Lambda$ ,  $K$  πορεύηται, ἐφ' ἐκατέρας τῶν  $\Delta E$ ,  $\Delta Z$  συμβήσεται τὸ ἄτοπον.

6. γραμμῆς] c, corr. ex τομῆς m. 1 V. 12.  $K$ ] p,  $KE$  V.

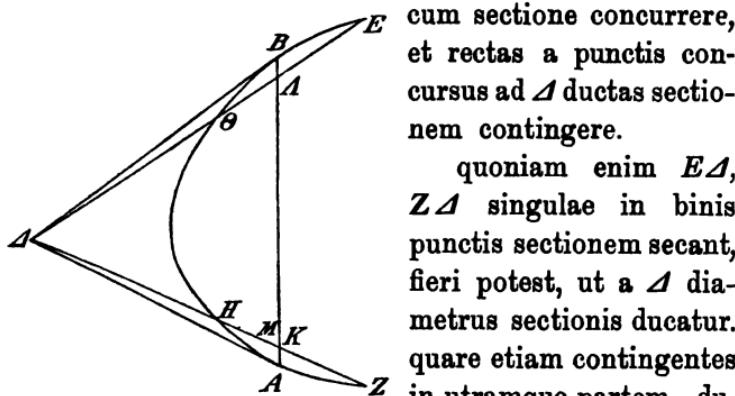
26.  $\Lambda$ ] p,  $A$  V. 27.  $\Delta E$ ,  $\Delta Z$ ] p;  $\Delta E$ ,  $EZ$  V.

abscisas, ita partes intus abscisae diuiduntur, ita ut partes correspondentes ad idem punctum positae sint, recta per puncta divisionis ducta cum sectione in duobus punctis concurret, et rectae a punctis concursus ad punctum extrinsecus positum ductae lineam contingit.

sit enim  $AB$  aliqua linearum, quas diximus, et a puncto aliquo  $A$  perducantur  $AE, AZ$  lineam secantes altera in  $\Theta, E$ , altera autem in  $Z, H$ , sitque

$$\Delta E : \Theta A = EA : A\Theta, \Delta Z : AH = ZK : KH.$$

dico, rectam ab  $A$  ad  $K$  ductam in utramque partem



cum sectione concurrere, et rectas a punctis concursus ad  $A$  ductas sectio-  
nem contingere.

quoniam enim  $E\Delta, Z\Delta$  singulae in binis  
punctis sectionem secant,  
fieri potest, ut a  $A$  dia-  
metrus sectionis ducatur.  
quare etiam contingentes  
in utramque partem. du-

cantur contingentes  $AB, AZ$ , et ducta  $BA$ , si fieri  
potest, per  $A, K$  ne cadat, sed aut per alterutrum  
aut per neutrum.

prius per  $A$  solum cadat rectamque  $ZH$  in  
 $M$  secet. itaque [III, 37]  $Z\Delta : AH = ZM : MH$ ;  
quod absurdum est; nam supposuimus, esse

$$Z\Delta : AH = ZK : KH.$$

sin  $BA$  per neutrum punctorum  $A, K$  cadit, in  
utraque  $AE, AZ$  absurdum eueniet.

ι'.

Ταῦτα μὲν κοινῶς, ἐπὶ δὲ τῆς ὑπερβολῆς μόνης· ἔὰν τὰ μὲν ἄλλα τὰ αὐτὰ ὑπάρχῃ, αἱ δὲ τῆς μιᾶς εὑθεῖας συμπτώσεις περιέχωσι τὰς τῆς ἑτέρας συμπτώδης σεις, καὶ τὸ Λ σημεῖον ἐντὸς ἡ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας, τὰ αὐτὰ συμβήσεται τοῖς προειρημένοις, ὡς προείρηται ἐν τῷ β θεωρήματι.

ια'.

Τῶν αὐτῶν ὕντων ἔὰν αἱ τῆς μιᾶς συμπτώσεις 10 μὴ περιέχωσι τὰς τῆς ἑτέρας συμπτώσεις, τὸ μὲν Λ σημεῖον ἐντὸς ἔσται τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας, καὶ ἡ καταγραφὴ καὶ ἡ ἀπόδειξις ἡ αὐτὴ τῷ δ.

ιβ'.

15 Τῶν αὐτῶν ὕντων ἔὰν περιέχωσιν αἱ τῆς μιᾶς εὑθεῖας συμπτώσεις τὰς τῆς ἑτέρας, καὶ τὸ ληφθὲν σημεῖον ἐν τῇ ἐφεξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης ἡ, ἡ διὰ τῶν διαιρέσεων ἀγομένη εὑθεῖα ἐκβαλλομένη τῇ ἀντικειμένῃ τομῇ συμπεσεῖται, καὶ αἱ 20 ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ Λ σημεῖον ἀγόμεναι εὑθεῖαι ἐφάψουνται τῶν ἀντικειμένων.

ἔστω ὑπερβολὴ ἡ ΕΗ, ἀσύμπτωτοι δὲ αἱ ΝΞ, ΟΠ, καὶ κέντρον τὸ Ρ, καὶ τὸ Λ σημεῖον ἔστω ἐν τῇ ὑπὸ ΞΡΠ γωνίᾳ, καὶ ἥχθωσαν αἱ ΛΕ, ΛΖ τέμνουσαι τὴν 25 ὑπερβολὴν ἐκατέρα κατὰ δύο σημεῖα, καὶ περιεχέσθω τὰ Ε, Θ ὑπὸ τῶν Ζ, Η, καὶ ἔστω, ὡς μὲν ἡ ΕΛ πρὸς ΛΘ, ἡ ΕΚ πρὸς ΚΘ, ὡς δὲ ἡ ΖΛ πρὸς ΛΗ, ἡ ΖΛ

10. τὸ μέν] τὸ δέ Halley praeceunte Commandino. 11. ἔσται] ἡ Halley. 18. διαιρέσεων] p, αἰρέσεων V. 24. τέμνουσαι] c p, bis V. 25. δύο] β V.

## X.

Haec quidem communiter, in hyperbola autem sola sic: si reliqua eadem supponuntur, puncta autem concursus alterius rectae puncta concursus alterius continent, et punctum  $\Delta$  intra angulum ab asymptotis comprehensum positum est, eadem euenient, quae antea diximus, sicut prius dictum est in propositione II.

## XI.

Iisdem positis si puncta concursus alterius puncta concursus alterius non continent, punctum  $\Delta$  intra angulum ab asymptotis comprehensum positum erit,<sup>1)</sup> et figura demonstratioque eadem erit, quae in propositione IX.

## XII.

Iisdem positis si puncta concursus alterius rectae puncta concursus alterius continent, et punctum sumptum in angulo positum est, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps est positus, recta per puncta diuisionis ducta producta cum sectione opposita concurret, et rectae a punctis concursus ad  $\Delta$  punctum ductae sectiones oppositas contingent.

sit  $EH$  hyperbola, asymptotae autem  $N\Xi$ ,  $O\Pi$ , et centrum  $P$ ,  $\Delta$  autem punctum in angulo  $\Xi\Pi$  positum sit, ducanturque  $\Delta E$ ,  $\Delta Z$  hyperbolam secantes singulae in binis punctis, et  $E$ ,  $\Theta$  a  $Z$ ,  $H$  contineantur, sit autem  $E\Delta : \Delta\Theta = EK : K\Theta$ ,  $Z\Delta : \Delta H = Z\Lambda : \Lambda H$ . demonstrandum, rectam per  $K$ ,  $\Delta$  ductam cum sectione

1) Hoc quidem falsum est, sed emendatio incerta.

πρὸς ΛΗ. δεικτέον, ὅτι ἡ διὰ τῶν Κ, Λ συμπεσεῖται τε τῇ ΕΖ τομῇ καὶ τῇ ἀντικειμένῃ, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ Λ ἐφάψουνται τῶν τομῶν.

ἔστω δὴ ἀντικειμένη ἡ Μ, καὶ ἀπὸ τοῦ Λ ἥχθω-  
5 σαν ἐφαπτόμεναι τῶν τομῶν αἱ ΛΜ, ΛΣ, καὶ ἐπι-  
ξευχθεῖσα ἡ ΜΣ, εἰ δυνατόν, μὴ ἐρχέσθω διὰ τῶν  
Κ, Λ, ἀλλ' ἵτοι διὰ τοῦ ἑτέρου αὐτῶν ἡ δι' οὐδε-  
τέρου.

ἐρχέσθω πρότερον διὰ τοῦ Κ καὶ τεμνέτω τὴν ΖΗ  
10 κατὰ τὸ Χ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΖΔ πρὸς ΛΗ, ἡ ΧΖ  
πρὸς ΧΗ· ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γάρ, ὡς ἡ ΖΔ  
πρὸς ΛΗ, ἡ ΖΔ πρὸς ΛΗ.

ἔὰν δὲ μηδὲ δι' ἑτέρου τῶν Κ, Λ ἐφηγηται ἡ ΜΣ,  
ἐφ' ἑκατέρας τῶν ΕΔ, ΔΖ τὸ ἀδύνατον συμβαίνει.

Τῶν αὐτῶν ὅντων ἔὰν τὸ Λ σημεῖον ἐπὶ μιᾶς τῶν  
ἀσυμπτώτων ἦ, καὶ τὰ λοιπὰ τὰ αὐτὰ ὑπάρχῃ, ἡ διὰ  
τῶν διαιρέσεων ἀγομένη παράλληλος ἔσται τῇ ἀσυμ-  
πτώφ, ἐφ' ἣς ἔστι τὸ σημεῖον, καὶ ἐκβαλλομένη συμ-  
20 πεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ  
σημεῖον ἀγομένη ἐφάψεται τῆς τομῆς.

ἔστω γὰρ ὑπερβολὴ καὶ ἀσύμπτωτοι, καὶ εἰλήφθω  
ἐπὶ μιᾶς τῶν ἀσυμπτώτων τὸ Λ, καὶ διήχθωσαν αἱ  
εὐθεῖαι καὶ διηρήσθωσαν, ὡς εἰρηται, καὶ ἥχθω ἀπὸ  
25 τοῦ Λ ἐφαπτομένη τῆς τομῆς ἡ ΛΒ. λέγω, ὅτι ἡ

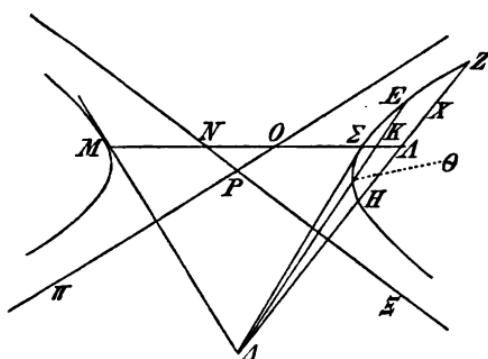
2. τε] om. c; τῇ τε Halley. 4. δῆ] δέ Vp; corr. Halley.

6. ἡ] c p v, euap. V. 11. ΖΔ] ΕΔ V, ΖΔ p; corr. Memus.

12. ΖΔ] p, ΕΔ V. ΛΗ] p, ΛΗ V. 24. διηρήσθωσαν]

p, διηρήσθω V.

**EZ** et cum sectione opposita concurrere, et rectas a punctis concursus ad  $\Delta$  ductas sectiones contingere.



opposita igitur sit  $M$ , et a  $\Delta$  sectiones contingentes ducantur  $\Delta M$ ,  $\Delta \Sigma$ , ductaque  $M\Sigma$ , si fieri potest, per  $K$ ,  $A$  ne cadat, sed aut per alterutrum aut per neutrum eorum.

prius per  $K$  cadat et rectam  $ZH$  in  $X$  secet. itaque [III, 37]  $Z\Delta : \Delta H = XZ : XH$ ; quod absurdum est; supposuimus enim, esse

$$Z\Delta : \Delta H = Z\Delta : AH.$$

sin per neutrum punctorum  $K$ ,  $A$  cadit  $M\Sigma$ , in utraque  $E\Delta$ ,  $\Delta Z$  absurdum euenit.

### XIII.

Iisdem positis si punctum  $\Delta$  in alterutra asymptotarum positum est, et reliqua eadem supponuntur, recta per puncta diuisionis ducta parallelia erit asymptote, in qua punctum positum est, et producta cum sectione concurret, et recta a puncto concursus ad punctum ducta sectionem continget.

sit enim hyperbola asymptotaeque, et in alterutra asymptotarum sumatur  $\Delta$ , producantur rectae et dividantur, sicut dictum est, a  $\Delta$  autem sectionem

ἀπὸ τοῦ  $B$  παρὰ τὴν  $\Pi O$  ἀγομένη ἦξει διὰ τῶν  $K, L$ .

*εἰ γαρ μή, ἦτοι διὰ τοῦ ἐνὸς αὐτῶν ἐλεύσεται ἡ  
δι' οὐδετέρου.*

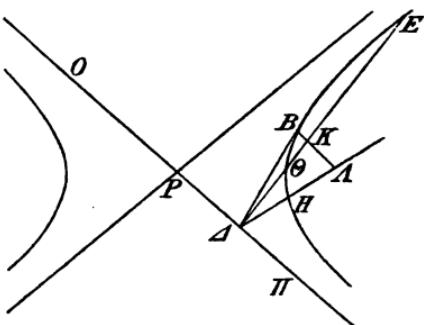
<sup>5</sup> ἐρχέσθω διὰ μόνου τοῦ Κ. ἔστιν ἄρα, ως ἡ ΖΔ  
πρὸς ΔΗ, ἡ ΖΧ πρὸς ΧΗ· ὅπερ ἀποτοπ. οὐκ ἄρα  
ἡ ἀπὸ τοῦ Β παρὰ τὴν ΠΟ ἀγομένη διὰ μόνου τοῦ Κ  
ἔλευσεται· δι' ἀμφοτέφων ἄρα.

10'.

10 Τῶν αὐτῶν ὅντων ἐὰν τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐπὶ μᾶς ἦ  
τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ ἡ μὲν  $\Delta E$  τέμνῃ τὴν τομὴν  
κατὰ δύο σημεῖα, ἡ δὲ  $\Delta H$  κατὰ μόνον τὸ  $H$  παρ-  
άλληλος οὖσα τῇ ἑτέρᾳ τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ γένηται,  
ὡς ἡ  $\Delta E$  πρὸς  $\Delta \Theta$ , ἡ  $EK$  πρὸς  $K\Theta$ , τῇ δὲ  $\Delta H$  ἵση  
15 ἐπ' εὐθείας τεθῆ ἡ  $HL$ , ἡ διὰ τῶν  $K$ ,  $L$  σημείων  
ἀγομένη παράλληλος τε ἔσται τῇ ἀσυμπτώτῳ καὶ συμ-  
πεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ  
ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώ-  
σεως ἐπὶ τὸ  $\Delta$  ἐφ-  
20 ἀψεται τῆς τομῆς.

δύοις γὰρ τῷ προειρημένῳ ἀγαγὼν τὴν. ΛΒ ἐφαπτομένην λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ 25 τοῦ Β παρὰ τὴν ΠΟ

25 τοῦ Β παρὰ τὴν ΠΟ

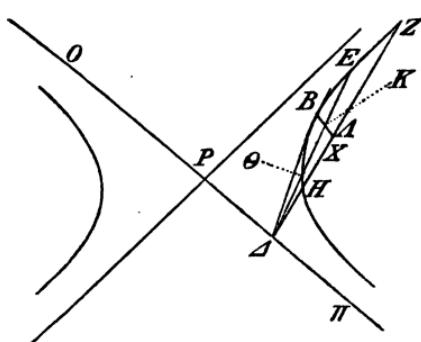


ἀσύμπτωτον ἀγομένη ἦξει διὰ τῶν *K*, Λ σημείων.

εἰ δὲ οὐν διὰ τοῦ Κ μόνου ἥξει, οὐν ἔσται ἡ ΔΗ τῇ ΗΛ ἵση· ὅπερ ἄτοπον. εἰ δὲ διὰ τοῦ Λ μόνου, οὐν ἔσται, ὡς ἡ ΕΔ πρὸς ΔΘ, ἡ ΕΚ πρὸς ΚΘ. εἰ

6. πρὸς *XH*] p, om. V.    7. *K*] B Vp; corr. Halley.

contingens ducatur  $\Delta B$ . dico, rectam a  $B$  rectae  $\Pi O$  parallelam ductam per  $K$ ,  $\Delta$  cadere.



cadet. ergo per utrumque cadet.

nam si minus, aut per alterutrum eorum cadet aut per neutrum.  
cadat per  $K$  solum.  
itaque [III, 35]  
 $Z\Delta : \Delta H = ZX : XH$ ;  
quod absurdum est.  
ergo recta a  $B$  rectae  $\Pi O$  parallela ducta per  $K$  solum non

#### XIV.

Iisdem positis si punctum  $\Delta$  in alterutra asymptotorum positum est, et  $\Delta E$  sectionem in duobus punctis secat,  $\Delta H$  autem alteri asymptotorum parallela in  $H$  solo, et fit  $EK : K\Theta = \Delta E : \Delta \Theta$ , poniturque in  $\Delta H$  producta  $H\Delta = \Delta H$ , recta per  $K$ ,  $\Delta$  puncta ducta et asymptotae parallela erit et cum sectione concurret, rectaque a punto concursus ad  $\Delta$  ducta sectionem continget.

nam eodem modo, quo in praecedenti, ducta  $\Delta B$  contingentia dico, rectam a  $B$  asymptotae  $\Pi O$  parallelam ductam per puncta  $K$ ,  $\Delta$  cadere.

si igitur per  $K$  solum cadit, non erit  $\Delta H = H\Delta$  [III, 34]; quod absurdum est. sin per  $\Delta$  solum cadit, non erit  $E\Delta : \Delta \Theta = EK : K\Theta$  [III, 35]. sin neque per  $K$  neque per  $\Delta$  cadit, utrobique absurdum eueniet. ergo per utrumque cadet.

δὲ μήτε διὰ τοῦ Κ μήτε διὰ τοῦ Λ, κατ' ἀμφότερα συμβίσεται τὸ ἄτοπον. δὶ' ἀμφοτέρων ἔρα εἰλεύσεται.

ιε'.

'Εὰν ἐν ἀντικειμέναις ληφθῇ τι σημεῖον μεταξὺ τῶν δύο τομῶν, καὶ ἀπ' αὐτοῦ ἵ μὲν ἐφάπτηται μᾶς τῶν ἀντικειμένων, ἡ δὲ τέμνη ἐκατέρων τῶν ἀντικειμένων, καὶ ὡς ἔχει ἡ μεταξὺ τῆς ἑτέρας τομῆς, ἡς οὐκ ἐφάπτεται ἡ εὐθεῖα, καὶ τοῦ σημείου πρὸς τὴν μεταξὺ τοῦ σημείου καὶ τῆς ἑτέρας τομῆς, οὗτως ἔχῃ 10 μείζων τις εὐθεῖα τῆς μεταξὺ τῶν τομῶν πρὸς τὴν ὑπεροχὴν αὐτῆς κειμένην ἐπ' εὐθείας τε καὶ πρὸς τῷ αὐτῷ πέρατι τῇ διολόγῳ, ἡ ἀπὸ τοῦ πέρατος τῆς μείζονος εὐθείας ἐπὶ τὴν ἀφῆνη ἀγομένη συμπεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ ληφθὲν 15 σημεῖον ἀγομένη ἐφάπτεται τῆς τομῆς.

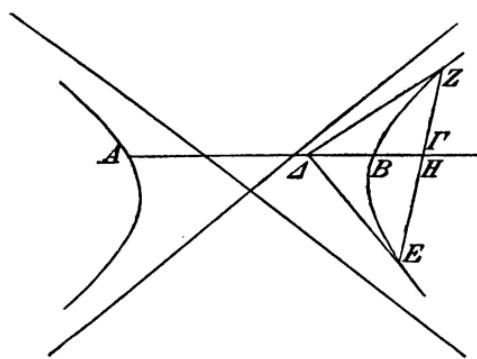
ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ Α, Β, καὶ εἰλήφθω τι σημεῖον μεταξὺ τῶν τομῶν τὸ Λ ἐντὸς τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας, καὶ ἀπ' αὐτοῦ ἡ μὲν ΛΖ διήχθω ἐφαπτομένη, ἡ δὲ ΑΛΒ τέμνουσα 20 τὰς τομάς, καὶ ὃν ἔχει λόγου ἡ ΑΛ πρὸς ΛΒ, ἔχετω ἡ ΑΓ πρὸς ΓΒ. δεικτέον, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ Ζ ἐπὶ τὸ Γ ἐκβαλλομένη συμπεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ Λ ἀγομένη ἐφάψεται τῆς τομῆς.

ἐπεὶ γὰρ τὸ Λ σημεῖον ἐντός ἔστι τῆς περιεχούσης 25 τὴν τομὴν γωνίας, δυνατόν ἔστι καὶ ἑτέρων ἐφαπτομένην ἀγαγεῖν ἀπὸ τοῦ Λ. ἦχθω ἡ ΛΕ, καὶ ἐπι-  
ζευχθεῖσα ἡ ΖΕ ἐρχέσθω, εἰ δυνατόν, μὴ διὰ τοῦ Γ,

9. ἔχει Vp; corr. Halley. 15. ἐφάψεται p. 19. ΑΛΒ]  
p. ΑΒΛ V.

## XV.

Si in sectionibus oppositis punctum aliquod inter duas sectiones sumitur, et ab eo altera recta alterutram oppositarum contingit, altera utramque sectionem secat, et ut est recta inter alteram sectionem, quam non contingit recta illa, et punctum posita ad rectam inter punctum alteramque sectionem positam, ita est recta aliqua maior recta inter sectiones posita ad excessum in ea producta et ad eundem terminum positum ac partem correspondentem, recta a termino maioris rectae ad punctum contactus ducta cum sectione concurret, et recta a puncto concursus ad sumptum punctum ducta sectio-  
nem contingit.



sint oppositae  
 $A, B$ , sumaturque  
inter sectiones  
punctum aliquod  
 $\Delta$  intra angulum

ab asymptotis comprehensum positum, et ab eo  $\Delta Z$   
producatur contingens,  $\Delta \Delta B$  autem sectiones secans,  
sitque  $\Delta \Gamma : \Gamma B = \Delta \Delta : \Delta B$ . demonstrandum, rectam  
a  $Z$  ad  $\Gamma$  ductam productam cum sectione concurrere,  
et rectam a puncto concursus ad  $\Delta$  ductam sectionem  
contingere.

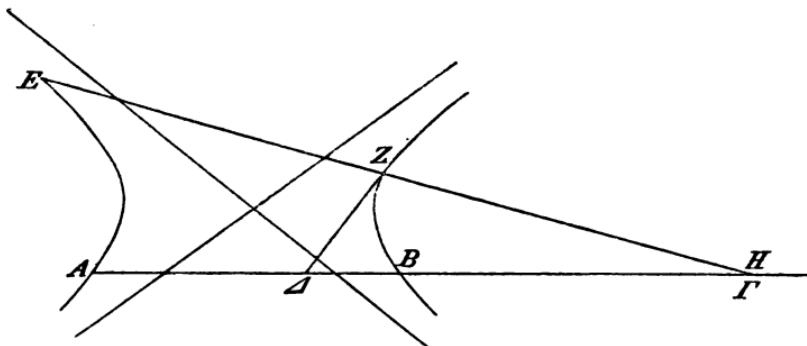
quoniam enim  $\Delta$  punctum intra angulum sectio-  
nem comprehendentem positum est, fieri potest, ut a  
 $\Delta$  aliam quoque contingentem ducamus [II, 49]. du-

ἀλλὰ διὰ τοῦ  $H$ . ἔσται δή, ὡς ἡ  $A\Delta$  πρὸς  $\Delta B$ , ἡ  $AH$  πρὸς  $HB$ . ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γάρ, ὡς ἡ  $A\Delta$  πρὸς  $\Delta B$ , ἡ  $A\Gamma$  πρὸς  $\Gamma B$ .

ἰξ'.

5 Τῶν αὐτῶν ὅντων ἔστω τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐν τῇ ἐφεξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης, καὶ τὰ λοιπὰ τὰ αὐτὰ γινέσθω.

λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ  $Z$  ἐπὶ τὸ  $\Gamma$  ἐπιξευγνυμένη ἐκβαλλομένη συμπεσεῖται τῇ ἀντικειμένῃ τομῇ, καὶ τὸ 10 ἀπὸ τῆς συμπτώσεως ἐπὶ τὸ  $\Delta$  ἐφάψεται τῆς ἀντικειμένης τομῆς.



ἔστω γὰρ τὰ αὐτὰ, καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐν τῇ ἐφεξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης, καὶ ἦχθω ἀπὸ τοῦ  $\Delta$  ἐφαπτομένη τῆς  $A$  τομῆς ἡ  $\Delta E$ , 15 καὶ ἐπεξέχθω ἡ  $EZ$  καὶ ἐκβαλλομένη, εἰ δυνατόν, μὴ ἐρχέσθω ἐπὶ τὸ  $\Gamma$ , ἀλλ᾽ ἐπὶ τὸ  $H$ . ἔσται δή, ὡς ἡ  $AH$  πρὸς  $HB$ , ἡ  $A\Delta$  πρὸς  $\Delta B$ . ὅπερ ἄτοπον· ὑπόκειται γάρ, ὡς ἡ  $A\Delta$  πρὸς  $\Delta B$ , ἡ  $A\Gamma$  πρὸς  $\Gamma B$ .

ἰξ'.

20 Τῶν αὐτῶν ὅντων ἔστω τὸ  $\Delta$  σημεῖον ἐπὶ τινος τῶν ἀσυμπτώτων.

catur  $\Delta E$ , et ducta  $ZE$ , si fieri potest, per  $\Gamma$  ne cadat, sed per  $H$ . erit igitur  $A\Delta : \Delta B = AH : HB$  [III, 37];<sup>1)</sup> quod absurdum est; supposuimus enim, esse  $A\Delta : \Delta B = A\Gamma : \Gamma B$ .

## XVI.

Iisdem positis  $\Delta$  punctum positum sit in angulo, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps positus est, et reliqua eadem fiant.

dico, rectam a  $Z$  ad  $\Gamma$  ductam productam cum sectione opposita concurrere, et rectam a puncto cursus ad  $\Delta$  ductam sectionem oppositam contingere.

sint enim eadem, et punctum  $\Delta$  positum sit in angulo, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps positus est, ducaturque a  $\Delta$  sectionem  $A$  contingens  $\Delta E$ , et ducatur  $EZ$  et producta, si fieri potest, ad  $\Gamma$  ne ueniat, sed ad  $H$ . erit igitur [III, 39]

$$AH : HB = A\Delta : \Delta B;$$

quod absurdum est; supposuimus enim, esse

$$A\Delta : \Delta B = A\Gamma : \Gamma B.$$

## XVII.

Iisdem positis punctum  $\Delta$  in alterutra asymptotarum sit positum.

dico, rectam a  $Z$  ad  $\Gamma$  ductam parallelam esse asymptotae, in qua punctum positum sit.

1) Quae tum quoque ualet, cum utramque punctum contactus in eadem opposita est positum, quamquam hic casus in figuris codicis non respicitur, ne in iis quidem, quas I p. 403 not. significauit.

λέγω, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ  $Z$  ἐπὶ τὸ  $\Gamma$  ἀγομένη παράλλη-  
λος ἔσται τῇ ἀσυμπτώτῳ, ἐφ' ἣς ἔστι τὸ σημεῖον.

ἔστωσαν τὰ αὐτὰ

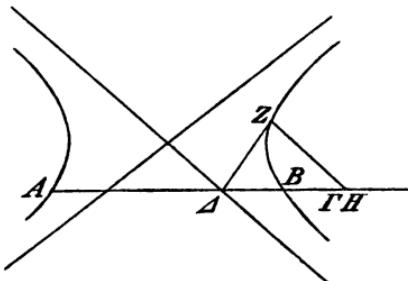
τοῖς ἔμπροσθεν, τὸ δὲ

6 Λ σημεῖον ἐπὶ μᾶς  
τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ  
ἥχθω διὰ τοῦ  $Z$  παρ-  
άλληλος, καὶ εἰ δυ-  
νατόν, μὴ πιπτέτω ἐπὶ

10 τὸ  $\Gamma$ , ἀλλ' ἐπὶ τὸ  $H$ .

ἔσται δή, ὡς ἡ  $A\Lambda$  πρὸς  $AB$ , ἡ  $AH$  πρὸς  $HB$ · ὥσπερ  
ἄτοπου. ἡ ἄφα ἀπὸ τοῦ  $Z$  παρὰ τὴν ἀσύμπτωτον ἐπὶ

τὸ  $\Gamma$  πίπτει.



ιη'.

15 Ἐὰν ἐν ἀντικειμέναις ληφθῇ τι σημεῖον μεταξὺ τῶν δύο τομῶν, καὶ ἀπ' αὐτοῦ δύο εὐθεῖαι διαχθῶσι τέμνονται ἑκατέραν τῶν τομῶν, καὶ ὡς ἔχουσιν αἱ μεταξὺ τῆς μᾶς τομῆς πρὸς τὰς μεταξὺ τῆς ἑτέρας τομῆς καὶ τοῦ αὐτοῦ σημείου, οὕτως ἔχωσιν αἱ μείζους

20 τῶν ἀπολαμβανομένων μεταξὺ τῶν ἀντικειμένων πρὸς τὰς ὑπεροχὰς αὐτῶν, ἡ διὰ τῶν περάτων ἀγομένη εὐθεῖα τῶν μειζόνων εὐθεῖαν ταῖς τομαῖς συμπεσεῖται, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ ληφθὲν σημεῖον ἀγόμεναι εὐθεῖαι ἐφάφονται τῶν γραμμῶν.

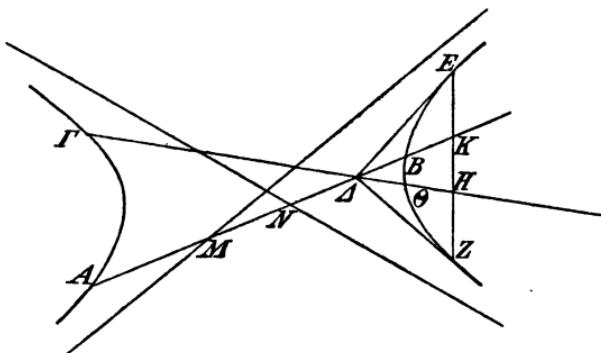
25 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $A, B$ , καὶ τὸ  $\Lambda$  σημεῖον μεταξὺ τῶν τομῶν. πρότερον ὑποκείσθω ἐν τῇ ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένῃ γωνίᾳ, καὶ διὰ τοῦ  $\Lambda$  διήχθωσαν αἱ  $A\Lambda B, \Gamma\Lambda\Theta$ . μείζων ἄφα ἔστιν ἡ μὲν  $A\Lambda$  τῆς  $AB$ , ἡ δὲ  $\Gamma\Lambda$  τῆς  $\Lambda\Theta$ , διότι ἵση ἔστιν ἡ  $B\Lambda$

23. αἱ] om. Vp; corr. Halley.

sint eadem, quae antea, punctum  $\Delta$  autem in altera asymptotarum sit, ducaturque per  $Z$  illi parallela recta, et si fieri potest, in  $\Gamma$  ne cadat, sed in  $H$ . erit igitur [III, 36]  $\Delta\Delta : \Delta B = AH : HB$ ; quod absurdum est. ergo recta a  $Z$  asymptotae parallela ducta in  $\Gamma$  cadit.

## XVIII.

Si in sectionibus oppositis punctum aliquod inter duas sectiones sumitur, ab eoque duae rectae utramque sectionem secantes producuntur, et quam rationem habent rectae inter punctum alteramque sectio-



nem positae ad rectas inter alteram sectionem idemque punctum positas, eam habent rectae maiores iis, quae inter sectiones oppositas absinduntur, ad excessus earum, recta per terminos rectarum maiorum ducta cum sectionibus concurret, et rectae a punctis concursus ad sumptum punctum ductae lineas contingent.

sint oppositae  $A, B$ , et punctum  $\Delta$  inter sectiones positum. prius in angulo ab asymptotis comprehenso supponatur, et per  $\Delta$  producantur  $\Delta\Delta B, \Gamma\Delta\Theta$ . ita-

τῇ ΑΜ. καὶ ὃν μὲν ἔχει λόγον ἡ ΑΔ πρὸς ΑΒ, ἔχέτω ἡ ΑΚ πρὸς ΚΒ, ὃν δὲ ἔχει λόγον ἡ ΓΔ πρὸς ΔΘ, ἔχέτω ἡ ΓΗ πρὸς ΗΘ. λέγω, ὅτι ἡ διὰ τῶν Κ, Η συμπεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ αἱ ἀπὸ τοῦ Α ἐπὶ τὰς συμ-  
βιτάσεις ἐφάψονται τῆς τομῆς.

ἐπεὶ γὰρ τὸ Α ἐντός ἐστι τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας, δυνατὸν ἀπὸ τοῦ Α δύο ἐφαπτομένας ἀγαγεῖν. ἥχθωσαν αἱ ΑΕ, ΑΖ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΕΖ· ἐλεύσεται δὴ διὰ τῶν Κ, Η σημείων  
10 [εἰ γὰρ μή, ἡ διὰ τοῦ ἐνὸς αὐτῶν ἐλεύσεται μόνου ἡ δί' οὐδετέρου]. εἰ μὲν γὰρ δί' ἐνὸς αὐτῶν μόνου, ἡ ἐτέρα τῶν εὐθειῶν εἰς τὸν αὐτὸν λόγον τημηθήσεται καθ' ἔτερον σημεῖον· ὅπερ ἀδύνατον· εἰ δὲ δί' οὐδετέρου, ἐπ' ἀμφοτέρων τὸ ἀδύνατον συμβήσεται.

15

ιθ'.

Εἰλήφθω δὴ τὶ Α σημεῖον ἐν τῇ ἐφεξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης, καὶ διήχθωσαν αἱ εὐθεῖαι τέμνουσαι τὰς τομάς, καὶ διηρήσθωσαν, ὡς εἶρηται.

20 λέγω, ὅτι ἡ διὰ τῶν Κ, Η ἐκβαλλομένη συμπεσεῖται ἐκατέρᾳ τῶν ἀντικειμένων, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ Α ἐφάψονται τῶν τομῶν.

ἥχθωσαν γὰρ ἀπὸ τοῦ Α ἐφαπτόμεναι ἐκατέρας τῶν τομῶν αἱ ΑΕ, ΑΖ· ἡ ἄρα διὰ τῶν Ε, Ζ διὰ τῶν Κ, Η ἐλεύσεται. εἰ γὰρ μή, ἥτοι διὰ τοῦ ἐτέρου αὐτῶν ἦξει ἡ δί' οὐδετέρου, καὶ πάλιν ὁμοίως συναγθήσεται τὸ ἄτοπον.

---

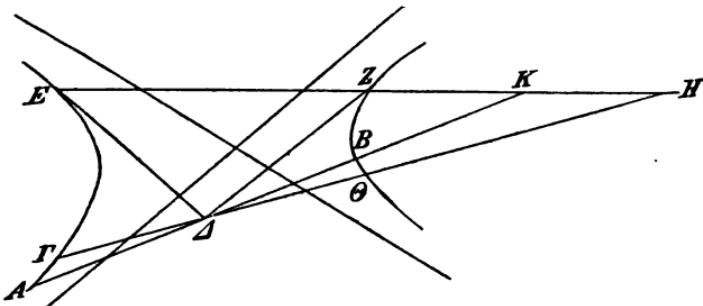
4. αἱ] p, om. V.      Α] p, ΑΕ V.      10. εἰ — 11. οὐδετέρου] deleo.      11. οὐδετέρου] cyp, prius o corr. m. 1. V.      16. Α] p, τέταρτον V.

que  $\angle A > \angle B$ ,  $\Gamma \angle > \Delta \Theta$ , quia  $BN = AM$ . sit autem  $\angle A : \angle B = AK : KB$ ,  $\Gamma \angle : \Delta \Theta = \Gamma H : H \Theta$ . dico, rectam per  $K, H$  ductam cum sectione concurre-re, rectasque a  $\Delta$  ad puncta concursus ductas sec-tionem contingere.

quoniam enim  $\Delta$  intra angulum ab asymptotis comprehensum positum est, fieri potest, ut a  $\Delta$  duea rectae contingentes ducantur [II, 49]. ducantur  $\Delta E, \Delta Z$ , et ducatur  $EZ$ ; ea igitur per puncta  $K, H$  ueniet.<sup>1)</sup> nam si per unum solum eorum ueniet, altera rectarum in alio puncto secundum eandem rationem secabitur [III, 37];<sup>2)</sup> quod fieri non potest. sin per neutrum ueniet, in utraque absurdum eueniet.

## XIX.

Iam punctum  $\Delta$  in angulo sumatur, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps est positus, rectae-



que sectiones secantes producantur et, ut dictum est, diuidantur.

dico, rectam per  $K, H$  productam cum utraque

1) Quae sequuntur lin. 10—11, et inutilia sunt et propter γάρ lin. 11 non ferenda.

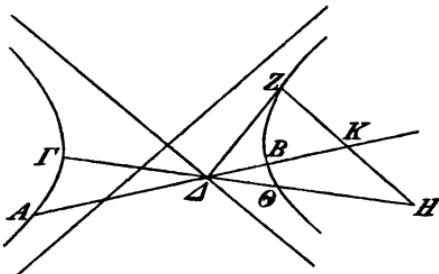
2) Cf. supra p. 27 not.

κ'.  

'Εὰν δὲ τὸ ληφθὲν σημεῖον ἐπὶ τινος ἢ τῶν ἀσυμ-  
πτώτων, καὶ τὰ λοιπὰ γένηται τὰ αὐτά, ἡ διὰ τῶν  
περάτων τῶν ὑπεροχῶν ἀγομένη εὐθεῖα παράλληλος  
5 ἔσται τῇ ἀσυμπτώτῳ, ἐφ' ἣς ἔστι τὸ σημεῖον, καὶ ἡ  
ἀπὸ τοῦ σημείου ἐπὶ τὴν σύμπτωσιν τῆς τομῆς καὶ  
τῆς διὰ τῶν περάτων ἡγμένης εὐθεῖας ἐφάψεται τῆς  
τομῆς.

Ἐστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $A, B$ , καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον  
10 ἔστω ἐπὶ μιᾶς τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ τὰ λοιπὰ τὰ  
αὐτὰ γινέσθω. λέγω,  
ὅτι ἡ διὰ τῶν  $K, H$   
συμπεσεῖται τῇ το-  
μῇ, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς  
15 συμπτώσεως ἐπὶ τὸ  
 $\Delta$  ἐφάψεται τῆς  
τομῆς.

ἡχθω ἀπὸ τοῦ  $\Delta$   
ἐφαπτομένη ἡ  $\Delta Z$ , καὶ ἀπὸ τοῦ  $Z$  παρὰ τὴν ἀσύμπτω-  
20 τον, ἐφ' ἣς ἔστι τὸ  $\Delta$ , ἡχθω εὐθεῖα. ἦξει δὴ διὰ τῶν  
 $K, H$ . εἰ γὰρ μή, ἡ διὰ τοῦ ἐτέρου αὐτῶν ἦξει ἡ δι' οὐδε-  
τέρου, καὶ τὰ αὐτὰ ἄτοπα συμβήσεται τοῖς πρότεροιν.

κα'.  

"Ἐστωσαν πάλιν ἀντικείμεναι αἱ  $A, B$ , καὶ τὸ  $\Delta$   
25 σημεῖον ἐπὶ μιᾶς τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ ἡ μὲν  $\Delta BK$   
τῇ τομῇ καθ' ἓν μόνον σημεῖον συμβαλλέτω τὸ  $B$   
παράλληλος οὖσα τῇ ἐτέρᾳ τῶν ἀσυμπτώτων, ἡ δὲ  $\Gamma\Delta\Theta$   
ἐκατέρᾳ τῶν τομῶν συμβαλλέτω, καὶ ἔστω, ὡς ἡ  $\Gamma\Delta$   
πρὸς  $\Delta\Theta$ , ἡ  $\Gamma H$  πρὸς  $H\Theta$ , τῇ δὲ  $\Delta B$  ἵση ἔστω ἡ  $BK$ .

opposita concurrere, rectasque a punctis concursus ad  $\Delta$  ductas sectiones contingere.

ducantur enim a  $\Delta$  utramque sectionem contingentes  $\Delta E, \Delta Z$ ; itaque recta per  $E, Z$  ducta per  $K, H$  ueniet. nam si minus, aut per alterum eorum ueniet aut per neutrum, rursusque eodem modo absurdum concludemus [III, 39].

## XX.

Sin punctum sumptum in alterutra asymptotarum positum est, et reliqua eadem fiant, recta per terminos excessuum ducta parallela erit asymptotae, in qua punctum positum est, et recta a punto ducta ad concursum sectionis rectaeque per terminos ductae sectionem continget.

sint oppositae  $A, B$ , et punctum  $\Delta$  in alterutra asymptotarum sit, reliquaque eadem fiant. dico, rectam per  $K, H$  ductam cum sectione concurrere, rectamque a punto concursus ad  $\Delta$  ductam sectionem contingere.

a  $\Delta$  contingens ducatur  $\Delta Z$ , et a  $Z$  recta ducatur asymptotae parallela, in qua est  $\Delta$ ; ea igitur per  $K, H$  ueniet. nam si minus, aut per alterum eorum ueniet aut per neutrum, et eadem euident absurdia, quae antea [III, 36].

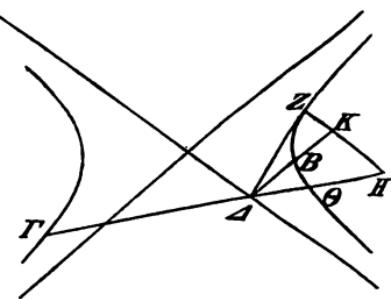
## XXI.

Rursus sectiones oppositae sint  $A, B$ , et  $\Delta$  punctum in alterutra asymptotarum sit, et  $\Delta BK$  alteri asymptotae parallela cum sectione in uno punto solo  $B$  concurrat,  $\Gamma\Delta\Theta$  autem cum utraque sectione concurrat, sitque  $\Gamma\Delta : \Delta\Theta = \Gamma H : H\Theta$  et  $BK = \Delta B$ .

λέγω, ὅτι ἡ διὰ τῶν  $K, H$  σημείων συμπεσεῖται τῇ τομῇ καὶ παράλληλος ἔσται τῇ ἀσυμπτώτῳ, ἐφ' ἣς ἔστι τὸ  $\Delta$  σημεῖον, καὶ ἡ ἀπὸ τῆς συμπτώσεως δὲπὶ τὸ  $\Delta$  ἀγομένη ἐφάψεται τῆς τομῆς.

ῆχθω γὰρ ἐφαπτομένη ἡ  $\Delta Z$ , καὶ ἀπὸ τοῦ  $Z$  παρὰ τὴν ἀσύμπτωτον, ἐφ' ἣς ἔστι τὸ  $\Delta$ , ἦχθω εὐθεῖα·

ηὔσει δὴ διὰ τῶν  $K, H$ . εἰ γὰρ μή, τὰ πρότερον εἰρημένα ἄτοπα συμβήσεται.



$\kappa\beta'$ .

15 "Εστωσαν δὴ ὁμοίως αἱ ἀντικείμεναι καὶ αἱ ἀσύμπτωτοι, καὶ τὸ  $\Delta$  σημεῖον ὁμοίως εἰλήφθω, καὶ ἡ μὲν  $\Gamma\Delta\Theta$  τέμνουσα τὰς τομάς, ἡ δὲ  $\Delta B$  παράλληλος τῇ ἑτέρᾳ τῶν ἀσυμπτωτῶν, καὶ ἔστω, ὡς ἡ  $\Gamma\Delta$  πρὸς  $\Delta\Theta$ , ἡ  $\Gamma H$  πρὸς  $H\Theta$ , τῇ δὲ  $\Delta B$  ἵση ἡ  $BK$ .

20 λέγω, ὅτι ἡ διὰ τῶν  $K, H$  συμπεσεῖται ἐκατέρᾳ τῶν ἀντικειμένων, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ  $\Delta$  ἐφάψουται τῶν ἀντικειμένων.

ῆχθωσαν ἐφαπτόμεναι αἱ  $\Delta E, \Delta Z$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $EZ$  καί, εἰ δυνατόν, μὴ ἐρχέσθω διὰ τῶν  $K, H$ , 25 ἀλλ' ἥτοι διὰ τοῦ ἑτέρου ἡ δι' οὐδετέρου [ηὔσει]. εἰ μὲν διὰ τοῦ  $H$  μόνου, οὐκ ἔσται ἡ  $\Delta B$  τῇ  $BK$  ἵση, ἀλλ' ἑτέρᾳ ὅπερ ἄτοπον. εἰ δὲ διὰ μόνου τοῦ  $K$ ,

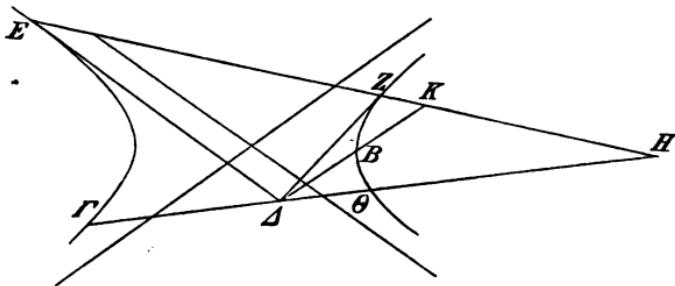
1.  $K, H]$  σν, ευαν. V;  $H, K$  p. 7. ἐφαπτομένῃ] p, ἐφαπτόμεναι] V. 20.  $K, H]$   $H, K$  V,  $K, B$  p; corr. Comm  
21. αἱ] p, om. V. 25. ἥτοι] p, ἥτοι ἡ V. ἥτει] deleo.

dico, rectam per puncta  $K, H$  ductam cum sectione concurrere parallelamque esse asymptotae, in qua sit punctum  $\Delta$ , rectamque a puncto concursus ad  $\Delta$  ductam sectionem contingere.

ducatur enim contingens  $\Delta Z$ , et a  $Z$  recta ducatur parallela asymptotae, in qua est punctum  $\Delta$ ; ea igitur per  $K, H$  ueniet. nam si minus, absurdum, quae antea diximus, euenient [III, 36].

## XXII.

Iam eodem modo sint propositae sectiones oppositae asymptotaeque, et punctum  $\Delta$  eodem modo<sup>1)</sup> sumatur, et  $\Gamma\Delta\Theta$  sectiones secans,  $\Delta B$  autem alteri asymptotae parallela, sitque  $\Gamma\Delta : \Delta\Theta = \Gamma H : H\Theta$ , et  $BK = \Delta B$ .



dico, rectam per  $K, H$  ductam cum utraque opposita concurrere, et rectas a punctis concursus ad  $\Delta$  ductas oppositas contingere.

ducantur contingentes  $\Delta E, \Delta Z$ , ducaturque  $EZ$  et, si fieri potest, per  $K, H$  ne cadat, sed aut per al-

1) Hic aliquid turbatum est; nam punctum  $\Delta$  in angulo deinceps positio positum esse necesse est, et ita in figura codicis V est. quare Memus ceterique hoc in uerbis Apollonii addiderunt ( $\tauὸ οὐμεῖνον ἐν τῇ ἔφεξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν δσυμπτώτων περιεχομένης, δμοιως$  Halley).

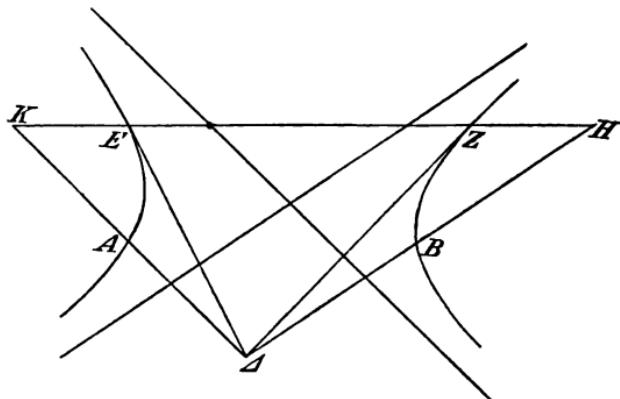
οὐκ ἔσται, ως ἡ ΓΔ πρὸς ΑΘ, ἡ ΓΗ πρὸς ΗΘ, ἀλλ᾽ ἄλλη τις πρὸς ἄλλην. εἰ δὲ δὶς οὐδετέρους τῶν K, H, ἀμφότερα τὰ ἀδύνατα συμβήσεται.

κγ'.

5 "Εστωσαν πάλιν ἀντικείμεναι αἱ A, B, καὶ τὸ Δ σημεῖον ἐν τῇ ἐφεξῆς γωνίᾳ τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης, καὶ ἡ μὲν BΔ ἥχθω τὴν B τομὴν καθ' ἐν μόνον τέμνουσα, τῇ δὲ ἐτέρᾳ τῶν ἀσυμπτώτων παράλληλος, ἡ δὲ ΔA τὴν A τομὴν ὁμοίως, καὶ ἔστω 10 ἵση ἡ μὲν ΔB τῇ BH, ἡ δὲ ΔA τῇ AK.

λέγω, ὅτι ἡ διὰ τῶν K, H συμβάλλει ταῖς τομαῖς, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ Δ ἀγόμεναι ἐφ-ἀψονται τῶν τομῶν.

15 ἥχθωσαν ἐφαπτόμεναι αἱ ΔE, ΔZ, καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ EZ, εἰ δυνατόν, μὴ ἐρχέσθω διὰ τῶν K, H. ἦτοι



δη διὰ τοῦ ἐτέρου αὐτῶν ἐλεύσεται ἡ δὶς οὐδετέρους, καὶ ἦτοι ἡ ΔA οὐκ ἔσται ἵση τῇ AK, ἀλλὰ ἄλλῃ τινὶ·

1. ΗΘ] ΘK V; corr. Memus. 2. οὐδετέρας Vp; corr.  
Halley. 5. Δ] Δ Vp; corr. Memus. 12. συμπτώσεων] c p;  
συμπτώτων V.

terum aut per neutrum. iam si per  $H$  solum cadit, non erit  $\angle B$  rectae  $BK$  aequalis, sed alii cuidam [III, 31]; quod absurdum est. sin per  $K$  solum, non erit  $\Gamma\Delta : \Delta\Theta = \Gamma H : H\Theta$ , sed alia quaedam ad aliam [III, 39]. sin per neutrum punctorum  $K, H$  cadit, utrumque absurdum eueniet.

## XXIII.

Rursus sint oppositae  $A, B$ , et punctum  $A$  possum sit in angulo, qui angulo ab asymptotis comprehenso deinceps est positus, ducaturque  $B\Delta$  sectionem  $B$  in uno punto solo secans, alteri autem asymptotarum parallelia, et  $\Delta A$  eodem modo sectionem  $A$  secet, sitque  $\angle B = BH, \Delta A = AK$ .

dico, rectam per puncta  $K, H$  ductam cum sectionibus concurrere, et rectas a punctis concursus ad  $\Delta$  ductas sectiones contingere.

ducantur contingentes  $\Delta E, \Delta Z$ , et ducta  $EZ$ , si fieri potest, per  $K, H$  ne cadat. aut igitur per alterum eorum cadet aut per neutrum, et aut  $\Delta A$  rectae  $AK$  aequalis non erit, sed alii cuidam [III, 31]; quod absurdum est; aut non erit  $\angle B = BH$ , aut neutra neutri, et rursus in utraque idem absurdum eueniet. ergo  $EZ$  per  $K, H$  ueniet.

## XXIV.

Coni sectio cum coni sectione uel arcu circuli ita non concurrit, ut pars eadem sit, pars non communis.

ὅπερ ἄτοπον· ἡ ἡ ΔΒ τῇ ΒΗ οὐκ ἵση, ἡ ὀύδετέρα οὐδετέρα, καὶ πάλιν ἐπ' ἀμφοτέρων τὸ αὐτὸν ἄτοπον συμβῆσεται. ἦξει ἄρα ἡ EZ διὰ τῶν K, H.

κδ'.

5 Κάνουν τομὴ κώνουν τομῇ ἡ κύκλου περιφερείᾳ οἱ συμβάλλει οὗτως, ὥστε μέρος μέν τι εἶναι ταῦτόν, μέρος δὲ μὴ εἶναι κοινόν.

εἰ γὰρ δυνατόν, κώνουν τομὴ ἡ ΔΑΒΓ κύκλου περιφερείᾳ τῇ ΕΑΒΓ συμβαλλέτω, καὶ ἔστω αὐτῶν 10 κοινὸν μέρος τὸ αὐτὸν τὸ ΑΒΓ, μὴ κοινὸν δὲ τὸ ΔΔ καὶ τὸ ΑΕ, καὶ εἰλήφθω ἐπ' αὐτῶν σημεῖον τὸ Θ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΘΑ, καὶ διὰ τυχόντος σημείου τοῦ Ε τῇ ΑΘ παράλληλος ἥχθω ἡ ΔΕΓ, καὶ τετμήσθω ἡ ΑΘ δίχα κατὰ τὸ H, καὶ διὰ τοῦ H διάμετρος ἥχθω 15 ἡ ΒΗΖ. ἡ ἄρα διὰ τοῦ B παρὰ τὴν ΑΘ ἐφάψεται ἑκατέρας τῶν τομῶν καὶ παράλληλος ἔσται τῇ ΔΕΓ, καὶ ἔσται ἐν μὲν τῇ ἐτέρᾳ τομῇ ἡ ΔΖ τῇ ΖΓ ἵση, ἐν δὲ τῇ ἐτέρᾳ ἡ EZ τῇ ΖΓ ἵση. ὥστε καὶ ἡ ΔΖ τῇ ΖΕ ἔστιν ἵση· ὅπερ ἀδύνατον.

20

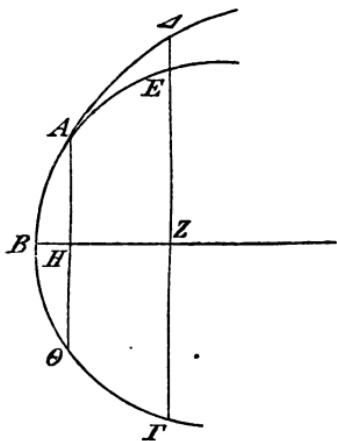
κε'.

Κάνουν τομὴ κώνουν τομὴν ἡ κύκλου περιφέρειαν οὐ τέμνει κατὰ πλείονα σημεῖα τεσσάρων.

εἰ γὰρ δυνατόν, τεμνέτω κατὰ πέντε τὰ A, B, Γ, Δ, E, καὶ ἔστωσαν αἱ A, B, Γ, Δ, E συμπτώσεις ἐφεξῆς μηδεμίαν παραλείπονται μεταξὺ αὐτῶν, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΑΒ, ΓΔ καὶ ἐκβεβλήσθωσαν· συμπεσοῦνται δὴ αὖται ἐκτὸς τῶν τομῶν ἐπὶ τῆς παραβολῆς καὶ ὑπερβολῆς. συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ Λ, καὶ ὃν μὲν ἔχει

2. οὐδετέρα] om. Vp; corr. Halley cum Comm. 8. γάρ] v p c, ins. m. 1 V. 23. τά] p, αἱ V. 25. αὐτῶν] scripsi, αὐτῶν V p c.

nam si fieri potest, coni sectio  $\Delta A\Gamma$  cum arcu circuli  $E\Gamma\Gamma$  concurrat, eorumque communis sit pars eadem  $A\Gamma$ , non communes autem  $\Delta\Delta$ ,  $\Delta E$ , et in



iis sumatur punctum  $\Theta$ , ducaturque  $\Theta A$ , per punctum autem quodlibet  $E$  rectae  $\Delta\Theta$  parallela ducatur  $\Delta E\Gamma$ , et  $\Delta\Theta$  in  $H$  in duas partes aequales secetur, per  $H$  autem diametrus ducatur  $BHZ$ . itaque recta per  $B$  rectae  $\Delta\Theta$  parallela ducta utramque sectionem contingit [I, 32], et rectae  $\Delta E\Gamma$  parallela erit [Eucl. I, 30], eritque in altera sectione  $\Delta Z = Z\Gamma$ , in altera  $EZ = Z\Gamma$  [I, 46—47]. quare etiam  $\Delta Z = ZE$ ; quod fieri non potest.

## XXV.

Coni sectio coni sectionem uel arcum circuli non secat in pluribus punctis quam quattuor.

nam si fieri potest, in quinque secet  $A, B, \Gamma, \Delta, E$ , et puncta concursus  $A, B, \Gamma, \Delta, E$  deinceps sint posita nullum inter se praetermittentia, et ducantur  $AB, \Gamma\Delta$  producanturque; eae igitur in parabola et hyperbola extra sectiones concurrent [II, 24—25]. concurrent in  $\Delta$ , sitque  $\Delta\Delta : \Delta B = \Delta O : OB$  et

$$\Delta\Delta : \Delta\Gamma = \Delta\Gamma : \Gamma\Gamma.$$

itaque recta a  $\Gamma$  ad  $O$  ducta in utramque partem producta cum sectione concurret, et rectae a punctis concursus ad  $\Delta$  ductae sectiones contingent [prop. IX].

λόγον ἡ ΑΑ πρὸς ΑΒ, ἔχετω ἡ ΑΟ πρὸς ΟΒ, δὲν δὲ  
ἔχει λόγον ἡ ΔΔ πρὸς ΔΓ, ἔχετω ἡ ΔΠ πρὸς ΠΓ.  
ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ Π ἐπὶ τὸ Ο ἐπιξευγνυμένη ἐκβαλλο-  
μένη ἐφ' ἐκάτερα συμπεσεῖται τῇ τομῇ, καὶ αἱ ἀπὸ  
δ τῶν συμπτώσεων ἐπὶ τὸ Λ ἐπιξευγνύμεναι ἐφάψονται  
τῶν τομῶν. συμπιπτέτω δὴ κατὰ τὰ Θ, P, καὶ ἐπε-  
ξεύχθωσαν αἱ ΘΛ, ΛΡ· ἐφάψονται δὴ αὗται. ἡ ἄρα ΕΛ  
τέμνει ἐκατέραν τομήν, ἐπείπερ μεταξὺ τῶν Β, Γ σύμ-  
πτωσις οὐκ ἔστι. τεμνέτω κατὰ τὰ M, H· ἔσται ἄρα  
10 διὰ μὲν τὴν ἐτέραν τομήν, ὡς ἡ ΕΛ πρὸς ΛΗ, ἡ EN  
πρὸς NH, διὰ δὲ τὴν ἐτέραν, ὡς ἡ ΕΛ πρὸς ΛΜ,  
ἡ EN πρὸς NM. τοῦτο δὲ ἀδύνατον· ὥστε καὶ τὸ  
ἔξ ἀρχῆς.

ἐὰν δὲ αἱ ΑΒ, ΔΓ παράλληλοι ὦσιν, ἔσονται μὲν  
15 αἱ τομαὶ ἐλλείψεις ἡ κύκλου περιφέρεια. τετμήσθωσαν  
αἱ ΑΒ, ΓΔ δίχα κατὰ τὰ Ο, Π, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΠΟ  
καὶ ἐκβεβλήσθω ἐφ' ἐκάτερα· συμπεσεῖται δὴ ταῖς  
τομαῖς. συμπιπτέτω δὴ κατὰ τὰ Θ, P. ἔσται δὴ  
διάμετρος τῶν τομῶν ἡ ΘΡ, τεταγμένως δὲ ἐπ' αὐτὴν  
20 κατηγμέναι αἱ ΑΒ, ΓΔ. ἡγθω δὴ ἀπὸ τοῦ Ε παρὰ  
τὰς ΑΒ, ΓΔ ἡ ENMH· τεμεῖ ἄρα ἡ EMH τὴν ΘΡ  
καὶ ἐκατέραν τῶν γραμμῶν, διότι ἐτέρα σύμπτωσις οὐκ  
ἔστι παρὰ τὰς Α, B, Γ, Δ. ἔσται δὴ διὰ ταῦτα ἐν  
μὲν τῇ ἐτέρᾳ τομῇ ἡ NM ἵση τῇ EN, ἐν δὲ τῇ ἐτέρᾳ  
25 ἡ NE τῇ NH ἵση· ὥστε καὶ ἡ NM τῇ NH ἔστω  
ἵση· ὅπερ ἀδύνατον.

2. ΔΔ] p, ΔΓ V.

15. περιφέρεια] p v, περιφερεῖα: V.

16. ΓΔ] c p v, Γ eu an. V.

23. Δ] Δ, E p.

concurrat igitur in  $\Theta, P$ , ducanturque  $\Theta A, AP$ ; eae igitur contingent. itaque  $E\Lambda$  utramque sectionem se-

cat, quoniam inter  $B, \Gamma$  nullum est punctum concursus. secet in  $M, H$ . itaque propter alteram sectionem erit

$$EA : AH = EN : NH,$$

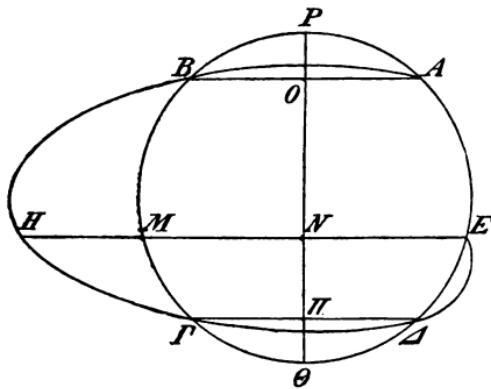
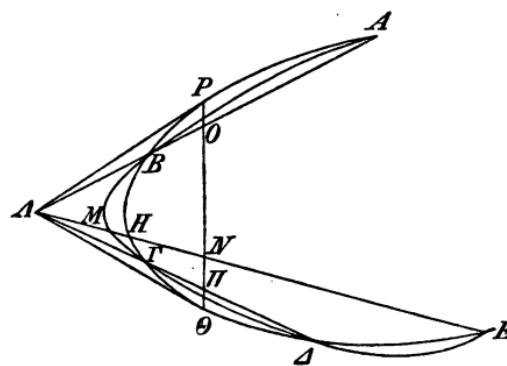
propter alteram

autem  $EA : AM = EN : NM$  [III, 37]. hoc autem fieri non potest; ergo ne illud quidem, quod ab initio posuimus.

sin  $AB, \Gamma\Delta$  parallelae sunt, sectiones erunt ellipses uel altera arcus circuli. secentur  $AB, \Gamma\Delta$  in  $O, \Pi$

in binas partes aequales, ducaturque  $\Pi O$  et in utramque partem producatur; cum sectionibus igitur concurret. concurrat igitur in  $\Theta, P$ . itaque  $\Theta P$  diametrus erit sectionum [II, 28],

et ad eam ordinate ductae  $AB, \Gamma\Delta$ . ducatur igitur ab  $E$  rectis  $AB, \Gamma\Delta$  parallela  $ENMH$ .  $EMH$  igitur rectam  $\Theta P$  et utramque lineam secat, quoniam nullum aliud est punctum concursus praeter  $A, B, \Gamma, \Delta$ . prop-



κε'.

'Εὰν τῶν εἰρημένων γραμμῶν τινες καθ' ἐν ἑφάπτωνται σημεῖον ἀλλήλων, οὐ συμβάλλουσιν ἔσταις καθ' ἔτερα σημεῖα πλείονα ἢ δύο.

5 ἑφαπτέσθωσαν γὰρ ἀλλήλων τινὲς δύο τῶν εἰρημένων γραμμῶν κατὰ τὸ Α σημεῖον. λέγω, ὅτι οὐ συμβάλλουσι κατ' ἄλλα σημεῖα πλείονα ἢ δύο.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτωσαν κατὰ τὰ **B, Γ, Δ**, καὶ ἔστωσαν αἱ συμπτώσεις ἐφεξῆς ἀλλήλαις μηδεμίαν 10 μεταξὺ παραλείπονται, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ **ΒΓ** καὶ ἐκβεβλήσθω, καὶ ἀπὸ

τοῦ **A** ἑφαπτομένη ἥχθω ἡ **ΑΛ**. ἑφάψεται

δὴ τῶν δύο τομῶν καὶ

15 συμπεσεῖται τῇ **ΓΒ**. συμπιπτέτω κατὰ τὸ **Δ**,

καὶ γινέσθω, ὡς ἡ **ΓΔ** πρὸς **ΛΒ**, ἡ **ΓΠ** πρὸς

**ΠΒ**, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ

20 **ΑΠ** καὶ ἐκβεβλήσθω. συμπεσεῖται δὴ ταῖς

τομαῖς, καὶ αἱ ἀπὸ τῶν

συμπτώσεων ἐπὶ τὸ **Λ** ἑφάψονται τῶν τομῶν. ἐκβε-

βλήσθω καὶ συμπιπτέτω κατὰ τὰ **Θ, P**, καὶ ἐπεξεύχθωσαν

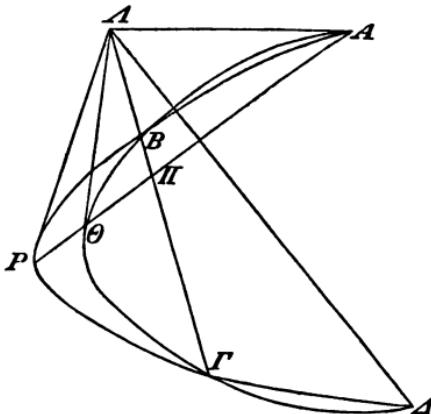
25 αἱ **ΘΛ, ΛΡ**. ἑφάψονται δὴ αὗται τῶν τομῶν. ἡ ἄρα

ἀπὸ τοῦ **Δ** ἐπὶ τὸ **Λ** ἐπιξενγνυμένη τέμνει ἐκατέραν

τῶν τομῶν, καὶ συμβήσεται τὰ πρότερον εἰρημένα

ἄτοπα. οὐκ ἄρα τέμνουσιν ἀλλήλας κατὰ πλείονα

σημεῖα ἢ δύο.



7. ἢ] p, om. V.    14. δύο] ù V.

terea erit [I def. 4] in altera sectione  $NM = EN$ , in altera  $NE = NH$ ; quare etiam  $NM = NH$ ; quod fieri non potest.

## XXVI.

Si quae linearum, quas diximus, inter se in uno puncto contingunt, non concurrunt inter se in aliis punctis pluribus quam duobus.

nam duae aliquae linearum, quas diximus, inter se contingant in punto  $A$ . dico, eas non concurrere in aliis punctis pluribus quam duobus.

nam si fieri potest, concurrant in  $B, \Gamma, A$ , et puncta concursus deinceps sint posita nullum inter se praetermittentia, ducaturque  $B\Gamma$  et producatur, ab  $A$  autem contingens ducatur  $AA$ ; ea igitur duas sectiones continget et cum  $\Gamma B$  concurret. concurrat in  $A$ , et fiat  $\Gamma A : AB = \Gamma \Pi : \Pi B$ , ducaturque  $A\Pi$  et producatur; concurret igitur cum sectionibus, et rectae a punctis concursus ad  $A$  ductae sectiones contingent [prop. I]. producatur et in  $\Theta, P$  concurrat, ducanturque  $\Theta A, AP$ ; eae igitur sectiones contingent. itaque recta a  $A$  ad  $A$  ducta utramque sectionem secat, et eadem, quae antea [prop. XXV] diximus, absurdamentia euident [III, 37]. ergo non secant inter se in pluribus punctis quam duobus.

sin in ellipsi uel arcu circuli  $\Gamma B$  et  $AA$  parallelae sunt, eodem modo, quo in praecedenti, demonstrationem conficiemus, cum demonstrauerimus,  $A\Theta$  diametrum esse.

έὰν δὲ ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως ἢ τῆς τοῦ κύκλου περιφε-  
ρείας ἢ ΓΒ παράλληλος ἢ τῇ ΑΑ, ὅμοιως τῷ προει-  
ρημένῳ ποιησόμεθα τὴν ἀπόδειξιν διάμετρον δεῖξαντες  
τὴν ΑΘ.

5

κξ'.

'Εὰν τῶν προειρημένων γραμμῶν τινες κατὰ δύο  
σημεῖα ἐφάπτωνται ἀλλήλων, οὐ συμβάλλουσιν ἀλλή-  
λαις καθ' ἔτερον.

δύο γὰρ τῶν εἰρημένων γραμμῶν ἐφαπτέσθωσαν  
10 ἀλλήλων κατὰ δύο σημεῖα τὰ Α, Β. λέγω, ὅτι ἀλ-  
λήλαις κατὰ ἄλλο σημεῖον οὐ συμβάλλουσιν.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτωσαν καὶ κατὰ τὸ Γ,  
καὶ ἔστω πρότερον τὸ Γ ἐκτὸς τῶν Α, Β ἀφῶν, καὶ  
ἥχθωσαν ἀπὸ τῶν Α, Β ἐφαπτόμεναι· ἐφάψουνται ἄρα  
15 ἀμφοτέρων τῶν γραμμῶν. ἐφαπτέσθωσαν καὶ συμ-  
πιπτέτωσαν κατὰ τὸ Λ, ὡς ἐπὶ τῆς πρώτης καταγραφῆς,  
καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΓΛ· τεμεῖ δὴ ἐκατέρων τῶν τομῶν.  
τεμνέτω κατὰ τὰ Η, Μ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ANB. ἔσται  
ἄρα ἐν μὲν τῇ ἔτερᾳ τομῇ, ὡς ἡ ΓΛ πρὸς ΛΗ, ἡ ΓΝ  
20 πρὸς NH, ἐν δὲ τῇ ἔτερᾳ, ὡς ἡ ΓΛ πρὸς ΛΜ, ἡ ΓΝ  
πρὸς NM· ὅπερ ἄτοπον.

κη'.

'Εὰν δὲ ἡ ΓΗ παράλληλος ἢ ταῖς κατὰ τὰ Α, Β  
σημεῖα ἐφαπτομέναις, ὡς ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως ἐν τῇ  
25 δευτέρᾳ καταγραφῇ, ἐπιξεύξαντες τὴν ΑΒ ἐροῦμεν,  
ὅτι διάμετρος ἔσται τῶν τομῶν. ὥστε δίχα τμηθήσεται  
ἐκατέρα τῶν ΓΗ, ΓΜ κατὰ τὸ Ν· ὅπερ ἄτοπον.  
οὐκ ἄρα καθ' ἔτερον σημεῖον συμβάλλουσιν αἱ γραμ-  
μαὶ ἀλλήλαις, ἀλλὰ κατὰ μόνα τὰ Α, Β.

7. ἀλλήλαις] p, ἀλλήλως V. 14. ἐφάψουνται] p, ἐφάψεται V.

17. τεμεῖ] p, τεμεῖν V. 22. κη'] om. V p. 28. τά] p,  
om. V 27. ΓΜ] cyp, Γ e corr. m. 1 V.

XXVII.<sup>1)</sup>

Si quae linearum, quas antea diximus, in duobus punctis inter se contingunt, in alio punto inter se non concurrunt.

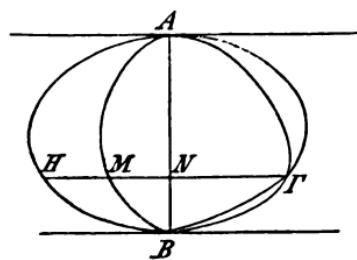
nam ex lineis, quas diximus, duae inter se in duobus punctis contingent *A*, *B*. dico, eas in alio punto inter se non concurrere.

nam si fieri potest, etiam in  $\Gamma$  concurrent, et  $\Gamma$  prius extra puncta contactus *A*, *B* positum sit, du-

canturque ab *A*, *B* contingentes; contingent igitur utramque lineam. contingant et concurrent in  $\Lambda$ , ut in prima figura, ducaturque  $\Gamma\Lambda$ ; ea igitur utramque sectionem secabit. secet in *H*, *M*, et ducatur  $ANB$ . itaque erit in altera sectione [III, 37]  $\Gamma\Lambda : \Lambda H = \Gamma N : NH$ , in altera autem  $\Gamma\Lambda : \Lambda M = \Gamma N : NM$ ; quod absurdum est.

## XXVIII.

Sin  $\Gamma H$  rectis in *A*, *B* contingentibus parallela est, ut



lineae in nullo alio punto concurrent, sed in solis *A*, *B*.

<sup>1)</sup> Hanc propositionem in tres diuisi, ut numerus XLIII apud Eutocium suaee responderet propositioni; nam ne pro-

*καθ'*.

"Εστω δὴ τὸ  $\Gamma$  μεταξὺ τῶν ἀφῶν, ως ἐπὶ τῆς τρίτης καταγραφῆς.

φανερόν, ὅτι οὐκ ἐφάψονται αἱ γραμμαὶ ἄλλῃσιν  
ἢ κατὰ τὸ  $\Gamma$  κατὰ δύο γὰρ μόνον ὑπόκεινται ἐφαπτό-  
μεναι. τεμνέτωσαν οὖν κατὰ τὸ  $\Gamma$ , καὶ ἡχθωσαν ἀπὸ  
τῶν  $A, B$  ἐφαπτό-

μεναι αἱ  $AA$ ,  
 $AB$ , καὶ ἐπε-

10 ξεύχθω ἡ  $AB$  καὶ  
δίχα τετμήσθω  
κατὰ τὸ  $Z$ . ἡ ἄρα  
ἀπὸ τοῦ  $A$  ἐπὶ  
τὸ  $Z$  διάμετρος

15 ἔσται. διὰ μὲν οὖν τοῦ  $\Gamma$  οὐκ ἐλεύσεται. εἰ γὰρ ἥξει  
ἡ διὰ τοῦ  $\Gamma$  παρὰ τὴν  $AB$  ἀγομένη ἐφάψεται ἀμφο-  
τέρων τῶν τομῶν· τοῦτο δὲ ἀδύνατον. ἡχθω δὴ ἀπὸ  
τοῦ  $\Gamma$  παρὰ τὴν  $AB$  ἡ  $\Gamma KHM$ . ἔσται δὴ ἐν μὲν τῇ  
ἐτέρᾳ τομῇ ἡ  $\Gamma K$  τῇ  $KH$  ἵση, ἐν δὲ τῇ ἐτέρᾳ ἡ  $KM$

20 τῇ  $KG$  ἵση. ὥστε καὶ ἡ  $KM$  τῇ  $KH$  ἵση· ὅπερ ἀδύνατον.

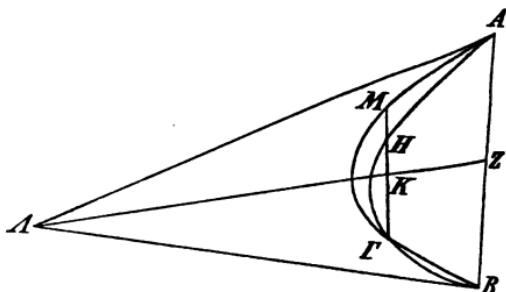
δομοίως δὲ καὶ, ἐὰν παράλληλοι ὥσιν αἱ ἐφαπτό-  
μεναι, κατὰ τὰ αὐτὰ τοῖς ἐπάνω τὸ ἀδύνατον δειχ-  
θήσεται.

*λ'.*

25 Παραβολὴ παραβολῆς οὐκ ἐφάψεται κατὰ πλείονα  
σημεῖα ἢ ἕν.

εἰ γὰρ δυνατόν, ἐφαπτέσθωσαν αἱ  $AHB$ ,  $AMB$   
παραβολαὶ κατὰ τὰ  $A, B$ , καὶ ἡχθωσαν ἐφαπτόμεναι  
αἱ  $AA$ ,  $AB$ . ἐφάψονται δὴ αὗται τῶν τομῶν ἀμφο-  
τέρων καὶ συμπεσοῦνται κατὰ τὸ  $A$ .

1. *καθ'*] om. Vp.    2. *ώς*] p, om. V.



**XXIX.**

Iam uero  $\Gamma$  inter puncta contactus positum sit, ut in tertia figura.

manifestum est, lineas in  $\Gamma$  inter se non contingere; nam suppositum est, eas in duobus solis contingere. secent igitur in  $\Gamma$ , ducanturque ab  $A$ ,  $B$  contingentes  $AA$ ,  $AB$ , et ducatur  $AB$  seceturque in  $Z$  in duas partes aequales; itaque recta ab  $A$  ad  $Z$  ducta diametruſ erit [II, 29]. iam per  $\Gamma$  non ueniet; nam si ueniet, recta per  $\Gamma$  rectae  $AB$  parallelala ducta utramque sectionem continget [II, 5—6]; hoc autem fieri non potest. ducatur igitur a  $\Gamma$  rectae  $AB$  parallelala  $\Gamma KHM$ ; erit igitur [I def. 4] in altera sectione  $\Gamma K = KH$ , in altera autem  $KM = K\Gamma$ . quare etiam  $KM = KH$ ; quod fieri non potest.

similiter autem etiam, si rectae contingentes parallelae sunt, eodem modo, quo supra, demonstrabimus fieri non posse.

**XXX.**

Parabola parabolam non continget in pluribus punctis quam in uno.

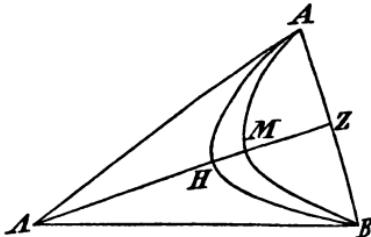
nam si fieri potest, parabolae  $AHB$ ,  $AMB$  in  $A$ ,  $B$  contingant, ducanturque contingentes  $AA$ ,  $AB$ ; eae igitur utramque sectionem contingent et in  $A$  concurrent.

ducatur  $AB$  et in  $Z$  in duas partes aequales se cetur, ducaturque  $AZ$ . quoniam igitur duae lineae  $AHB$ ,  $AMB$  inter se contingunt in duobus punctis

---

positiones XXV et XXVI in binas dividamus, obstat uocabulum  $\piροειρημένω$  prop. XXVI p. 44, 2.

- έπειτα οὖν δύο γραμμαὶ αἱ  $AHB$ ,  
 $AMB$  ἐφάπτονται ἀλλή-  
 λων κατὰ δύο τὰ  $A$ ,  $B$ ,  
 5 οὐ συμβάλλουσιν ἀλλήλαις  
 καθ' ἔτερον· ὥστε ἡ  $AZ$   
 ἐκατέραν τῶν τομῶν τέμ-  
 νει. τεμνέτω κατὰ τὰ  $H$ ,  $M$ .  
 ἔσται δὴ διὰ μὲν τὴν ἑτέ-  
 10 ραν τομὴν ἡ  $AH$  τῇ  $HZ$  ἴση, διὰ δὲ τὴν ἑτέραν ἡ  
 $AM$  τῇ  $MZ$  ἴση· ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα παραβολὴ  
 παραβολῆς ἐφάψεται κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ ἐν.



λα'.

- 15 *Παραβολὴ ὑπερβολῆς* οὐκ ἐφάψεται κατὰ δύο σημεῖα  
 ἐκπὺς αὐτῆς πίκτουσα.

ἔστω παραβολὴ μὲν ἡ  $AHB$ , ὑπερβολὴ δὲ ἡ  $AMB$ ,  
 καὶ εἰ δυνατόν, ἐφαπτέσθωσαν κατὰ τὰ  $A$ ,  $B$ , καὶ  
 ἥκθωσαν ἀπὸ τῶν  $A$ ,  $B$  ἐφαπτόμεναι ἐκατέρας τῶν  
 $A$ ,  $B$  τομῶν συμπίκτουσαι ἀλλήλαις κατὰ τὸ  $A$ , καὶ  
 20 ἐπειτα οὖν δύο γραμμαὶ αἱ  $AHB$ ,  $AMB$  τομαὶ κατὰ τὰ  $A$ ,  $B$   
 ἐφάπτονται, κατ' ἄλλο οὐ συμβάλλουσιν· ἡ ἄρα  $AZ$   
 κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο τέμνει τὰς τομάς. τεμνέτω κατὰ  
 25 τὰ  $H$ ,  $M$ , καὶ προσεκβεβλήσθω ἡ  $AZ$ · πεσεῖται δὴ ἐπὶ  
 τὸ κέντρον τῆς ὑπερβολῆς. ἔστω κέντρον τὸ  $A$ · ἔσται  
 δη̄ διὰ μὲν τὴν ὑπερβολὴν, ὡς ἡ  $ZA$  πρὸς  $AM$ , ἡ

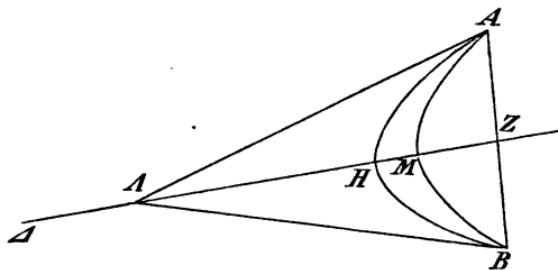
8. ταῦ] p, τό V. 11. οὐκ] ερν; euon. V, add. mg. m.  
 rec. παραβολή] p, om. V.

*A, B*, in nullo alio inter se concurrunt [prop. XXVII —XXIX]; quare  $\angle Z$  utramque sectionem secat. secet in  $H, M$ ; erit igitur [I, 35] propter alteram sectionem  $\angle H = \angle Z$ , propter alteram autem  $\angle M = \angle Z$ ; quod fieri non potest. ergo parabola non continget in pluribus punctis quam in uno.

## XXXI.

Parabola hyperbolam non continget in duobus punctis extra eam cadens.

sit parabola  $AHB$ , hyperbola autem  $AMB$ , et, si fieri potest, contingant in *A, B*, ducanturque ab



*A, B* rectae utramque sectionem *A, B* contingentes, quae in *A* inter se concurrunt, et ducatur  $AB$  seceturque in *Z* in duas partes aequales, ducaturque  $AZ$ .

quoniam igitur sectiones  $AHB, AMB$  in *A, B* contingunt, in nullo alio punto concurrunt [prop. XXVII —XXIX];  $AZ$  igitur in alio atque alio punto sectiones secat. secet in  $H, M$ , et  $AZ$  producatur; ueniet igitur per centrum hyperbolae [II, 29]. sit centrum *A*; erit igitur propter hyperbolam [I, 37]

$$ZA : AM = AM : AA$$

[Eucl. VI, 17] =  $ZM : MA$  [Eucl. V, 17; V, 16].

*ΜΔ πρὸς ΔΔ καὶ λοιπὴ ἡ ΖΜ πρὸς ΜΛ.* μείζων  
δὲ ἡ ΖΔ τῆς ΔΜ· μείζων ἄρα καὶ ἡ ΖΜ τῆς ΜΛ. διὰ  
δὲ τὴν παραβολὴν ἵση ἡ ΖΗ τῇ ΗΛ· ὅπερ ἀδύνατον.

λβ'.

5 *Παραβολὴ ἐλλείψεως ἡ κύκλου περιφερείας οὐκ  
έφαψεται κατὰ δύο σημεῖα ἐντὸς αὐτῆς πίκτουσα.*

Ἐστιν γὰρ ἐλλείψις ἡ κύκλου περιφέρεια ἡ ΑΗΒ,  
παραβολὴ δὲ ἡ ΑΜΒ, καὶ εἰ δυνατόν, ἐφαπτέσθωσαν  
κατὰ δύο τὰ Α, Β, καὶ ἥχθωσαν ἀπὸ τῶν Α, Β ἐφαπ-  
10 τόμεναι τῶν τομῶν καὶ συμπίκτουσαι κατὰ τὸ Δ, καὶ  
ἐπεξεύχθω ἡ ΑΒ καὶ δίχα τετμήσθω κατὰ τὸ Ζ, καὶ  
ἐπεξεύχθω ἡ ΑΖ· τεμεῖ δὴ ἐκατέραν τῶν τομῶν κατ'  
ἄλλο καὶ ἄλλο, ὡς εἰρηται. τεμνέτω κατὰ τὰ Η, Μ,  
καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ ΑΖ ἐπὶ τὸ Δ, καὶ ἔστω τὸ Δ κέν-  
15 τρον τῆς ἐλλείψεως ἡ τοῦ κύκλου. ἔστιν ἄρα διὰ τὴν  
ἐλλείψιν καὶ τὸν κύκλον, ὡς ἡ ΔΔ πρὸς ΔΗ, ἡ ΔΗ  
πρὸς ΔΖ καὶ λοιπὴ ἡ ΛΗ πρὸς ΗΖ. μείζων δὲ ἡ  
ΔΔ τῆς ΔΗ· μείζων ἄρα καὶ ἡ ΛΗ τῆς ΗΖ. διὰ  
δὲ τὴν παραβολὴν ἵση ἡ ΔΜ τῇ ΜΖ· ὅπερ ἀδύνατον.

20

λγ'.

'Τπερβολὴ ὑπερβολῆς τὸ αὐτὸ κέντρον ἔχουσα οὐκ  
έφαψεται κατὰ δύο σημεῖα.

ὑπερβολαὶ γὰρ αἱ ΑΗΒ, ΑΜΒ τὸ αὐτὸ κέντρον  
ἔχουσαι τὸ Δ, εἰ δυνατόν, ἐφαπτέσθωσαν κατὰ τὰ Α,  
25 Β, ἥχθωσαν δὲ ἀπὸ τῶν Α, Β ἐφαπτόμεναι αὐτῶν  
καὶ συμπίκτουσαι ἀλλήλαις αἱ ΔΔ, ΔΒ, καὶ ἐπεξεύχθω  
ἡ ΔΔ καὶ ἐκβεβλήσθω.

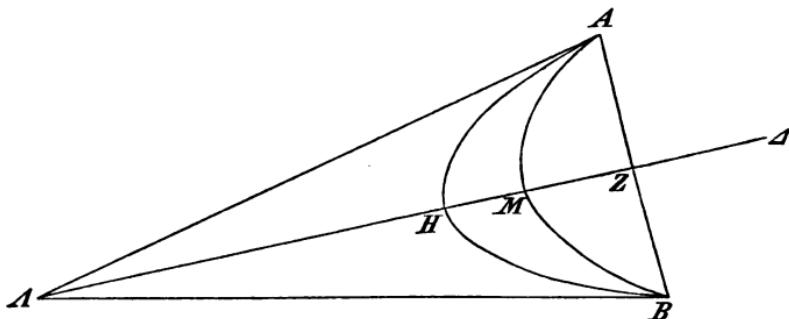
16. ΔΗ (alt.)] ΔΠ V; corr. Memus; ΗΔ p.

uerum  $Z\Delta > \Delta M$ ; quare etiam  $ZM > MA$  [Eucl. V, 14]. sed propter parabolam est  $ZH = HA$  [I, 35]; quod fieri non potest.

## XXXII.

Parabola ellipsim uel arcum circuli non continget in duobus punctis intra eam cadens.

sit enim  $AHB$  ellipsis uel arcus circuli, parabola autem  $AMB$ , et, si fieri potest, in duobus punctis contingant  $A, B$ , ducanturque ab  $A, B$  rectae sectiones contingentes et in  $A$  concurrentes, et ducatur

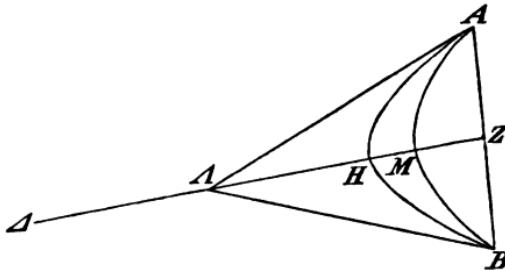


$AB$  seceturque in  $Z$  in duas partes aequales, et ducatur  $AZ$ ; ea igitur utramque sectionem in alio atque alio punto secabit, sicut diximus [prop. XXXI]. secet in  $H, M$ , et  $AZ$  ad  $A$  producatur,  $A$  autem centrum sit ellipsis uel circuli [II, 29]. itaque propter ellipsim circulumue erit [I, 37]  $\angle A : \angle H = \angle H : \angle Z$  [Eucl. VI, 17]  $= \angle H : HZ$  [Eucl. V, 17; V, 16]. uerum  $\angle A > \angle H$ ; quare etiam  $\angle H > HZ$  [Eucl. V, 14]. sed propter parabolam est  $AM = MZ$  [I, 35]; quod fieri non potest.

## XXXIII.

Hyperbola hyperbolam non continget in duabus punctis idem centrum habens.

ἐπεξεύχθω δὴ καὶ ἡ  $AB$ . ἡ ἄρα  $\Delta Z$  τὴν  $AB$  δίχα τέμνει κατὰ τὸ  $Z$ . τεμεῖ δὴ ἡ  $\Delta Z$  τὰς τομὰς κατὰ τὰ  $H, M$ . ἔσται δὴ διὰ μὲν τὴν  $AHB$  ὑπερβολὴν



ἴσον τοῦ ὑπὸ  $ZAA$  τῷ ἀπὸ  $AH$ , διὰ δὲ την  $AMB$  5 τὸ ὑπὸ  $ZAA$  ἴσον τῷ ἀπὸ  $AM$ . τὸ ἄρα ἀπὸ  $MA$  10 ἴσον τῷ ἀπὸ  $AH$ . ὅπερ ἀδύνατον.

λδ'.

Ἐὰν ἔλλειψις ἔλλειψεως ἡ κύκλου περιφερείας κατὰ δύο σημεῖα ἐφάπτηται τὸ αὐτὸν κέντρον ἔχουσα, ἡ τὰς 10 ἀφὰς ἐπικεννυγνύουσα διὰ τοῦ κέντρου πεσεῖται.

ἐφαπτέσθωσαν γὰρ ἀλλήλων αἱ εἰρημέναι γραμμαὶ κατὰ τὰ  $A, B$  σημεῖα, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $AB$ , καὶ διὰ τῶν  $A, B$  ἐφαπτόμεναι τῶν τομῶν ἡγθωσαν καὶ, εἰ δυνατόν, συμπιπτέωσαν κατὰ τὸ  $A$ , καὶ ἡ  $AB$  δίχα 15 τετμήσθω κατὰ τὸ  $Z$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $AZ$ . διάμετρος ἄρα ἔστιν ἡ  $AZ$  τῶν τομῶν.

ἴστω, εἰ δυνατόν, κέντρον τὸ  $A$  ἔσται ἄρα τὸ ὑπὸ  $AZA$  διὰ μὲν τὴν ἐτέραν τομὴν 20 ἴσον τῷ ἀπὸ  $AH$ , διὰ δὲ τὴν ἐτέραν ἴσον τῷ ἀπὸ  $MA$ . ὥστε τὸ ἀπὸ  $HA$  ἴσον τῷ ἀπὸ  $AM$ . ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα αἱ

1. δῆ] δέ? p. 4. τό] cvp; δὲ τό V, sed δέ del. m. 1.  
5.  $ZAA$ ] cv, corr. ex  $ZMA$  m. 1 V. 18.  $AZA$ ]  $AZV$ ;  $AA, AZ$  p; corr. Halley.

hyperbolae enim  $AHB$ ,  $AMB$  idem centrum habentes  $\Delta$ , si fieri potest, in  $A$ ,  $B$  contingant, ducantur autem ab  $A$ ,  $B$  eas contingentes et inter se concorrentes  $AA$ ,  $AB$ , et ducatur  $AA$  producaturque.

iam uero etiam  $AB$  ducatur;  $AZ$  igitur rectam  $AB$  in  $Z$  in duas partes aequales secat [II, 30]. itaque  $AZ$  sectiones in  $H$ ,  $M$  secabit [prop. XXVII — XXIX]. erit igitur [I, 37] propter hyperbolam  $AHB$

$$ZA \times AA = AH^2, \text{ propter } AMB \text{ autem}$$

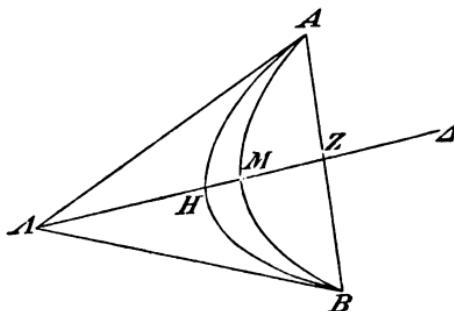
$$ZA \times AA = AM^2.$$

ergo  $MA^2 = AH^2$ ; quod fieri non potest.

#### XXXIV.

Si ellipsis ellipsim uel arcum circuli in duobus punctis contingit idem centrum habens, recta puncta contactus coniungens per centrum cadet.

nam lineae, quas diximus, inter se contingant in punctis  $A$ ,  $B$ , ducaturque  $AB$ , per  $A$ ,  $B$  autem rectae



sectiones contingentes ducantur et, si fieri potest, in  $A$  concurrant, et  $AB$  in  $Z$  in duas partes aequales secetur, ducaturque  $AZ$ ;  $AZ$  igitur diametru est sectionum [II, 29].

sit  $\Delta$  centrum, si fieri potest; itaque [I, 37] propter alteram sectionem erit  $AA \times AZ = AH^2$ , propter alteram autem  $AA \times AZ = MA^2$ . itaque  $HA^2 = AM^2$ ; quod fieri non potest. rectae igitur ab  $A$ ,  $B$  con-

ἀπὸ τῶν Α, Β ἐφαπτόμεναι συμπεσοῦνται· παράλληλοι ἄρα εἰσίν, καὶ διὰ τοῦτο διάμετρός ἐστιν ἡ ΑΒ. ὅστε διὰ τοῦ κέντρου πίπτει· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

λε'.

- 5 Κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια κώνου τομῇ ἡ κύκλου περιφερείᾳ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κυρτὰ ἔχοντα οὐ συμπεσεῖται κατὰ πλείουν σημεῖα ἡ δύο.  
εἰ γὰρ δυνατόν, κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ἡ ΑΒΓ κώνου τομῇ ἡ κύκλου περιφερείᾳ τῇ ΑΔΒΕΓ  
10 συμβαλλέτω κατὰ πλείουν σημεῖα ἡ δύο μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κυρτὰ ἔχοντα τὰ Α, Β, Γ.

- καὶ ἐπεὶ ἐν τῇ ΑΒΓ γραμμῇ εἴληπται τρία σημεῖα τὰ Α, Β, Γ καὶ ἐπεξευγμέναι αἱ ΑΒ, ΒΓ, γωνίαν ἄρα περιέχουσιν ἐπὶ τὰ αὐτὰ τοῖς κοῖλοις τῆς ΑΒΓ  
15 γραμμῆς. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ αἱ ΑΒΓ τὴν αὐτὴν γωνίαν περιέχουσιν ἐπὶ τὰ αὐτὰ τοῖς κοῖλοις τῆς ΑΔΒΕΓ γραμμῆς. αἱ εἰρημέναι ἄρα γραμμαὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἔχουσι τὰ κοῖλα ἄμα καὶ τὰ κυρτά· ὅπερ ἀδύνατον.

20

λε'.

- 'Εὰν κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια συμπίπτῃ μιᾷ τῶν ἀντικειμένων κατὰ δύο σημεῖα, καὶ αἱ μεταξὺ τῶν συμπτώσεων γραμμαὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κοῖλα ἔχωσι, προσεκβαλλομένη ἡ γραμμὴ κατὰ τὰς συμπτώσεις οὐ συμπεσεῖται τῇ ἐτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων.

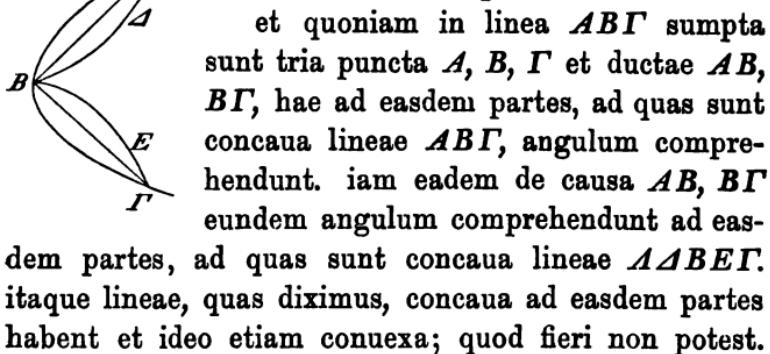
12. καὶ ἐπεὶ — ΑΒΓ] addidi praeeunte Commandino; om. V; τῇ Halley. εἴληφθω Halley. 13. ἐπεξεύχθωσαν Halley. p habet inde a lin. 11: ἔχοντα τῇ ΑΔΒΕΓ γραμμῇ καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΑΒ, ΒΓ. καὶ ἐπεὶ γραμμῆς τῆς ΑΒΓ εἴληπται τρία σημεῖα τὰ Α, Β, Γ καὶ ἐπεξευγμέναι εἰσὶ αἱ ΑΒ, ΒΓ, γωνίαν ἄρα κτλ. αἱ] p, om. V. 14. τοῖς] ενp, e corr.

tingentes non concurrent; quare parallelae sunt, et ideo  $AB$  diametrum est [II, 27]. ergo per centrum cadit; quod erat demonstrandum.

## XXXV.

Coni sectio uel arcus circuli cum coni sectione uel arcu circuli non concurret in pluribus punctis quam in duobus conuexa ad easdem partes non habens.

nam si fieri potest, coni sectio uel arcus circuli  $AB\Gamma$  cum coni sectione uel arcu circuli  $A\Delta BE\Gamma$  concurrat in pluribus punctis quam in duobus  $A, B, \Gamma$  conuexa ad easdem partes non habens.



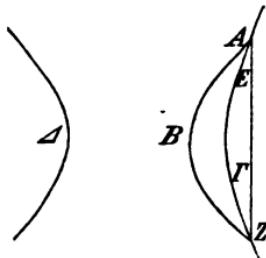
et quoniam in linea  $AB\Gamma$  sumpta sunt tria puncta  $A, B, \Gamma$  et ductae  $AB, B\Gamma$ , hae ad easdem partes, ad quas sunt concavae lineae  $AB\Gamma$ , angulum comprehendunt. iam eadem de causa  $AB, B\Gamma$  eundem angulum comprehendunt ad easdem partes, ad quas sunt concavae lineae  $A\Delta BE\Gamma$ . itaque lineae, quas diximus, concavae ad easdem partes habent et ideo etiam conuexa; quod fieri non potest.

## XXXVI.

Si coni sectio uel arcus circuli cum altera oppositarum in duobus punctis concurrit, et lineae inter puncta concursus positae ad easdem partes concavae habent, linea per puncta concursus producta cum altera oppositarum non concurret.

m. 1 V. 15.  $AB, B\Gamma$  Halley cum Memo. 18.  $\tilde{\alpha}\mu\alpha]$  scripsi,  
αλλά V. 24.  $\tilde{\epsilon}\chi\omega\sigma\iota]$  p.  $\tilde{\epsilon}\chi\omega\sigma\iota$  V.

- εστωσαν ἀντικείμεναι αἱ Λ, ΑΕΓΖ, καὶ εστω κώνους τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ἡ ΑΒΖ συμπίπτουσα τῇ ἐτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων κατὰ δύο σημεῖα τὰ Α, Ζ, καὶ ἔχετωσαν 5 αἱ ΑΒΖ, ΑΓΖ τομαὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ κοῖλα. λέγω, ὅτι ἡ ΑΒΖ γραμμὴ ἐκβαλλομένη οὐ συμπεσεῖται τῇ Λ.  
 ἐπεξεύχθω γὰρ ἡ ΑΖ. καὶ ἐπεὶ 10 ἀντικείμεναι εἰσιν αἱ Λ, ΑΓΖ, καὶ ἡ ΑΖ εὐθεῖα κατὰ δύο τέμνει τὴν ὑπερβολήν, οὐ συμπεσεῖται ἐκβαλλομένη τῇ Λ ἀντικειμένῃ. οὐδὲ ἄρα ἡ ΑΒΖ γραμμὴ συμπεσεῖται τῇ Λ.



λξ'.

- 15 'Εὰν κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια μιᾶς τῶν ἀντικειμένων συμπίπτῃ, τῇ λοιπῇ αὐτῶν οὐ συμπεσεῖται κατὰ πλείονα σημεῖα ἡ δύο.  
 εστωσαν ἀντικείμεναι αἱ Α, Β, καὶ συμβαλλέτω τῇ Α κώνου τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ἡ ΑΒΓ καὶ τεμνέτω τὴν Β ἀντικειμένην κατὰ τὰ Β, Γ. λέγω, ὅτι κατ' ἄλλο σημεῖον οὐ συμπεσεῖται τῇ ΒΓ.  
 εἰ γὰρ δυνατόν, συμπιπτέτω κατὰ τὸ Λ. ἡ ἄρα ΒΓΛ τῇ ΒΓ τομῇ συμβάλλει κατὰ πλείονα σημεῖα ἡ δύο μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ ἔχουσα τὰ κοῖλα· ὅπερ ἀδύνατον.  
 25 δύοισι δὲ δειχθῆσεται, καὶ ἐὰν ἡ ΑΒΓ γραμμὴ τῆς ἀντικειμένης ἐφάπτηται.

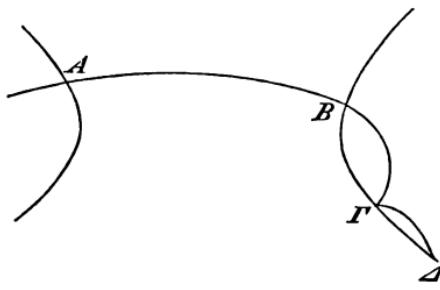
15. μιᾶς] p, om. V. 19. Α] p, del. punctis V; Κ c, om. v.  
 20. τῇν Β] τῇ NB V; τῇν ΒΓ p; corr. Memus. 24. μῆ] om. V p; corr. Memus.

sint oppositae sectiones  $A$ ,  $A\Gamma Z$ , sitque  $ABZ$  coni sectio uel arcus circuli cum altera oppositarum concurrens in duobus punctis  $A$ ,  $Z$ , et  $ABZ$ ,  $A\Gamma Z$  sectiones concava ad easdem partes habeant. dico, lineam  $ABZ$  productam cum  $A$  non concurrere.

ducatur enim  $AZ$ . et quoniam  $A$ ,  $A\Gamma Z$  oppositae sunt, et recta  $AZ$  in duobus punctis hyperbolam secat, producta cum opposita  $A$  non concurret [II, 33]. ergo ne linea  $ABZ$  quidem cum  $A$  concurret.

## XXXVII.

Si coni sectio uel arcus circuli cum altera oppositarum concurrit, cum reliqua earum non concurret in pluribus punctis quam in duobus.



sint oppositae  $A$ ,  $B$ , et cum  $A$  concurrat coni sectio uel arcus circuli  $AB\Gamma$  secetque oppositam  $B$  in  $B$ ,  $\Gamma$ . dico, eam cum  $B\Gamma$  in nullo alio puncto concurrere.

nam si fieri potest, concurrat in  $A$ .  $B\Gamma A$  igitur cum sectione  $B\Gamma$  in pluribus punctis quam in duabus concurrit concava ad easdem partes non habens [prop. XXXVI]; quod fieri non potest [prop. XXXV].

similiter autem demonstrabimus, etiam si linea  $AB\Gamma$  oppositam contingit.

λη'.

Κάνουν τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ταῖς ἀντικειμέναις οὐ συμπεσεῖται κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ τέσσαρα.

φανερὸν δὲ τοῦτο ἐκ τοῦ τῇ μιᾷ τῶν ἀντικειμένων 5 συμπίπτουσαν αὐτὴν τῇ λοιπῇ κατὰ πλείονα δυεῖν μὴ συμπίπτειν.

λθ'.

Ἐὰν κάνουν τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια μιᾶς τῶν ἀντικειμένων ἐφάπτηται τοῖς κοίλοις αὐτῆς, τῇ ἐτέρᾳ 10 τῶν ἀντικειμένων οὐ συμπεσεῖται.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ Α, Β, καὶ τῆς Α τομῆς ἐφαπτέσθω ἡ ΓΑΔ. λέγω, διὶ ἡ ΓΑΔ τῇ Β οὐ συμπεσεῖται.

ἡχθω ἀπὸ τοῦ Α ἐφαπτομένη ἡ ΕΑΖ. ἐκατέρας 15 δὴ τῶν γραμμῶν ἐπιψαύει κατὰ τὸ Α· ὥστε οὐ συμπεσεῖται τῇ Β. ὥστε οὐδὲ ἡ ΓΑΔ.

μ'.

Ἐὰν κάνουν τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ἐκατέρας τῶν ἀντικειμένων καθ' ἐν ἐφάπτηται σημεῖον, καθ' 20 ἐτερον οὐ συμπεσεῖται ταῖς ἀντικειμέναις.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ Α, Β, καὶ κάνουν τομὴ ἡ κύκλου περιφέρεια ἐφαπτέσθω ἐκατέρας τῶν Α, Β κατὰ τὰ Α, Β. λέγω, διὶ ἡ ΑΒΓ γραμμὴ καθ' ἐτερον οὐ συμπεσεῖται ταῖς Α, Β τομαῖς.

25 ἔπειλ οὖν ἡ ΑΒΓ γραμμὴ τῆς Α τομῆς ἐφάπτεται καθ' ἐν συμπίπτουσα καὶ τῇ Β, τῆς Α ἄρα τομῆς οὐκ

5. δυοῖν p. 14. ΕΑΖ] p, ΑΕΖ V. 16. ΓΑΔ] p,  
ΑΓΔ V. 24. Β] p, Γ V.

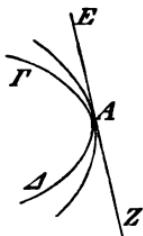
## XXXVIII.

Coni sectio uel arcus circuli cum oppositis in pluribus punctis non concurrit quam in quattuor.

hoc autem manifestum est inde, quod cum altera oppositarum concurrens cum reliqua in pluribus punctis quam in duobus non concurrit [prop. XXXVII].

## XXXIX.

Si coni sectio uel arcus circuli alteram oppositarum in parte concava contingit, cum altera oppositarum non concurret.



sint oppositae  $A$ ,  $B$ , et sectionem  $A$  contingat  $\Gamma AA$ . dico,  $\Gamma AA$  cum  $B$  non concurrere.

ab  $A$  contingens ducatur  $EAZ$ . ea igitur utramque lineam in  $A$

contingit; quare cum  $B$  non concurret. ergo ne  $\Gamma AA$  quidem.

## XL.

Si coni sectio uel arcus circuli utramque oppositam in singulis punctis contingit, in nullo alio punto cum oppositis concurret.

sint oppositae  $A$ ,  $B$ , et coni sectio uel arcus circuli utramque  $A$ ,  $B$  contingat in  $A$ ,  $B$ . dico, lineam  $AB\Gamma$  in nullo alio punto cum sectionibus  $A$ ,  $B$  concurrere.

quoniam igitur linea  $AB\Gamma$  sectionem  $A$  contingit etiam cum  $B$  in uno punto concurrens, sectionem  $A$

έφαψεται κατὰ τὰ κοῖλα. ὁμοίως δὴ δειχθήσεται, ὅτι οὐδὲ τῆς  $B$ . ἥχθωσαν τῶν  $A, B$  τομῶν ἐφαπτόμεναι αἱ  $AD, BE$ · αὗται δὴ ἐφάψουνται τῆς  $ABG$  γραμμῆς· εἰ γὰρ δυνατόν, τεμνέτω ἡ ἑτέρα αὐτῶν, καὶ ἔστω ἡ 5  $AZ$ . μεταξὺ ἄρα τῆς  $AZ$  ἐφαπτομένης καὶ τῆς  $A$  τομῆς παρεμπέπτωκεν εύθεῖα ἡ  $AH$ . ὅπερ ἀδύνατον. ἐφάψουνται ἄρα τῆς  $ABG$ , καὶ διὰ τοῦτο φανερόν, ὅτι ἡ  $ABG$  καθ' ἔτερον οὐ συμβάλλει ταῖς  $A, B$  ἀντικειμέναις.

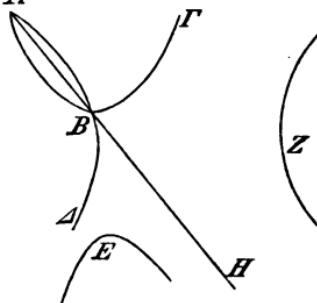
10

μα'.

'Εὰν ὑπερβολὴ μιᾷ τῶν ἀντικειμένων κατὰ δύο σημεῖα συμπίπτῃ ἀντεστραμμένα τὰ κυρτὰ ἔχουσα, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐ συμπεσεῖται τῇ ἑτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων.

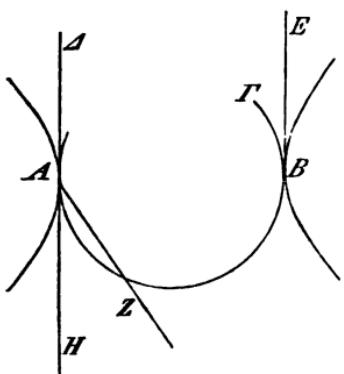
15 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $ABD, Z$ , καὶ ὑπερβολὴ ἡ  $ABG$  τῇ  $ABD$  συμβαλ-  $A$   
λέτω κατὰ τὰ  $A, B$  σημεῖα  $\alpha$   
ἀντεστραμμένα ἔχουσα τὰ κυρ-  
τὰ τοῖς κοῖλοις, καὶ τῆς  $ABG$   
20 ἔστω ἀντικειμένη ἡ  $E$ . λέγω,  
ὅτι οὐ συμπεσεῖται τῇ  $Z$ .

ἐπεξεύχθω ἡ  $AB$  καὶ ἐκ-  
βεβλήσθω ἐπὶ τὸ  $H$ . ἐπεὶ οὖν  
ὑπερβολὴν τὴν  $ABD$  εύθεῖα  
25 τέμνει ἡ  $ABH$ , ἐκβαλλομένη δὲ ἐφ' ἑκάτερα ἐκτὸς πίπτει  
τῆς τομῆς, οὐ συμπεσεῖται τῇ  $Z$  τομῇ. ὁμοίως δὴ



5. Post  $AZ$  add. Vp: ὅπως (om. p) καὶ φανερόν, ὅτι, ἐὰν ἡ  $GA$  γραμμὴ συμπίπτῃ καὶ τῇ  $B$  ἀντικειμένη, οὐκ ἐφάψεται τῆς  $A$  τοῖς κοῖλοις ἑαυτῆς (αὐτῆς p). δειχθήσεται γὰρ ἀντιστρόφως (ἡ  $GA$  γραμμὴ om. p addito λείπει), quae omisi cum Commandino; post ἀντικειμέναις lin. 8 transposuit Halley

in parte concava non continget [prop. XXXIX]. iam eodem modo demonstrabimus, eam ne  $B$  quidem ita contingere. ducantur  $A\Delta$ ,  $BE$  sectiones  $A$ ,  $B$  contingentes; eae igitur lineam  $AB\Gamma$  contingunt. nam si fieri potest, altera secet et sit  $AZ$ . itaque inter  $AZ$  contingentem et sectionem  $A$  recta incidit  $AH$ ; quod fieri non potest [I, 36]. ergo  $AB\Gamma$  contingent, et ideo manifestum est,  $AB\Gamma$  cum oppositis  $A$ ,  $B$  in nullo alio puncto concurrere.



## XLI.

Si hyperbola cum altera oppositarum in duobus punctis concurrit conuexa habens aduersa, sectio ei opposita cum altera oppositarum non concurret.

sint oppositae  $AB\Delta$ ,  $Z$ , et hyperbola  $AB\Gamma$  cum  $AB\Delta$  in punctis  $A$ ,  $B$  concurrat conuexa concavis aduersa habens, et sectioni  $AB\Gamma$  opposita sit  $E$ . dico, hanc cum  $Z$  non concurrere.

ducatur  $AB$  et ad  $H$  producatur. quoniam igitur recta  $ABH$  hyperbolam  $AB\Delta$  secat, et in utramque partem producta extra sectionem cadit, cum  $Z$  sectione non concurret [II, 33]. similiter igitur propter

(ὅπως] οὗτος, ΓΑΔ] ΓΑΒ, καὶ] ομ., δὲ ἀντιστρόφως τῇ λε').  
6.  $AH$ ] p., H V. 11. ὑπερβολῆ] p., ὑπερβολῆ V. 16.  
 $AB\Gamma$ ] p.,  $AB$  V.  $AB\Delta$ ] p.,  $A\Delta$  V. 19. της] τῇ p. 26.  
οὐδέ] scripsi; ἔστε οὐδὲ V, οὐδὲ ἄρα p; possis etiam cum Commandino δέ lin. 25 delere aut in δή corrigere („utique“ Memus).

διὰ τὴν *ΑΒΓ* ὑπερβολὴν οὐδὲ τῇ *Ε* ἀντικειμένη συμπίπτει. οὐδὲ ἡ *Ε* ἄρα τῇ *Ζ* συμπεσεῖται.

μβ'.

'Εὰν ὑπερβολὴ ἐκατέρᾳ τῶν ἀντικειμένων συμπίπτῃ,  
5 ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐδετέρᾳ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται κατὰ δύο σημεῖα.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ *A, B*, καὶ ἡ *ΑΓΒ* ὑπερβολὴ συμπιπτέτω ἐκατέρᾳ τῶν *A, B* ἀντικειμένων. λέγω, ὅτι ἡ τῇ *ΑΓΒ* ἀντικειμένη οὐ συμβάλλει ταῖς  
10 *A, B* τομαῖς κατὰ δύο σημεῖα.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτω κατὰ τὰ *A, E*, καὶ ἐπιευχθεῖσα ἡ *ΔΕ* ἐκβεβλήσθω. διὰ μὲν δὴ τὴν *ΔΕ* τομὴν οὐ συμπεσεῖται ἡ *ΔΕ* εὐθεῖα τῇ *AB* τομῇ, διὰ δὲ τὴν *AEΔ* οὐ συμπεσεῖται τῇ *B*. διὰ γὰρ τῶν  
15 τριῶν τόπων ἔλευσεται· ὅπερ ἀδύνατον. διοίωσ δὴ δειχθήσεται, ὅτι οὐδὲ τῇ *B* τομῇ κατὰ δύο σημεῖα συμπεσεῖται.

διὰ τὰ αὐτὰ δὴ οὐδὲ ἐφάψεται ἐκατέρας αὐτῶν. ἀγαγόντες γὰρ ἐπιψαύουσαν τὴν *ΘΕ* ἐφάπτεται μὲν  
20 αὗτη ἐκατέρας τῶν τομῶν· ὥστε διὰ μὲν τὴν *ΔΕ* οὐ συμπεσεῖται τῇ *ΑΓ*, διὰ δὲ τὴν *AE* οὐ συμβάλλει τῇ *B*. ὥστε οὐδὲ ἡ *ΑΓ* τῇ *B* συμβάλλει· ὅπερ οὐχ ὑπόκειται.

μγ'.

25 'Εὰν ὑπερβολὴ ἐκατέραν τῶν ἀντικειμένων τέμνῃ κατὰ δύο σημεῖα ἀντεστραμμένα ἔχουσα πρὸς ἐκατέραν

---

2. *Z*] p, om. lacuna 8 litt. relictā V. 9. *ΑΓΒ*] corr. ex *ΑΒ* m. 1 p, *ΑΒ* V. 11. *τά]* cp, om. V. 13. *ΔΕ* (pr.)] cyp et renouat. m. rec. V. 19. *μέν*] delendum? 20. *αὗτη]* αὐτή V p.

hyperbolam  $AB\Gamma$  ne cum  $E$  quidem opposita concurrit. ergo ne  $E$  quidem cum  $Z$  concurreat.

## XLII.

Si hyperbola cum utraque opposita concurrit, sectione ei opposita cum neutra oppositarum in duobus punctis concurreat.

sint oppositae  $A, B$ , et hyperbola  $A\Gamma B$  cum utraque opposita  $A, B$  concurrat. dico, sectionem hyper-

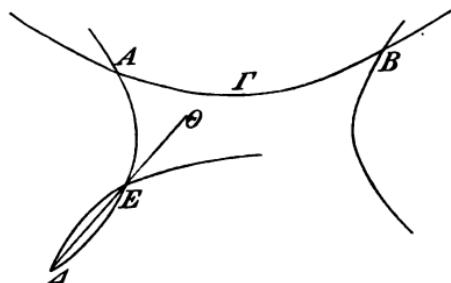
bolae  $A\Gamma B$  oppositam cum sectionibus  $A, B$  in duobus punctis non concurrere.

nam si fieri potest, concurrat in  $A$ ,  $E$ , et ducta  $\Delta E$  producatur. propter sec-

tionem  $\Delta E$  igitur recta  $\Delta E$  cum sectione  $AB$  non concurret [II, 33], propter  $\Delta EA$  autem cum  $B$  non concurret; nam per tria illa loca [II, 33] ueniet; quod fieri non potest. eodem modo demonstrabimus, eam ne cum  $B$  quidem sectione in duobus punctis concurrere.

iam eadem de causa ne continget quidem utramque sectionem. ducta<sup>1)</sup> enim  $\Theta E$  utramque sectionem continget; quare propter sectionem  $\Delta E$  cum  $A\Gamma$  non concurret, propter  $\Delta E$  autem cum  $B$  non concurrit [II, 33]. ergo ne  $A\Gamma$  quidem cum  $B$  concurrit; quod contra hypothesis est.

1) Anacoluthia foeda et  $\mu\acute{e}v$  superfluum lin. 19 significant, aliquid turbatum esse.



τὰ κυρτά, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐδεμιᾶς τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται.

ἴστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $A, B$ , καὶ ὑπερβολὴ ἡ  $ΓΑΒΔ$  ἐκατέραν τῶν  $A, B$  τεμνέτω κατὰ δύο σημεῖα ἀντεστραμμένα ἔχουσα τὰ κυρτά. λέγω, ὅτι ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ ἡ  $EZ$  οὐδεμιᾶς τῶν  $A, B$  συμπεσεῖται.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμπικτέτω τῇ  $A$  κατὰ τὸ  $E$ , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $ΓA, ΔB$  καὶ ἐκβεβλήσθωσαν· συμ-

10 πεσοῦνται δὴ

ἀλλήλαις. συμ-

πιπτέτωσαν

κατὰ τὸ  $Θ$ .

ἴσται δὴ τὸ  $Θ$

15 ἐν τῇ περιεχο-

μένη γωνίᾳ ὑπὸ

τῶν ἀσυμπτώ-

των τῆς  $ΓΑΒΔ$

τομῆς. καὶ ἔστιν

20 αὐτῆς ἀντικει-

μένη ἡ  $EZ$ . ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ  $E$  ἐπὶ τὸ  $Θ$  ἐπιξευγνυ-  
μένη ἐντὸς πεσεῖται τῆς ὑπὸ τῶν  $AΘB$  περιεχομένης

γωνίας. πάλιν ἐπεὶ ὑπερβολὴ ἐστιν ἡ  $ΓAE$ , καὶ συμ-

πίπτουσιν αἱ  $ΓAΘ, ΘE$ , καὶ αἱ  $Γ, A$  συμπτώσεις οὐ

25 περιέχουσι τὴν  $E$ , τὸ  $Θ$  σημεῖον ἔσται μεταξὺ τῶν

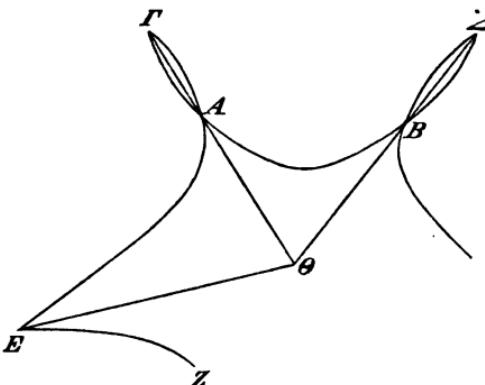
ἀσυμπτώτων τῆς  $ΓAE$  τομῆς. καὶ ἔστιν αὐτῆς ἀντι-

κειμένη ἡ  $BΔ$ . ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ  $B$  ἐπὶ τὸ  $Θ$  ἐντὸς

πεσεῖται τῆς ὑπὸ  $ΓΘE$  γωνίας. ὅπερ ἄτοπον· ἐπιπτε-

γὰρ καὶ εἰς τὴν ὑπὸ  $AΘB$ . οὐκ ἄρα ἡ  $EZ$  μιᾶς τῶν

$A, B$  συμπεσεῖται.



## XLIII.

Si hyperbola utramque oppositam in binis punctis secat partem conuexam utrius aduersam habens, sectio ei opposita cum neutra oppositarum concurret.

sint oppositae  $A$ ,  $B$ , et hyperbola  $\Gamma A B \Delta$  utramque  $A$ ,  $B$  secet in binis punctis partem conuexam aduersam habens. dico, sectionem ei oppositam  $EZ$  cum neutra sectionum  $A$ ,  $B$  concurrere.

nam si fieri potest, cum  $A$  in  $E$  concurrit, ducanturque  $\Gamma A$ ,  $\Delta B$  et producantur; concurrent igitur inter se [II, 25]. concurrent in  $\Theta$ ;  $\Theta$  igitur in angulo ab asymptotis sectionis  $\Gamma A B \Delta$  comprehenso positum erit [II, 25]. et sectio eius opposita est  $EZ$ ; itaque recta ab  $E$  ad  $\Theta$  ducta intra angulum ab  $A\Theta$ ,  $\Theta B$  comprehensum cadet. rursus quoniam  $\Gamma A E$  hyperbola est, et  $\Gamma A \Theta$ ,  $\Theta E$  concurrent, puncta autem concursus  $\Gamma$ ,  $A$  punctum  $E$  non continent, punctum  $\Theta$  intra asymptotas sectionis  $\Gamma A E$  positum erit<sup>1)</sup>. et  $B\Delta$  sectio eius opposita est; itaque recta a  $B$  ad  $\Theta$  ducta intra angulum  $\Gamma \Theta E$  cadet; quod absurdum est; nam eadem in angulum  $A\Theta B$  cadebat. ergo  $EZ$  cum alterutra sectionum  $A$ ,  $B$  non concurret.

1) Hoc ex II, 25 tum demum uerum esset, si  $\Theta E$  sectionem  $A E$  aut contingeret aut in duobus punctis searet, quod nunc non constat. praeterea in sequentibus sine demonstratione supponitur,  $E\Theta B$  unam esse rectam (et ita est in figura codicis V). itaque demonstratio falsa est, sed tota damnanda, non ultima pars cum Commandino et Halleio uiolenter mutanda.

μδ'.

'Εὰν ὑπερβολὴ μίαν τῶν ἀντικειμένων κατὰ τέσσαρα σημεῖα τέμνῃ, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐ συμπεσεῖται τῇ ἐτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων.

5 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $AB\Gamma\Delta$ ,  $E$ , καὶ τεμνέτω ὑπερβολὴ τὴν  $AB\Gamma\Delta$  κατὰ τέσσαρα σημεῖα τὰ  $A$ ,  $B$ ,  $\Gamma$ ,  $\Delta$ , καὶ ἔστω αὐτῆς ἀντικειμένη ἡ  $K$ . λέγω, ὅτι ἡ  $K$  οὐ συμπεσεῖται τῇ  $E$ .

εἰ γὰρ δινατόν, συμπιπτέτω κατὰ τὸ  $K$ , καὶ ἐπειούχθωσαν αἱ  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  καὶ ἐκβεβλήσθωσαν· συμπεσοῦνται δὴ ἀλλήλαις. συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ  $\Lambda$ , καὶ ὃν μὲν ἔχει λόγον ἡ  $AA$  πρὸς  $AB$ , ἔχετω ἡ  $AP$  πρὸς  $PB$ , ὃν δὲ ἡ  $\Delta\Lambda$  πρὸς  $\Lambda\Gamma$ , ἡ  $\Delta P$  πρὸς  $PG$ . ἡ ἄρα διὰ τῶν  $P$ ,  $R$  ἐκβαλλομένη συμπεσεῖται ἐκατέρᾳ 15 τῶν τομῶν, καὶ αἱ ἀπὸ τοῦ  $\Lambda$  ἐπὶ τὰς συμπτώσεις ἐφάψουνται. ἐπειούχθω δὴ ἡ  $KL$  καὶ ἐκβεβλήσθω· τεμεῖ δὴ τὴν ὑπὸ  $B\Lambda\Gamma$  γωνίαν καὶ τὰς τομὰς κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο σημεῖον. τεμνέτω κατὰ τὰ  $Z$ ,  $M$ . ἔσται δὴ διὰ μὲν τὰς  $A\Theta ZH$ ,  $K$  ἀντικειμένας, ὡς ἡ  $NK$  20 πρὸς  $KL$ , ἡ  $NZ$  πρὸς  $Z\Lambda$ , διὰ δὲ τὰς  $AB\Gamma\Delta$ ,  $E$ , ὡς ἡ  $NK$  πρὸς  $KL$ , ἡ  $NM$  πρὸς  $M\Lambda$ . ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα αἱ  $E$ ,  $K$  συμπίπτουσιν ἀλλήλαις.

με'.

'Εὰν ὑπερβολὴ τῇ μὲν τῶν ἀντικειμένων συμπίπτῃ 25 κατὰ δύο σημεῖα ἐπὶ τὰ αὐτὰ ἔχουσα αὐτῇ τὰ κοῖλα, τῇ δὲ καθ' ἐν σημεῖον, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐδετέρᾳ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται.

---

26. καθ'] κατὰ τό Vp, corr. Halley.

## XLIV.

Si hyperbola alteram oppositarum in quattuor punctis secat, sectio ei opposita cum altera oppositorum non concurret.

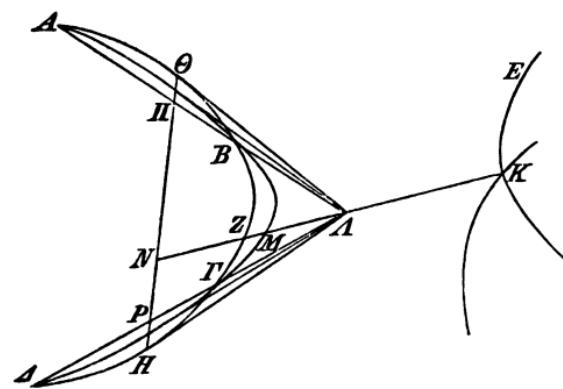
sint oppositae  $AB\Gamma\Delta$ ,  $E$ , et hyperbola sectionem  $AB\Gamma\Delta$  in quattuor punctis secet  $A$ ,  $B$ ,  $\Gamma$ ,  $\Delta$ , eiusque sectio opposita sit  $K$ . dico,  $K$  cum  $E$  non concurrere.

nam si fieri potest, concurrat in  $K$ , ducanturque  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  et producantur; concurrent igitur inter se [II, 25]. concurrent in  $\Delta$ , et sit

$$\Delta\Lambda : \Lambda B = \Delta\Gamma : \Gamma B, \Delta\Delta : \Delta\Gamma = \Delta P : P\Gamma.$$

itaque recta per  $\Pi$ ,  $P$  producta cum utraque sectione

concurreret, et  
rectae ab  $\Delta$  ad  
puncta con-  
cursus ductae  
contingent  
[prop. IX]. du-  
catur igitur  
 $K\Delta$  et pro-  
ducatur; seca-  
bit igitur an-  
gulum  $B\Delta\Gamma$



et sectiones in alio atque alio puncto. secet in  $Z$ ,  $M$ ; erit igitur [III, 39; Eucl. V, 16] propter oppositas  $A\Theta ZH$ ,  $K$

$$NK : KA = NZ : ZA,$$

propter  $AB\Gamma\Delta$ ,  $E$  autem  $NK : KA = NM : MA$ ; quod fieri non potest. ergo  $E$ ,  $K$  inter se non concurrunt.

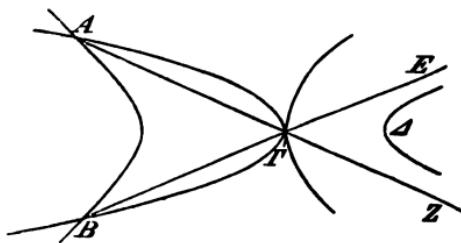
ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $AB$ ,  $\Gamma$ , καὶ ὑπερβολὴ ἡ  $A\Gamma B$  τῇ μὲν  $AB$  συμπιπτέτω κατὰ τὰ  $A$ ,  $B$ , τῇ δὲ  $\Gamma$  καθ' ἐν τὸ  $\Gamma$ , καὶ ἔστω τῇ  $A\Gamma B$  ἀντικειμένη ἡ  $\Delta$ . λέγω, ὅτι ἡ  $\Delta$  οὐδετέρᾳ τῶν  $AB$ ,  $\Gamma$  συμπεσεῖται.

5 ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ  $A\Gamma$ ,  $B\Gamma$  καὶ ἐκβεβλήσθωσαν. αἱ ἄρα  $A\Gamma$ ,  $B\Gamma$  τῇ  $\Delta$  τομῆι οὐ συμπεσοῦνται. ἀλλ' οὐδὲ τῇ  $\Gamma$  τομῇ καθ'

ἄλλο σημεῖον οὐ συμπεσοῦνται πλὴν

10 τὸ  $\Gamma$ . εἰλ γὰρ συμβάλλουσι καὶ καθ' ἔτερον, τῇ  $AB$  ἀντικειμένη οὐ συμπεσοῦνται· ὑπόκεινται δὲ συμπίπτουσαι. αἱ  $A\Gamma$ ,  $B\Gamma$

15 ἄρα εὐθεῖαι τῇ μὲν  $\Gamma$  τομῇ καθ' ἐν συμβάλλουσι τὸ  $\Gamma$ , τῇ δὲ  $\Delta$  τομῇ οὐδὲ ὅλως συμβάλλουσιν. ἡ  $\Delta$  ἄρα ἔσται ὑπὸ τὴν γωνίαν τὴν ὑπὸ  $E\Gamma Z$ . ὥστε ἡ  $\Delta$  τομὴ οὐ συμπεσεῖται ταῖς  $AB$ ,  $\Gamma$ .



με'.  
με'.

20 Ἐὰν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων κατὰ τρία σημεῖα συμβάλλῃ, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ τῇ ἔτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων οὐ συμπεσεῖται πλὴν καθ' ἐν.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $AB\Gamma$ ,  $\Delta EZ$ , καὶ ὑπερβολὴ ἡ  $AMB\Gamma$  συμβαλλέτω τῇ  $AB\Gamma$  κατὰ τρία σημεῖα 25 τὰ  $A$ ,  $B$ ,  $\Gamma$ , ἔστω δὲ τῇ  $AM\Gamma$  ἀντικειμένη ἡ  $\Delta EK$  [τῇ δὲ  $AB\Gamma$  ἡ  $\Delta EZ$ ]. λέγω, ὅτι ἡ  $\Delta EK$  τῇ  $\Delta EZ$  οὐ συμβάλλει κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ ἐν.

3.  $A\Gamma B$ ] p;  $A\Gamma$ ,  $B\Gamma$  V. 10. συμβάλλουσι] σρ, συμβάλλωσι V. 25. τῇ δὲ  $AB\Gamma$  ἡ  $\Delta EZ$ ] V, om. p.

## XLV.

Si hyperbola cum altera oppositarum in duobus punctis concurrit concava ad easdem partes habens, cum altera autem in uno, sectio ei opposita cum neutra oppositarum concurret.

sint oppositae  $AB, \Gamma$ , et hyperbola  $AGB$  cum  $AB$  in  $A, B$  concurrat, cum  $\Gamma$  autem in uno  $\Gamma$ , sitque sectioni  $AGB$  opposita  $\Delta$ . dico,  $\Delta$  cum neutra oppositarum  $AB, \Gamma$  concurrere.

ducantur enim  $AG, BG$  et producantur. itaque  $AG, BG$  cum sectione  $\Delta$  non concurrent [II, 33]. ue-  
rum ne cum  $\Gamma$  quidem sectione in alio puncto con-  
current ac  $\Gamma$ . nam si in alio quoque puncto con-  
currunt, cum opposita  $AB$  non concurrent [II, 33];  
at supposuimus, eas cum illa concurrere. itaque rectae  $AG, BG$  cum sectione  $\Gamma$  in uno punto  $\Gamma$  con-  
currunt, cum  $\Delta$  autem sectione prorsus non concur-  
runt. quare  $\Delta$  in angulo  $E\Gamma Z$  posita est. ergo sectio  
 $\Delta$  cum  $AB, \Gamma$  non concurret.

## XLVI.

Si hyperbola cum altera oppositarum in tribus punctis concurrit, sectio ei opposita cum altera op-  
positorum non concurret nisi in uno punto.

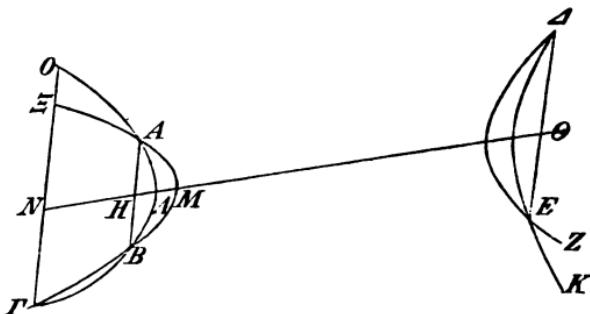
sint oppositae  $AB\Gamma, \Delta EZ$ , et hyperbola  $AMB\Gamma$  cum  $AB\Gamma$  in tribus punctis  $A, B, \Gamma$  concurrat, sit autem sectioni  $AM\Gamma$  opposita  $\Delta EK$ . dico,  $\Delta EK$  cum  $\Delta EZ$  non concurrere in pluribus punctis quam in uno.

nam si fieri potest, concurrat in  $\Delta, E$ , ducantur-  
que  $AB, \Delta E$ .

εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτω κατὰ τὰ  $A$ ,  $E$ , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $AB$ ,  $AE$ .

ητοι δὴ παράλληλοι εἰσιν η οὐ.

ξειωσαν πρότερον παράλληλοι, καὶ τετμήσθωσαν  
5 αἱ  $AB$ ,  $AE$  δίχα κατὰ τὰ  $H$ ,  $\Theta$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  
ΗΘ· διάμετρος ἄρα ἔστι πασῶν τῶν τομῶν καὶ τε-  
ταγμένως ἐπ' αὐτὴν κατηγμέναι αἱ  $AB$ ,  $AE$ . ἦχθω



δὴ ἀπὸ τοῦ  $G$  παρὰ τὴν  $AB$  ἡ  $GN\Xi O$ · ἔσται δὴ καὶ  
αὐτὴ τεταγμένως ἐπὶ τὴν διάμετρον κατηγμένη καὶ  
10 συμπεσεῖται ταῖς τομαῖς κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο. εἰ γὰρ  
κατὰ τὸ αὐτό, οὐκέτι κατὰ τοία συμβάλλουσιν, ἀλλὰ  
τέσσαρα. ἔσται δὴ ἐν μὲν τῇ  $AMB$  τομῇ ἵση ἡ  $GN$   
τῇ  $N\Xi$ , ἐν δὲ τῇ  $ALB$  ἡ  $GN$  τῇ  $NO$ . καὶ ἡ  $ON$   
ἄρα τῇ  $N\Xi$  ἔστιν ἵση· ὅπερ ἀδύνατον.

15 μὴ ἔστωσαν δὴ παράλληλοι αἱ  $AB$ ,  $AE$ , ἀλλ' ἐκ-  
βαλλόμεναι συμπιπτέωσαν κατὰ τὸ  $P$ , καὶ ἡ  $GO$   
ἦχθω παρὰ τὴν  $AP$  καὶ συμπιπτέω τῇ  $AP$  ἐκβλη-  
θείσῃ κατὰ τὸ  $P$ , καὶ τετμήσθωσαν αἱ  $AB$ ,  $AE$  δίχα  
κατὰ τὰ  $H$ ,  $\Theta$ , καὶ διὰ τῶν  $H$ ,  $\Theta$  διάμετροι ἦχθωσαν

5. αἱ] p, om. V. 13.  $ON$ ]  $ONP$  V; corr. Comm.;  $NO$  p.  
19. κατὰ] p, καὶ κατά V.

aut igitur parallelae sunt aut non parallelae.

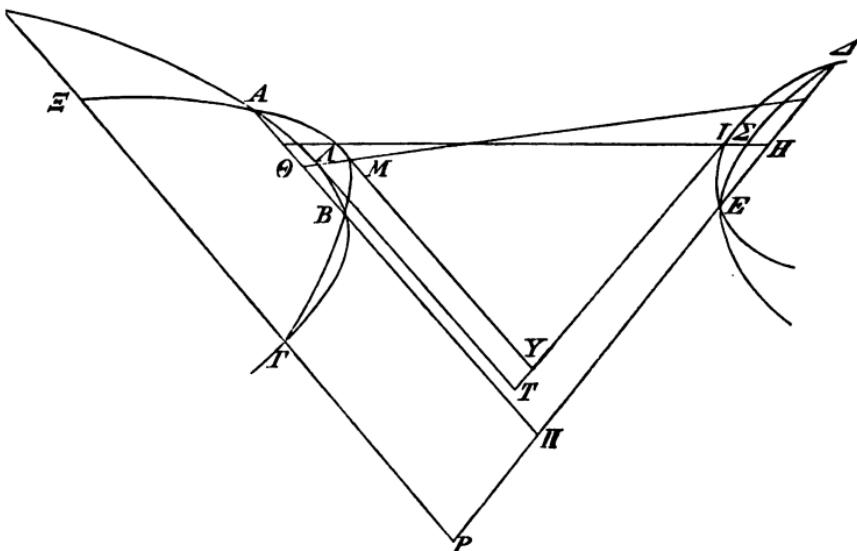
prius parallelae sint, et  $AB, AE$  in  $H$ ,  $\Theta$  in binas partes aequales secentur, ducaturque  $H\Theta$ ; ea igitur omnium sectionum diametruſ est, et  $AB, AE$  ad eam ordinate ductae sunt [II, 36]. iam a  $\Gamma$  rectae  $AB$  parallelia ducatur  $\Gamma N\Xi O$ ; itaque et ipsa ad diametrum ordinate ducta erit et cum sectionibus in alio atque alio puncto concurret. nam si in eodem concurrit, non iam in tribus punctis concurrunt, sed in quattuor. itaque erit [I def. 4] in sectione  $AMB$

$$\Gamma N = N\Xi,$$

in sectione  $AAB$  autem  $\Gamma N = NO$ . ergo etiam

$$ON = N\Xi;$$

quod fieri non potest.



iam  $AB, AE$  parallelae ne sint, sed productae in  $\Pi$  concurrant, ducaturque  $\Gamma O$  rectae  $A\Pi$  parallela

αὶ ΗΣΙ, ΘΛΜ, ἀπὸ δὲ τῶν Ι, Α, Μ ἐφαπτόμεναι τῶν τομῶν αἱ ΔΠ, ΜΤ, ΑΤ· ἔσται δὴ ἡ μὲν ΙΤ παρὰ τὴν ΔΠ, αἱ δὲ ΑΤ, ΜΤ παρὰ τὰς ΑΠ, ΟΡ. καὶ ἐπει ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ ΜΤ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΙ, τὸ 5 ὑπὸ ΑΠΒ πρὸς τὸ ὑπὸ ΔΠΕ, ἀλλ' ὡς τὸ ὑπὸ ΑΠΒ πρὸς τὸ ὑπὸ ΔΠΕ, τὸ ἀπὸ ΑΤ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΙ, καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΜΤ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΙ, τὸ ἀπὸ 10 ΑΤ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΙ. διὰ τὰ αὐτὰ ἔσται, ὡς μὲν τὸ ἀπὸ ΜΤ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΙ, τὸ ὑπὸ ΞΡΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΔΠΕ, ὡς δὲ τὸ ἀπὸ ΑΤ πρὸς τὸ ἀπὸ ΤΙ, τὸ ὑπὸ ΟΡΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΔΠΕ, ἵσον ἄρα τὸ ὑπὸ ΟΡΓ τῷ 15 ὑπὸ ΞΡΓ· ὅπερ ἀδύνατον.

μξ'.

'Εὰν ὑπερβολὴ τῆς μὲν ἐφάπτηται τῶν ἀντικειμένων, τὴν δὲ κατὰ δύο σημεῖα τέμνῃ, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐδεμιᾶ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ ΑΒΓ, Δ, καὶ ὑπερβολὴ τις ἡ ΑΒΔ τὴν μὲν ΑΒΓ τεμνέτω κατὰ τὰ Α, Β, τῆς δὲ Δ ἐφαπτέσθω κατὰ τὸ Δ, καὶ ἔστω τῆς ΑΒΔ τομῆς ἀντικειμένη ἡ ΓΕ. λέγω, ὅτι ἡ ΓΕ οὐδεμιᾶ τῶν ΑΒΓ, Δ συμπεσεῖται.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμπιπτέτω τῇ ΑΒ κατὰ τὸ Γ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΑΒ, καὶ διὰ τοῦ Δ ἐφαπτομένη ἦχθω συμπίκτουσα τῇ ΑΒ κατὰ τὸ Ζ· τὸ Ζ ἄρα σημεῖον 25 ἐντὸς ἔσται τῶν ἀσυμπτώτων τῆς ΑΒΔ τομῆς. καὶ ἐστιν αὐτῆς ἀντικειμένη ἡ ΓΕ· ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ Γ ἐπὶ τὸ Ζ ἐντὸς πεσεῖται τῆς ὑπὸ τῶν ΒΖΔ περιεχομένης

1. ΘΛΜ] p, ΘΛΜΣ V. 5. ἀλλ' — 6. ΤΙ] p (τῶν ΑΠ, ΠΒ; τῶν ΔΠ, ΠΕ; τῆς ΑΤ; τῆς ΤΙ); om. V. 9. ΞΡΓ] corr. ex ΞΡΠ m. 1 V, ΞΡΠ v; ΞΡ, ΡΓ p. 14. ὑπερβολή] p, ὑπερβολῆς V.

et cum  $\angle \Pi$  producta in  $P$  concurrat,  $AB$ ,  $\angle A$  autem in  $H$ ,  $\Theta$  in binas partes aequales secentur, et per  $H$ ,  $\Theta$  diametri ducantur  $H\Sigma I$ ,  $\Theta\Lambda M$ , ab  $I$ ,  $\Lambda$ ,  $M$  autem sectiones contingentes  $ITT$ ,  $MT$ ,  $AT$ ; itaque [II, 5]  $IT$  rectae  $\angle \Pi$  parallela erit,  $AT$  autem et  $MT$  rectis  $\angle \Pi$ ,  $OP$ . et quoniam est [III, 19]

$$MT^2 : TI^2 = \angle \Pi \times PB : \angle \Pi \times PE,$$

$$\angle \Pi \times PB : \angle \Pi \times PE = AT^2 : TI^2,$$

erit etiam  $MT^2 : TI^2 = AT^2 : TI^2$ . eadem de causa erit  $MT^2 : TI^2 = EP \times PG : AP \times PE$  et

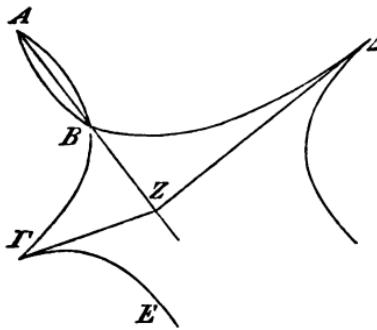
$$AT^2 : TI^2 = OP \times PG : AP \times PE.$$

ergo [Eucl. V, 9]  $OP \times PG = EP \times PG$ ; quod fieri non potest.

### XLVII.

Si hyperbola alteram oppositarum contingit, alteram in duobus punctis secat, sectio ei opposita cum neutra oppositarum concurret.

sint oppositae  $AB\Gamma$ ,  $A$ , et hyperbola  $AB\Delta$  sectionem  $AB\Gamma$  secet in  $A$ ,  $B$ , sectionem autem  $\Delta$  in



$\Delta$  contingat, sitque sectioni  $AB\Delta$  opposita  $\Gamma E$ . dico,  $\Gamma E$  cum neutra sectionum  $AB\Gamma$ ,  $\Delta$  concurrere.

nam si fieri potest, cum  $AB$  in  $\Gamma$  concurrat, ducaturque  $AB$ , et per  $\Delta$  contingens ducatur recta in

$Z$  cum  $AB$  concurrens;  $Z$  igitur punctum intra asymptotas sectionis  $AB\Delta$  positum erit [II, 25]. et ei opposita est  $\Gamma E$ ; itaque recta a  $\Gamma$  ad  $Z$  ducta intra

γωνίας. πάλιν ἐπεὶ ὑπερβολή ἔστιν ἡ *ABΓ*, καὶ συμπίπτουσιν αἱ *AB*, *ΓΖ*, καὶ αἱ *A*, *B* συμπτώσεις οὐ περιέχουσι τὴν *Γ*, τὸ *Z* σημεῖον μεταξὺ τῶν ἀσυμπτώτων ἔστι τῆς *ABΓ* τομῆς. καὶ ἔστιν αὐτῆς ἀντικείμενη ἡ *Δ*. ἡ ἄρα ἀπὸ τοῦ *Δ* ἐπὶ τὸ *Z* ἐντὸς πεσεῖται τῆς ὑπὸ *AΖΓ* γωνίας· ὅπερ ἄτοπον· ἐπιπτε γὰρ καὶ εἰς τὴν ὑπὸ *BΖΔ*. οὐκ ἄρα ἡ *ΓΕ* μιᾶς τῶν *ABΓ*, *Δ* συμπεσεῖται.

μη'.

10 Ἐὰν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων καθ' ἐν μὲν ἐφάπτηται, κατὰ δύο δὲ συμπίπτῃ, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ τῇ ἀντικειμένῃ οὐ συμπεσεῖται.

15 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ *ABΓ*, *Δ*, καὶ ὑπερβολὴ τις ἡ *AΗΓ* ἐφαπτέσθω μὲν κατὰ τὸ *A*, τεμνέτω δὲ κατὰ τὰ *B*, *Γ*, καὶ τῆς *AΗΓ* ἀντικειμένη ἔστω ἡ *E*. λέγω, ὅτι ἡ *E* τῇ *Δ* οὐ συμπεσεῖται.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμπιπτέτω κατὰ τὸ *Δ*, καὶ ἐπειγόντων, συμπιπτέτω κατὰ τὸ *Z*, καὶ ἦχθω ἀπὸ τοῦ *A* ἡ *AΖ* ἐφαπτομένη. δύοις δὴ τοῖς πρότερον δειχθήσεται, ὅτι τὸ *Z* σημεῖον ἐντὸς τῆς ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων περιεχομένης γωνίας ἔστι. καὶ ἡ *AΖ* ἐφάψεται τῶν τομῶν ἀμφοτέρων, καὶ ἡ *AΖ* ἐκβαλλομένη τεμεῖ τὰς τομὰς μεταξὺ τῶν *A*, *B* κατὰ τὰ *H*, *K*. καὶ ὃν δὴ ἔχει λόγον ἡ *ΓΖ* πρὸς *ZB*, 25 ἐχέτω ἡ *ΓΔ* πρὸς *ΔB*, καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ *ΔΔ* ἐκβαλλόμεθω· τεμεῖ δὴ τὰς τομὰς κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο. τεμνέτω κατὰ τὰ *N*, *M*· αἱ ἄρα ἀπὸ τοῦ *Z* ἐπὶ τὰ *N*, *M* ἐφάψονται τῶν τομῶν, καὶ ἔσται δύοις τοῖς

3. περιέχουσι] ερ, περιέχωσι οε corr. V  
scripsi; Γ V p. 25. ΔB] p. om. V extr. pag.

5. Δ (alt.)]

angulum  $BZA$  cadet. rursus quoniam hyperbola est  $AB\Gamma$ , et  $AB, \Gamma Z$  concurrunt, et puncta concursus  $A, B$  punctum concursus  $\Gamma$  non continent, punctum  $Z$  intra asymptotas sectionis  $AB\Gamma$  positum est.<sup>1)</sup> et ei opposita est  $\Delta$ ; itaque recta a  $\Delta$  ad  $Z$  ducta intra angulum  $AZ\Gamma$  cadet; quod absurdum est; nam etiam in angulum  $BZA$  caderet. ergo  $\Gamma E$  cum neutra sectionum  $AB\Gamma, \Delta$  concurret.

## XLVIII.

Si hyperbola alteram oppositarum in uno puncto contingit, in duobus autem cum ea concurrit, sectio ei opposita cum opposita non concurret.

sint oppositae  $AB\Gamma, \Delta$ , et hyperbola  $AH\Gamma$  in  $A$  contingat, in  $B, \Gamma$  autem secet, et sectioni  $AH\Gamma$  op-

posita sit  $E$ .  
dico,  $E$  cum  
 $\Delta$  non con-  
currere.

nam si fieri  
potest, in  $\Delta$   
concurrat,  
ducaturque

$B\Gamma$  et ad  $Z$  producatur, ab  $A$  autem  $AZ$  contingens ducatur. iam eodem modo, quo antea, demonstrabimus, punctum  $Z$  intra angulum ab asymptotis comprehensum positum esse [II, 25]. et  $AZ$  utramque sectionem contingat,  $\Delta Z$  autem producta sectiones inter  $A, B$  in  $H, K$  secabit. sitque  $\Gamma Z:ZB = \Gamma\Delta:\Delta B$ ,

1) Hic iidem prorsus errores sunt, quos ad prop. XLIII notauimus. hic quoque  $\Gamma Z\Delta$  in figura codicis V una est recta.

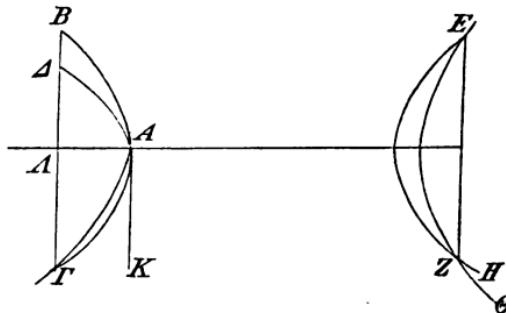
πρότερον διὰ μὲν τὴν ἐτέραν τομήν, ώς ἡ ΞΔ πρὸς ΔΖ, ἡ ΞΚ πρὸς ΚΖ, διὰ δὲ τὴν ἐτέραν, ώς ἡ ΞΔ πρὸς ΔΖ, ἡ ΞΗ πρὸς ΗΖ· ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἡ ἀντικειμένη συμπεσεῖται.

5

μδ'.

'Εὰν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων ἐφαπτομένη καθ' ἐτέρου αὐτῆς σημεῖον συμπίπτῃ, ἡ ἀντικειμένη αὐτῆς τῇ ἐτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων οὐ συμπεσεῖται κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ ἕν.

10 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ ΑΒΓ, ΕΖΗ, καὶ ὑπερβολὴ τις ἡ ΔΑΓ ἐφαπτέσθω μὲν κατὰ τὸ Α, τεμνέτω



δὲ κατὰ τὸ Γ, καὶ ἔστω τῇ ΔΑΓ ἀντικειμένη ἡ ΕΖΘ. λέγω, ὅτι οὐ συμπεσεῖται τῇ ἐτέρᾳ ἀντικειμένῃ κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ ἕν.

15 εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτω κατὰ Δ, Ζ, Η ἐπεξεύχθω ἡ ΕΖ, καὶ διὰ τοῦ Α ἐφαπτομένη τῶν τομῶν ἥχθω ἡ ΑΚ.

ἢ τοι δὴ παράλληλοί εἰσιν ἢ οὐ.

ἔστωσαν πρότερον παράλληλοι, καὶ ἥχθω ἡ ΔΙΧΟ-

2. διά — 3. ΗΖ] p, om. V. 4. ἡ ἀντικειμένη τῇ ἀντικειμένῃ p.

et ducta  $\mathcal{A}\mathcal{A}$  producatur; secabit igitur sectiones in alio atque alio puncto. secet in  $N, M$ ; itaque rectae a  $Z$  ad  $N, M$  ductae sectiones contingent [prop. I], et eodem modo, quo antea, erit [III, 39; Eucl. V, 16] propter alteram sectionem  $\mathcal{E}\mathcal{A} : \mathcal{A}Z = \mathcal{E}K : KZ$ , propter alteram autem  $\mathcal{E}\mathcal{A} : \mathcal{A}Z = \mathcal{E}H : HZ$ ; quod fieri non potest. ergo sectio opposita non concurret.

## XLIX.

Si hyperbola alteram oppositarum contingens in alio quoque puncto cum ea concurrit, sectio ei opposita cum altera oppositarum in pluribus punctis non concurret quam in uno.

sint oppositae  $\mathcal{A}B\Gamma, EZH$ , et hyperbola  $\mathcal{A}\mathcal{A}\Gamma$  in  $A$  contingat, in  $\Gamma$  autem secet, sitque  $EZ\Theta$  sectioni  $\mathcal{A}\mathcal{A}\Gamma$  opposita. dico, eam cum altera oppositarum in pluribus punctis non concurrere quam in uno.

nam si fieri potest, concurrat in duobus  $E, Z$ , ducaturque  $EZ$ , et per  $A$  sectiones contingens ducatur  $AK$ .

aut igitur parallelae sunt aut non parallelae.

prius parallelae sint, et diametrus rectam  $EZ$  in duas partes aequales diuidens ducatur; ea igitur per  $A$  ueniet et diametrus erit sectionum coniugatarum [II, 34]. per  $\Gamma$  rectis  $AK, EZ$  parallela ducatur  $\Gamma\mathcal{A}\mathcal{A}B$ ; ea igitur sectiones in alio atque alio punto secabit. erit igitur [I def. 4] in altera  $\mathcal{A}\mathcal{A} = \mathcal{A}\mathcal{A}$ , in reliqua autem  $\mathcal{A}\mathcal{A} = \mathcal{A}B$ . hoc uero fieri non potest.

$AK, EZ$  igitur parallelae ne sint, sed in  $K$  concurrant, et  $\mathcal{A}\mathcal{A}$  rectae  $AK$  parallela duxa cum  $EZ$  in  $N$  concurrat,  $AB$  autem rectam  $EZ$  in duas par-

τομοῦσα διάμετρος τὴν EZ· ἥξει ἄρα διὰ τοῦ Α καὶ  
ἔσται διάμετρος τῶν δύο συζυγῶν. ἥχθω διὰ τοῦ Γ  
παρὰ τὰς AK, EZ ἡ ΓΛΔΒ· τεμεῖ ἄρα τὰς τομὰς  
κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο σημεῖον. ἔσται δὴ ἐν μὲν τῇ  
5 ἑτέρᾳ ἵση ἡ ΓΛ τῇ ΛΔ, ἐν δὲ τῇ λοιπῇ ἡ ΓΛ τῇ  
ΛΒ. τοῦτο δὲ ἀδύνατον.

μὴ ἔστωσαν δὴ παράλληλοι αἱ AK, EZ, ἀλλὰ  
συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ K, καὶ ἡ ΓΔ παρὰ τὴν AK  
ἥγμένη συμπιπτέτω τῇ EZ κατὰ τὸ N, ἡ δὲ AB δι-  
10 χοτομοῦσα τὴν EZ τεμνέτω τὰς τομὰς κατὰ τὰ Ξ, O,  
καὶ ἐφαπτόμεναι ἥχθωσαν τῶν τομῶν ἀπὸ τῶν Ξ, O  
αἱ ΞΠ, ΟΡ. ἔσται ἄρα, ὡς τὸ ἀπὸ AP πρὸς τὸ  
ἀπὸ ΠΞ, τὸ ἀπὸ AP πρὸς τὸ ἀπὸ PO, καὶ διὰ τοῦτο  
ώς τὸ ὑπὸ ΔΝΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ENZ, τὸ ὑπὸ BNΓ  
15 πρὸς τὸ ὑπὸ ENZ. ἵσον ἄρα τὸ ὑπὸ ΔΝΓ τῷ ὑπὸ<sup>τῷ</sup>  
BNΓ· ὅπερ ἀδύνατον.

v'.

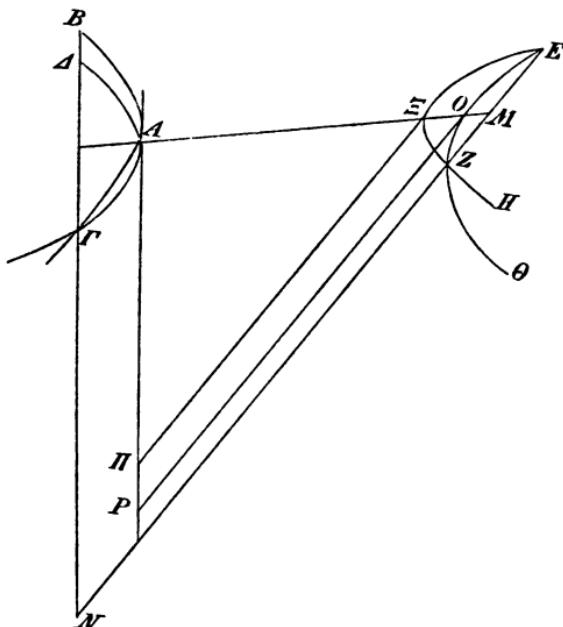
'Εὰν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων καθ' ἐν  
σημεῖον ἐπιψαύῃ, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ τῇ ἑτέρᾳ τῶν  
20 ἀντικειμένων οὐ συμπεσεῖται κατὰ πλείονα σημεῖα  
ἢ δύο.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ AB, EΔH, καὶ ὑπερβολὴ  
ἡ AG τῆς AB ἐφαπτέσθω κατὰ τὸ A, καὶ ἔστω τῆς  
AG ἀντικειμένη ἡ EΔZ. λέγω, ὅτι ἡ EΔZ τῇ EΔH  
25 οὐ συμπεσεῖται κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ δύο.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτω κατὰ τοία τὰ Δ, E,  
Θ, καὶ ἥχθω τῶν AB, AG ἐφαπτομένη ἡ AK, καὶ  
ἐπιξευχθεῖσα ἡ ΔE ἐκβεβλήσθω, καὶ ἔστωσαν πρότε-

8. ΓΛΔΒ] p, ΓΛΒΔ V. 10. τά] p, τό V. 22. EΔH]  
p, ΔΕH V. 24. EΔZ] p, ΔEZ V. EΔZ] p, ΔEZ V.  
EΔH] p, ΔEH V. 26. κατά] c p, κατὰ τά V.

tes aequales diuidens sectiones in  $\Xi, O$  secet, sectionesque contingentes ab  $\Xi, O$  ducantur  $\Xi\pi, OP$ . erit



igitur [II, 5; Eucl. VI, 4]  $AN^2 : \pi\Xi^2 = AP^2 : PO^2$ ;  
quare [III, 19]

$\Delta N \times NI : EN \times NZ = BN \times NG : EN \times NZ$ .  
ergo  $\Delta N \times NI = BN \times NG$  [Eucl. V, 9]; quod  
fieri non potest.

## L.

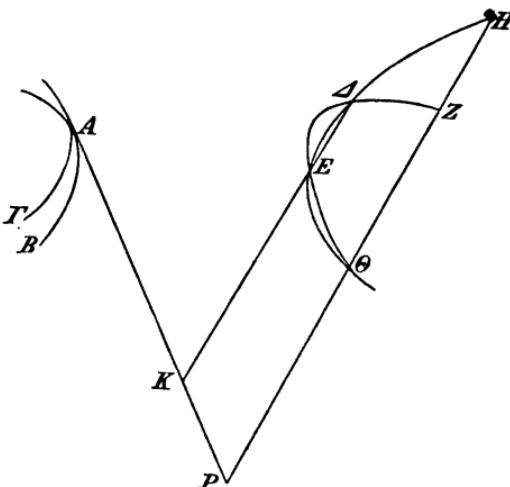
Si hyperbola alteram oppositarum in uno puncto contingit<sup>1)</sup>, sectio ei opposita cum altera oppositarum in pluribus punctis non concurret quam in duobus.

sint oppositae  $AB, EH$ , et hyperbola  $AG$  sectionem  $AB$  in  $A$  contingat, sitque sectioni  $AG$  op-

1) Sc. ad easdem partes concava habens; cf. prop. LIV.

ρον παράλληλοι αἱ  $\Delta AK$ ,  $\Delta E$ · καὶ τετμήσθω ἡ  $\Delta E$   
 δίχα κατὰ τὸ  $A$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $\Delta A$ . ἔσται δὴ διά-  
 μετρος ἡ  $\Delta A$  τῶν δύο συνυγῶν καὶ τέμνει τὰς τομὰς  
 μεταξὺ τῶν  $A$ ,  $E$  κατὰ τὰ  $M$ ,  $N$  [ῶστε ἡ  $\Delta AE$  δίχα  
 5 τέτμηται κατὰ τὸ  $A$ ]. ἦχθω ἀπὸ τοῦ  $\Theta$  παρὰ τὴν  
 $\Delta E$  ἡ  $\Theta ZH$ · ἔσται δὴ ἐν μὲν τῇ ἑτέρᾳ τομῇ ἵση ἡ  
 $\Theta \Xi$  τῇ  $\Xi Z$ , ἐν δὲ τῇ ἑτέρᾳ ἵση ἡ  $\Theta \Xi$  τῇ  $\Xi H$ . ὕστε  
 καὶ ἡ  $\Xi Z$  τῇ  $\Xi H$  ἔστιν ἵση· ὅπερ ἀδύνατον.

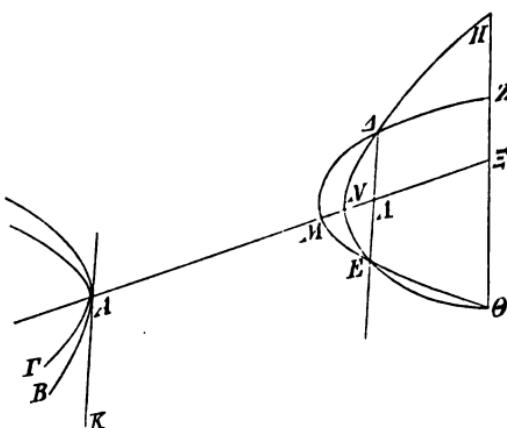
μὴ ἔστωσαν δὴ, αἱ  $\Delta AK$ ,  $\Delta E$  παράλληλοι, ἀλλὰ  
 10 συμπιπτέωσαν κατὰ τὸ  $K$ , καὶ τὰ λοιπὰ τὰ αὐτὰ γε-  
 γονέτω, καὶ ἐκ-  
 βληθεῖσα ἡ  $\Delta AK$   
 συμπιπτέω τῇ  
 $Z\Theta$  κατὰ τὸ  $P$ .  
 15 ὁμοίως δὴ δεί-  
 ἔσθιμεν τοῖς πρό-  
 τεοιν, διτέστιν,  
 ὡς τὸ ὑπὸ  
 $\Delta KE$  πρὸς τὸ  
 20 ἀπὸ  $AK$ , ἐν  
 μὲν τῇ  $Z\Delta E$   
 τομῇ τὸ ὑπὸ  
 $ZP\Theta$  πρὸς τὸ  
 ἀπὸ  $PA$ , ἐν δὲ  
 25 τῇ  $H\Delta E$  τὸ ὑπὸ  $HP\Theta$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $PA$ . τὸ ἄρα ὑπὸ  
 $HP\Theta$  ἵσουν τῷ ὑπὸ  $ZP\Theta$ · ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἡ  
 $E\Delta Z$  τῇ  $E\Delta H$  κατὰ πλείουνα σημεῖα συμβάλλει ἡ δύο.



4. ὕστε] ἐπει Halley praeeunte Commandino; ego ὕστε —  $\Delta$  lin. 5 deleuerim. 6.  $\Theta ZH$ ] p,  $\Theta HZ$  V. 7. ἐν —  $\tauῇ \Xi H$ ] p, om. V. 21.  $Z\Delta E$ ]  $\Xi\Delta E$  V,  $Z\Delta E\Theta$  p; corr. Memus. 25. ἀπό] p, om. V. 27.  $E\Delta Z$ ] p,  $\Delta EZ$  V.  $E\Delta H$ ] p,  $\Delta EH$  V.

posita  $E\Delta Z$ . dico,  $E\Delta Z$  cum  $E\Delta H$  in pluribus punctis non concurrere quam in duobus.

nam si fieri potest, in tribus concurrat  $\Delta, E, \Theta$ , ducaturque sectiones  $AB, AG$  contingens  $AK$ , et ducta



$\Delta E$  producatur<sup>1)</sup>, prius autem parallelae sint  $AK, \Delta E$ ; et  $\Delta E$  in  $A$  in duas partes aequales secetur, ducaturque  $AA$ .  $AA$  igitur diametru erit sectionum coniugatarum [II, 34]

sectionesque inter  $\Delta, E$  in  $M, N$  secat. a  $\Theta$  rectae  $\Delta E$  parallela ducatur  $\Theta ZH$ ; itaque erit [I def. 4] in altera sectione  $\Theta \Xi - \Xi Z$ , in altera autem  $\Theta \Xi - \Xi H$ . quare etiam  $\Xi Z = \Xi H$ ; quod fieri non potest.

$AK, \Delta E$  igitur parallelae ne sint, sed in  $K$  concurrent, et reliqua eadem comparentur, productaque  $AK$  cum  $Z\Theta$  in  $P$  concurrat. eodem igitur modo, quo antea, demonstrabimus, esse [III, 19; Eucl. V, 16] in sectione  $Z\Delta E$   $\Delta K \times KE : AK^2 = ZP \times P\Theta : PA^2$ , in  $H\Delta E$  autem  $\Delta K \times KE : AK^2 = HP \times P\Theta : PA^2$ . itaque  $HP \times P\Theta = ZP \times P\Theta$  [Eucl. V, 9]; quod fieri non potest. ergo  $E\Delta Z$  cum  $E\Delta H$  in pluribus punctis non concurrit quam in duobus.

1) Hoc addidit propter secundam figuram.

*να'.*

'Εὰν ὑπερβολὴ ἐκατέρας τῶν ἀντικειμένων ἐφάπτηται, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ οὐδεμιᾷ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται.

5 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ *A, B*, καὶ ὑπερβολὴ ἡ *AB* ἐκατέρας αὐτῶν ἐφαπτέσθω κατὰ τὰ *A, B*, ἀντικειμένη δὲ αὐτῆς ἔστω ἡ *E*. λέγω, ὅτι ἡ *E* οὐδετέρᾳ τῶν *A, B* συμπεσεῖται.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμπιπτέτω τῇ *A* κατὰ τὸ *A*,  
10 καὶ ἥχθωσαν ἀπὸ τῶν *A, B* ἐφαπτόμεναι τῶν τομῶν συμπεσοῦνται δὴ ἀλλήλαις ἐντὸς τῶν ἀσυμπτώτων τῆς *AB* τομῆς. συμπιπτέτωσαν κατὰ τὸ *Γ*, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ *ΓA*· ἡ ἄρα *ΓA* ἐν τῷ μεταξὺ τόπῳ ἔσται τῶν *AG, GB*. ἀλλὰ καὶ μεταξὺ τῶν *BG, ΓZ*· ὅπερ ἄτοπον.  
15 οὐκ ἄρα ἡ *E* συμπεσεῖται ταῖς *A, B*.

*νβ'.*

'Εὰν ἐκατέρα τῶν ἀντικειμένων ἐκατέρας τῶν ἀντικειμένων καθ'<sup>17</sup> ἐν ἐφάπτηται ἐπὶ τὰ αὐτὰ τὰ κοῖλα ἔχουσα, οὐ συμπεσεῖται καθ' ἔτερον σημεῖον.

20 ἐφαπτέσθωσαν γὰρ ἀλλήλων ἀντικείμεναι κατὰ τὰ *A, Δ* σημεῖα. λέγω, ὅτι καθ' ἔτερον σημεῖον οὐ συμβάλλουσιν.

εἰ γὰρ δυνατόν, συμβαλλέτωσαν κατὰ τὸ *E*. ἐπεὶ οὖν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων ἐφαπτομένη 25 κατὰ τὸ *A* συμπέπτωκε κατὰ τὸ *E*, ἡ ἄρα *AB* τῇ *AG* οὐ συμβάλλει κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ ἐν. ἥχθωσαν ἀπὸ τῶν *A, Δ* τῶν τομῶν ἐφαπτόμεναι αἱ *AΘ, ΔΘ*,

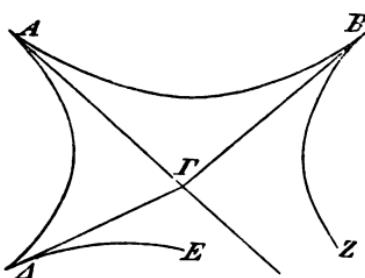
---

17. ἐκατέρας τῶν ἀντικειμένων] p. om. V.

## LI.

Si hyperbola utramque oppositam contingit, sectio ei opposita cum neutra oppositarum concurret.

sint oppositae  $A, B$ , et hyperbola  $AB$  in  $A, B$  utramque contingat, ei autem opposita sit  $E$ . dico,  $E$  cum neutra sectionum  $A, B$  concurrere.



nam si fieri potest, cum  $A$  in  $\Delta$  concurrat, et ab  $A, B$  rectae ducantur sectiones contingentes; eae igitur intra asymptotas sectionis  $AB$  inter se concurrent [II, 25]. concurrent in  $\Gamma$ , ducaturque  $\Gamma\Delta$ ;  $\Gamma\Delta$

igitur in spatio inter  $\Delta\Gamma$ ,  $\Gamma B$  posito erit. uerum eadem inter  $B\Gamma$ ,  $\Gamma Z^1)$  cadet; quod absurdum est. ergo  $E$  cum  $A, B$  non concurret.

## LII.

Si utraque opposita utramque oppositam in singulis punctis contingit ad easdem partes concava habens, in alio punto non concurret.

nam oppositae in punctis  $A, \Delta$  inter se concurrant. dico, eas in nullo alio punto concurrere.

nam si fieri potest, concurrant in  $E$ . quoniam igitur hyperbola alteram oppositarum in  $\Delta$  contingens cum ea in  $E$  concurrit,  $AB$  cum  $\Delta\Gamma$  in pluribus punctis non concurrit quam in uno [prop. XLIX]. ab

1) Quia ex II, 33 recta  $\Gamma B$  cum sectione  $\Delta\Delta$  non concurrit, h. e. extra  $\Delta\Gamma$ , quae cum  $\Delta\Delta$  concurrit, cadit.

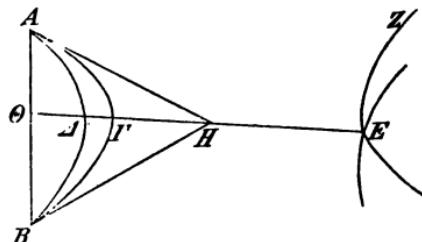
ΘΔ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΑΔ, καὶ διὰ τοῦ Ε παρὰ τὴν ΑΔ ἥχθω ἡ ΕΒΓ, καὶ ἀπὸ τοῦ Θ δευτέρῳ διάμετρῳ ἥχθω τῶν ἀντικειμένων ἡ ΘΚΑ· τεμεῖ δὴ τὴν ΑΔ δίχα κατὰ τὸ Κ. καὶ ἐκατέρᾳ ἄρα τῶν ΕΒ, ΕΓ δίκαια τέτμηται κατὰ τὸ Λ. ἵση ἄρα ἡ ΒΛ τῇ ΑΓ· διερ  
5 ἀδύνατον. οὐκ ἄρα συμπεσοῦνται κατ' ἄλλο σημεῖον.

$v\gamma'$ .

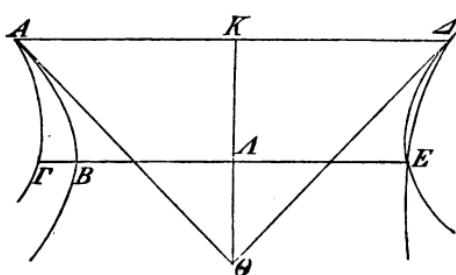
'Εὰν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων κατὰ δύο σημεῖα ἐφάπτηται, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ τῇ ἐτέρᾳ τῶν 10 ἀντικειμένων οὐ συμπεσεῖται.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ ΑΔΒ, Ε, καὶ ὑπερβολὴ ἡ ΑΓ τῆς ΑΔΒ ἐφαπτέσθω κατὰ δύο σημεῖα τὰ Α, Β, καὶ ἔστω ἀντικειμένη τῆς ΑΓ ἡ Ζ. λέγω, δτι ἡ Ζ τῇ Ε οὐ συμπεσεῖται.

15 εἰ γὰρ δυνατόν, συμπιπτέτω κατὰ τὸ Ε, καὶ ἥχθωσαν ἀπὸ τῶν Α, Β ἐφαπτόμεναι τῶν τομῶν αἱ ΑΗ, ΗΒ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΑΒ καὶ ἡ ΕΗ καὶ 20 ἐκβεβλήσθω· τεμεῖ δὴ κατ' ἄλλο καὶ ἄλλο σημεῖον τὰς τομάς. ἔστω δὴ ὡς ἡ ΕΗΓΔΘ. ἐπεὶ οὖν ἐφάπτονται αἱ ΑΗ, ΗΒ, καὶ ἡ ΑΒ τὰς ἀφὰς ἐπέξευξεν, ἔσται ἐν 25 μὲν τῇ ἐτέρᾳ συξυγίᾳ, ὡς ἡ ΘΕ πρὸς ΕΗ, ἡ ΘΔ πρὸς ΔΗ, ἐν δὲ τῇ ἐτέρᾳ ἡ ΘΓ πρὸς ΓΗ· διερ  
νατον. οὐκ ἄρα ἡ Ζ τῇ Ε συμβάλλει.



*A, Δ* sectiones contingentes ducantur *AΘ*, *ΘΔ*, ducaturque *AA'*, et per *E* rectae *AA'* parallela ducatur



*EBΓ*, a *Θ* autem secunda diametrum oppositarum ducatur *ΘKA*<sup>1</sup>); ea igitur in *K* rectam *AA'* in duas partes aequales secabit [II, 39]. itaque etiam utraque *EB*,

*EE'* in *A* in binas partes aequales secta est [I def. 4]. quare *BΔ = ΔΓ*; quod fieri non potest. ergo in alio puncto non concurrent.

### LIII.

Si hyperbola alteram oppositarum in duobus punctis contingit, sectio ei opposita cum altera oppositarum non concurret.

sint oppositae *AΔB*, *E*, et hyperbola *ΔΓ* sectionem *AΔB* in duobus punctis *A*, *B* contingat, sitque sectioni *ΔΓ* opposita *Z*. dico, *Z* cum *E* non concurrere.

nam si fieri potest, in *E* concurrat, et ab *A*, *B* sectiones contingentes ducantur *AH*, *HB*, et ducatur *AB* et *EH*, quae producatur; sectiones igitur in alio atque alio punto secabit. uelut sit *EHΓΔΘ*. quoniam igitur *AH*, *HB* contingunt, et *AB* puncta contactus coniungit, in alteris sectionibus coniugatis erit *ΘE : EH = ΘΔ : ΔH*, in alteris autem

$$\Theta E : EH = \Theta \Gamma : \Gamma H$$

1) Aut cum Comm. *ΘAK* scribendum aut figura cum Halleio mutanda (in fig. codicis *Γ*, *B* permutatae sunt). sed omnino haec demonstratio minus recte expressa est.

*νδ'.*

'Εὰν ὑπερβολὴ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων ἐπιφανή ἀντεστραμμένα τὰ κυρτὰ ἔχουσα, ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ τῇ ἐτέρᾳ τῶν ἀντικειμένων οὐ συμπεσεῖται.

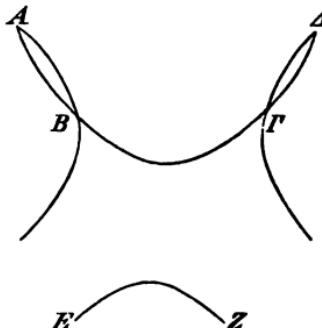
5 ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $A, B$ , καὶ τῆς  $A$  τομῆς ἐφ-  
απτέσθω ὑπερβολὴ τις ἡ  $AD$  κατὰ τὸ  $A$ , ἀντικειμένη  
δὲ τῆς  $A$   $AD$  ἐστω ἡ  $Z$ . λέγω, ὅτι ἡ  $Z$  τῇ  $B$  οὐ συ-  
πεσεῖται.

ἡχθω ἀπὸ τοῦ  $A$  ἐφαπτομένη τῶν τομῶν ἡ  $AG$ .  
10 ἡ ἄρα  $AG$  διὰ μὲν τὴν  $AD$  οὐ συμπεσεῖται τῇ  $Z$ ,  
διὰ δὲ τὴν  $A$  οὐ συμπεσεῖται τῇ  $B$ . ὥστε ἡ  $AG$   
μεταξὺ πεσεῖται τῶν  $B, Z$  τομῶν. καὶ φανερόν, ὅτι  
ἡ  $B$  τῇ  $Z$  οὐ συμπεσεῖται.

*νε'.*

15 Ἀντικείμεναι ἀντικειμένας οὐ τέμνουσι κατὰ πλείο-  
να σημεῖα ἢ τέσσαρα.

ἔστωσαν γὰρ ἀντικείμε-  
ναι αἱ  $AB, \Gamma\Delta$  καὶ ἐτέραι  
ἀντικείμεναι αἱ  $AB\Gamma\Delta, EZ$ ,  
20 καὶ τεμνέτω πρότερον ἡ  
 $AB\Gamma\Delta$  τομὴ ἐκατέραν τῶν  
 $AB, \Gamma\Delta$  κατὰ τέσσαρα ση-  
μεῖα τὰ  $A, B, \Gamma, \Delta$  ἀντε-  
στραμμένα τὰ κυρτὰ ἔχουσα,  
25 ὡς ἐπὶ τῆς πρώτης καταγραφῆς. ἡ ἄρα ἀντικειμένη  
τῇ  $AB\Gamma\Delta$ , τοντέστιν ἡ  $EZ$ , οὐδεμιᾷ τῶν  $AB, \Gamma\Delta$   
συμπεσεῖται.

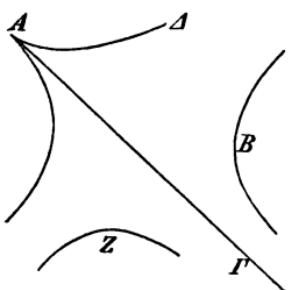


13. τῇ  $Z$ ] εὐρ., τῇ  $\nu$  V, ut saepius. 16. τέσσαρα] p.  
δ V. 19.  $AB\Gamma\Delta$  p. 21.  $AB\Gamma\Delta$  p. 23.  $\Gamma, \Delta$ ]  $\Delta, \Gamma$  p.  
26.  $AB\Gamma\Delta$  p.

[III, 39; Eucl. V, 16]; quod fieri non potest. ergo **Z** cum **E** non concurrit.

## LIV.

Si hyperbola alteram oppositarum contingit partem conuexam aduersam habens, sectio ei opposita cum altera oppositarum non concurret.



sint oppositae **A**, **B**, et sectionem **A** contingat hyperbola **AA'** in **A**, sectioni autem **AA'** opposita sit **Z**. dico, **Z** cum **B** non concurrere.

ab **A** sectiones contingens ducatur **AG**; **AG** igitur propter **AA'** cum **Z** non concurret, propter **A** autem cum **B** non concurret [II, 33]. ergo **AG** inter sectiones **B**, **Z** cadet; et manifestum est, **B** cum **Z** non concurrere.

## LV.

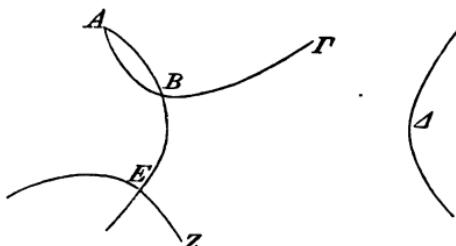
Oppositae oppositas in pluribus punctis quam in quattuor non secant.

sint enim oppositae **AB**, **ΓΔ** et aliae oppositae **ABΓΔ**<sup>1</sup>), **EZ**, et prius sectio **ABΓΔ** utramque **AB**, **ΓΔ** in quattuor punctis secet **A**, **B**, **Γ**, **Δ** partem conuexam habens aduersam, ut in prima figura. ergo sectio sectioni **ABΓΔ** opposita, hoc est **EZ**, cum neutra sectionum **AB**, **ΓΔ** concurret [prop. XLIII].

1) In figura codicis V et hic et infra **Γ**, **Δ** permutatae sunt. unde scriptura codicis p orta est. sed praestat figuram cum Memo mutare.

ἀλλὰ δὴ ἡ  $AB\Gamma\Delta$  τὴν μὲν  $AB$  τεμνέτω κατὰ τὰ  $A, B$ , τὴν δὲ  $\Gamma$  καθ' ἐν τὸ  $\Gamma$ , ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς δευτέρας καταγραφῆς· ἡ  $EZ$  ἄφα τῇ  $\Gamma$  οὐ συμπεσεῖται. εἰ δὲ τῇ  $AB$  συμβάλλει ἡ  $EZ$ , καθ' ἐν μόνον συμβάλλει·  
5 εἰ γὰρ κατὰ δύο συμβάλλει τῇ  $AB$ , ἡ ἀντικειμένη αὐτῇ ἡ  $AB\Gamma$  τῇ ἑτέρᾳ ἀντικειμένῃ τῇ  $\Gamma$  οὐ συμπεσεῖται· ὑπόκειται δὲ καθ' ἐν τὸ  $\Gamma$  συμβάλλουσα.

εἰ δέ, ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς τρίτης καταγραφῆς, ἡ  $AB\Gamma$  τὴν μὲν  $\Delta$  οὐ συμπεσεῖται, τῇ δὲ  $ABE$  συμπίπτουσα οὐ συμπεσεῖται κατὰ  
10 πλείονα σημεῖα ἡ δύο.



εἰ δέ, ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς τετάρτης καταγραφῆς, ἡ  $AB\Gamma\Delta$  ἐκατέραν τέμνει καθ' ἐν σημεῖον, ἵνα  $EZ$  οὐδετέρᾳ συμπεσεῖται κατὰ δύο σημεῖα. ὅστε διὰ τὰ  
20 εἰρημένα καὶ τὰ ἀντίστροφα αὐτῶν αἱ  $AB\Gamma\Delta$ ,  $\Gamma Z$  ἀντικειμέναις ταῖς  $BE$ ,  $EZ$  τομαῖς οὐ συμπεσοῦνται κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ τέσσαρα.

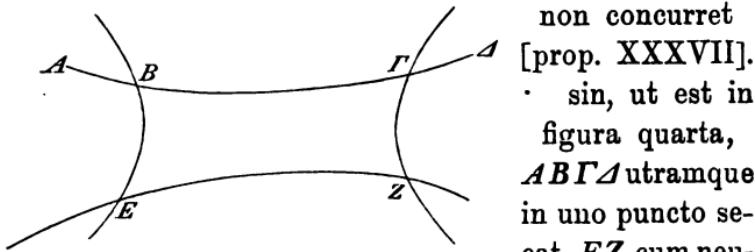
ἴαν δὲ αἱ τομαὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ τὰ κοῖλα ἔχωσι, καὶ ἡ ἑτέρα τὴν ἑτέραν τέμνη κατὰ τέσσαρα τὰ  $A, B, \Gamma$ ,  
25  $\Delta$ , ὡς ἐπὶ τῆς πέμπτης καταγραφῆς, ἡ  $EZ$  τῇ ἑτέρᾳ

1.  $AB\Gamma\Delta$ ]  $AB\Delta$  p.,  $AB\Gamma$  Halley cum Comm. 2.  $\Gamma$ ]  
scripsi,  $\Gamma\Delta$  V p.  $\Gamma$ ] $\Delta$  p. 3.  $\Gamma$ ] $\Gamma\Delta$  p. 6.  $AB\Gamma$ ] v.c.  
 $B$  e corr. m. 1 V;  $AB\Delta$  p.  $\Gamma$ ] $\Gamma\Delta$  p. 7.  $\Gamma$ ] $\Delta$  p. 8.  
 $AB\Delta$  p. 9. δέ] p., om. V. 11.  $\Delta$ ] $\Gamma\Delta$  p. 18.  $AB\Delta\Gamma$  p.  
20. τά] om. V p., corr. Halley.  $AB\Delta$ ,  $\Gamma\Delta Z$  p.;  $AB\Gamma\Delta$ ,  $EZ$   
Halley cum Comm. 21. ἀντικειμεναι Halley.  $EZ$ ] $\Gamma Z$  p.  
Halley cum Comm. 22. τέσσαρα] p., δ̄ V.

iam uero  $\Delta B\Gamma\Delta$  sectionem  $AB$  in  $A, B$  secet, sectionem autem  $\Gamma$  in uno  $\Gamma$ , ut in secunda figura est; itaque  $EZ$  cum  $\Gamma$  non concurret [prop. XLI]. sin  $EZ$  cum  $AB$  concurrit, in uno puncto solo concurrit. si enim in duobus cum  $AB$  concurrit, sectio ei opposita  $AB\Gamma$  cum altera opposita  $\Gamma$  non

concurret [prop. XLIII]; supposuimus autem, eam in uno punto  $\Gamma$  concurrere.

sin, ut est in figura tertia,  $\Delta B\Gamma$  sectionem  $ABE$  in duobus punctis  $A, B$  secat,  $EZ$  autem cum  $ABE$  concurrit, cum  $\Delta$  non concurret [prop. XLI], et cum  $ABE$  concurrens in pluribus punctis quam in duobus



tra in duobus punctis concurret [prop. XLII]. ergo propter ea, quae diximus, et conuersa sectiones  $\Delta B\Gamma\Delta$ ,  $\Gamma Z$  cum sectionibus iis oppositis  $BE, EZ$  in pluribus punctis non concurrent quam in quattuor.<sup>1)</sup>

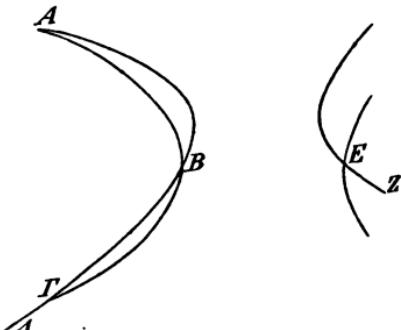
1) Uerba ὁστε lin. 19 — τέσσαρα lin. 22 inutilia sunt et suspecta; nam ordo litterarum parum rectus est, nec ἀντίστροφα propositionum hic locum habent.

οὐ συμπεσεῖται. οὐδὲ μὴν ἡ EZ οὐ συμπεσεῖται τῇ AB· πάλιν γὰρ ἔσται ἡ AB ταῖς ABΓΔ, EZ ἀντικειμέναις συμπίπτουσα κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ τέσσαρα [ἀλλ' οὐδὲ ἡ ΓΔ τῇ EZ συμπέσεῖται].

5 εἰ δέ, ὡς ἔχει ἐπὶ τῆς ἔκτης καταγραφῆς,  
ἡ ABΓΔ τῇ ἑτέρᾳ τομῇ  
συμβάλλει κατὰ τρία  
σημεῖα, ἡ EZ τῇ ἑτέρᾳ  
10 καθ' ἐν μόνον συμ-  
πεσεῖται.

καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν  
τὰ αἱτά τοῖς προτέροις  
ἔροῦμεν.

15 ἐπεὶ οὖν κατὰ πάσας τὰς ἐνδεχομένας διαστολὰς  
δῆλον ἔστι τὸ προτερέν, ἀντικείμεναι ἀντικειμέναις  
οὐ συμβάλλουσι κατὰ πλείονα σημεῖα ἢ τέσσαρα.



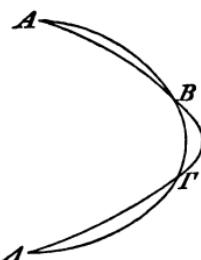
### νε'. νε'. νε'.

'Εὰν ἀντικείμεναι ἀντικειμένων καθ' ἐν σημεῖον  
20 ἐπιψαύωσιν, οὐ συμπεσοῦνται καὶ κατ' ἄλλα σημεῖα  
πλείονα ἢ δύο.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ AB, BG καὶ ἑτεραι αἱ  
Δ, EZ, καὶ ἡ BGΔ τῆς AB ἐφαπτέσθω κατὰ τὸ B,  
καὶ ἔχέτωσαν ἀντεστραμμένα τὰ κυρτά, καὶ συμπιπτέω  
25 πρῶτον ἡ BGΔ τῇ ΓΔ κατὰ δύο σημεῖα τὰ Γ, Δ,  
ώς ἐπὶ τοῦ πρῶτου σχήματος.

1. οὐ (alt.)] om. p. 4. ΓΔ] HΘ Halley, ne eaedem litterae bis ponantur, sed potius ἄλλ' — συμπεσεῖται delenda et in fig. litterae Γ, Δ in opposita. 20. ἐπιψαύωσιν] p., ἐπιψαύονται V, et c, sed corr. m. 1. 22. BG] ΓΔ Halley cum Comm. 23. Δ] BG Halley praeceunte Comm. EZ] cyp, Z e corr. m. 1 V.

sin sectiones ad easdem partes concava habent,  
et altera alteram in quattuor punctis  $A, B, \Gamma, \Delta$  secat,



ut in quinta figura,  
 $EZ$  cum altera non  
concurret [prop.  
XLIV]. iam uero  
cum  $AB$  non con-  
curret  $EZ$ ; ita enim  
rursus  $AB$  cum op-

positis  $AB\Gamma\Delta$ ,  $EZ$  in pluribus punctis concurret quam  
in quattuor [prop. XXXVIII].

sin, ut est in figura sexta,  $AB\Gamma\Delta$  cum altera sec-  
tione in tribus punctis concurrit,  $EZ$  cum altera in  
uno solo concurret [prop. XLVI].

et in reliquis<sup>1)</sup> eadem, quae supra, dicemus.

quoniam igitur in omnibus, quae excogitari pos-  
sunt, distributionibus adparet propositum, oppositae  
cum oppositis in pluribus punctis non concurrunt  
quam in quattuor.

## LVI.

Si oppositae oppositas in uno punto contingunt,  
in aliis quoque punctis non concurrent pluribus quam  
duobus.

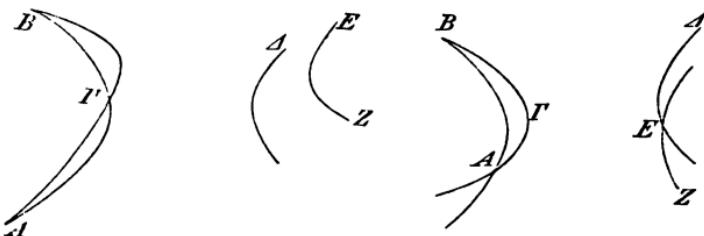
sint oppositae  $AB$ ,  $B\Gamma$  et alterae  $\Delta, EZ$ , et  $B\Gamma\Delta$   
sectionem  $AB$  in  $B$  contingat, habeant autem partem  
conuexam aduersam; et primum  $B\Gamma\Delta$  cum  $\Gamma\Delta$  in  
duobus punctis concurrat  $\Gamma, \Delta$ , ut in figura prima.

1) Adsunt praeterea in V duae figurae, sed falsae; signi-  
ficat Apollonius duos illos casus, ubi  $AB\Gamma\Delta$  alteram in duobus,  
alteram in uno punto tangit [prop. XLV], et ubi in uno  
puncto concurrit.

ἐπεὶ οὖν ἡ  $B\Gamma\Delta$  κατὰ δύο τέμνει ἀντεστραμμένα  
ἔχουσα τὰ κυρτά, ἡ  $EZ$  τῇ  $AB$  οὐ συμπεσεῖται. πάλιν  
ἐπεὶ ἡ  $B\Gamma\Delta$  τῆς  $AB$  ἐφάπτεται  
κατὰ τὸ  $B$  ἀντεστραμμένα ἔχουσα τὰ  
κυρτά, ἡ  $EZ$  τῇ  $\Gamma\Delta$  οὐ συμπεσεῖται.  
ἡ ἄρα  $EZ$  οὐδετέρᾳ τῶν  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$   
τομῶν συμπεσεῖται· κατὰ δύο μόνον  
ἄριτρα τὰ  $\Gamma$ ,  $\Delta$  συμβάλλουσιν.  
ἀλλὰ δὴ τὴν  $\Gamma\Delta$  ἡ  $B\Gamma$  τεμνέτω

10 καθ' ἐν σημεῖον τὸ  $\Gamma$ , ὡς ἐπὶ τοῦ δευτέρου σχήματος.  
ἡ ἄριτρα  $EZ$  τῇ μὲν  $\Gamma\Delta$  οὐ συμπεσεῖται, τῇ δὲ  $AB$   
συμπεσεῖται καθ' ἐν μόνον. εἰ γὰρ κατὰ δύο συμ-  
βάλλει η  $EZ$  τῇ  $AB$ , η  $B\Gamma$  τῇ  $\Gamma\Delta$  οὐ συμπεσεῖται·  
ὑπόκειται δὲ συμβάλλουσα καθ' ἐν.

15 εἰ δὲ ἡ  $B\Gamma$  τῇ  $\Delta$  τομῇ μὴ συμπίπτῃ, ὡς ἐπὶ τοῦ  
τρίτου σχήματος, διὰ μὲν τὰ προειρημένα ἡ  $EZ$  τῇ  
 $\Delta$  οὐ συμπεσεῖται, ἡ δὲ  $EZ$  τῇ  $AB$  οὐ συμπεσεῖται  
κατὰ πλείονα σημεῖα ἥ δύο.



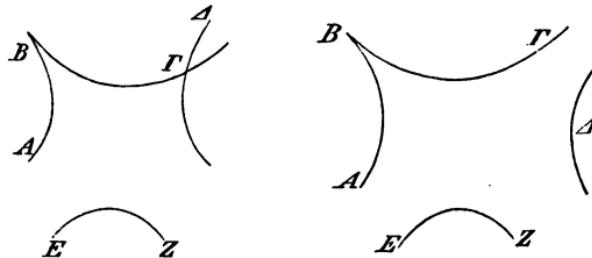
εἰὰν δὲ αἱ τομαὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ τὰ κοῖλα ἔχωσιν, αἱ  
20 αὐταὶ ἀποδεῖξεις ἀριστούσι.

κατὰ πάσας οὖν τὰς ἐνδεχομένας διαστολὰς δῆλον  
ἔστιν ἐκ τῶν δεδειγμένων τὸ προτεθέν.

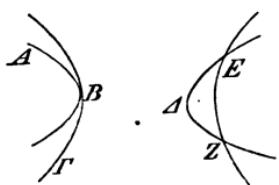
7. δύο] p, τὸ βῆ V. 13.  $B\Gamma\Delta$ ]  $B\Gamma\Delta$  Vp, corr. Comm.  
17.  $\Delta]$   $\Gamma\Delta$  Vp, corr. Comm.

quoniam igitur  $B\Gamma\Delta$  in duobus punctis secat partem conuexam habens aduersam,  $EZ$  cum  $AB$  non concurret [prop. XLI]. rursus quoniam  $B\Gamma\Delta$  sectionem  $AB$  in  $B$  contingit partem conuexam habens aduersam,  $EZ$  cum  $\Gamma\Delta$  non concurret [prop. LIV].  $EZ$  igitur cum neutra sectionum  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  concurret; ergo in duobus<sup>1)</sup> solis  $\Gamma$ ,  $\Delta$  concurrunt.

iam uero  $B\Gamma$  sectionem  $\Gamma\Delta$  in uno punto  $\Gamma$  secat, ut in secunda figura. itaque  $EZ$  cum  $\Gamma\Delta$  non concurret [prop. LIV], cum  $AB$  autem in uno solo concurret. nam si  $EZ$  cum  $AB$  in duobus concurrit,  $B\Gamma$  cum  $\Gamma\Delta$  non concurret [prop. XLI]; supposuimus autem, eam in uno concurrere.



sin  $B\Gamma$  cum sectione  $\Delta$  non concurrit, ut in ter-  
tia figura, propter ea, quae antea diximus,  $EZ$  cum



$\Delta$  non concurret [prop. LIV],  
cum  $AB$  autem non concurret  
 $EZ$  in pluribus punctis quam in  
duobus [prop. XXXVII].

sin sectiones concava ad eas-  
dem partes posita habent, eaedem demonstrationes  
conuenient [u. propp. XLVIII, XLIX, L].

1) Neque enim  $B\Gamma\Delta$  cum  $\Gamma\Delta$  in tribus punctis concurrit (prop. XXXVII).

νξ'.

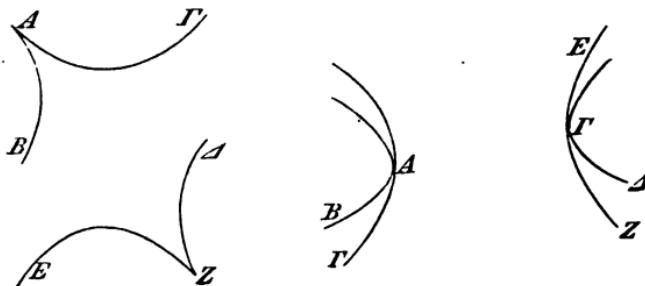
'Εὰν ἀντικείμεναι ἀντικειμένων κατὰ δόνο ἐπιφάνωσι,  
καθ' ἔτερον σημεῖον οὐ συμπεσοῦνται.

ἔστωσαν ἀντικείμεναι αἱ  $AB$ ,  $ΓΔ$  καὶ ἔτεραι αἱ  
5  $ΑΓ$ ,  $EZ$  καὶ ἐφαπτέσθωσαν πρῶτον, ὡς ἐπὶ τοῦ πρώτου  
τοῦ σχήματος, κατὰ τὰ  $A$ ,  $Γ$ .

ἐπεὶ οὖν ἡ  $ΑΓ$  ἐκατέρας τῶν  $AB$ ,  $ΓΔ$  ἐφάπτεται  
κατὰ τὰ  $A$ ,  $Γ$  σημεῖα, ἡ  $EZ$  ἄρα οὐδετέρᾳ τῶν  $AB$ ,  
ΓΔ συμπεσεῖται.

10 ἐφαπτέσθωσαν δή, ὡς ἐπὶ τοῦ δευτέρου. δμοίως  
δὴ δειχθήσεται, ὅτι ἡ  $ΓΔ$  τῇ  $EZ$  οὐ συμπεσεῖται.

ἐφαπτέσθω δή, ὡς ἐπὶ τοῦ τρίτου σχήματος, ἡ μὲν  
ΓΔ τῆς  $AB$  κατὰ τὸ  $A$ , ἡ δὲ Δ τῆς  $EZ$  κατὰ τὸ  $Z$ .  
ἐπεὶ οὖν ἡ  $ΑΓ$  τῆς  $AB$  ἐφάπτεται ἀντεστροφαμένα τὰ



15 κυρτὰ ἔχονσα, ἡ  $EZ$  τῇ  $AB$  οὐ συμπεσεῖται. πάλιν  
ἐπεὶ ἡ  $ZΔ$  τῆς  $EZ$  ἐφάπτεται, ἡ  $ΓΔ$  τῇ  $ΔZ$  οὐ συμ-  
πεσεῖται.

εἰ δὲ ἡ μὲν  $ΑΓ$  τῆς  $AB$  ἐφάπτεται κατὰ τὸ  $A$ ,  
ἡ δὲ  $EΓ$  τῆς  $ΓΔ$  κατὰ τὸ  $Γ$ , καὶ ἔχονσιν ἐπὶ τὰ

9. Post  $ΓΔ$  del. ἐφάπτεται m. 1 V; non hab. cyp. 12.  
ἐφαπτέσθωσαν p. ἡ μὲν  $ΓΔ$  τῆς  $AB$ ] cyp, bis V. 19.  $EΓ$ ]  
EZ Halley cum Comm., ne littera  $Γ$  bis ponatur.  $ΓΔ$ ]  $EΔ$   
Halley cum Comm.  $Γ$ ] E Halley cum Comm.  $\xi\chi\omegaσιν$ ]  
cyp,  $\xi\chi\omegaσιν$  V.

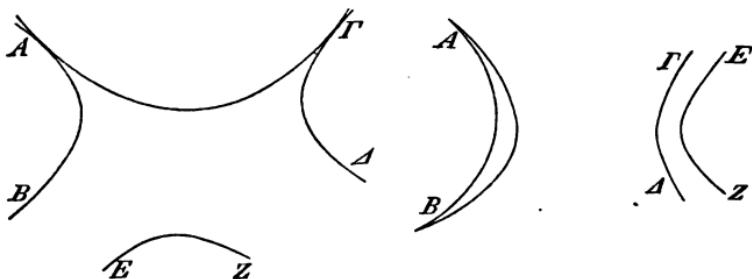
ergo in omnibus, quae excogitari possunt, distributib-  
nibus propositum ex demonstratis adparet<sup>1</sup>).

## LVII.

Si oppositae oppositas in duobus punctis contin-  
gunt, in alio punto non concurrent.

sint oppositae  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  et alterae  $AG$ ,  $EZ$ , pri-  
mum autem, ut in prima figura, in  $A$ ,  $\Gamma$  contingant.

quoniam igitur  $AG$  utramque  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  in punctis  
 $A$ ,  $\Gamma$  contingit,  $EZ$  cum neutra sectionum  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$   
concurret [prop. LI]<sup>2</sup>).



iam contingant, ut in figura secunda. similiter  
igitur demonstrabimus,  $\Gamma\Delta$  cum  $EZ$  non concurrere  
[prop. LIII]<sup>3</sup>).

iam uero, sicut in tertia figura,  $\Gamma\Delta$  sectionem  $AB$   
in  $A$  contingat,  $\Delta$  autem sectionem  $EZ$  in  $Z$ <sup>4</sup>). quoniam  
igitur  $AG$  contingit  $AB$  partem conuexam habens

1) Tres figurae ultimae in V depraunatae sunt.

2) Neque uero  $AG$  cum  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  in pluribus punctis con-  
currit (prop. XL).

3) Neque uero  $AB$  cum sectione, quam contingit, in plu-  
ribus punctis concurret (prop. XXVII).

4) At hoc, monentē Commandino, fieri non potest ob  
prop. LIV.

αὐτα τὰ κοῖλα, ὡς ἐπὶ τοῦ τετάρτου σχήματος, καθ'  
ἔτερον οὐ συμπεσοῦνται. οὐδὲ μὴ ἡ EZ τῇ AB  
συμπεσεῖται.

κατὰ πάσας οὖν τὰς ἐνδεχομένας διαστολὰς δῆλον  
5 ἔστιν ἐκ τῶν δεδειγμένων τὸ προτεθέν.

2. μῆ] Vp, μήν Halley. In fine: Ἀπολλωνίου κανικῶν δ:—  
ξεδόσεως Εύτοκίου Ἀσκαλωνίτου V; seq. una pagina (fol. 160<sup>v</sup>)  
cum figuris huius prop.; deinde: Ἀπολλωνίου κανικῶν δ.

aduersam,  $EZ$  cum  $AB$  non concurret. rursus quoniam  $Z\Delta$  contingit  $EZ$ ,  $\Gamma A$  cum  $AZ$  non concurret.

sin  $A\Gamma$  sectionem  $AB$  in  $A$  contingit,  $E\Gamma$  autem sectionem  $\Gamma\Delta$  in  $\Gamma$ , et concaua ad easdem partes posita habent, ut in quarta figura, in nullo alio puncto concurrent [prop. LII]. neque uero  $EZ$  cum  $AB$  concurret [prop. XXXIX].

ergo in omnibus, quae excogitari possunt, distributionibus propositum ex demonstratis adparet.



—

—

## **FRAGMENTA.**

---



—

ml

## Conica.

1. Pappus VII, 30 p. 672 sq. ed. Hultsch:

### Κωνικῶν ἡ.

Τὰ Εὐκλείδον βιβλία δὲ κωνικῶν Ἀπολλώνιος ἀνα-  
πληρώσας καὶ προσθεὶς ἔτερα δὲ παρέδωκεν ἡ κωνικῶν 5  
τεύχη. Ἀρισταῖος δέ, ὃς γράφει μέχρι τοῦ νῦν ἀνα-  
διδόμενα στερεῶν τόπων τεύχη ἐ συνεχῆ τοῖς κωνικοῖς,  
ἐκάλει — καὶ οἱ πρὸ Ἀπολλωνίου — τῶν τριῶν κωνικῶν  
γραμμῶν τὴν μὲν δξυγωνίου, τὴν δὲ ὁρθογωνίου, τὴν  
δὲ ἀμβλυγωνίου κώνου τομήν. ἐπεὶ δὲ ἐν ἑκάστῳ τῶν 10  
τριῶν τούτων κώνων διαφόρως τεμνομένων αἱ γῆ-  
γίνονται γραμμαί, διαπορήσας, ὡς φαίνεται, Ἀπολλώ-  
νιος, τὸ δήποτε ἀποκληρώσαντες οἱ πρὸ αὐτοῦ ἦν μὲν  
ἐκάλουν δξυγωνίου κώνου τομήν δυναμένην καὶ ὁρθο-  
γωνίου καὶ ἀμβλυγωνίου εἶναι, ἦν δὲ ὁρθογωνίου 15  
εἶναι δυναμένην δξυγωνίου τε καὶ ἀμβλυγωνίου, ἦν  
δὲ ἀμβλυγωνίου δυναμένην εἶναι δξυγωνίου τε καὶ  
ὁρθογωνίου, μεταθεὶς τὰ ὄνόματα καλεῖ τὴν μὲν δξυ-  
γωνίου καλούμενην ἔλλειψιν, τὴν δὲ ὁρθογωνίου  
παραβολήν, τὴν δὲ ἀμβλυγωνίου ὑπερβολήν, ἑκάστην 20  
δ' ἀπό τινος ἰδίου συμβεβηκότος χωρίου γάρ τι παρά  
τινα γραμμὴν παραβαλλόμενον ἐν μὲν τῇ δξυγωνίου  
κώνου τομῇ ἔλλειπον γίνεται τετραγώνῳ, ἐν δὲ τῇ

6. γέγραφε Hultsch.      μέχρι] τὰ μέχρι Hultsch cum  
Halleio.      8. καὶ οἱ πρὸ Ἀπολλωνίου] del. Hultsch.      21. ἀπό  
uel γ' ἀπό Hultsch.

ἀμβιλυγωνίου ὑπερβάλλον τετραγώνῳ, ἐν δὲ τῇ ὁρθο-  
γωνίου οὗτε ἐλλεῖπον οὐδέ τὸ ὑπερβάλλον. τοῦτο δ'  
ἔπαθεν μὴ προσνοήσας, ὅτι κατά τινα μίαν πτῶσιν  
τοῦ τέμνοντος ἐπιπέδου τὸν κῶνον καὶ γεννῶντος τὰς  
5 τρεῖς γραμμὰς ἐν ἐκάστῳ τῶν κώνων ἄλλη καὶ ἄλλη  
τῶν γραμμῶν γίνεται, ἷν ὀνόμασαν ἀπὸ τῆς ἰδιότητος  
τοῦ κώνου. εἰν γὰρ τὸ τέμνον ἐπίπεδον ἀχθῆ παράλ-  
ληλον μιᾶς τοῦ κώνου πλευρᾶ, γίνεται μία μόνη τῶν  
τριῶν γραμμῶν ἀεὶ ἡ αὐτή, ἷν ὀνόμασεν δὲ Ἀφισταῖος  
10 ἐκείνου τοῦ τμηθέντος κώνου τομήν.

‘Ο δὲ οὖν Ἀπολλώνιος, οἷα περιέχει τὰ ὑπὸ αὐτοῦ  
γραφέντα κωνικῶν ἡ βιβλία, λέγει κεφαλαιώδη θεὶς  
προδήλωσιν ἐν τῷ προοιμίῳ τοῦ πρώτου ταύτην·  
“περιέχει δὲ τὸ μὲν πρῶτον τὰς γενέσεις τῶν τριῶν  
15 τομῶν καὶ τῶν ἀντικειμένων καὶ τὰ ἐν αὐταῖς ἀρχικὰ  
συμπτώματα ἐπὶ πλεῖστον καὶ καθόλου μᾶλλον ἔξητασμένα  
παρὰ τὰ ὑπὸ τῶν ἄλλων γεγραμμένα. τὸ δὲ δεύτερον  
τὰ περὶ τὰς διαμέτρους καὶ τοὺς ἄξονας τῶν τομῶν  
καὶ τῶν ἀντικειμένων συμβαίνοντα καὶ τὰς ἀσυμ-  
20 πτώτους καὶ ἄλλα γενικὴν καὶ ἀναγκαῖαν χρείαν παρε-  
χόμενα πρὸς τοὺς διορισμούς· τίνας δὲ διαμέτρους ἡ  
τίνας ἄξονας καλῶ, εἰδήσεις ἐκ τούτου τοῦ βιβλίου.  
τὸ δὲ τρίτον πολλὰ καὶ παντοῖα χρήσιμα πρός τε τὰς  
συνθέσεις τῶν στερεῶν τόπων καὶ τοὺς διορισμούς, ὃν  
25 τὰ πλείστα καὶ καλὰ καὶ ἔνα κατανοήσαντες εὑρομενού-  
μη συντιθέμενον ὑπὸ Εὐκλείδου τὸν ἐπὶ τρεῖς καὶ δὲ  
γραμμὰς τόπον, ἀλλὰ μόριόν τι αὐτοῦ καὶ τοῦτο οὐκ  
εύτυχῶς· οὐ γὰρ δυνατὸν ἄνευ τῶν προειρημένων

2. τοῦτο δὲ ἔπαθεν — 10. τομήν] interpolatori tribuit Hultsch. 3. προσεννοήσας Hultsch. μίαν] ἴδιαν Hultsch. 4. τὰς] addidi. 6. ὀνόμασεν Hultsch.

τελειωθῆναι τὴν σύνθεσιν. τὸ δὲ δ', ποσαχῶς αἱ τῶν κώνων τομαὶ ἀλλήλαις τε καὶ τῇ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ συμπίπτουσιν καὶ ἐν περισσοῦ, ὃν οὐδέτερον ὑπὸ τῶν πρὸ ήμῶν γέγραπται, κάνουν τομὴ κύκλου περιφερείᾳ κατὰ πόσα σημεῖα συμβάλλει καὶ ἀντικεῖ· 5 μεναι ἀντικειμέναις κατὰ πόσα σημεῖα συμβάλλουσιν. τὰ δὲ λοιπὰ δὲ περιουσιαστικώτερα· ἔστι γὰρ τὸ μὲν περὶ ἐλαχίστων καὶ μεγίστων ἐπὶ πλεῖον, τὸ δὲ περὶ ἵσων καὶ ὁμοίων τομῶν, τὸ δὲ διοριστικῶν θεωρημάτων, τὸ δὲ κανονικῶν προβλημάτων διωρισμένων<sup>“</sup>. 10

*’Απολλώνιος μὲν ταῦτα.*

2. Pappus VII, 42 p. 682, 21:

*Ἐχει δὲ τὰ ἡ βιβλία τῶν Ἀπολλωνίου κανονικῶν θεωρημάτα ἦτοι διαγράμματα ὑπέξ, λήμματα δὲ ἦτοι λαμβανόμενά ἔστιν εἰς αὐτὰ ὅ.* 15

3. Pappus IV, 59 p. 270:

*Δοκεῖ δέ πως ἀμάρτημα τὸ τοιοῦτον οὐ μικρὸν εἶναι τοῖς γεωμέτραις, ὅταν ἐπίπεδον πρόβλημα διὰ τῶν κανονικῶν ἢ τῶν γραμμικῶν ὑπό τινος εὐφίσκηται, καὶ τὸ σύνολον, ὅταν ἐξ ἀνοικείου λύηται γένους, 20 οἷόν ἔστιν τὸ ἐν τῷ πέμπτῳ τῶν Ἀπολλωνίου κανονικῶν ἐπὶ τῆς παραβολῆς πρόβλημα.*

4. Eutocius in Archimedem III p. 332 ed. Heiberg:

*Τὰ ὄμοια τμήματα τῶν τοῦ κώνου τομῶν Ἀπολλώνιος ὠρίσατο ἐν τῷ ἔκτῳ βιβλίῳ τῶν κανονικῶν, ἐν 25*

5. κατά — συμβάλλει] del. Hultsch. 13. ἡ] Hultsch cum Halleio, ἕ codd. 14. ἦτοι (alt.) — 15. αὐτά] del. Hultsch.

21. πέμπτῳ] πρώτῳ Hultsch, sed u. Tannery Mémoires de la société des sciences physiques et naturelles de Bordeaux, 2<sup>e</sup> série V p. 51sq., qui recte haec ad con. V, 62 rettulit. 25. ἔκτῳ] def. 7.

οῖς ἀγθεισῶν ἐν ἑκάστῳ παραλλήλων τῇ βάσει ἵσων τὸ πλῆθος αἱ παράλληλοι καὶ αἱ βάσεις πρὸς τὰς ἀποτεμνομένας ἀπὸ τῶν διαμέτρων πρὸς ταῖς κορυφαῖς ἐν τοῖς αὐτοῖς λόγοις εἰσὶ καὶ αἱ ἀποτεμνόμεναι 5 πρὸς τὰς ἀποτεμνομένας.

5. Eutocius in Archimedem III p. 332, 11:

*Καὶ ὅτι αἱ παραβολαὶ πᾶσαι ὅμοιαι εἰσιν.*

6. Eutocius in Archimedem III p. 328, 2 sq.:

*Ἐπειδὴ αἱ ΕΘ, ΖΚ παράλληλοι εἰσὶ καὶ ἵσαι, 10 διάμετροι οὖσαι τῶν ἵσων τημάτων καὶ ἐφαρμόζουσαι ἀλλήλαις, ὡς ἐν τῷ 5' τῶν κωνικῶν δέδεικται.*

De duabus mediis proportionalibus.

7. Pappus III, 21 p. 56:

*Οὗτοι γὰρ ὁμοιοῦντες στερεὸν εἶναι τὸ πρό- 15 βλημα τὴν κατασκευὴν αὐτοῦ μόνον ὁργανικῶς πεποίη- ται συμφώνως Ἀπολλωνίῳ τῷ Περγαίῳ, ἃς καὶ τὴν ἀνάλυσιν αὐτοῦ πεποίηται διὰ τῶν τοῦ κώνου τομῶν.*

8. Eutocius in Archimedem III p. 76 sq.:

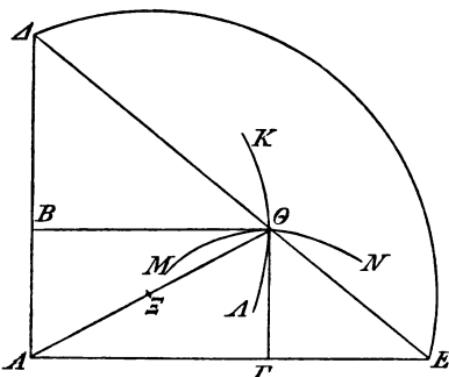
*Ως Ἀπολλώνιος.*

20 *"Εστωσαν αἱ δοθεῖσαι δύο εὐθεῖαι, ᾧν δεῖ δύο μέσας ἀνάλογον εύρειν, αἱ ΒΑΓ ὁρθὴν περιέχουσαι γωνίαν τὴν πρὸς τῷ Α. καὶ κέντρῳ μὲν τῷ Β, διαστήματι δὲ τῷ ΑΓ κύκλου περιφέρεια γεγράφθω ἡ ΚΘΛ. καὶ πάλιν κέντρῳ τῷ Γ καὶ διαστήματι τῷ 25 ΑΒ κύκλου περιφέρεια γεγράφθω ἡ ΜΘΝ καὶ τεμ-*

6. Fragm. 5 continuatio est praecedentis et ideo et ipsum ad Apollonium referendum; est VI, 11. 11. 5'] cfr. VI, 19.

12. Cfr. Conic. V, 52 p. 37, 8 ed. Halley. 16. συμφώνως κτλ. interpolatori tribuit Hultsch.

νέτω τὴν ΚΘΛ κατὰ τὸ Θ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  
ΘΑ, ΘΒ, ΘΓ. παραλληλόγραμμον ἄρα ἔστιν τὸ ΒΓ,



διάμετρος δὲ αὐτοῦ  
ἡ ΘΑ. τετμήσθω  
δίχα ἡ ΘΑ τῷ Ξ, 5  
καὶ κέντρῳ τῷ Ξ γε-  
γράφθω κύκλος τέμ-  
νων τὰς ΑΒ, ΑΓ  
ἐκβληθείσας κατὰ τὰ  
Δ, Ε, ὥστε μέντοι 10  
τὰ Δ, Ε ἐπ' εὐθείας  
εἶναι τῷ Θ· ὅπερ ἂν  
γένοιτο κανονίου κινουμένου περὶ τὸ Θ τέμνοντος  
τὰς ΑΔ, ΑΕ καὶ παραγομένου ἐπὶ τοσοῦτον, ἄχρις  
ἄν αἱ ἀπὸ τοῦ Ξ ἐπὶ τὰ Δ, Ε ἰσαι γένωνται. 15

9. Ioannes Philoponus in Analyt. post. I p. 24 ed.  
Ald. 1534:

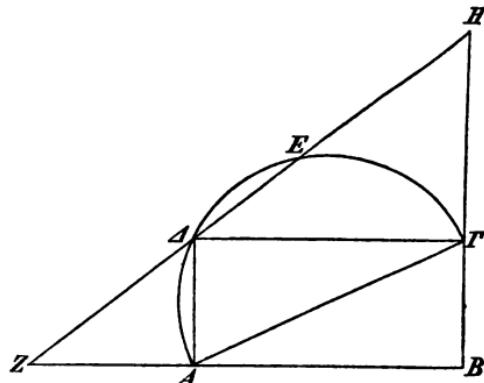
Τοῦ μέντοι Ἀπολλωνίου τοῦ Περγαίου ἔστιν εἰς  
τοῦτο ἀπόδειξις, ὡς Παραμενίων φησίν, ἦν καὶ ἐκθήσο-  
μεν ἔχουσαν οὕτως. 20

δύο δοθεισῶν εὐθειῶν ἀνίσων δύο μέσας ἀναλόγους  
εὑρεῖν.

ἔστωσαν δὲ αἱ δοθεῖσαι δύο εὐθεῖαι ἄνισοι αἱ  
ΑΒ, ΒΓ καὶ κείσθωσαν, ὥστε ὁρθὴν γωνίαν περιέχειν  
τὴν ὑπὸ ΑΒΓ, καὶ συμπεπληρώσθω τὸ ΒΔ παραλληλό- 25  
γραμμον, καὶ διάμετρος αὐτοῦ ἡχθω ἡ ΑΓ, καὶ περὶ<sup>23.</sup>  
τὸ ΑΓΔ τοίγανον γεγράφθω ἡμικύκλιον τὸ ΑΔΕΓ,  
καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αἱ ΒΑ καὶ ΒΓ ἐπ' εὐθείας κατὰ  
τὰ Ζ, Η, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΖΗ διὰ τοῦ Δ σημείου

23. δέ] δή? 27. ἡμικύκλιονς ed. Ald. 29. ἐπιξεύχθω  
ed. Ald.

οῦτως, ὥστε τὴν  $Z\Delta$  ἵσην εἶναι τῇ  $EH$ · τοῦτο δὲ  
ώς αἰτημα λαμβάνεται ἀναπόδεικτον. φανερὸν δή,  
ὅτι καὶ ἡ  $ZE$  τῇ  $\Delta H$  ἵση ἐστίν. ἐπεὶ οὖν κύκλου  
τοῦ  $A\Delta\Gamma$  εἱληπται σημεῖον ἔκτὸς τὸ  $Z$ , ἀπὸ δὲ τοῦ  
5  $Z$  δύο εὐθεῖαι αἱ  
 $ZB$ ,  $ZE$  προσ-  
πίκτουσαι τέμ-  
νουσι τὸν κύκλον  
κατὰ τὰ  $A$ ,  $\Delta$   
10 σημεῖα, τὸ ἄρα  
ὑπὸ τῶν  $BZ$ ,  $ZA$   
ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ<sup>τῶν</sup>  
 $EZ$ ,  $Z\Delta$ . διὰ  
τὰ αὐτὰ δὴ καὶ  
15 τὸ ὑπὸ τῶν  $BH$ ,



$HG$  ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ τῶν  $\Delta H$ ,  $HE$ . ἵσον δὲ το  
ὑπὸ τῶν  $\Delta H$ ,  $HE$  τῷ ὑπὸ τῶν  $EZ$ ,  $Z\Delta$ . ἵσαι γάρ  
εἰσιν ἐκατέρα ἐκατέρα η μὲν  $ZE$  τῇ  $\Delta H$ , η δὲ  $Z\Delta$   
τῇ  $EH$ · καὶ τὸ ὑπὸ τῶν  $BZ$ ,  $ZA$  ἄρα ἵσον ἐστὶ τῷ  
20 ὑπὸ τῶν  $BH$ ,  $HG$ . ἐστιν ἄρα, ώς ἡ  $ZB$  πρὸς τὴν  
 $BH$ , η  $HG$  πρὸς τὴν  $ZA$ . ἀλλ' ώς ἡ  $ZB$  πρὸς  
τὴν  $BH$ , οὕτως ἡ τε  $ZA$  πρὸς τὴν  $A\Delta$  καὶ ἡ  $\Delta\Gamma$   
πρὸς τὴν  $\Gamma H$  διὰ τὴν δύοιότητα τῶν τριγώνων.  
ἵση δὲ ἡ μὲν  $\Delta\Gamma$  τῇ  $AB$ , η δὲ  $A\Delta$  τῇ  $B\Gamma$ · καὶ  
25 ώς ἄρα η  $AB$  πρὸς τὴν  $\Gamma H$ , οὗτως η  $ZA$  πρὸς τὴν  
 $A\Delta$ . ην δὲ καὶ, ώς η  $ZB$  πρὸς τὴν  $BH$ , τουτέστιν  
η  $AB$  πρὸς τὴν  $HG$ , η  $HG$  πρὸς τὴν  $ZA$ · καὶ  
ώς ἄρα η  $AB$  πρὸς τὴν  $HG$ , οὕτως ἡ τε  $HG$  πρὸς  
τὴν  $ZA$  καὶ η  $ZA$  πρὸς τὴν  $B\Gamma$ . αἱ τέσσαρες ἄρα

εὐθεῖαι αἱ *AB, HG, ZA, BG* ἐφεξῆς ἀνάλογόν εἰσι  
[καὶ διὰ τοῦτο ἔσται, ὡς ἡ *AB* πρὸς τὴν *BG*, οὕτως  
ὁ ἀπὸ τῆς *AB* κύβος πρὸς τὸν ἀπὸ τῆς *HG*. εἰ οὖν  
διπλασίων ὑποτεθέντη ἡ *AB* τῆς *BG*, ἔσται καὶ ὁ ἀπὸ<sup>5</sup>  
τῆς *AB* κύβος διπλασίων τοῦ ἀπὸ τῆς *HG*].

### Opera analytica cetera.

10. Pappus VII, 1 p. 634, 8 sq.:

Γέγραπται δὲ (sc. ἡ ὑλη τοῦ ἀναλυομένου τόπου)  
ὑπὸ τριῶν ἀνδρῶν, Εὐκλείδου τε τοῦ στοιχειωτοῦ  
καὶ Ἀπολλωνίου τοῦ Περγαίου καὶ Ἀρισταίου τοῦ  
πρεσβυτέρου, κατὰ ἀνάλυσιν καὶ σύνθεσιν ἔχοντα τὴν  
ἔφοδον.

Enumerantur omnia:

11. Pappus VII, 3 p. 636, 18 sq.:

Τῶν δὲ προειρημένων τοῦ ἀναλυομένου βιβλίων ἡ 15  
τάξις ἔστιν τοιαύτη· Εὐκλείδου δεδομένων βιβλίου ἄ,  
Ἀπολλωνίου λόγου ἀποτομῆς β, χωρίου ἀποτο-  
μῆς β, διωρισμένης τομῆς δύο, ἐπαφῶν δύο,  
Εὐκλείδου πορισμάτων τρία, Ἀπολλωνίου νεύσεων  
δύο, τοῦ αὐτοῦ τόπων ἐπιπέδων δύο, κωνικῶν ἥ. 20

Deinde ordine singula excerpuntur:

De sectione rationis.

12. Pappus VII, 5 p. 640, 4 sq.:

Τῆς δ' ἀποτομῆς τοῦ λόγου βιβλίων διηγήσαντος  
πρότασίς ἔστιν μία ὑποδιῃρημένη, διὸ καὶ μίαν πρότα- 25  
σιν οὕτως γράφω· διὰ τοῦ δοθέντος σημείου εὐθεῖαν  
γραμμὴν ἀγαγεῖν τέμνουσαν ἀπὸ τῶν τῇ θέσει δοθει-  
σῶν δύο εὐθειῶν πρὸς τοὺς ἐπ' αὐτῶν δοθεῖσι σημείοις

λόγον ἔχούσας τὸν αὐτὸν τῷ δοθέντι. τὰς δὲ γραφὰς  
 διαφόρους γενέσθαι καὶ πλῆθος λαβεῖν συμβέβηκεν  
 ὑποδιαιρέσεως γενομένης ἐνεκα τῆς τε πρὸς ἀλλήλας  
 θέσεως τῶν διδομένων εὐθειῶν καὶ τῶν διαφόρων  
 πτώσεων τοῦ διδομένου σημείου καὶ διὰ τὰς ἀναλύσεις  
 καὶ συνθέσεις αὐτῶν τε καὶ τῶν διορισμῶν. ἔχει γὰρ  
 τὸ μὲν πρῶτον βιβλίον τῶν λόγου ἀποτομῆς τόπους  
 ξ., πτώσεις καὶ διορισμοὺς δὲ ἕ, ὃν τρεῖς μὲν εἰσιν με-  
 γιστοι, δύο δὲ ἐλάχιστοι, καὶ ἐστι μέγιστος μὲν κατὰ τὴν  
 10 τρίτην πτῶσιν τοῦ ε' τόπου, ἐλάχιστος δὲ κατὰ τὴν  
 δευτέραν τοῦ σ' τόπου καὶ κατὰ τὴν αὐτὴν τοῦ ξ'  
 τόπου, μέγιστοι δὲ οἱ κατὰ τὰς τετάρτας τοῦ σ' καὶ  
 τοῦ ξ' τόπου. τὸ δὲ δεύτερον βιβλίον λόγου ἀποτο-  
 μῆς ἔχει τόπους ιδ., πτώσεις δὲ ξγ., διορισμοὺς δὲ τοὺς  
 15 ἐκ τοῦ πρῶτου· ἀπάγεται γὰρ δλον εἰς τὸ πρῶτον.  
 Λήμματα δὲ ἔχει τὰ λόγου ἀποτομῆς π., αὐτὰ δὲ  
 τὰ δύο βιβλία τῶν λόγου ἀποτομῆς θεωρημάτων ἐστὶν  
 ρπα., κατὰ δὲ Περικλέα πλειόνων ἡ τοσούτων.

### De sectione spatii.

20 13. Pappus VII, 7 p. 640, 26 sq.:

Τῆς δ' ἀποτομῆς τοῦ χωρίου βιβλία μέν ἐστιν  
 δύο, πρόβλημα δὲ καν τούτοις ἐν ὑποδιαιρούμενον  
 δις, καὶ τούτων μία πρότασίς ἐστιν τὰ μὲν ἄλλα  
 δύοις ἔχουσα τῇ προτέρᾳ, μόνῳ δὲ τούτῳ διαφέροντα  
 25 τῷ δεῖν τὰς ἀποτεμνομένας δύο εὐθείας ἐν ἐκείνῃ μὲν  
 λόγου ἔχούσας δοθέντα ποιεῖν, ἐν δὲ ταύτῃ χωρίου  
 περιεχούσας δοθέν. φηθήσεται γὰρ οὕτως· διὰ τοῦ

---

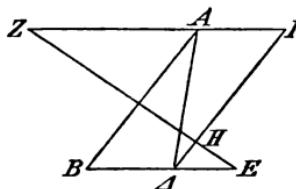
4. δεδομένων Hultsch cum aliis. 5. δεδομένον Hultsch  
 cum aliis. 6 sq. repetuntur paucis mutatis Papp. VII, 65  
 p. 702.

δοθέντος σημείου εύθειαν γραμμὴν ἀγαγεῖν τέμνουν-  
σαν ἀπὸ τῶν δοθεισῶν θέσει δύο εὐθειῶν πρὸς τοὺς  
ἐπ' αὐτῶν δοθεῖσι σημείοις χωρίον πεφρεγόντας ἵσον  
τῷ δοθέντι. καὶ αὕτη δὲ διὰ τὰς αὐτὰς αἰτίας τὸ  
πλῆθος ἔσχηκε τῶν γραφομένων. ἔχει δὲ τὸ μὲν α'  
βιβλίον χωρίον ἀποτομῆς τόπους  $\xi$ , πτώσεις  $\kappa\delta$ , διο-  
φισμοὺς  $\xi$ , ὃν δὲ μὲν μέγιστοι, τρεῖς δὲ ἐλάχιστοι, καὶ  
ἔστι μέγιστος μὲν κατὰ τὴν δευτέραν πτῶσιν τοῦ  
πρώτου τόπου καὶ ὁ κατὰ τὴν πρώτην πτῶσιν τοῦ β'  
τόπου καὶ ὁ κατὰ τὴν β' τοῦ δὲ καὶ ὁ κατὰ τὴν τρίτην 10  
τοῦ σ' τόπου, ἐλάχιστος δὲ ὁ κατὰ τὴν τρίτην πτῶσιν  
τοῦ τρίτου τόπου καὶ ὁ κατὰ τὴν δ' τοῦ δ'  
τόπου καὶ ὁ κατὰ τὴν πρώτην τοῦ ἕκτου τόπουν. τὸ  
δὲ δεύτερον βιβλίον τῶν χωρίον ἀποτομῆς ἔχει τόπους  
 $\eta\gamma$ , πτώσεις δὲ  $\bar{\xi}$ , διοφισμοὺς δὲ τοὺς ἐκ τοῦ πρώτου· 15  
ἀπάγεται γὰρ εἰς αὐτό.

Θεωρήματα δὲ ἔχει τὸ μὲν πρῶτον βιβλίον  $\mu\eta$ , τὸ δὲ  
δεύτερον  $\bar{o}\sigma$ .

14. Pappus VII, 232 p. 918, 9 sq.:

(problema hoc est: dato  $B\Gamma$  a dato  $E$  rectam 20



$Z\Gamma H = B\Gamma$ )

Δοθὲν ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ<sup>5</sup>  $Z\Gamma H$ · καὶ δοθέντος τοῦ  $E$   
εἰς θέσει τὰς  $A\Gamma, \Gamma\Lambda$  διῆκται 25  
εἰς χωρίον ἀποτομῆν· θέσει ἄρα ἔστιν ἡ  $EZ$ .

15. Pappus VII, 67 p. 702, 28 sq.:

'Επιστήσειεν ἄν τις, διὰ τί ποτε μὲν τὸ λόγον ἀπο-

5 sq. repetuntur paucis mutatis Papp. VII, 66 p. 702. 8.  
ὅ κατά p. 702, 21. 9.  $\beta'$ ] Halley, δ' codd. 15.  $\bar{\xi}]$  Halley,  $\xi$   
codd. 24.  $\kappa\alpha\tau]$  καὶ ἀπό Hultsch. 25.  $\varepsilon\iota\varsigma]$  ἡ  $EZ$  εἰς Hultsch.

τομῆς δεύτερον ἔχει τόπους *ιδ*, τὸ δὲ τοῦ χωρίου *ιγ*. ἔχει δὲ διὰ τόδε, ὅτι ὁ ζ' ἐν τῷ τοῦ χωρίου ἀποτομῆς τόπος παραλείπεται ὡς φανερός· ἐὰν γὰρ αἱ παράληλοι ἀμφότεραι ἐπὶ τὰ πέρατα πίπτωσιν, οὐα ἄν διαχθῇ,  
 5 δοθὲν ἀποτέμνει χωρίον· ἵσον γὰρ γίνεται τῷ ὑπὸ τῶν μεταξὺ τῶν περάτων καὶ τῆς ἀμφοτέρων τῶν ἐξ ἀρχῆς τῇ θέσει δοθεισῶν εὐθειῶν συμβολῆς. ἐν δὲ τῷ λόγου ἀποτομῆς οὐκέτι ὅμοιως. διὰ τοῦτο οὖν προέχει τόπον ἥνα εἰς τὸ ἔβδομον τοῦ δευτέρου, καὶ  
 10 τὰ λοιπὰ ὄντα τὰ αὐτά.

### De sectione determinata.

16. Pappus VII, 9 p. 642, 19 sq.:

'Εξῆς τούτοις ἀναδέδονται τῆς διωρισμένης τομῆς βιβλία *β*, ὡν ὅμοιως τοῖς πρότερον μίαν πρότασιν πάρεστιν λέγειν, διεξευγμένην δὲ ταύτην· τὴν δοθεῖσαν ἀπειρον εὐθεῖαν ἐνὶ σημείῳ τεμεῖν, ὥστε τῶν ἀπολαμβανομένων εὐθειῶν πρὸς τοῖς ἐπ' αὐτῆς δοθεῖσι σημείοις ἦτοι τὸ ἀπὸ μιᾶς τετράγωνον ἢ τὸ ὑπὸ δύο ἀπολαμβανομένων περιεχόμενον ὁρθογώνιον δοθέντα  
 15 λόγον ἔχειν ἤτοι πρὸς τὸ ἀπὸ μιᾶς τετράγωνον ἢ πρὸς τὸ ὑπὸ μιᾶς ἀπολαμβανομένης καὶ τῆς ἔξω δοθείσης ἢ πρὸς τὸ ὑπὸ δύο ἀπολαμβανομένων περιεχόμενον ὁρθογώνιον, ἐφ' ὅπότερα χρὴ τῶν δοθέντων σημείων. καὶ ταύτης ἄτε δὶς διεξευγμένης καὶ περισκελεῖς διορισ-  
 20 μοὺς ἔχούσης διὰ πλειόνων ἢ δεῖξις γέγονεν ἐξ ἀνάγκης.  
 25

2. τοῦ] del. Hultsch. 10. αὐτά] coni. Hultsch, ὄντα codd. Deinde lacuna uidetur esse (uelut τὸ προτέρημα διατηρεῖ).

13. ἔξης δὲ Hultsch cum al. ἀναδέδοται Hultsch. 20. τετράγωνον — 21. μιᾶς] Hultsch cum Simsono, om. codd. 23. ὅποτερ, ἢν χρῆ Hultsch.

δείκνυσι δὲ ταύτην Ἀπολλώνιος μὲν πάλιν ἐπὶ ψιλῶν τῶν εὐθειῶν τριβακάτερον πειρώμενος, καθάπερ καὶ ἐπὶ τοῦ δευτέρου βιβλίου τῶν πρώτων στοιχείων Εὔκλειδου, καὶ [ταύτην] πάλιν εἰσαγωγικάτερον ἐπαναγράφων δείξαντος καὶ εὐφυῶς διὰ τῶν ἡμικυκλίων. 5 ἔχει δὲ τὸ μὲν πρῶτον βιβλίον προβλήματα ᾧ, ἐπιτάγματα ἵσ, διοφισμοὺς ἑ, ὡν μεγίστους μὲν δ, ἐλάχιστον δὲ ἔνα· καὶ εἰσιν μέγιστοι μὲν ὅ τε κατὰ τὸ δευτέρου ἐπίταγμα τοῦ δευτέρου προβλήματος καὶ ὁ κατὰ τὸ γ' τοῦ δ' προβλήματος καὶ ὁ κατὰ τὸ τρίτον τοῦ ε' καὶ 10 ὁ κατὰ τὸ τρίτον τοῦ ἔκτου, ἐλάχιστος δὲ ὁ κατὰ τὸ τρίτον ἐπίταγμα τοῦ τρίτου προβλήματος. τὸ δὲ δεύτερον διωρισμένης τομῆς ἔχει προβλήματα τρία, ἐπιτάγματα δ, διοφισμοὺς γ, ὡν εἰσιν ἐλάχιστοι μὲν δύο, μέγιστος δὲ α, καὶ εἰσιν ἐλάχιστοι μὲν ὅ τε κατὰ τὸ τρίτον 15 τοῦ πρώτου καὶ ὁ κατὰ τὸ τρίτον τοῦ δευτέρου, μέγιστος δὲ ὁ κατὰ τὸ τρίτον τοῦ τρίτου προβλήματος.

Λήμματα δὲ ἔχει τὸ μὲν πρῶτον βιβλίον αξ, τὸ δὲ δεύτερον αδ, θεωρημάτων δέ ἔστιν τὰ δύο βιβλία διωρισμένης τομῆς πγ. 20

17. Pappus VII, 142 p. 798, 11 sq.:

‘Απῆκται ἄρα εἰς διωρισμένης δεδομένων τριῶν εὐθειῶν τῶν ΘΔ, ΔΚ, Λτεμεῖν τὴν ΔΚ κατὰ τὸ Η καὶ ποιεῖν λόγον τοῦ ὑπὸ ΘΗΚ πρὸς τὸ ὑπὸ Λ, ΗΔ ἵσου πρὸς ἵσου.

1. δείκνυσι — 5. ἡμικυκλίων] interpolatori tribuit Hultsch.

1. μὲν πάλιν] corrupta, om. Halley. 4. ταύτην] deleo. 5. δείξαντος] corruptum, δείξας τε Halley; fort. δεξιάς τε. 6 sq. rep. Pappus VII, 119 p. 770. 11. τοῦ ἔκτου — 12. τρίτον] ε VII, 119 add. Halley, om. codd. 14. εἰσιν — 15. καὶ] addidi ε p. 770, 19 (ubi tamen εἰσιν om.); p. 644, 16 om. codd. 22. διωρισμένης] διωρισμένην Commandinus, διωρισμένης α' Hultsch.

Eadem propositio significatur a Pappo VII, 143 p. 802, 8: ἐν γὰρ τῇ διωρισμένῃ δέδεικται μεῖζον et VII, 144 p. 804, 13: ἐν δὲ τῇ διωρισμένῃ μεῖζον ἔσται τὸ ὑπὸ ΘΗΚ τοῦ ὑπὸ ΘΤΚ.

5

## De tactionibus.

18. Pappus VII, 11 p. 644, 23 sq.:

Ἐξῆς δὲ τούτοις τῶν ἐπαφῶν ἔστιν βιβλία δύο.  
προτάσεις δὲ ἐν αὐτοῖς δοκοῦσιν εἶναι πλείουνες, ἀλλὰ  
καὶ τούτων μίαν τίθεμεν οὕτως ἔχουσαν ἐξῆς· σημείων  
10 καὶ εὐθειῶν καὶ κύκλων τριῶν δόποιωνοῦν θέσει δο-  
θέντων κύκλον ἀγαγεῖν δι' ἐκάστου τῶν δοθέντων ση-  
μείων, εἰ δοθείη, ἢ ἐφαπτόμενον ἐκάστης τῶν δοθεισῶν  
γραμμῶν. ταύτης διὰ πλήθη τῶν ἐν ταῖς ὑποθέσεσι  
δεδομένων ὅμοιων ἡ ἀνομοίων κατὰ μέρος διαφόρους  
15 προτάσεις ἀναγκαῖον γίνεσθαι δέκα· ἐκ τῶν τριῶν  
γὰρ ἀνομοίων γενῶν τριάδες διάφοροι ἄτακτοι γίνον-  
ται τοι. ἥτοι γὰρ τὰ διδόμενα τρία σημεῖα ἢ τρεῖς  
εὐθεῖαι ἢ δύο σημεῖα καὶ εὐθεῖα ἢ δύο εὐθεῖαι καὶ  
σημεῖον ἢ δύο σημεῖα καὶ κύκλος ἢ δύο κύκλοι καὶ  
20 σημεῖον ἢ δύο εὐθεῖαι καὶ κύκλος ἢ δύο κύκλοι καὶ  
εὐθεῖα ἢ σημεῖον καὶ εὐθεῖα καὶ κύκλος ἢ τρεῖς κύκλοι.  
τούτων δύο μὲν τὰ πρῶτα δέδεικται ἐν τῷ δ' βιβλίῳ  
τῶν πρώτων στοιχείων, διὸ παρέιι μὴ γράφων· τὸ μὲν  
γὰρ τριῶν δοθέντων σημείων μὴ ἐπ' εὐθεῖας ὅντων  
25 τὸ αὐτό ἔστιν τῷ περὶ τὸ δοθὲν τρίγωνον κύκλον  
περιγράψαι, τὸ δὲ γῆδοθεισῶν εὐθειῶν μὴ παραλλή-

9. ἔχουσαν· ἐξῆς Hultsch („ἐξῆς abundare videtur“ adn.).

12. ἥτοι addidi. 17. τά] del. Hultsch. δεδομένα Hultsch cum aliis. 23. διὸ παρέιι μὴ γράφων] scripsi, ὁπερημενος γράφων codd., δὲ παρεῖμεν γράφειν Hultsch (sed necessario Apollonius, non Pappus, hos duos casus omisit).

λων ούσῶν, ἀλλὰ τῶν τριῶν συμπιπτουσῶν, τὸ αὐτό  
· ἐστιν τῷ εἰς τὸ δοθὲν τρίγωνον κύκλον ἐγγράψαι.  
τὸ δὲ δύο παραλλήλων ούσῶν καὶ μιᾶς ἐμπιπτούσης  
ώς μέρος ὃν τῆς β' ὑποδιαιρέσεως προγράφεται ἐν  
τούτοις πάντων. καὶ τὰ ἔξης ἵ ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ,<sup>5</sup>  
τὰ δὲ λειπόμενα δύο, τὸ δύο δοθεισῶν εὐθειῶν καὶ  
κύκλου ἡ τριῶν δοθέντων κύκλων μόνον ἐν τῷ δευ-  
τέρῳ βιβλίῳ διὰ τὰς πρὸς ἀλλήλους θέσεις τῶν κύ-  
κλων τε καὶ εὐθειῶν πλείους οὖσας καὶ πλειόνων  
διορισμῶν δεομένας.<sup>10</sup>

19. Pappus VII, 12 p. 648, 14 sq.:

"Ἐχει δὲ τὸ πρῶτον τῶν ἐπαφῶν προβλήματα  
ζ, τὸ δὲ δεύτερον προβλήματα δ. λήμματα δὲ ἔχει  
τὰ δύο βιβλία κα, αὐτὰ δὲ θεωρημάτων ἐστιν ξ.

Pappus VII, 184 p. 852, 13: τὸ πρῶτον τῶν ἐπα-<sup>15</sup>  
φῶν προβλήματα ἐπτά, τὸ δεύτερον προβλήματα δ.

### De inclinationibus.

20. Pappus VII, 27 p. 670, 3 sq.:

### Νεύσεων δύο.

Προβλήματος δὲ ὄντος καθολικοῦ τούτου· δύο<sup>20</sup>  
δοθεισῶν γραμμῶν θέσει θεῖναι μεταξὺ τούτων εὐ-  
θεῖαν τῷ μεγέθει δεδομένην νεύσουσαν ἐπὶ δοθὲν  
σημεῖον, ἐπὶ τούτου τῶν ἐπὶ μέρον μιάφορα τὰ ὑπο-  
κείμενα ἔχόντων, ἂ μὲν ἦν ἐπίπεδα, ἂ δὲ στερεά, ἂ

3. δέ] scripsi (respondet ad μέν p. 112, 22), γάρ codd. (ab  
hac igitur propositione incepit liber I Apollonii). 4. ὃν τῆς]  
Halley, ὄντος τοῦ codd., ὃν τῆς τοῦ Hultsch cum aliis.  
β'] Halley, ἵ codd. 16. ἔχει προβλήματα Hultsch. 23. τούτον]  
Horsley, ταύτης codd. 24. ἥν] del. Hultsch.

δὲ γραμμικά, τῶν δ' ἐπιπέδων ἀποκληρώσαντες τὰ πρὸς πολλὰ χρησιμάτερα ἔδειξαν τὰ προβλήματα ταῦτα.

θέσει δεδομένων ἡμικυκλίου τε καὶ εὐθείας πρὸς ὁρθὰς τῇ βάσει ἥ δύο ἡμικυκλίων ἐπ' εὐθείας ἔχόν-  
5 των τὰς βάσεις θεῖναι δοθεῖσαν τῷ μεγέθει εὐθείαν  
μεταξὺ τῶν δύο γραμμῶν νεύουσαν ἐπὶ γωνίαν ἡμι-  
κυκλίου.

καὶ φόμβου δοθέντος καὶ ἐπεκβεβλημένης μιᾶς πλευρᾶς ἀρμόσαι ὑπὸ τὴν ἐκτὸς γωνίαν δεδομένην  
10 τῷ μεγέθει εὐθείαν νεύουσαν ἐπὶ τὴν ἀντικρὺς γωνίαν.

καὶ θέσει δοθέντος κύκλου ἀρμόσαι εὐθείαν μεγέθει δεδομένην νεύουσαν ἐπὶ δοθέν.

τούτων δὲ ἐν μὲν τῷ πρώτῳ τεύχει δέδεικται τὸ  
ἐπὶ τοῦ ἑνὸς ἡμικυκλίου καὶ εὐθείας ἔχον πτώσεις  
15 δὲ καὶ τὸ ἐπὶ τοῦ κύκλου ἔχον πτώσεις δύο καὶ τὸ  
ἐπὶ τοῦ φόμβου πτώσεις ἔχον β, ἐν δὲ τῷ δευτέρῳ  
τεύχει τὸ ἐπὶ τῶν δύο ἡμικυκλίων τῆς ὑποθέσεως  
πτώσεις ἔχούσης ι, ἐν δὲ ταύταις ὑποδιαιρέσεις πλει-  
ονες διοριστικαὶ ἔνεκα τοῦ δεδομένου μεγέθους τῆς  
20 εὐθείας.

21. Pappus VII, 29 p. 672, 15:

"Ἐχει δὲ τὰ τῶν νεύσεων βιβλία δύο θεωρήματα μὲν ἦτοι διαγράμματα ρ̄κε, λήμματα δὲ λη̄.

Pappus VII, 157 p. 820, 18 sq.:

25 Τὸ πρῶτον τῶν νεύσεων ἔχει προβλήματα θ̄, διο-  
ρισμοὺς τρεῖς, καὶ εἰσιν οἱ τρεῖς ἐλάσσονες, ὅ τε κατὰ τὸ πέμπτον καὶ ὁ κατὰ τὸ ξ' πρόβλημα καὶ ὁ κατὰ τὸ θ'. τὸ δεύτερον νεύσεων ἔχει προβλήματα με,

1. τῶν δ'] Halley, τῶν codd.; fort. καὶ τῶν. βιβλία coni. Hultsch.

22. δύο

διορισμοὺς τρεῖς τόν τε κατὰ τὸ ιξ' πρόβλημα καὶ τὸν κατὰ τὸ ιθ' καὶ τὸν κατὰ τὸ υγ'. καὶ εἰσιν οἱ τρεῖς ἐλάσσονες. Cfr. frag. 51.

### De locis planis.

22. Pappus VII, 21 p. 660, 17 sq.:

5

### Τόπων ἐπιπέδων δύο.

Τῶν τόπων καθόλου οἱ μὲν εἰσιν ἐφεκτικοί, οὓς καὶ Ἀπολλώνιος πρὸ τῶν ἴδιων στοιχείων λέγει, σημείου μὲν τόπου σημείου, γραμμῆς δὲ τόπου γραμμήν, ἐπιφανείας δὲ ἐπιφάνειαν, στερεοῦ δὲ στερεόν, οἱ δὲ 10 διεξοδικοί, ὡς σημείου μὲν γραμμή, γραμμῆς δ' ἐπιφάνεια, ἐπιφανείας δὲ στερεόν, οἱ δὲ ἀναστροφικοί, ὡς σημείου μὲν ἐπιφάνεια, γραμμῆς δὲ στερεόν.

23. Pappus VII, 23 p. 662, 19 sq.:

Οἱ μὲν οὖν ἀρχαῖοι εἰς τὴν τῶν ἐπιπέδων τούτων 15 τόπων τάξιν ἀποβλέποντες ἐστοιχείωσαν· ἡς ἀμελήσαντες οἱ μετ' αὐτοὺς προσέθηκαν ἐτέρους, ὡς οὐκ ἀπειρων τὸ πλῆθος ὄντων, εἰ δέλοι τις προσγράψειν οὐ τῆς τάξεως ἐκείνης ἔχόμενα. Θήσω οὖν τὰ μὲν προσκείμενα ὑστερα, τὰ δ' ἐκ τῆς τάξεως πρότερα μιᾷ 20 περιλαβὼν προτάσσει ταύτη·

ἐὰν δύο εὐθεῖαι ἀχθῶσιν ἥτοι ἀπὸ ἐνὸς δεδομένου σημείου ἣ ἀπὸ δύο καὶ ἥτοι ἐπ' εὐθείας ἣ παραλληλοι ἢ δεδομένην περιέχουσαι γωνίαν καὶ ἥτοι λόγον ἔχουσαι πρὸς ἀλλήλας ἣ χωρίον περιέχουσαι δεδομένον, 25

7. οὖς] ὡς Hultsch. 9. γραμμή codd. 10. ἐπιφάνεια codd. 11. γραμμῆ] scripsi, γραμμήν codd. 13. ἐπιφάνεια] scripsi, ἐπιφάνειαν codd. 15. τούτων] del. Hultsch. 19. οὐ] τα Hultsch.

ἄπτηται δὲ τὸ τῆς μιᾶς πέρας ἐπιπέδου τόπου θέσει δεδομένου, ἄφεται καὶ τὸ τῆς ἑτέρας πέρας ἐπιπέδου τόπου θέσει δεδομένου ὅτε μὲν τοῦ ὁμογενοῦς, ὅτε δὲ τοῦ ἑτέρου, καὶ ὅτε μὲν ὁμοίως κειμένου πρὸς τὴν 5 εὐθεῖαν, ὅτε δὲ ἐναντίως. ταῦτα δὲ γίνεται παρὰ τὰς διαφορὰς τῶν ὑποκειμένων.

24. Pappus VII, 26 p. 666, 14 sq.:

Τὸ δὲ δεύτερον βιβλίον περιέχει τάδε·

ἔὰν ἀπὸ δύο δεδομένων σημείων εὐθεῖαι κλασθῶ-  
10 σιν, καὶ ἡ τὰ ἀπ' αὐτῶν δοθέντι χωρίῳ διαφέροντα,  
τὸ σημεῖον ἄφεται θέσει δεδομένης εὐθείας.

ἔὰν δὲ ὥσιν ἐν λόγῳ δοθέντι, ἵτοι εὐθείας ἡ  
περιφερείας.

ἔὰν ἡ θέσει δεδομένη εὐθεῖα καὶ ἐπ' αὐτῆς δοθὲν  
15 σημεῖον καὶ ἀπὸ τούτου διαχθεῖσά τις περερασμένη,  
ἀπὸ δὲ τοῦ πέρατος ἀχθῆ πρὸς ὁρθὰς ἐπὶ τὴν θέσει,  
καὶ ἡ τὸ ἀπὸ τῆς διαχθείσης ἵσον τῷ ὑπὸ δοθείσης  
καὶ ἡς ἀπολαμβάνει ἵτοι πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ ἡ  
πρὸς ἑτέρῳ δοθέντι σημείῳ ἐπὶ τῆς θέσει δεδομένης,  
20 τὸ πέρας τῆσδε ἄφεται θέσει δεδομένης περιφερείας.

ἔὰν ἀπὸ δύο δοθέντων σημείων εὐθεῖαι κλασθῶ-  
σιν, καὶ ἡ τὸ ἀπὸ τῆς μιᾶς τοῦ ἀπὸ τῆς ἑτέρας δο-  
θέντι μετίζον ἡ ἐν λόγῳ, τὸ σημεῖον ἄφεται θέσει  
δεδομένης περιφερείας.

25 ἔὰν ἀπὸ ὁσιωνύν δεδομένων σημείων κλασθῶσιν  
εὐθεῖαι πρὸς ἐνὶ σημείῳ, καὶ ἡ τὰ ἀπὸ πασῶν εἰδῆ  
ἵσα δοθέντι χωρίῳ, τὸ σημεῖον ἄφεται θέσει δεδομέ-  
νης περιφερείας.

---

16. θέσει δεδομένην Hultsch cum Halleio. . . 20. τῆσδε]  
τῆς διαχθείσης coni. Hultsch.

έὰν ἀπὸ δύο δοθέντων σημείων κλασθῶσιν εὐθεῖαι, ἀπὸ δὲ τοῦ σημείου παρὰ θέσει ἀχθεῖσα εὐθεῖα ἀπολαμβάνη ἀπὸ θέσει δεδομένης εὐθείας πρὸς δοθέντι σημείῳ, καὶ ἡ τὰ ἀπὸ τῶν κεκλασμένων εἰδη ἵσα τῷ ὑπὸ δοθείσης καὶ τῆς ἀπολαμβανομένης, τὸ 5 πρὸς τῇ κλάσει σημεῖον ἄψεται θέσει δεδομένης περιφερείας.

έὰν ἐν κύκλῳ θέσει δεδομένῳ δοθέν τι σημεῖον ἡ, καὶ δὶ' αὐτοῦ ἀχθῆ τις εὐθεῖα, καὶ ἐπ' αὐτῆς ληφθῆ τι σημεῖον ἔκτος, καὶ ἡ τὸ ἀπὸ τῆς ἀχθοῦ τοῦ δοθέν- 10 τος ἐντὸς σημείου ἵσον τῷ ὑπὸ τῆς ὅλης καὶ τῆς ἔκτος ἀπολαμβανομένης ἥτοι μόνον ἡ τοῦτο τε καὶ τὸ ὑπὸ τῶν ἐντὸς δύο τμημάτων, τὸ ἐντὸς σημεῖον ἄψεται θέσει δεδομένης εὐθείας.

καὶ ἔὰν τοῦτο μὲν τὸ σημεῖον ἀπτηται θέσει δεδο- 15 μένης εὐθείας, δὲ κύκλος μὴ ὑπόκειται, τὰ ἐφ' ἐκάτερα τοῦ δεδομένου σημεῖα ἄψεται θέσει δεδομένης περιφερείας τῆς αὐτῆς.

"Ἐχει δὲ τὰ τόπων ἐπιπέδων δύο βιβλία θεωρή-  
ματα ἥτοι διαγράμματα ρμξ, λήμματα δὲ η. 20

25. Eutocius ad Apollonium I deff.; u. infra. est libri II prop. 2 apud Pappum; cfr. Studien über Euclid p. 70 sq.

### De cochlea.

26. Proclus in Elementa p. 105, 1 sq. ed. Fried- 25  
lein:

Τὴν περὶ τὸν κύλινδρον ἔλικα γραφομένην, ὅταν εὐθεῖας κινουμένης περὶ τὴν ἐπιφάνειαν τοῦ κυλίν-

---

12. μόνον — τό] Hultsch cum Simsono, μόνῳ ἡ τούτῳ τε καὶ τῷ codd.

δρον σημεῖον δμοταχῶς ἐπ' αὐτῆς κινῆται. γίνεται  
γὰρ ἔλιξ, ἵσ δμοιομερῶς πάντα τὰ μέρη πᾶσιν ἐφαρ-  
μόζει, καθάπερ Ἀπολλώνιος ἐν τῷ περὶ τοῦ κοχλίου  
γράμματι δείκνυσιν. Cfr. p. 105, 14.

5 27. Pappus VIII, 49 p. 1110, 16 sq.:

'Ἐν ω̄ γὰρ χρόνῳ τὸ Α ἐπὶ τὸ Β παραγίνεται  
δμαλῶς κινούμενον, ἐν τούτῳ καὶ ἡ ΑΒ κατὰ τῆς  
ἐπιφανείας τοῦ κυλίνδρου κινηθεῖσα εἰς τὸ αὐτὸ ἀπο-  
καθίσταται, καὶ τὸ εἰρημένον φέρεσθαι σημεῖον κατὰ  
10 τῆς ΑΒ εὐθείας γράψει τὴν μονόστροφον ἔλικα· τοῦτο  
γὰρ Ἀπολλώνιος ὁ Περγεὺς ἀπέδειξεν.

### Comparatio dodecaedri et icosaedri.

28. Hypsicles (Elementorum liber XIV qui fertur)

V p. 2, 1 sq. ed. Heiberg:

15 *Βασιλείδης ὁ Τύριος, ὁ Πρώταρχε, παραγενηθεὶς*  
εἰς Ἀλεξάνδρειαν καὶ συσταθεὶς τῷ πετρὶ ἡμῶν διὰ  
τὴν ἀπὸ τοῦ μαθήματος συγγένειαν συνδιέτριψεν αὐτῷ  
τὸν πλεῖστον τῆς ἐπιδημίας χρόνον. καὶ ποτε ἔγιουν-  
τες τὸ ὑπὸ Ἀπολλωνίου συγγραφὲν περὶ τῆς συγ-  
20 *κρίσεως τοῦ δωδεκαέδρου καὶ τοῦ εἰκοσαέδρου*  
τῶν εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγραφομένων, τίνα ἔχει  
λόγον πρὸς ἄλληλα, ἔδοξεν ταῦτα μὴ ὄφθως γεγρα-  
φηκέναι τὸν Ἀπολλώνιον, αὐτὸι δὲ ταῦτα καθάραντες  
ἔγραψαν, ὡς ἦν ἀκούειν τοῦ πατρός. ἔγὼ δὲ ὃ στερεον  
25 περιέπεσον ἐτέρῳ βιβλίῳ ὑπὸ Ἀπολλωνίου ἐκδεδομένῳ  
περιέχοντί τινα ἀπόδειξιν περὶ τοῦ προκειμένου, καὶ  
μεγάλως ἐψυχαγωγήθην ἐπὶ τῇ τοῦ προβλήματος ξη-  
τήσει. τὸ μὲν οὖν ὑπὸ Ἀπολλωνίου ἐκδοθὲν ἔστι  
κοινῆ σκοπεῖν· καὶ γὰρ περιφέρεται δοκοῦν ὃ στερεον  
30 γεγράφθαι φιλοπόνως.

29. Hypsicles p. 6, 19 sq.:<sup>1)</sup>

Ο αὐτὸς κύκλος περιλαμβάνει τό τε τοῦ δωδεκάδρου πεντάγωνον καὶ τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον τῶν εἰς τὴν αὐτὴν σφαῖραν ἐγγραφομένων. τοῦτο δὲ γράφεται ὑπὸ μὲν Ἀρισταίου ἐν τῷ ἐπιγραφομένῳ 5 τῶν ἐ σχημάτων συγκρίσει, ὑπὸ δὲ Ἀπολλωνίου ἐν τῇ δευτέρᾳ ἐκδόσει τῆς συγκρίσεως τοῦ δωδεκαέδρου πρὸς τὸ εἰκοσαέδρον, διὰ ἐστίν, ὡς ἡ τοῦ δωδεκαέδρου ἐπιφάνεια πρὸς τὴν τοῦ εἰκοσαέδρου ἐπιφάνειαν, οὕτως καὶ αὐτὸ τὸ δωδεκάεδρον πρὸς τὸ εἰκοσαέδρον 10 διὰ τὸ τὴν αὐτὴν εἶναι κάθετον ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς σφαῖρας ἐπὶ τὸ τοῦ δωδεκαέδρου πεντάγωνον καὶ τὸ τοῦ εἰκοσαέδρου τρίγωνον. γραπτέον δὲ καὶ ἡμῖν αὐτοῖς.

## De irrationalibus inordinatis.

15

## 30. Proclus in Elementa p. 74, 23 sq.:

Τὰ περὶ τῶν ἀτάκτων ἀλόγων, ἂν δὲ Ἀπολλώνιος ἐπὶ πλέον ἔξειργάσατο.

31. Scholia in Elementa X, 1 p. 414, 12 sq. ed. Heiberg, quae e commentario Pappi petita esse conieci 20 Studien über Euklid p. 170, demonstrauit Videnskabernes Selskabs Skrifter, 6. Raekke, hist.-philos. Afd. II p. 236 sq. (Hauniae 1888):

*'En δὲ τοῖς ἔξης περὶ φητῶν καὶ ἀλόγων οὐ πασῶν· τινὲς γὰρ αὐτῷ ὡς ἐνιστάμενοι ἐγκαλοῦσιν.* 25

1) Sicut dubitari nequit, quin etiam sequentium apud Hypsiclem propositionum multae uel eodem modo uel similiter apud Apollonium propositae et demonstratae fuerint, ita difficile est dictu, quae fuerint, quia de genere operis eius nihil scimus. quare ea tantum recepi, quae diserte ad eum referuntur.

ἀλλὰ τῶν ἀπλούστατων εἰδῶν, ὃν συντιθεμένων γίνονται ἀπειροι ἔλογοι, ὃν τινας καὶ ὁ Ἀπολλάνιος ἀναγάρει.

32. Pappi commentarius in Elementorum libr. X, qui Arabice exstat et ex parte a Woepckio (Mémoires présentées par divers savans à l'académie des sciences 1856. XIV) cum interpretatione Francogallica editus est, p. 691:

Plus tard le grand Apollonius, dont le génie atteignit au plus haut degré de supériorité dans les mathématiques, ajouta à ces découvertes<sup>1)</sup> d'admirables théories après bien des efforts et de travaux.

33. Pappus in Elem. X p. 693 ed. Woepcke:

Enfin, Apollonius distingua<sup>2)</sup> les espèces des irrationnelles ordonnées, et découvrit la science des quantités appelées (irrationnelles) inordonnées, dont il produisit un très-grand nombre par des méthodes exactes.

34. Pappus in Elem. X p. 694 sq.:

Il faut aussi qu'on sache que, non-seulement lorsqu' on joint ensemble deux lignes rationnelles et commensurables en puissance, on obtient la droite de deux noms, mais que trois ou quatre lignes produisent d'une manière analogue la même chose. Dans le premier cas, on obtient la droite de trois noms, puisque la ligne entière est irrationnelle; et, dans le second cas, on obtient la droite de quatre noms, et

---

1) Theaeteti de irrationalibus.

2) H. e. ab inordinatis distinxit ut proprium quoddam genus.

ainsi de suite jusqu'à l'infini. La démonstration [de l'irrationnalité] de la ligne composée de trois lignes rationnelles et commensurables en puissance est exactement la même que la démonstration relative à la combinaison de deux lignes.

Mais il faut recommencer encore et dire que nous pouvons, non-seulement prendre une seule ligne moyenne entre deux lignes commensurables en puissance, mais que nous pouvons en prendre trois ou quatre, et ainsi de suite jusqu'à l'infini, puisque nous pouvons prendre entre deux lignes droites données quelconques autant de lignes que nous voulons, en proportion continue.

Et, de même, dans les lignes formées par addition, nous pouvons, non-seulement construire la droite de deux noms, mais nous pouvons aussi construire celle de trois noms, ainsi que la première et la seconde de trois médiales; puis, la ligne composée de trois droites incommensurables en puissance et telles que l'une d'elles donne avec chacune des deux autres une somme des carrés rationnelle, tandis que le rectangle compris sous les deux lignes est médial, de sorte qu'il en résulte une majeure composée de trois lignes. Et, d'une manière analogue, on obtient la droite qui peut une rationnelle et une médiale, composée de trois droites, et de même celle qui peut deux médiales.

Car, supposons trois lignes rationnelles commensurables en puissance seulement. La ligne composée de deux de ces lignes, à savoir la droite de deux noms, est irrationnelle, et, en conséquence, l'espace compris sous cette ligne et sous la ligne restante est irrationnel,

et, de même, le double de l'espace compris sous ces deux lignes sera irrationnel. Donc, le carré de la ligne entière, composée de trois lignes, est irrationnel, et, conséquemment, la ligne est irrationnelle, et on l'appelle droite de trois noms.

Et, si l'on a quatres lignes commensurables en puissance, comme nous l'avons dit, le procédé sera exactement le même; et on traitera les lignes suivantes d'une manière analogue.

Qu'on ait ensuite trois lignes médiales commensurables en puissance, et dont l'une comprenne avec chacune des deux autres un rectangle rationnel; alors la droite composée des deux lignes est irrationnelle et s'appelle la première de deux médiales; la ligne restante est médiale, et l'espace compris sous ces deux lignes est irrationnel. Conséquemment, le carré de la ligne entière est irrationnel. Le reste des autres lignes se trouve dans les mêmes circonstances. Les lignes composées s'étendent donc jusqu'à l'infini dans toutes les espèces formées au moyen de l'addition.

De même, il n'est pas nécessaire que, dans les lignes irrationnelles formées au moyen de la soustraction, nous nous bornions à n'y faire qu'une seule soustraction, de manière à obtenir l'apotome, ou le premier apotome de la médiale, ou le second apotome de la médiale, ou la mineure, ou la droite qui fait avec une surface rationnelle un tout médial, ou celle qui fait avec une surface médiale un tout médial; mais nous pourrons y effectuer deux ou trois ou quatre soustractions.

Lorsque nous faisons cela, nous démontrons, d'une

manière analogue à ce qui précède, que les lignes restantes sont irrationnelles, et que chacune d'elles est une des lignes formées par soustraction. C'est-à-dire que, si d'une ligne rationnelle nous retranchons une autre ligne rationnelle commensurable à la ligne entière en puissance, nous obtenons pour ligne restante un apotome; et si nous retranchons de cette ligne retranchée et rationnelle, qu' Euclide appelle la congruente, une autre ligne rationnelle qui lui est commensurable en puissance, nous obtenons, comme partie restante, un apotome; de même que, si nous retranchons de la ligne rationnelle et retranchée de cette ligne une autre ligne qui lui est commensurable en puissance, le reste est un apotome. Il en est de même pour la soustraction des autres lignes.

Il est donc alors impossible de s'arrêter, soit dans les lignes formées par addition, soit dans celles formées par soustraction; mais on procède à l'infini, dans celles-là, en ajoutant, et dans celles-ci, en ôtant la ligne retranchée. Et, naturellement, l'infinité des quantités irrationnelles se manifeste par des procédés tels que les précédents, vu que la proportion continue ne s'arrête pas à un nombre déterminé pour les médiælas, que l'addition n'a pas de fin pour les lignes formées par addition, et que la soustraction n'arrive pas non plus à un terme quelconque.<sup>1)</sup>

1) Quid hinc de opere Apollonii concludi possit, exposuit Woepcke p. 706 sqq. uestigia doctrinae Apollonianæ fortasse in additamento subditiuo Eucl. Elem. X, 112—115 p. 356—70 extare, suspicatus sum in ed. Eucl. V p. LXXXV. Pappus tamen sine suspicione X, 115 legit; u. Woepcke p. 702.

35. Pappus in Elem. X p. 701:

Les irrationnelles se divisent premièrement en inordonnées, c'est-à-dire celles qui tiennent de la matière qu'on appelle corruptible, et qui s'étendent à l'infini; et, secondement, en ordonnées, qui forment le sujet limité d'une science, et qui sont aux inordonnées comme les rationnelles sont aux irrationnelles ordonnées. Or Euclide s'occupa seulement des ordonnées qui sont homogènes aux rationnelles, et qui ne s'en éloignent pas considérablement; ensuite Apollonius s'occupa des inordonnées, entre lesquelles et les rationnelles la distance est très-grande.

*Ωκυτόνιον.*

36. Eutocius in Archimedis dimens. circuli III p. 300, 16 sq.:

*'Ιστέον δέ, ὅτι καὶ Ἀπολλώνιος ὁ Περγαῖος ἐν τῷ Ωκυτονίῳ ἀπέδειξεν αὐτὸν [rationem ambitus circuli ad diametrum] δι’ ἀριθμῶν ἑτέρων ἐπὶ τὸ σύνεγγυς μᾶλλον ἀγαγάν.*

37. Pappus<sup>1)</sup> II, 22 p. 24, 25 sq.:

*Φατέον οὖν τὸν ἔξ αρχῆς στίχον*

*'Αρτέμιδος οὐλεῖτε κράτος ἔξοχον ἐννέα κοῦφαι πολλαπλασιασθέντα δι’ ἀλλήλων δύνασθαι μυριάδων πλῆθος τρισκαιδεκαπλῶν ρρῆς, δωδεκαπλῶν τέη, ἐν-*

1) Cum ab imagine operis Apolloniani, quod a Pappo citatur, quallem animo concepi, computatio ab Eutocio significata minime abhorreat, malui haec fragmenta sub uno titulo coniungere quam putare, Apollonium methodum magnos numeros computandi in duobus operibus exposuisse.

E fragm. 37 adpareat, Apollonium initio operis, sine dubio in praefatione, iocandi causa uersum illum proposuisse et ut

δεκαπλῶν δῶ, συμφώνως τοῖς ὑπὸ Ἀπολλωνίου κατὰ την μέθοδον ἐν ἀρχῇ τοῦ βιβλίου προγεγραμμένοις.

38. Pappus II, 3 p. 4, 9 sq. (cfr. fragm. 47):

Ἄλλ' ὁ διπλάσιος τοῦ πλήθους τῶν ἐφ' ὃν τὰ B μὴ μετρεῖσθω ὑπὸ τετράδος· μετρούμενος ἄρα λείψει δυάδα ἔξι ἀνάγκης· τοῦτο γὰρ προδέδεικται.

39. Pappus II, 1 p. 2, 1 sq.:

\* γὰρ αὐτοὺς ἐλάσσονας μὲν εἶναι ἐκατοντάδος, μετρεῖσθαι δὲ ὑπὸ δεκάδος, καὶ δέον ἔστω τὸν ἔξι αὐτῶν στερεὸν εἰπεῖν μὴ πολλαπλασιάσαντα αὐτούς.

40. Pappus II, 2 p. 2, 14 sq.:

"Ἐστωσαν δὴ πάλιν ὁσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐφ' ὃν τὰ B, ὃν ἐκατος ἐλάσσων μὲν χιλιάδος, μετρεῖσθω δὲ ὑπὸ ἐκατοντάδος, καὶ δέον ἔστω τὸν ἔξι αὐτῶν στερεὸν εἰπεῖν μὴ πολλαπλασιάσαντα τοὺς ἀριθμούς.

E Pappo p. 4, 3 sq. ad demonstrationem Apollonii haec pertinent: δείκνυται οὖν διὰ τῶν γραμμῶν .... ὁ διὰ τῶν ἐφ' ὃν τὰ B στερεὸς ἴσος ... τῷ διὰ τῶν ἐκατοντάδων στερεῷ ἐπὶ τὸν ἐκ τῶν πυθμένων στερεόν. Hoc si duplicatam multitudinem numerorum B metitur numerus 4, sin minus (cfr. fragm. 38), ὁ διὰ τῶν ἐφ' ὃν τὰ B μικριάδες εἰσὶν ḡ διμόνυμοι τῷ Z

exemplum numeri ingentis productum litterarum eius pro numeralibus sumptarum indicasse. deinde methodum, qua tanti numeri computari possint, exposuit. in qua enarranda Pappus propositiones ipsas excerpit et per numeros confirmanit; demonstrationes ipsius Apollonii, quae in lineis factae erant, h. e. uniuersaliter, sicut in Elem. VII—IX, omisit. hinc adparet, quid in opere Apollonii e commentariis Pappi restituendo sequutus sim. cfr. Tannery Mémoires de la soc. des sciences physiques et natur. de Bordeaux, 2<sup>e</sup> sér. III p. 352 sq.

γενόμεναι ἐπὶ τὸν *E*, Pappus p. 4, 16 sq. De *Z*, *E* u. fragm. 42.

41. Pappus II, 4 p. 4, 19 sq.:

"Ἐστωσαν δύο ἀριθμοὶ οἱ *A*, *B*, καὶ ὁ μὲν *A* ὑπὸ 5 κείσθω ἐλάσσων μὲν χιλιάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ ἑκατοντάδος, ὁ δὲ *B* ἐλάσσων μὲν ἑκατοντάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ δεκάδος, .... καὶ δέον ἔστω τὸν ἔξι αὐτῶν ἀριθμὸν εἰπεῖν μὴ πολλαπλασιάσαντα αὐτούς.

De demonstratione Pappus p. 6, 4: τὸ δὲ γραμμι-  
10 κὸν δῆλον ἔξι ὡν ἔδειξεν Ἀπολλώνιος.

42. Pappus II, 5 p. 6, 6 sq.:

"Ἐπὶ δὲ τοῦ ιη' θεωρήματος. "Ἐστω πλῆθος ἀριθμῶν τὸ ἐφ' ὡν τὰ *A*, ὡν ἑκαστος ἐλάσσων μὲν ἑκατοντάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ δεκάδος, καὶ ἄλλο πλῆθος 15 ἀριθμῶν τὸ ἐφ' ὡν τὰ *B*, ὡν ἑκαστος ἐλάσσων μὲν χιλιάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ ἑκατοντάδος, καὶ δέον ἔστω τὸν ἐκ τῶν ἐφ' ὡν τὰ *A*, *B* στερεὸν εἰπεῖν μὴ πολλαπλασιάσαντα αὐτούς.

De demonstratione Pappus p. 6, 19 sq.: καὶ δείκ-  
20 νυσιν ὁ Ἀπολλώνιος τὸν ἐκ πάντων τῶν ἐφ' ὡν τὰ *A*, *B* στερεὸν μνημάδων τοσούτων, ὅσαι εἰσὶν ἐν τῷ *E* [producto τῶν πυθμένων] μονάδες, ὁμονύμων τῷ *Z* ἀριθμῷ [qui indicat, quoties numerus 4 metiatur sum-  
25 mā multitudinis numerorum *A* et duplicatae multi-  
tudinis numerorum *B*]. De casibus secundo, tertio,  
quarto Pappus p. 6, 29 sq.: ἀλλὰ δὴ τὸ πλῆθος τῶν  
ἐφ' ὡν τὰ *A* προσλαβὼν τὸν διπλασίονα τοῦ πλήθους  
τῶν ἐφ' ὡν τὰ *B* μετρούμενον ὑπὸ τετράδος κατα-  
λειπέτω πρότερον ἔνα· καὶ συνάγει ὁ Ἀπολλώνιος, ὅτι

12. ιη'] om. codd.

ὅ ἐκ τῶν ἀριθμῶν ἐφ' ᾧν τὰ *A, B* στερεὸς μυριάδες εἰσὶν τοσαῦται διμώνυμοι τῷ *Z*, ὅσος ἔστιν ὁ δεκαπλασίων τοῦ *E*. ἐὰν δὲ τὸ προειρημένον πλῆθος μετρούμενον ὑπὸ τετράδος καταλείπῃ δύο, ὁ ἐκ τῶν ἀριθμῶν στερεὸς τῶν ἐφ' ᾧν τὰ *A, B* μυριάδες εἰσὶν 5 τοσαῦται διμώνυμοι τῷ *Z*, ὅσος ἔστιν ὁ ἐκατονταπλάσιος τοῦ *E* ἀριθμοῦ. ὅταν δὲ τρεῖς καταλειφθῶσιν, ἵσος ἔστιν ὁ ἔξ αὐτῶν στερεὸς μυριάσιν τοσαῦταις διμώνυμοις τῷ *Z*, ὅσος ἔστιν ὁ χιλιαπλάσιος τοῦ *E* ἀριθμοῦ. 10

43. Pappus II, 7 p. 8, 12 sq.:

'Ἐπὶ δὲ τοῦ ιθ' θεωρήματος. "Ἐστω τις ἀριθμὸς ὁ *A* ἐλάσσων μὲν ἐκατοντάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ δεκάδος, καὶ ἄλλοι ὁσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ ἐλάσσονες δεκάδος, καὶ δέον ἔστω τὸν ἐκ τῶν *A, B, Γ, Δ, E* 15 στερεὸν εἰπεῖν.

"Ἐστω γὰρ καθ' ὃν μετρεῖται ὁ *A* ὑπὸ τῆς δεκάδος ὁ *Z*, τοντέστιν ὁ πυθμὴν τοῦ *A*, καὶ εἰλήφθω ὁ ἐκ τῶν *Z, B, Γ, Δ, E* στερεὸς καὶ ἔστω ὁ *H* λέγω, ὅτι διὰ τῶν *A, B, Γ, Δ, E* στερεὸς δεκάκις εἰσὶν οἱ *H*. 20

De demonstratione Pappus p. 8, 27: τὸ δὲ γραμμικὸν ὑπὸ τοῦ Ἀπολλωνίου δέδεικται.

44. Pappus II, 8 p. 10, 1 sq.:

'Ἄλλὰ δὴ ἔστωσαν δύο ἀριθμοὶ οἱ *A, B*, ὡν ἐκάτεροις ἐλάσσων μὲν ἐκατοντάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ 25

Lin. 24sq. ab Apollonio abiudicat Tannery, sed cfr. p. 128, 7. contra iure idem Papp. p. 10, 15—30 negat apud Apollonium fuisse, nec ibi τὸ γραμμικόν citatur; a Pappo additum uidetur, quo magis gradatim ad fragm. 45 transeat.

15. δεκάδος οἷον οἱ *B, Γ, Δ, E* Hultsch cum aliis.

δεκάδος, τῶν δὲ Γ, Δ, Ε ἐκαστος ἐλάσσων δεκάδος  
ἔστω, καὶ δέον ἔστω τὸν ἐκ τῶν Α, Β, Γ, Δ, Ε στε-  
ρεὸν εἰπεῖν.

Ἐστωσαν γὰρ τῶν Α, Β πυθμένες οἱ Ζ, Η· λέγω,  
ὅτι ὁ ἐκ τῶν Α, Β, Γ, Δ, Ε στερεὸς τοῦ ἐκ τῶν Ζ,  
Η, Γ, Δ, Ε στερεοῦ ἐκατονταπλάσιός ἔστιν.

De demonstratione Pappus p. 10, 14: τὸ δὲ γραμ-  
μικὸν ἐκ τῶν Ἀπολλωνίου.

45. Pappus II, 10 p. 10, 31 sq.:

10 Ἄλλὰ δὴ ἔστωσαν πλείους τριῶν οἱ Α, Β, Γ, Δ, Ε  
καὶ ἐκαστος ἐλάσσων μὲν ἐκατοντάδος, μετρούμενος δὲ  
ὑπὸ δεκάδος, τῶν δὲ Ζ, Η, Θ ἐκαστος ἔστω ἐλάσσων  
δεκάδος.

Τὸ πλῆθος τῶν Α, Β, Γ, Δ, Ε πρότερον μετρείσθω  
15 ὑπὸ τετράδος κατὰ τὸν Ο, καὶ ἔστωσαν τῶν Α, Β, Γ,  
Δ, Ε πυθμένες οἱ Κ, Λ, Μ, Ν, Ξ· ὅτι ὁ ἐκ τῶν  
Α, Β, Γ, Δ, Ζ, Η, Θ στερεὸς ἵσος ἔστιν μυριάσιν διω-  
νύμοις τῷ Ο, ὅσαι μονάδες εἰσὶν ἐν τῷ στερεῷ τῷ  
ἐκ τῶν Κ, Λ, Μ, Ν ἐπὶ τὸν ἐκ τῶν Ζ, Η, Θ.

20 De casibus secundo, tertio, quarto Pappus p. 12, 20 sq.:

Ἄλλὰ δὴ τὸ πλῆθος τῶν Α, Β, Γ, Δ, Ε μὴ με-  
τρείσθω ὑπὸ τετράδος· μετρούμενον δὴ ἡτοι ἀ ἢ β  
ἢ γ λείψει. εἰ μὲν οὖν ἔνα λείψει, ἔσται δὲ ἐκ τῶν  
Α, Β, Γ, Δ, Ε, Ζ, Η, Θ στερεὸς μυριάδων διωνύμων  
25 τῷ Ο, ὅσος ἔστιν δὲ ἐκ τῶν Κ, Λ, Μ, Ν, Ξ στερεὸς  
ἐπὶ τὸν ἐκ τῶν Ζ, Η, Θ καὶ δὲ γενόμενος δεκάκις· εἰ

10. πλείους τριῶν] Apollonius scripserat δσοιδηποτοῦν.  
10 sq. Hultschio suspecta. 24. Ζ, Η, Θ] Hultsch, om.  
codd. 25. Ο τοσούτων coni. Hultsch. Ξ] Hultsch cum  
Wallisio, om. codd. 26. καὶ δὲ] del. Hultsch cum Wallisio.

δὲ δύο λείπει, ἐκατοντάκις γενόμενος ὁ εἰρημένος στερεός. εἰ δὲ τρεῖς λείψει, ὁ ἐκ τῶν *K, L, M, N*, <sup>5</sup> ἐπὶ τὸν ἐκ τῶν *Z, H, Θ* χιλιάκις γενόμενος [ἔσται μυριάδων τοσούτων διμετρύμων τῷ *O*]. τὸ δὲ γραμμικὸν ἐκ τοῦ στοιχείου δῆλον.

46. Pappus II, 12 p. 14, 4 sq.:

"Ἐστω ὁ μὲν *A* ἐλάσσων μὲν χιλιάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ ἐκατοντάδος, ἐκαστος δὲ τῶν *B, Γ, Δ* ἐλάσσων δεκάδος, καὶ δέον ἔστω τὸν ἐκ τῶν *A, B, Γ, Δ* στερεὸν εἰπεῖν.

<sup>10</sup> Κείσθω γὰρ τοῦ μὲν *A* πυθμὴν ὁ *E*, τῷ δὲ ἐκ τῶν *E, B, Γ, Δ* στερεῷ ἵσος ὁ *Z*. ὅτι ὁ ἐκ τῶν *A, B, Γ, Δ* στερεὸς ἐκατοντάκις ἔστιν ὁ *Z*.

De demonstratione Pappus p. 14, 15: τὸ δὲ γραμμικὸν ἐκ τοῦ στοιχείου.

15

47. Pappus II, 13 p. 14, 16: 'Ἐπὶ δὲ τοῦ κδ' θεωρήματος (de producto quotlibet unitatum et quotlibet centenariorum).

In priore casu nihil de Apollonio sumpsit Pappus, sed numeros tantum de suo adfert; in altero haec 20 p. 14, 24 sq. (cfr. fragm. 38):

'Εὰν δὲ τὸ διπλάσιον τοῦ πλήθους τῶν *A, B* μὴ μετρῆται ὑπὸ τετράδος, δῆλον, ὅτι μετρούμενον κατὰ τὸν *K* λείψει δύο· τοῦτο γὰρ ἀνώτερον ἐδείχθη. διὰ

1. λείψει Hultsch. γενόμενος — 2. στερεός] del. Hultsch.  
 2. ὁ] ὕστων ὁ Hultsch. Ξ] Hultsch cum Wallisio, om. codd.  
 3. ἔσται μυριάδων τοσούτων μυριάδων Hultsch; malim delere ἔσται — 4. τῷ *O*. 7 sq. Hultschio suspecta. 11. τῷ] ὁ Hultsch cum Wallisio. 12. στερεῷ ἵσος] Eberhard (qui praeterea add. ἔστω), om. codd. 15. στοιχείου δῆλον Hultsch cum Wallisio.

δὴ τοῦτο ἐκ τῶν *A, B* καὶ μιᾶς τῶν λειπομένων δύο ἔκατοντάδων μυριάδες εἰσὶν ἔκατὸν δύωνυμοι τῷ *K*. καὶ ἔτι ὁ ἐκ τῶν *Z, H, Γ, Δ, E* στερεὸς ὁ Θ ἐπὶ τὰς ἔκατὸν μυριάδας δύωνυμους τῷ *K*. τὸ γραμμικὸν  
5 ὡς Ἀπολλώνιος.

48. Pappus II, 14 p. 16, 3:

*'Επὶ δὲ τοῦ κε' θεωρήματος.*

Quae sequuntur p. 16, 3 sq. tam corrupta sunt, ut sensus idoneus sine uiolentia elici non possit. sed 10 cum hic τὸ γραμμικόν Apollonii non citetur, dubito, an non sit propositio operis Apolloniani, sed lemma ipsius Pappi. cfr. Tannery l. c. p. 355 sq.

49. Pappus II, 15 p. 16, 17 sq.:

*Τὸ δ' ἐπὶ πᾶσι θεώρημα κε' πρότασιν ἔχει καὶ 15 ἀπόδειξιν τοιαύτην.*

"Ἐστωσαν δύο ἀριθμοὶ ἢ πλείους οἱ *A, B*, ὃν ἔκαστος ἐλάσσων μὲν χιλιάδος, μετρούμενος δὲ ὑπὸ ἔκατοντάδος, καὶ ἄλλοι ἀριθμοὶ ὅσοιδήποτε οἱ *Γ, Δ, E*, ὃν ἔκαστος ἐλάσσων μὲν ἔκατοντάδος, μετρούμενος δὲ 20 ὑπὸ δεκάδος, καὶ ἄλλοι πάλιν ὅσοιδηποτοῦν ἀριθμοὶ οἱ *Z, H, Θ*, ὃν ἔκαστος ἐλάσσων δεκάδος, καὶ δέον ἔστω τὸν ἐκ τῶν *A, B, Γ, Δ, E, Z, H, Θ* στερεὸν εἶπεν.

ἔστωσαν γὰρ τῶν *A, B, Γ, Δ, E* πυθμένες οἱ *Λ, Μ, Ν, Ξ, Ο*. ὁ δὴ διπλάσιος τῶν *A, B* μετὰ τῶν

1. *A, B καὶ μιᾶς τῶν]* dubitans addidi, om. codd. (per *A, B* significatur ea pars seriei, cuius multitudo duplicata est 4 *K*).

*λειπομένων]* Bredow, *ιμ* codd. Pro ἐκ — 2. *ἔκατοντάδων* Hultsch: *ἐκ τοῦ λείπονται δύο*, quod deinde delet. 2. *ἔκατόν*] Hultsch cum Wallisio, *χιλίαι* codd. 3. *ἔτι]* scripsi, *ἔστιν* codd. *Z, H]* scripsi, *A, B* codd. (sed u. Papp. p. 14, 22).

Ante ἐπὶ add. *ἴσος τῷ ἐκ τῶν Z, H, Γ, Δ, E στερεῷ* Hultsch. *τὰς ἔκατόν]* Hultsch et Wallis, *χιλιαῖς* codd. 24. *διπλάσιος τοῦ πλήθους τῶν* Hultsch. *μετά τοῦ* Hultsch, *καὶ* codd.

*Γ, Δ, Ε ἀπλῶς ἀριθμῶν ἦτοι μετρεῖται ὑπὸ τετράδος  
ἢ οὐ.*

μετρείσθω πρότερον ὑπὸ τετράδος κατὰ τὸν *K*,  
καὶ ὑποτετάχθωσαν τοῖς μὲν *A, B* ἐκατοντάδες αἱ *P, R*,  
τοῖς δὲ *Γ, Δ, E* δεκάδες αἱ *Σ, T, Τ'* καὶ ὁ διπλάσιος 5  
ἄρα τῶν *P, R* μετὰ τοῦ πλήθους τῶν *Σ, T, Τ'* μετρεῖται  
ὑπὸ τετράδος κατὰ τὸν *K*. καὶ φανερόν, ὅτι ὁ ἐκ τῶν  
*A, B, Γ, Δ, E* στερεὸς ἵσος ἔστι τῷ ἐκ τῶν *P, R, Σ*,  
*T, Τ'* ἐπὶ τὸν ἐκ τῶν *A, M, N, Ξ, O*. εἰλήφθω δὴ ὁ  
ἐκ τῶν *A, M, N, Ξ, O, Z, H, Θ* στερεὸς καὶ ἔστω ὁ *Φ*. 10  
ὅτι ὁ ἐκ τῶν *A, B, Γ, Δ, E, Z, H, Θ* στερεὸς μυριάδες  
εἰσὶν τοσαῦται ὀμώνυμοι τῷ *K*, ὅσαι μονάδες εἰσὶν ἐν  
τῷ *Φ*. τούτῳ δὲ γραμμικῶς Ἀπολλώνιος ἀπέδειξεν.

'Εὰν δὲ ὁ διπλάσιος τοῦ πλήθους τῶν *A, B* μετὰ  
τοῦ πλήθους τῶν *Γ, Δ, E* μὴ μετρηται ὑπὸ τετράδος, 15  
μετρούμενος ἄρα κατὰ τὸν *K* λείψει ἢ ἔνα ἢ δύο ἢ  
τρεῖς. εἰ μὲν οὖν ἔνα λείψει, ὁ ἐκ τῶν *P, R, Σ, T, Τ'*  
στερεὸς μυριάδες εἰσὶν δέκα ὀμώνυμοι τῷ *K*, εἰ δὲ  
δύο, μυριάδες ἑκατὸν ὀμώνυμοι τῷ *K*, εἰ δὲ τρεῖς,  
μυριάδες χίλιαι ὀμώνυμοι τῷ *K*. καὶ δῆλον ἐκ τῶν 20  
γενομένων, ὅτι ὁ ἐκ τῶν *A, B, Γ, Δ, E, Z, H, Θ* στε-  
ρεὸς μυριάδες εἰσὶν τοσαῦται, ὅσος ὁ δεκαπλάσιος τοῦ *Φ*,  
ὀμώνυμοι τῷ *K* ἀριθμῷ, ἢ ὅσος ὁ ἑκατονταπλάσιος  
τοῦ *Φ*, ὀμώνυμοι τῷ *K*, ἢ ὅσος ὁ χιλιαπλάσιος τοῦ *Φ*,  
ὀμώνυμοι τῷ *K*. 25

Τούτου δὴ τοῦ θεωρήματος προτεθεωρημένου πρό-

1. ἀπλοῦ ἀριθμοῦ Hultsch. 5. καὶ ὁ — 7. *K*] inter-  
polatori tribuit Hultsch. 6. ἄρα τοῦ πλήθους τῶν Hultsch  
cum Wallisio. 8. *A* — ἐκ τῶν] addidi, om. codd.; post *O*  
lin. 9 add. ἵσος ἐστι τῷ ἐκ τῶν *A, B, Γ, Δ, E* στερεῷ Hultsch  
cum Wallisio. 21. γενομένων] γεγραμμένων Hultsch. 26.  
τοῦ θεωρήματος] del. Hultsch.

δηλον, πῶς ἔστιν τὸν δοθέντα στίχον πολλαπλασιάσαι καὶ εἰπεῖν τὸν γενόμενον ἀριθμὸν ἐκ τοῦ τὸν πρῶτον τῶν ἀριθμῶν, ὃν εἴληφε τὸ πρῶτον τῶν γραμμάτων, ἐπὶ τὸν δεύτερον ἀριθμόν, ὃν εἴληφε τὸ δεύτερον τῶν 5 γραμμάτων, πολυπλασιασθῆναι καὶ τὸν γενόμενον ἐπὶ τὸν τρίτον ἀριθμόν, ὃν εἴληφε τὸ τρίτον γράμμα, καὶ κατὰ τὸ ἔξης περαίνεσθαι μέχρι τοῦ διεξοδεύεσθαι τὸν στίχον, ὡς εἶπεν Ἀπολλώνιος ἐν ἀρχῇ.<sup>1)</sup> κατὰ τὸν στίχον οὕτως.

10 Ἀρτέμιδος οἰλεῖτε κράτος ἔξοχον ἐννέα κοῦραι (τὸ δὲ οἰλεῖτε φησὶν ἀντὶ τοῦ ὑπομνήσατε).

50. Pappus II, 18 p. 20, 10 sq.:

'Εαν ἄρα τοὺς δέκα ἀριθμοὺς [centenarios uersus illius] διπλασιάσωμεν καὶ τοὺς γενομένους ἢ προσθῶμεν 15 τοῖς εἰρημένοις ἀπλῶς ἀριθμοῖς ἐπτακαίδεκα,<sup>2)</sup> τὰ γενόμενα δύμοι<sup>3)</sup> λέξι<sup>4)</sup> ἔξομεν τῶν ὑπ' αὐτοῦ λεγομένων ἀναλόγων. καὶ τοῖς μὲν δέκα ἀριθμοῖς ὑποτάξωμεν 16 ίσαριθμοὺς δέκα κατὰ τάξιν ἐκατοντάδος, τοῖς δὲ ιζὸις δέκα δεκάδας ιζ, φανερὸν ἐκ τοῦ ἀνώ- 20 τερον λογιστικοῦ θεωρήματος ιβ', ὅτι δέκα ἐκατοντάδες μετὰ τῶν ιζ δεκάδων ποιοῦσι μυριάδας ἐνναπλᾶς δέκα.

1) Hic incipere uidetur expositio amplior Pappi eorum, quae Apollonius initio operis breuiter significauerat.

2) Sc. denariis uersus.

3. τῶν ἀριθμῶν] ἀριθμόν Hultsch. 5. πολλαπλασιασθῆναι Hultsch cum Wallisio. 8. ὡς] ὃν Hultsch. κατὰ τὸν στίχον] del. Hultsch. 13. τούς — 17. καὶ] del. Hultsch. 16. λεγομένων] Eberhard, γενομένων codd.

## De principiis mathematicis.

51. Marinus in Data Euclidis p. 2 ed. Hardy:

*Ιιὸ τῶν ἀπλουστέρως καὶ μιᾶς τινι διαφορᾷ περιγράφειν τὸ δεδομένον προθεμένων οἱ μὲν τεταγμένον, ὡς Ἀπολλώνιος ἐν τῇ περὶ νεύσεων καὶ ἐν τῇ καθόλον 5 πραγματείᾳ.*

52. Proclus in Elem. p. 100, 5 sq.<sup>1)</sup>

*Ἀποδεξώμεθα δὲ καὶ τοὺς περὶ Ἀπολλώνιον λέγοντας, ὅτι γραμμῆς ἔννοιαν μὲν ἔχομεν, ὅταν τὰ μήκη μόνον ἥ τῶν ὀδῶν ἥ τῶν τοίχων ἀναμετρεῖν κελεύω- 10 μεν· οὐ γὰρ προσποιούμεθα τότε τὸ πλάτος, ἀλλὰ τὴν ἐφ' ἐν διάστασιν ἀναλογιζόμεθα, καθάπερ δὴ καί, ὅταν χωρία μετρῶμεν, τὴν ἐπιφάνειαν ὁρῶμεν, ὅταν δὲ φρέατα, τὸ στερεόν· πάσας γὰρ ὅμοι τὰς διαστάσεις συλλαβόντες ἀποφαινόμεθα τοσόνδε εἶναι τὸ διάστημα 15 τοῦ φρέατος κατά τε μῆκος καὶ πλάτος καὶ βάθος. αἰσθῆσιν δὲ αὐτῆς λάβοιμεν ἀν ἀπιδόντες εἰς τοὺς διορισμοὺς τῶν πεφωτισμένων τόπων ἀπὸ τῶν ἐσκι- ασμένων καὶ ἐπὶ τῆς σελήνης καὶ ἐπὶ τῆς γῆς· τοῦτο γὰρ τὸ μέσον κατὰ μὲν πλάτος ἀδιάστατόν ἐστι, μῆκος 20 δὲ ἔχει τὸ συμπαρεκτενόμενον τῷ φωτὶ καὶ τῇ σκιᾷ.*

53. Proclus in Elem. p. 123, 14 sq.:

*Τοῦ μὲν Εὐκλείδον κλίσιν λέγοντος τὴν γωνίαν, τοῦ δὲ Ἀπολλωνίου συναγωγὴν ἐπιφανείας ἥ στερεοῦ πρὸς ἐνὶ σημείῳ ὑπὸ κεκλασμένῃ γραμμῇ ἥ ἐπιφανείᾳ· 25 δοκεῖ γὰρ οὗτος καθόλου πᾶσαν ἀφορίζεσθαι γωνίαν.*

1) De his fragmentis u. Tannery Bulletin des sciences mathématiques, 2<sup>e</sup> série, V p. 124, et cfr. quae monui Philolog. XLIII p. 488. ibidem suspicatus sum, etiam Procl. p. 227, 9 sq. ad Apollonium pertinere.

Cfr. p. 124, 17 sq.: τὴν ἀδιότητα τῆς γωνίας εὐρήσομεν συναγωγὴν μὲν οὐκ οὔσαν, ὥσπερ [καὶ] ὁ Ἀπολλώνιος φησιν, ἐπιφανεῖας ἡ στερεοῦ; u. etiam p. 125, 17.

5      54. Proclus in Elem. p. 183, 13 sq.:

Μάτην οὖν τῶν ἀξιωμάτων Ἀπολλώνιος ἐπεχείρησεν ἀποδεῖξεις παραδιδόναι. ὁρθῶς γὰρ καὶ ὁ Γεμīνος ἐπέστησεν, ὅτι οἱ μὲν καὶ τῶν ἀναποδείκτων ἀποδεῖξεις ἐπενόησαν καὶ ἀπὸ ἀγνωστοτέρων μέσων τὰ γνώριμα 10 πᾶσιν κατασκευάζειν ἐπεχείρησαν· ὁ δὴ πέπονθεν ὁ Ἀπολλώνιος δεικνύναι βουλόμενος, ὅτι ἀληθὲς τὸ ἀξιωματικόν τὸ λέγον τὰ τῷ αὐτῷ ἵσα καὶ ἀλλήλοις ἵσα εἶναι.

Cfr. p. 194, 9: πολλοῦ ἄρα δεήσομεν ἡμεῖς τὸν 15 γεωμέτρην Ἀπολλώνιον ἐπαινεῖν, ὃς καὶ τῶν ἀξιωμάτων, ὡς οἰεται, γέγραφεν ἀποδεῖξεις ἀπ' ἐναντίας Εὐκλείδη φερόμενος· ὁ μὲν γὰρ καὶ τὸ ἀποδεικτὸν ἐν τοῖς αἰτήμασι κατηρίθμησεν, ὁ δὲ καὶ τῶν ἀναποδείκτων ἐπεχείρησεν ἀποδεῖξεις εὐρίσκειν.

20      Ipsam demonstrationem Apollonii habet Proclus p. 194, 20 sq.: ὅτι δὲ καὶ ἡ ἀπόδειξις, ἣν ὁ Ἀπολλώνιος εὐρηκέναι πέπεισται τοῦ πρώτου τῶν ἀξιωμάτων, οὐδὲν μᾶλλον ἔχει τὸν μέσον τοῦ συμπεράσματος γνωριμότερον, εἰ μὴ καὶ πλέον ἀμφισβητούμενον, μάθοι 25 τις ἀν ἐπιβλέψας εἰς αὐτὴν καὶ σμικρόν.

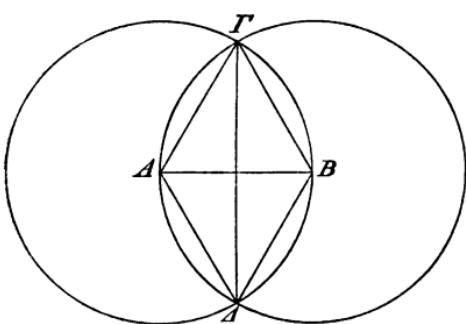
ἔστω γάρ, φησί, τὸ Α τῷ Β ἵσον, τοῦτο δὲ τῷ Γ. λέγω, ὅτι καὶ τὸ Α τῷ Γ ἵσον. ἐπεὶ γὰρ τὸ Α τῷ Β ἵσον, τὸν αὐτὸν αὐτῷ κατέχει τόπον. καὶ ἐπεὶ τὸ Β

2. καὶ] deleo.    23. τὸν μέσον] sc. δρον, τὸ μέσον Friedlein.

τῷ Γ ἵσον, τὸν αὐτὸν καὶ τούτῳ κατέχει τόπον. καὶ τὸ Α ἄρα τῷ Γ τὸν αὐτὸν κατέχει τόπον· ἵσα ἄρα ἐστίν.

55. Proclus in Elem. p. 279, 16 sq.:

Ἀπολλώνιος δὲ ὁ Περγαῖος τέμνει τὴν δοθεῖσαν 5 εὐθεῖαν πεπερασμένην δίχα τοῦτον τὸν τρόπον.



ἔστω, φησίν,  
ἡ ΑΒ εὐθεῖα πε-  
περασμένη, ἣν δεῖ  
δίχα τεμεῖν, καὶ 10  
κέντρῳ τῷ Α, δια-  
στήματι δὲ τῷ ΑΒ  
γεγράφθω κύκλος,  
καὶ πάλιν κέντρῳ  
τῷ Β, διαστήματι 15  
δὲ τῷ ΒΑ ἔτερος

κύκλος, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ἐπὶ τὰς τομὰς τῶν κύκλων  
ἡ ΓΔ. αὗτη δίχα τέμνει τὴν ΑΒ εὐθεῖαν.

ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ ΓΑ, ΓΒ καὶ αἱ ΔΑ, ΔΒ.  
ἴσαι ἄρα εἰσὶν αἱ ΓΑ, ΓΒ· ἐκατέρα γὰρ ἵση τῇ ΑΒ· 20  
κοινὴ δὲ ἡ ΓΔ, καὶ ἡ ΔΑ τῇ ΔΒ ἵση διὰ τὰ αὐτά.  
ἡ ἄρα ὑπὸ ΑΓΔ γωνία ἵση τῇ ὑπὸ ΒΓΔ· ὥστε δίχα  
τέτμηται ἡ ΑΒ διὰ τὸ τέταρτον.

τοιαύτη τίς ἔστιν ἡ κατὰ Ἀπολλώνιον τοῦ προ-  
κειμένου προβλήματος [Elem. I, 10] ἀπόδειξις ἀπὸ μὲν 25  
τοῦ ἴσοπλεύρου τριγώνου καὶ αὐτὴ ληφθεῖσα, ἀντὶ δὲ  
τοῦ λαβεῖν δίχα τεμνομένην τὴν πρὸς τῷ Γ γωνίαν

19. καὶ — 20. ΓΒ] addidi, om. Friedlein. 23. ἡ] scripsi,  
ὁ Friedlein. 24. ἡ] scripsi, καὶ ἡ Friedlein.

δεικνύουσα, ὅτι δίχα τέμηται, διὰ τὴν ἴσοτητα τῶν βάσεων.

56. Proclus in Elem. p. 282, 8 sq.:

Ἄπολλώνιος δὲ τὴν πρὸς ὁρθὰς ἄγει τὸν τρόπον  
διαστήσας τοῦτον·

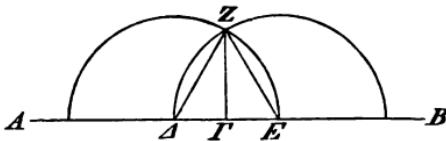
ἐπὶ τῆς  $AG$  τυχὸν τὸ  $A$ , καὶ ἀπὸ τῆς  $GB$  ἶση  
τῇ  $GA$  ἢ  $GE$ , καὶ κέντρῳ τῷ  $A$ , τῷ δὲ  $E$  διαστή-  
ματι γεγράφθω κύ-  
κλος, καὶ πάλιν κέν-

10 τρῷ τῷ  $E$ , διαστήματι  
δὲ τῷ  $AE$  κύκλος  
γεγράφθω, καὶ ἀπὸ<sup>10</sup>

τοῦ  $Z$  ἐπὶ τὸ  $G$  ἡχθω. λέγω, ὅτι αὕτη ἔστιν ἡ πρὸς ὁρθὰς.

ἔὰν γὰρ ἐπιξευχθῶσιν αἱ  $ZA$ ,  $ZE$ , ἴσαι ἔσονται.

15 ἴσαι δὲ καὶ αἱ  $AG$ ,  $GE$ , καὶ κοινὴ ἡ  $ZG$ . ὥστε καὶ αἱ  
πρὸς τῷ  $G$  γωνίαι ἴσαι διὰ τὸ ὅγδοον. ὁρθαὶ ἄρα εἰσίν.



57. Proclus in Elem. p. 335, 16 sq.:

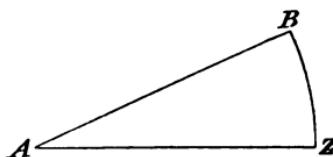
Τὴν δὲ Ἀπολλώνιον δεῖ-

20 ξιν οὐκ ἐπαινοῦμεν ὡς δεο-  
μένην τῶν ἐν τῷ τρίτῳ βι-  
βλίῳ δεικνυμένων. λαβὼν γὰρ

ἔκεινος γωνίαν τυχοῦσαν τὴν  
ὑπὸ  $GA$  καὶ εὐθεῖαν τὴν  
 $AB$  κέντρῳ τῷ  $A$ , διαστή-

25 ματι δὲ τῷ  $GA$ , γράφει τὴν  
 $GE$  περιφέρειαν καὶ ὠσαύ-  
τως κέντρῳ τῷ  $A$ , διαστή-

ματι δὲ τῷ  $AB$  τὴν  $ZB$ , καὶ ἀπολαβὼν τῇ  $GE$   
ἴσην τὸν  $ZB$  ἐπιξεύγμνυσι τὴν  $AZ$  καὶ ἐπὶ



2. βάσεων] h. e.  $AA$ ,  $AB$ . 13. ἡχθω ἡ  $ZG$  Friedlein.

φερειῶν βεβηκυίας τὰς Α, Δ γωνίας ἵσας ἀποφαίνει.  
δεῖ δὲ προλαβεῖν καὶ, ὅτι ἡ ΑΒ ἵση τῇ ΓΔ, ἵνα καὶ  
οἱ κύκλοι ἴσοι ὦσι.

58. Scholium<sup>1)</sup> ad Euclidis Data deff. 13—15:

*Τούτους Ἀπολλωνίου φασὶν εἶναι τοὺς τρεῖς ὄρους.* 5

### Astronomica.

59. Ptolemaeus σύνταξις XII, 1 (II p. 312 sq. ed. Halma):

Τούτων ἀποδεδειγμένων ἀκόλουθον ἂν εἴη καὶ τὰς  
καθ' ἔκαστον τῶν πέντε πλανημένων γινομένας προ- 10  
ηγήσεις ἐλαχίστας τε καὶ μεγίστας ἐπισκέψασθαι καὶ  
δεῖξαι καὶ τὰς τούτων πηλικότητας. ἀπὸ τῶν ἔκκειμέ-  
νων ὑποθέσεων συμφάνους, ὡς ἔνι μάλιστα, γινομένας  
ταῖς ἐκ τῶν τηρήσεων καταλαμβανομέναις. εἰς δὲ τὴν  
τοιαύτην διάληψιν προαποδεικνύουσι μὲν καὶ οἵ τε 15  
ἄλλοι μαθηματικοὶ καὶ Ἀπολλώνιος ὁ Περγαῖος ὡς ἐπὶ<sup>2)</sup>  
μιᾶς τῆς παρὰ τὸν ἥλιον ἀνωμαλίας, ὅτι, εάν τε διὰ  
τῆς κατ' ἐπίκυκλον ὑποθέσεως γίνηται, τοῦ μὲν ἐπι-  
κύκλου περὶ τὸν ὁμόκεντρον τῷ ξφδιακῷ κύκλον τὴν  
κατὰ μῆκος πάροδον εἰς τὰ ἐπόμενα τῶν ξφδίων ποι- 20  
ούμενου, τοῦ δὲ ἀστέρος ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου περὶ τὸ

1) Hoc scholium, quod ad opus Apollonii de principiis mathematicis referre non dubito — nam ibi sine dubio, sicut de axiomatis, ita etiam de definitionibus et de uera definiendi ratione disputauerat —, mecum communicauit H. Menge. exstat in codd. Vatt. gr. 190 et 204 et in cod. Laur. 28, 10, ne plures.

5. τούτου Vat. 190. Ἀπολλώνιος Vat. 190. φησὶν  
Vat. 190. εἶναι φησὶ Vat. 204. τούτους τοὺς τρεῖς ὄρους  
Ἀπολλωνίου φασὶν εἶναι Laur. 28, 10.

κέντρον αὐτοῦ τὴν τῆς ἀνωμαλίας ὡς ἐπὶ τὰ ἐπόμενα  
 τῆς ἀπογείου περιφερείας, καὶ διαχθῇ τις ἀπὸ τῆς  
 ὄψεως ἡμῶν εὐθεῖα τέμνουσα τὸν ἐπίκυκλον οὕτως  
 ὥστε τοῦ ἀπολαμβανομένου αὐτῆς ἐν τῷ ἐπικύκλῳ  
 5 τμήματος τὴν ἡμίσειαν πρὸς τὴν ἀπὸ τῆς ὄψεως ἡμῶν  
 μέχρι τῆς κατὰ τὸ περίγειον τοῦ ἐπικύκλου τομῆς  
 λόγον ἔχειν, ὃν τὸ τάχος τοῦ ἐπικύκλου πρὸς τὸ τάχος  
 τοῦ ἀστέρος, τὸ γινόμενον σημεῖον ὑπὸ τῆς οὕτως  
 διαχθείσης εὐθείας πρὸς τῇ περιγείᾳ περιφερείᾳ τοῦ  
 10 ἐπικύκλου διορίζει τάς τε ὑπολείψεις καὶ τὰς προηγή-  
 σεις, ὥστε κατ' αὐτοῦ γινόμενον τὸν ἀστέρα φαντα-  
 σίαν ποιεῖσθαι στηριγμοῦ· ἐάν τε διὰ τῆς κατ' ἐκ-  
 κεντρότητα ὑποθέσεως ἡ παρὰ τὸν ἥλιον ἀνωμαλία  
 συμβαίνῃ τῆς τοιαύτης ἐπὶ μόνων τῶν πᾶσαν ἀπό-  
 15 στασιν ἀπὸ τοῦ ἥλιου ποιουμένων τριῶν ἀστέρων  
 προχωρεῖν δυναμένης, τοῦ μὲν κέντρον τοῦ ἐκκέντρου  
 περὶ τὸ τοῦ ζῳδιακοῦ κέντρον εἰς τὰ ἐπόμενα τῶν  
 ζῳδίων ἰσοταχῶς τῷ ἥλιῳ φερομένου, τοῦ δὲ ἀστέρος  
 ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου περὶ τὸ κέντρον αὐτοῦ εἰς τὰ προ-  
 20 ηγούμενα τῶν ζῳδίων ἰσοταχῶς τῇ τῆς ἀνωμαλίας  
 παρόδῳ, καὶ διαχθῇ τις εὐθεῖα ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου  
 κύκλου διὰ τοῦ κέντρου τοῦ ζῳδιακοῦ, τουτέστι τῆς  
 ὄψεως, οὕτως ἔχουσα ὥστε τὴν ἡμίσειαν αὐτῆς δῆλης  
 πρὸς τὸ ἔλασσον τῶν ὑπὸ τῆς ὄψεως γινομένων τμη-  
 25 μάτων λόγον ἔχειν, ὃν τὸ τάχος τοῦ ἐκκέντρου πρὸς  
 τὸ τάχος τοῦ ἀστέρος, κατ' ἐκεῖνο τὸ σημεῖον γιγνό-  
 μενος ὁ ἀστήρ, καθ' ὃ τέμνει ἡ εὐθεῖα τὴν περιγείουν  
 τοῦ ἐκκέντρου περιφέρειαν, τὴν τῶν στηριγμῶν φαν-  
 τασίαν ποιήσεται.

30 De demonstrationibus Apollonii u. Delambre apud  
 Halma II<sup>2</sup> p. 19.

Cfr. Procli *hypotyposes* p. 128 ed. Halma: ἔστι μὲν οὖν Ἀπολλωνίου τοῦ Περγαίου τὸ εὑρημα, χρῆται δὲ αὐτῷ ὁ Πτολεμαῖος ἐν τῷ ιβ' τῆς συντάξεως.

60. Hippolytus refutat. omnium haeres. IV, 8 p. 66 ed. Duncker:

5

*Καὶ ἀπόστημα δὲ ἀπὸ τῆς ἐπιφανείας τῆς γῆς ἐπὶ τὸν σεληνιακὸν κύκλον ὁ μὲν Σάμιος Ἀφίσταρχος ἀναγράφει σταδίων .... ὁ δὲ Ἀπολλώνιος μνημάδων φ.*

De numero aut corrupto aut ab Hippolyto male intellecto u. Tannery Mémoires de la société des sciences physiques et naturelles de Bordeaux, 2<sup>e</sup> série, V p. 254.

61. Ptolemaeus Chennus apud Photium cod. CXC p. 151b 18 ed. Bekker:

'Απολλώνιος δ' ὁ ἐν τοῖς τοῦ Φιλοπάτορος χρόνοις ἐπ' ἀστρονομίᾳ περιβόητος γεγονὼς ἐξαλεῖτο, διότι 15 τὸ σχῆμα τοῦ ἐ συμπεριφέρεται τῷ τῆς σελήνης, περὶ ᾧν ἐκεῖνος μάλιστα ἡκρίβωτο.

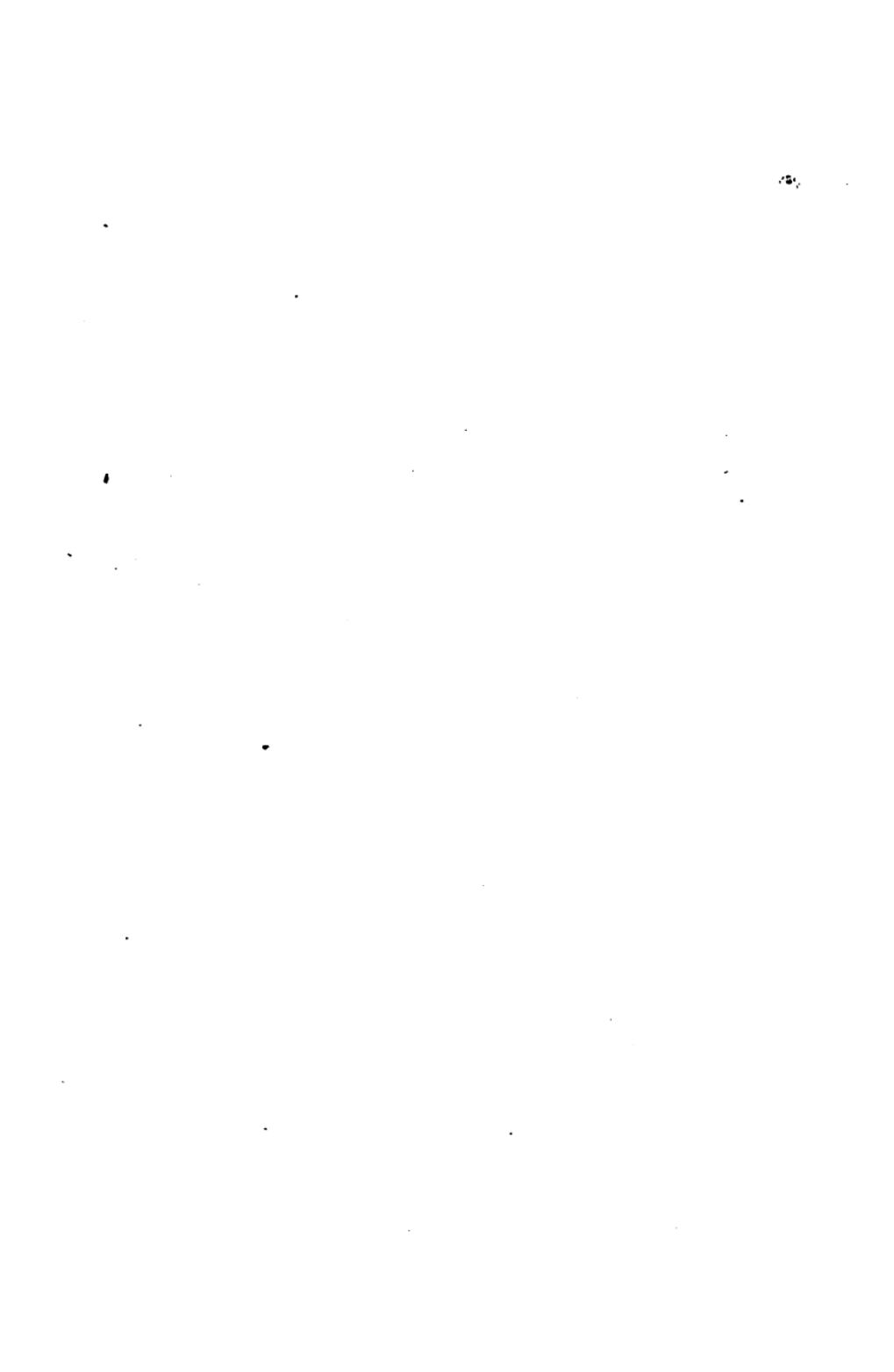
### Optica.

62. Fragmentum mathematicum Bobiense ed. Belger Hermes XVI p. 279 sq. (quae male legerat ille, emendaui 20 Zeitschr. f. Math. u. Phys. XXVIII, hist. Abth. p. 124sq.):

Οἱ μὲν οὖν παλαιοὶ ὑπέλαβον τὴν ἔξαψιν ποιεῖσθαι περὶ τὸ κέντρον τοῦ κατόπτρου, τοῦτο δὲ ψεῦδος • Ἀπολλώνιος μάλα δεόντως ..... (ἐν τῷ) πρὸς τοὺς κατοπτρικοὺς ἔδειξεν, καὶ περὶ τίνα δὲ τόπου 25 ἡ ἐκπύρωσις ἔσται, διασεσάφηκεν ἐν τῷ περὶ τοῦ πυρίου. ὃν δὲ τρόπον ἀποδεικνύουσιν, οὐδια.....δε, ὁ καὶ δυσέργως καὶ διὰ μακροτέρων συνίστησιν. οὐ μὴν ἀλλὰ τὰς μὲν ὑπ' αὐτοῦ κομιζομένας ἀποδείξεις παρῶμεν.



# COMMENTARIA ANTIQUA.



## I.

## PAPPI

## LEMMATA IN CONICORUM LIBROS I—IV.

Pappus VII, 233—272 p. 918, 22—952, 23 ed. Hultsch.

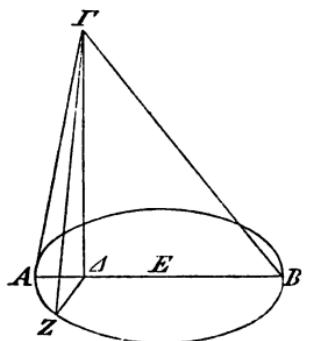
Τοῦ α'.

5

α'. "Εστω κῶνος, οὗ βάσις μὲν ὁ  $AB$  κύκλος, πορνφὴ δὲ τὸ  $\Gamma$  σημεῖον. εἰ μὲν οὖν ἴσοσκελῆς ἐστιν ὁ κῶνος, φανερόν, ὅτι πᾶσαι αἱ ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  πρὸς τὸν  $AB$  κύκλου προσπίπτουσαι εὐθεῖαι ἔσαι ἀλλήλαις εἰσὶν, εἰ δὲ σκαληνός, ἔστω εὐρεῖν, τις μεγίστη καὶ τις 10 ἐλαχίστη.

ἥχθω γαρ ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  σημείου ἐπὶ τὸ τοῦ  $AB$  κύκλου ἐπίκεδον κάθετος καὶ πιπτέτω πρότερον ἐντὸς τοῦ  $AB$  κύκλου καὶ ἔστω ἡ  $\Delta\Gamma$ , καὶ εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ 15 κύκλου τὸ  $E$ , καὶ ἐπιξευχθεῖσα ἡ  $\Delta E$  ἐκβεβλήσθω ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη ἐπὶ τὰ  $A$ ,  $B$  σημεῖα, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $AG$ ,  $GB$ . λέγω, ὅτι μεγίστη μέν ἐστιν ἡ 20  $BG$ , ἐλαχίστη δὲ ἡ  $AG$  πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  πρὸς τὸν  $AB$  προσπιπτουσῶν.

προσβεβλήσθω γάρ τις καὶ ἑτέρα ἡ  $\Gamma Z$ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ  $\Delta Z$ . μείζων ἄρα ἐστὶν ἡ  $B\Delta$  τῆς  $\Delta Z$  25



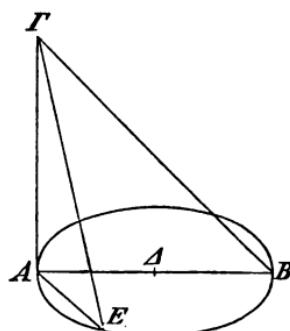
[Eucl. III, 7]. καὶ οὐκέτι δὲ ἡ ΓΔ, καὶ εἰσιν αἱ πρὸς τῷ Δ γωνίαι ὁρθαὶ· μείζων ἄρα ἐστὶν ἡ ΒΓ τῆς ΓΖ. κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἡ ΓΖ τῆς ΓΔ μείζων ἐστίν· ὥστε μεγίστη μὲν ἐστιν ἡ ΓΒ, ἐλαχίστη δὲ ἡ ΓΔ.

β'. Ἀλλὰ δὴ πάλιν ἡ ἀπὸ τοῦ Γ κάθετος ἀγομένη πιπτέτω ἐπὶ τῆς περιφερείας τοῦ ΑΒ κύκλου καὶ ἐστω ἡ ΓΔ, καὶ πάλιν ἐπὶ τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ Δ ἐπεξεύχθω ἡ ΑΔ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Β,  
καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΒΓ. λέγω, ὅτι μεγίστη μὲν ἐστιν ἡ ΒΓ, ἐλαχίστη δὲ ἡ ΑΓ.

ὅτι μὲν οὖν μείζων ἡ ΓΒ τῆς ΓΔ, φανερόν [Eucl. I, 19]. δι-  
15 ἡχθω δέ τις καὶ ἐτέρα ἡ ΓΕ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΑΕ. ἐπεὶ διάμετρός ἐστιν ἡ ΑΒ, μείζων ἐστὶν τῆς ΑΕ [Eucl. III, 15]. καὶ αὐταῖς πρὸς ὁρθὰς ἡ ΑΓ [Eucl. XI def. 3]· μείζων ἄρα ἐστὶν ἡ ΓΒ τῆς ΓΕ. δόμοίως καὶ πασῶν. καὶ κατὰ τὰ αὐτὰ μείζων δειχθή-  
20 σεται ἡ ΕΓ τῆς ΓΔ. ὥστε μεγίστη μὲν ἡ ΒΓ, ἐλαχίστη δὲ ἡ ΓΔ τῶν ἀπὸ τοῦ Γ σημείου πρὸς τὸν ΑΒ κύκλου προσπιπτουσῶν εὐθεῖῶν.

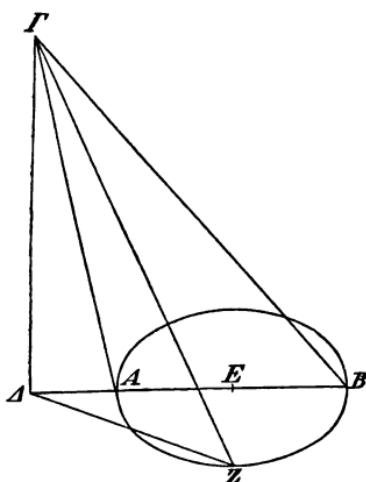
γ'. Τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων πιπτέτω ἡ κάθετος ἐκτὸς τοῦ κύκλου καὶ ἐστω ἡ ΓΔ, καὶ ἐπὶ τὸ κέντρον  
25 τοῦ κύκλου τὸ Ε ἐπιξευχθεῖσα ἡ ΔΕ ἐκβεβλήσθω, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΑΓ, ΒΓ. λέγω δή, ὅτι μεγίστη μὲν ἐστιν ἡ ΒΓ, ἐλαχίστη δὲ ἡ ΑΓ πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ Γ πρὸς τὸν ΑΒ κύκλου προσπιπτουσῶν εὐθεῖῶν.

ὅτι μὲν οὖν μείζων ἐστὶν ἡ ΒΓ τῆς ΓΔ, φανερόν  
30 [Eucl. I, 19]. λέγω δή, ὅτι καὶ πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ Γ



30. δή] δέ Hultsch.

πρὸς τὴν τοῦ  $AB$  κύκλου περιφέρειαν προσπιπτουσῶν.  
προσπιπτέτω γάρ τις καὶ ἐτέρα ἡ  $\Gamma Z$ , καὶ ἐπεξεύχθω



ἡ  $\Delta Z$ . ἐπεὶ οὖν διὰ τοῦ κέντρου ἔστιν ἡ  $B\Delta$ , μείζων ἔστιν ἡ  $\Delta B$  τῆς  $\Delta Z$  5  
[Eucl. III, 8]. καὶ ἔστιν αὐταῖς ὁρθὴ ἡ  $\Delta \Gamma$ , ἐπεὶ καὶ τῷ ἐπιπέδῳ [Eucl. XI def. 3]. μείζων ἄρα ἔστιν ἡ  $B\Gamma$  τῆς  $\Gamma Z$ . ὅμοιως καὶ 10 πασῶν. μεγίστη μὲν ἄρα ἔστιν ἡ  $\Gamma B$ . ὅτι δὲ καὶ ἡ  $A\Gamma$  ἐλαχίστη. ἐπεὶ γὰρ ἐλάσσων ἔστιν ἡ  $A\Delta$  τῆς  $\Delta Z$ , καὶ ἔστιν αὐταῖς ὁρθὴ 15

ἡ  $\Delta \Gamma$ , ἐλάσσων ἄρα ἔστιν ἡ  $A\Gamma$  τῆς  $\Gamma Z$ . ὅμοιως καὶ πασῶν. ἐλαχίστη ἄρα ἔστιν ἡ  $A\Gamma$ , μεγίστη δὲ ἡ  $B\Gamma$  πασῶν τῶν ἀπὸ τοῦ  $\Gamma$  πρὸς τὴν τοῦ  $AB$  κύκλου περιφέρειαν προσπιπτουσῶν εὐθεῖῶν.

### Εἰς τὸν κωνικὸν ὄρον.

20

Ἐὰν ἀπό τινος σημείου πρὸς κύκλου περιφέρειαν [I p. 6, 2] εἰκότως ὁ Ἀπολλώνιος προστίθησιν καὶ ἐφ' ἐκάτερα ἐκβληθῇ [p. 6, 4], ἐπειδήπερ τοῦ τυχόντος κώνου γένεσιν δηλοῖ. εἰ μὲν γὰρ ἴσοσκελὴς ὁ κῶνος, περισσὸν ἦν προσεκβάλλειν διὰ τὸ τὴν φε- 25 φομένην εὐθεῖαν αἱεί ποτε φαύειν τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας, ἐπειδήπερ πάντοτε τὸ σημεῖον ἵσον ἀφέξειν ἔμελλεν τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας. ἐπεὶ δὲ δύναται

23. καὶ] om. Hultsch. προσεκβληθῇ Hultsch.

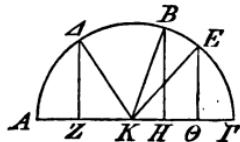
καὶ σκαληνὸς εἶναι δὲ καῦνος, ἔστιν δέ, ὡς προγέγραπται,  
ἐν κώνῳ σκαληνῷ μεγίστη τις καὶ ἐλαχίστη πλευρά,  
ἀναγκαῖως προστίθησιν τὸ προσεκβεβλήσθω, ἵνα  
αἱεὶ προσεκβληθεῖσα ἡ ἐλαχίστη ἀεὶ τῆς μεγίστης  
5 αὐξῆται προσεκβαλλομένης, ἕως ἵση γένηται τῇ μεγίστῃ  
καὶ ψαύσῃ κατ' ἐκεῖνο τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας.

δ'. "Ἐστω γραμμὴ ἡ  $AB\Gamma$ , καὶ θέσει ἡ  $AG$ , πᾶσαι  
δὲ αἱ ἀπὸ τῆς γραμμῆς ἐπὶ τὴν  $AG$  κάθετοι ἀγόμεναι  
οὗτως ἀγέσθωσαν, ὥστε τὸ ἀπὸ ἑκάστης αὐτῶν τετρά-  
10 γωνον ἵσον εἶναι τῷ περιεχομένῳ ὑπὸ τῶν τῆς βάσεως  
τμημάτων τῶν ὑφ' ἑκάστης ἀποτμηθέντων. λέγω, ὅτι  
κύκλου περιφέρειά ἔστιν ἡ  $AB\Gamma$ , διάμετρος δὲ αὐτῆς  
ἔστιν ἡ  $AG$ .

ηχθωσαν γὰρ ἀπὸ σημείων τῶν  $A$ ,  $B$ ,  $E$  κάθετοι  
15 αἱ  $AZ$ ,  $BH$ ,  $E\Theta$ . τὸ μὲν ἄρα ἀπὸ  $AZ$  ἵσον ἔστιν  
τῷ ὑπὸ  $AZ\Gamma$ , τὸ δὲ ἀπὸ  $BH$

τῷ ὑπὸ  $AH\Gamma$ , τὸ δὲ ἀπὸ  $E\Theta$  τῷ  
ὑπὸ  $A\Theta\Gamma$ . τετμήσθω δὴ δίχα  
ἡ  $AG$  κατὰ τὸ  $K$ , καὶ ἐπεξεύχθω-  
20 σαν αἱ  $AK$ ,  $KB$ ,  $KE$ . ἐπεὶ οὖν

τὸ ὑπὸ  $AZ\Gamma$  μετὰ τοῦ ἀπὸ  $ZK$  ἵσον ἔστιν τῷ ἀπὸ  
 $AK$  [Eucl. II, 5], ἀλλὰ τῷ ὑπὸ  $AZ\Gamma$  ἵσον ἔστιν  
τὸ ἀπὸ  $AZ$ , τὸ ἄρα ἀπὸ  $AZ$  μετὰ τοῦ ἀπὸ  $ZK$ ,  
τοντέστιν τὸ ἀπὸ  $AK$  [Eucl. I, 47], ἵσον ἔστιν τῷ  
25 ἀπὸ  $AK$ . ἵση ἄρα ἔστιν ἡ  $AK$  τῇ  $K\Delta$ . διοίως δὴ  
δεῖξομεν, ὅτι καὶ ἐκατέρᾳ τῶν  $BK$ ,  $EK$  ἵση ἔστιν τῇ  
30  $AK$  ἢ τῇ  $K\Gamma$ . κύκλου ἄρα περιφέρειά ἔστιν ἡ  $AB\Gamma$

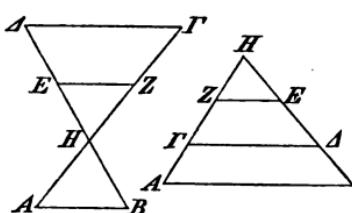


3. προσεκβιηθῇ Hultsch cum Halleio. 4. ἀεὶ τῆς με-  
γίστης et 5. προσεκβαλλομένης del. Halley. 9. ἀγέσθωσαν]  
del. Hultsch. 11. τῶν ὑφ'[scripsi, ὑφ' codd., ἀφ' Hultsch  
cum Halleio. ἀποτμηθέντων] scripsi, ἀπὸ τῶν τμηθέντων  
codd., αὐτῶν τμηθέντων Hultsch cum Halleio.

τοῦ περὶ κέντρον τὸ  $K$ , τουτέστιν τοῦ περὶ διάμετρον τὴν  $AG$ .

ε'. Τοεῖς παράλληλοι αἱ  $AB, GA, EZ$ , καὶ διήχθωσαν εἰς αὐτὰς δύο εὐθεῖαι αἱ  $AHZG, BHEA$ . ὅτι γίνεται, ὡς τὸ ὑπὸ  $AB, EZ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $GA$ , οὕτως 5 τὸ ὑπὸ  $AHZ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $HG$  τετράγωνον.

ἐπεὶ γάρ ἐστιν [Eucl. VI, 4], ὡς ἡ  $AB$  πρὸς τὴν  $ZE$ , τουτέστιν ὡς τὸ ὑπὸ  $AB, ZE$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZE$ ,



οὕτως ἡ  $AH$  πρὸς τὴν  $HZ$ ,  
τουτέστιν τὸ ὑπὸ  $AHZ$  10 πρὸς τὸ ἀπὸ  $HZ$ , ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ  $AB, ZE$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZE$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $AHZ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $HZ$ .

ἀλλὰ καὶ ὡς τὸ ἀπὸ  $ZE$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $GA$ , οὕτως ἐστὶν 15 τὸ ἀπὸ  $ZH$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $HG$  [Eucl. VI, 4]. δι' ἵσου ἄρα ἐστὶν, ὡς τὸ ὑπὸ  $AB, ZE$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $GA$  τετράγωνον, οὕτως τὸ ὑπὸ  $AHZ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $HG$  τετράγωνον.

ε'. Ἐστω, ὡς ἡ  $AB$  πρὸς τὴν  $BG$ , οὕτως ἡ  $AD$  πρὸς τὴν  $DG$ , καὶ τετμήσθω ἡ  $AG$  δίχα κατὰ τὸ  $E$  20 σημεῖον· ὅτι γίνεται τὸ μὲν ὑπὸ  $BEA$  ἵσου τῷ ἀπὸ  $EG$ , τὸ δὲ ὑπὸ  $ADG$  τῷ ὑπὸ  $BDE$ , τὸ δὲ ὑπὸ  $ABG$  τῷ ὑπὸ  $EBD$ .



ἐπεὶ γάρ ἐστιν, ὡς ἡ  $AB$  πρὸς τὴν  $BG$ , οὕτως ἡ  $AD$  πρὸς τὴν  $DG$ , συνθέντι καὶ τὰ ἡμίση τῶν 25 ἥγουμενων καὶ ἀναστρέψαντί ἐστιν, ὡς ἡ  $BE$  πρὸς τὴν  $EG$ , οὕτως ἡ  $GE$  πρὸς τὴν  $ED$ . τὸ ἄρα ὑπὸ  $BEA$  ἵσου ἐστὶν τῷ ἀπὸ  $GE$  τετραγώνῳ. κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ  $ED$  τετράγωνον· λοιπὸν [Eucl. II, 5] ἄρα τὸ

ὑπὸ ΑΔΓ ἶσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ ΒΔΕ [Eucl. II, 3]. ἐπεὶ  
δὲ τὸ ὑπὸ ΒΕΔ ἶσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ ΕΓ, ἀμφότερα  
ἀφηρήσθω ἀπὸ τοῦ ἀπὸ τῆς ΒΕ τετραγώνου· λοιπὸν  
[Eucl. II, 6] ἄρα τὸ ὑπὸ ΑΒΓ ἶσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ<sup>5</sup>  
εἰς ΕΒΔ [Eucl. II, 2]. γίνεται ἄρα τὰ τρία.

ζ'. Τὸ Α πρὸς τὸ Β τὸν συνημμένον λόγον ἔχετω  
ἢ καὶ τε τοῦ ὃν ἔχει τὸ Γ πρὸς τὸ Δ καὶ ἔξ οὖν ἔχει  
τὸ Ε πρὸς τὸ Ζ· ὅτι καὶ τὸ Γ πρὸς τὸ Δ τὸν συν-  
ημμένον λόγον ἔχει ἐκ τε τοῦ ὃν ἔχει τὸ Α πρὸς τὸ Β  
10 καὶ τὸ Ζ πρὸς τὸ Ε.

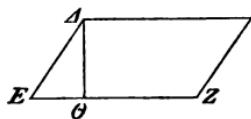
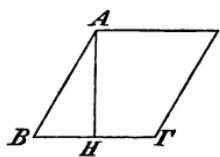
τῷ γὰρ τοῦ Ε πρὸς τὸ Ζ λόγῳ δὲ αὐτὸς πεποιήσθω  
δὲ τοῦ Δ πρὸς τὸ Η. ἐπεὶ οὖν δὲ τοῦ Α πρὸς τὸ Β  
συνηπται ἐκ τε τοῦ τοῦ Γ πρὸς Δ καὶ τοῦ τοῦ Ε  
πρὸς Ζ, τοντέστιν τοῦ Δ πρὸς τὸ Η, ἀλλὰ δὲ συνημ-  
15 μένος ἐκ τε τοῦ ὃν ἔχει τὸ Γ πρὸς τὸ Δ καὶ ἔξ οὗ  
ὅν ἔχει τὸ Δ πρὸς τὸ Η ἐστιν δὲ τοῦ Γ πρὸς τὸ Η,  
ὡς ἄρα τὸ Α πρὸς τὸ Β, οὕτως τὸ Γ πρὸς τὸ Η.  
ἐπεὶ δὲ τὸ Γ πρὸς τὸ Δ τὸν συνημμένον λόγον ἔχει  
ἐκ τε τοῦ ὃν ἔχει τὸ Γ πρὸς τὸ Η καὶ ἔξ οὗ ὃν ἔχει  
20 τὸ Η πρὸς τὸ Δ, ἀλλ' δὲ μὲν τοῦ Γ πρὸς τὸ Η δὲ  
αὐτὸς ἐδείχθη τῷ τοῦ Α πρὸς τὸ Β, δὲ δὲ τοῦ Η  
πρὸς τὸ Δ ἐκ τοῦ ἀνάπαλιν δὲ αὐτὸς ἐστιν τῷ τοῦ Ζ  
πρὸς τὸ Ε, καὶ τὸ Γ ἄρα πρὸς τὸ Δ τὸν συνημμένον  
λόγον ἔχει ἐκ τε τοῦ ὃν ἔχει τὸ Α πρὸς τὸ Β καὶ ἔξ  
25 οὗ ὃν ἔχει τὸ Ζ πρὸς τὸ Ε.

η'. "Ἐστω δύο παραλληλόγραμμα τὰ ΑΓ, ΔΖ ἶσο-  
γώνια ἵσην ἔχοντα τὴν Β γωνίαν τῇ Ε γωνίᾳ· ὅτι  
γίνεται, ὡς τὸ ὑπὸ ΑΒΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΔΖΕ, οὕτως

2. ἀμφότερα] ἐκάτερον Hultsch. 13. Δ] το Δ Hultsch.  
14. Ζ] τὸ Ζ Hultsch cum Halleio.

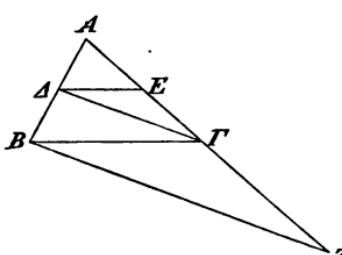
τὸ  $\Delta\Gamma$  παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ  $\Delta Z$  παραλληλόγραμμον.

εἰ μὲν οὖν δρθαί εἰσιν αἱ  $B, E$  γωνίαι, φανερόν· εἰ δὲ μή, ἔχθωσαν κάθετοι αἱ  $AH, \Delta\Theta$ . ἐπεὶ οὖν 5 ιση ἔστιν ἡ μὲν  $B$  γωνία τῇ  $E$ , ἡ δὲ  $H$  δρθὴ τῇ  $\Theta$ , ισογώνιον ἄρα ἔστιν τὸ  $ABH$  τρίγωνον τῷ  $\Delta\Theta$



τριγώνῳ· ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $BA$  πρὸς τὴν  $AH$ , οὗτως ἡ  $E\Delta$  πρὸς τὴν  $\Delta\Theta$  [Eucl. VI, 4]. ἀλλ’ ὡς μὲν ἡ  $BA$  πρὸς τὴν  $AH$ , οὗτως ἔστιν τὸ 10 ὑπὸ  $AB\Gamma$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $AH, B\Gamma$ , ὡς δὲ ἡ  $E\Delta$  πρὸς τὴν  $\Delta\Theta$ , οὗτως ἔστιν τὸ ὑπὸ  $\Delta EZ$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $\Delta\Theta, EZ$ . ἔστιν ἄρα ἐναλλάξ, ὡς τὸ ὑπὸ  $AB\Gamma$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $\Delta EZ$ , οὗτως τὸ ὑπὸ  $AH, 15 B\Gamma$ , τοιτέστιν τὸ  $\Delta\Gamma$  παραλληλόγραμμον, πρὸς τὸ ὑπὸ  $\Delta\Theta, EZ$ , τοιτέστιν πρὸς τὸ  $\Delta Z$  παραλληλόγραμμον.

θ'. "Ἐστω τρίγωνον τὸ  $AB\Gamma$ , ἔστω δὲ παράλληλος ἡ  $B\Gamma$  τῇ  $\Delta E$ , καὶ τῷ ἀπὸ τῆς  $GA$  ισον κείσθω τὸ



ὑπὸ  $ZAE$ · ὅτι, ἐὰν ἐπικευχ- 20 θῶσιν αἱ  $\Delta\Gamma, BZ$ , γίνεται παράλληλος ἡ  $BZ$  τῇ  $\Delta\Gamma$ .

τοῦτο δέ ἔστιν φανερόν.

ἐπεὶ γάρ ἔστιν, ὡς ἡ  $ZA$  πρὸς τὴν  $A\Gamma$ , οὗτως ἡ  $GA$  25 πρὸς τὴν  $AE$ , ὡς δὲ ἡ  $GA$  πρὸς τὴν  $AE$ , οὗτως ἔστιν ἐν παραλλήλῳ ἡ  $BA$  πρὸς  $A\Delta$  [Eucl. VI, 4], καὶ ὡς ἄρα ἡ  $ZA$  πρὸς  $A\Gamma$ ,

---

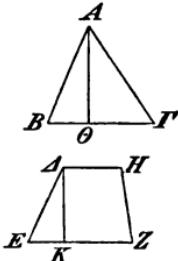
$GA$  πρὸς τὴν  $AE$ , οὗτως ἔστιν ἐν παραλλήλῳ ἡ  $BA$  πρὸς  $A\Delta$  [Eucl. VI, 4], καὶ ὡς ἄρα ἡ  $ZA$  πρὸς  $A\Gamma$ ,

οὗτως ἡ  $BA$  πρὸς  $AA'$  παράλληλοι ἄρα εἰσὶν αἱ  $AG, BZ$  [Eucl. VI, 4].

i'. "Εστω τρίγωνον μὲν τὸ  $ABG$ , τραπέζιον δὲ τὸ  $\Delta EZH$ , ὃστε ἵσην εἶναι τὴν ὑπὸ  $ABG$  γωνίαν τῇ 5 ὑπὸ  $\Delta EZ$  γωνίᾳ· ὅτι γίνεται, ὡς τὸ ὑπὸ  $ABG$  πρὸς τὸ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς  $\Delta H, EZ$  καὶ τῆς  $\Delta E$ , οὗτος τὸ  $ABG$  πρὸς τὸ  $\Delta EZH$ .

ἥχθωσαν κάθετοι αἱ  $A\Theta, AK$ . ἐπεὶ δὲ ἵση ἐστὶν ἡ μὲν ὑπὸ  $ABG$  γωνία τῇ ὑπὸ  $\Delta EZ$  γωνίᾳ, ἡ δὲ  $\Theta$  10 ὁρθὴ τῇ  $K$  ὁρθῇ ἵση, ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $BA$  πρὸς  $A\Theta$ , οὗτος ἡ  $E\Delta$  πρὸς  $\Delta K$  [Eucl. VI, 4]. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ  $BA$  πρὸς  $A\Theta$ , οὗτος ἐστὶν τὸ ὑπὸ 15  $ABG$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $A\Theta, BG$ , ὡς δὲ ἡ  $E\Delta$  πρὸς τὴν  $\Delta K$ , οὗτος ἐστὶν τὸ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς  $\Delta H, EZ$  καὶ τῆς  $\Delta E$  πρὸς τὸ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς  $\Delta H, EZ$  καὶ τῆς  $\Delta K$ . καὶ ἐστιν τοῦ μὲν ὑπὸ  $A\Theta, BG$  ἥμισυ τὸ  $ABG$  τρί- 20 γωνον, τοῦ δὲ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς  $\Delta H, EZH$  καὶ τῆς  $\Delta K$  ἥμισυ τὸ  $\Delta EZH$  τραπέζιον· ἔστιν ἄρα, ὡς τὸ ὑπὸ  $ABG$  πρὸς τὸ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς  $\Delta H, EZ$  καὶ τῆς  $\Delta E$ , οὗτος τὸ  $ABG$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $\Delta EZH$  τραπέζιον.

καὶ ἐὰν ἡ δὲ τρίγωνον τὸ  $ABG$  καὶ παραλληλό- 25 γραμμον τὸ  $\Delta Z$ , γίνεται, ὡς τὸ  $ABG$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $\Delta EZH$  παραλληλόγραμμον, οὗτος τὸ ὑπὸ  $ABG$  πρὸς τὸ διს ὑπὸ  $\Delta EZ$ , κατὰ τὰ αὐτά. καὶ φανερὸν ἐκ τούτων, ὅτι τὸ μὲν ὑπὸ  $ABG$ , ἐὰν ἡ παραλληλό-

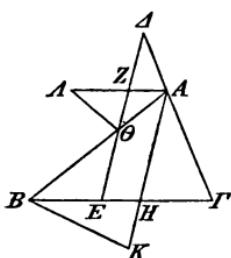


8. ἐπεὶ οὖν ἵση coni. Hultsch. 24. — p. 151, 4] suspecta  
Hultschio. 24. δέ] del. Hultsch.

γραμμον τὸ  $\Delta Z$  ἵσον τῷ  $ABΓ$  τριγώνῳ, ἵσον γίνεται τῷ δὶς ὑπὸ  $\Delta EZ$ , ἐπὶ δὲ τοῦ τραπεζίου ἵσον γίνεται τῷ ὑπὸ συναμφοτέρου τῆς  $\Delta H$ ,  $EZ$  καὶ τῆς  $\Delta E$ . ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ια'. "Εστω τρίγωνον τὸ  $ABΓ$ , καὶ ἐκβληθείσης 5 τῆς  $ΓA$  διήχθω τις τυχοῦσα ἡ  $\Delta E$ , καὶ αὐτῇ μὲν παράλληλος ἥκθισται ἡ  $AH$ , τῇ δὲ  $BΓ$  ἡ  $AZ$ . ὅτι γίνεται, ὡς τὸ ἀπὸ  $AH$  τετράγωνον πρὸς τὸ ὑπὸ  $BHG$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $AZ\Theta$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZA$  τετράγωνον.

κείσθω τῷ μὲν ὑπὸ  $BHG$  ἵσον τὸ ὑπὸ  $AHK$ , 10 τῷ δὲ ὑπὸ  $AZ\Theta$  ἵσον τὸ ὑπὸ  $AZA$ , καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ  $BK$ ,  $\Theta A$ . ἐπεὶ οὖν ἵση ἐστὶν ἡ  $Γ$  γωνία τῇ ὑπὸ  $BKH$ , ἡ δὲ ὑπὸ  $AAL$  ἐν κύκλῳ ἵση ἐστὶν τῇ ὑπὸ  $Z\Theta A$  [Eucl. III, 35; III, 21], καὶ ἡ ὑπὸ  $HKB$  15 ἄρα ἵση ἐστὶν τῇ ὑπὸ  $Z\Theta A$  γωνίᾳ. ἀλλὰ καὶ ἡ πρὸς τῷ  $H$  γωνία ἵση ἐστὶν τῇ πρὸς τῷ  $Z$ . ἐστιν ἄρα, ὡς ἡ  $BH$  πρὸς τὴν  $HK$ , οὕτως ἡ  $AZ$



πρὸς τὴν  $Z\Theta$  [Eucl. VI, 4]. ἐπεὶ δέ ἐστιν, ὡς ἡ  $AH$  20 πρὸς τὴν  $HB$ , οὕτως ἡ  $\Theta E$  πρὸς τὴν  $EB$ , ὡς δὲ ἡ  $\Theta E$  πρὸς  $EB$ , οὕτως ἐστὶν ἐν παραλλήλῳ ἡ  $Z\Theta$  πρὸς  $ZA$  [Eucl. VI, 4], ἐστιν ἄρα, ὡς ἡ  $AH$  πρὸς τὴν  $HB$ , οὕτως ἡ  $\Theta Z$  πρὸς  $ZA$ . ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς μὲν ἡ  $AH$  πρὸς  $HB$ , οὕτως ἡ  $\Theta Z$  πρὸς  $ZA$ , ὡς δὲ ἡ  $BH$  πρὸς  $HK$ , οὕτως 25 ἀλλη τις ἡ  $AZ$  πρὸς τὴν ἡγουμένην τὴν  $Z\Theta$ , δι' ἵσου ἄρα ἐν τεταραγμένῃ ἀναλογίᾳ, ὡς ἡ  $AH$  πρὸς τὴν  $HK$ , οὕτως ἡ  $AZ$  πρὸς τὴν  $ZA$  [Eucl. V, 23]. ἀλλ' ὡς

1. *ἵσον* (pr.)] om. codd., καὶ *ἵσον* Hultsch cum Halleio. τῷ  
 $ABΓ$  τριγώνῳ] Hultsch cum Halleio, om. codd. 4. *ἔδει*  
*δεῖξαι*] : ~ codd.

μὲν ἡ  $AH$  πρὸς  $HK$ , οὗτως ἔστιν τὸ ἀπὸ  $AH$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $AHK$ , τοντέστιν πρὸς τὸ ὑπὸ  $BHG$ , ὡς δὲ ἡ  $AZ$  πρὸς  $ZA$ , οὗτως ἔστιν τὸ ὑπὸ  $AZA$ , τοντέστιν τὸ ὑπὸ  $AZ\Theta$ , πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZA$ . ἔστιν ἄρα, ὡς τὸ ἀπὸ  
5  $AH$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $BHG$ , οὗτως τὸ ὑπὸ  $AZ\Theta$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZA$ .

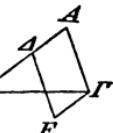
διὰ δὲ τοῦ συνημμένου. ἐπεὶ δὲ μὲν τῆς  $AH$  πρὸς  $HB$  λόγος ἔστιν ὁ τῆς  $\Theta E$  πρὸς  $EB$ , τοντέστιν ὁ τῆς  $\Theta Z$  πρὸς  $ZA$  [Eucl. VI, 4], ὁ δὲ τῆς  $AH$  πρὸς  
10 τὴν  $HG$  λόγος ὁ αὐτός ἔστιν τῷ τῆς  $\Delta E$  πρὸς  $EG$ , τοντέστιν τῷ τῆς  $\Delta Z$  πρὸς  $ZA$  [Eucl. VI, 4], ὁ ἄρα συνημμένος ἐκ τε τοῦ ὃν ἔχει ἡ  $AH$  πρὸς  $HB$  καὶ τοῦ ὃν ἔχει ἡ  $AH$  πρὸς  $HG$ , ὃς ἔστιν δὲ τοῦ ἀπὸ  $AH$   
15 πρὸς τὸ ὑπὸ  $BHG$ , ὁ αὐτός ἔστιν τῷ συνημμένῳ ἐκ τε τοῦ τῆς  $\Theta Z$  πρὸς  $ZA$  καὶ τοῦ τῆς  $\Delta Z$  πρὸς  $ZA$ , ὃς  
ἔστιν δὲ τοῦ ὑπὸ  $AZ\Theta$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZA$  τετράγωνον.

Toῦ β'.

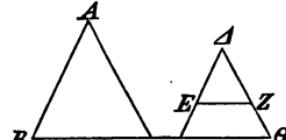
α'. Λύο δοθεισῶν τῶν  $AB$ ,  $BG$  καὶ εὐθείας τῆς  
20  $\Delta E$  εἰς τὰς  $AB$ ,  $BG$  ἐναρμόσαι εὐθεῖαν ἵσην τῇ  $\Delta E$  καὶ παράλληλον αὐτῇ.

τοῦτο δὲ φανερόν. ἐὰν γὰρ διὰ τοῦ  $E$  τῇ  $AB$  παράλληλον ἀγάγωμεν τὴν  $E\Gamma$ , διὰ δὲ τοῦ  $\Gamma$  τῇ  $\Delta E$  παράλληλος ἀκθῆ ἡ  $GA$ ,  
25 ἔσται διὰ τὸ παραλληλόγραμμον εἶναι τὸ  $A\Gamma E\Delta$  ἡ  $A\Gamma$  ἵση τῇ  $\Delta E$  [Eucl. I, 34]  
καὶ παράλληλος· καὶ ἐνήρμοσται εἰς τὰς δοθείσας εὐ-  
θείας τὰς  $AB$ ,  $BG$ .

β'. "Εστω δύο τρίγωνα τὰ  $AB\Gamma$ ,  $\Delta EZ$ , καὶ ἔστω,  
ώς ἡ  $AB$  πρὸς τὴν  $B\Gamma$ , οὗτως ἡ  $\Delta E$  πρὸς  $EZ$ , καὶ

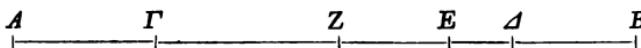


παράλληλος ἡ μὲν  $AB$  τῇ  $\Delta E$ , ἡ δὲ  $BG$  τῇ  $EZ$ . ὅτι  
καὶ ἡ  $AG$  τῇ  $\Delta Z$  ἔστιν παράλληλος.

Ἐκβεβλήσθω ἡ  $BG$  καὶ συμπιπτέτω ταῖς  $\Delta E$ ,  $\Delta Z$   
κατὰ τὰ  $H$ ,  $\Theta$ . ἐπεὶ οὖν ἔστιν, ὡς ἡ  $AB$  πρὸς τὴν  
  $BG$ , οὕτως ἡ  $\Delta E$  πρὸς  $EZ$ , καὶ  
εἰσιν ἵσαι αἱ  $B$ ,  $E$  γωνίαι διὰ τὸ  
εἶναι δύο παρὰ δύο, ἵση ἄρα ἔστιν  
καὶ ἡ  $GA$  τῇ  $Z$  [Eucl. VI, 6], τοντ-  
έστιν τῇ  $\Theta$  [Eucl. I, 29] διὰ τὸ  
παραλλήλους εἶναι τὰς  $EZ$ ,  $H\Theta$ . παράλληλος  
ἔστιν ἡ  $AG$  τῇ  $\Delta \Theta$  [Eucl. I, 28].

γ'. Εὐθεῖα ἡ  $AB$ , καὶ ἔστωσαν ἵσαι αἱ  $AG$ ,  $AB$ ,  
καὶ μεταξὺ τῶν  $\Gamma$ ,  $A$  εἰλήφθω τυχὸν σημεῖον τὸ  $E$ .  
ὅτι τὸ ὑπὸ  $A\Delta B$  μετὰ τοῦ ὑπὸ  $GEA$  ἵσον ἔστιν τῷ  
ὑπὸ  $AEB$ .

15

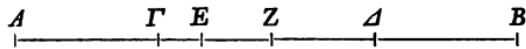


τετμήσθω ἡ  $GA$  δίχα, ὅπως ἀν ἔχῃ ὡς πρὸς τὸ  $E$   
σημεῖον, κατὰ τὸ  $Z$ . καὶ ἐπεὶ τὸ ὑπὸ  $A\Delta B$  μετὰ τοῦ  
ἀπὸ  $Z\Delta$  ἵσον ἔστιν τῷ ἀπὸ  $ZB$  [Eucl. II, 5], ἀλλὰ  
τῷ μὲν ἀπὸ  $Z\Delta$  ἵσον ἔστιν τὸ ὑπὸ  $GEA$  μετὰ τοῦ  
ἀπὸ  $ZE$  [Eucl. II, 5], τῷ δὲ ἀπὸ  $ZB$  ἵσον ἔστιν τὸ  
ὑπὸ  $AEB$  μετὰ τοῦ ἀπὸ  $ZE$  [Eucl. II, 5], τὸ ἄρα ὑπὸ<sup>20</sup>  
 $A\Delta B$  μετὰ τοῦ ὑπὸ  $GEA$  καὶ τοῦ ἀπὸ  $ZE$  ἵσον ἔστιν  
τῷ τε ὑπὸ  $AEB$  καὶ τῷ ἀπὸ  $ZE$ . κοινὸν ἀφηρήσθω  
τὸ ἀπὸ  $ZE$ . λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ  $A\Delta B$  μετὰ τοῦ ὑπὸ<sup>25</sup>  
 $GEA$  ἵσον ἔστιν τῷ ὑπὸ  $AEB$ .

25

δ'. Εὐθεῖα ἡ  $AB$ , καὶ ἔστωσαν ἵσαι αἱ  $AG$ ,  $AB$ ,  
καὶ μεταξὺ τῶν  $\Gamma$ ,  $A$  εἰλήφθω τυχὸν σημεῖον τὸ  $E$ .

ὅτι τὸ ὑπὸ τῶν  $AEB$  ἵσον ἐστὶν τῷ τε ὑπὸ τῶν  $GEΔ$   
καὶ τῷ ὑπὸ  $ΔΔΓ$ .



τετμήσθω γὰρ ἡ  $ΓΔ$  δίχα, ὅπως ἀν δῆλη ὁ ἀριθμός πρὸς τὸ  $E$  σημεῖον, κατὰ τὸ  $Z$  καὶ ὅλη ἄρα ἡ  $AZ$  τῇ  $ZB$  5 ἵση ἐστὶν. τὸ μὲν ἄρα ὑπὸ  $AEB$  μετὰ τοῦ ἀπὸ  $EZ$  ἵσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ  $AZ$  [Eucl. II, 5], τὸ δὲ ὑπὸ  $ΔΔΓ$  μετὰ τοῦ ἀπὸ  $ΓZ$  ἵσον ἐστὶν τῷ ἀπὸ  $AZ$  [Eucl. II, 6]. ὥστε τὸ ὑπὸ  $AEB$  μετὰ τοῦ ἀπὸ  $EZ$  ἵσον ἐστὶν τῷ ὑπὸ  $ΔΔΓ$  καὶ τῷ ἀπὸ  $ΓZ$ . ἀλλὰ τὸ ἀπὸ  $ΓZ$  ἵσον 10 ἐστὶν τῷ τε ὑπὸ  $ΓEΔ$  καὶ τῷ ἀπὸ  $EZ$  [Eucl. II, 5]. καὶ κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ  $EZ$  τετράγωνον· λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ  $AEB$  ἵσον ἐστὶν τῷ τε ὑπὸ  $ΓEΔ$  καὶ τῷ ὑπὸ  $ΔΔΓ$ .

ε'. "Ἐστιν δύο τρίγωνα τὰ  $ABΓ$ ,  $ΔEZ$ , καὶ ἐστιν 15 ἵση ἡ μὲν  $Γ$  τῇ  $Z$ , μείζων δὲ ἡ  $B$  τῆς  $E$ . ὅτι ἡ  $BΓ$  πρὸς  $ΓΔ$  ἐλάσ-

σονα λόγον ἔχει  
ἢ περ ἡ  $EZ$  πρὸς  
 $ZΔ$ .

20 συνεστάτω τῇ  $E$  γωνίᾳ ἵση ἡ  
ὑπὸ  $GBH$ . ἐστιν δὲ καὶ ἡ  $Γ$  τῇ  $Z$  ἵση. ἐστιν ἄρα,  
ὁ ἡ  $BΓ$  πρὸς  $GH$ , οὗτος ἡ  $EZ$  πρὸς  $ZΔ$  [Eucl. VI, 4].  
ἀλλὰ ἡ  $BΓ$  πρὸς  $GH$  ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περ  
25 ἡ  $BΓ$  πρὸς  $ΓH$  [Eucl. V, 8]. καὶ ἡ  $BΓ$  ἄρα πρὸς  
 $ΓΔ$  ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢ περ ἡ  $EZ$  πρὸς  $ZΔ$ .

ς'. 'Ἐχέτω δὴ πάλιν ἡ  $BΓ$  πρὸς  $ΓΔ$  μείζονα λόγον

3. ὅπως — 4. σημεῖον] del. Hultsch.

ἢπερ ἡ EZ πρὸς ZΔ, ἵση δὲ ἔστω ἡ Γ γωνία τῇ Z· διὰ πάλιν γίνεται ἐλάσσων ἡ B γωνία τῆς E γωνίας.

ἐπεὶ γάρ ἡ BG πρὸς GA μείζονα λόγου ἔχει ἢπερ ἡ EZ πρὸς ZΔ, ἐὰν ἄρα ποιῶ, ὡς τὴν BG πρὸς

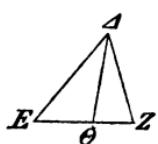
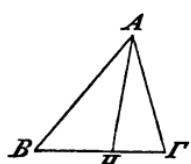
τὴν GA, οὗτως τὴν EZ πρὸς τινα, ἔσται πρὸς ἐλάσσονα τῆς ZΔ [Eucl. V, 10]. ἔστω πρὸς τὴν ZH, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ EH. καὶ

περὶ ἵσας γωνίας ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραί· ἵση ἄρα 10 ἔστιν ἡ B γωνία τῇ ὑπὸ ZEH [Eucl. VI, 6] ἐλάσσονι οὖσῃ τῆς E.

ἔ. Ἐστω ὅμοια τρίγωνα τὰ AΒΓ, ΔΕΖ, καὶ διήγθωσαν αἱ AH, ΔΘ οὗτως, ὥστε εἶναι, ὡς τὸ ὑπὸ BΓΗ πρὸς τὸ ἀπὸ GA, οὗτως τὸ ὑπὸ EZΘ πρὸς τὸ 15 ἀπὸ ZΔ· διὰ γίνεται ὅμοιον καὶ τὸ AΗΓ τρίγωνον τῷ ΔΘΖ τριγώνῳ.

ἐπεὶ γάρ ἔστιν, ὡς τὸ ὑπὸ BΓΗ πρὸς τὸ ἀπὸ GA, οὗτως τὸ ὑπὸ EZΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ZΔ, ἀλλ' ὁ μὲν τοῦ

ὑπὸ BΓΗ πρὸς τὸ ἀπὸ GA λόγος συν- 20 ἡπται ἐκ τε τοῦ ὃν ἔχει ἡ BG πρὸς GA καὶ τοῦ τῆς HG πρὸς GA, ὁ δὲ τοῦ ὑπὸ EZΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ZΔ συν- ἡπται ἐκ τε τοῦ τῆς EZ πρὸς ZΔ καὶ τοῦ τῆς ΘΖ πρὸς ZΔ, ὡν ὁ τῆς BG 25 πρὸς GA λόγος ὁ αὐτός ἔστιν τῷ τῆς EZ πρὸς ZΔ [Eucl. VI, 4] διὰ τὴν δμοιότητα τῶν τριγώνων, λοιπὸν ἄρα ὁ τῆς HG πρὸς GA λόγος ὁ αὐτός ἔστιν τῷ τῆς ΘΖ πρὸς ZΔ. καὶ περὶ ἵσας γωνίας· ὅμοιον ἄρα ἔστιν 30 τὸ AΓΗ τρίγωνον τῷ ΔΖΘ τριγώνῳ [Eucl. VI, 6].

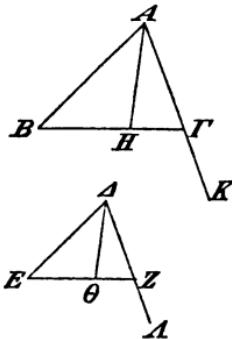


η'. Διὰ μὲν οὗν τοῦ συνημμένου λόγου, ὡς προ-  
γέγραπται, ἔστω δὲ νῦν ἀποδεῖξαι μὴ προσχρησάμενον  
τῷ συνημμένῳ λόγῳ.

κείσθω τῷ μὲν ὑπὸ  $B\Gamma H$  ἵσον τὸ ὑπὸ  $A\Gamma K$ .  
5 ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $B\Gamma$  πρὸς τὴν  $\Gamma K$ , οὕτως ἡ  $A\Gamma$  πρὸς  
τὴν  $\Gamma H$ . τῷ δὲ ὑπὸ  $EZ\Theta$  ἵσον κείσθω τὸ ὑπὸ  $AZL$ .  
ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $EZ$  πρὸς  $ZL$ , οὕτως ἡ  $AZ$  πρὸς  $Z\Theta$ .  
ὑπόκειται δέ, ὡς τὸ ὑπὸ  $B\Gamma H$ , τοιτ-  
έστιν τὸ ὑπὸ  $A\Gamma K$ , πρὸς τὸ ἀπὸ  $A\Gamma$ ,  
10 τοιτέστιν ὡς ἡ  $K\Gamma$  πρὸς  $GA$ , οὕτως  
τὸ ὑπὸ  $EZ\Theta$ , τοιτέστιν τὸ ὑπὸ  $AZL$ ,  
πρὸς τὸ ἀπὸ  $AZ$ , τοιτέστιν ἡ  $AZ$   
πρὸς  $ZL$ . ἀλλὰ καὶ ὡς ἡ  $B\Gamma$  πρὸς  
 $GA$ , οὕτως ἡ  $EZ$  πρὸς  $ZL$  [Eucl.  
15 VI, 4] διὰ τὴν ὁμοιότητα· καὶ ὡς  
ἄρα ἡ  $B\Gamma$  πρὸς  $\Gamma K$ , οὕτως ἡ  $EZ$   
πρὸς  $ZL$  [Eucl. V, 22]. ἀλλ' ὡς μὲν  
ἡ  $B\Gamma$  πρὸς  $\Gamma K$ , οὕτως ἐδείχθη ἡ  $A\Gamma$  πρὸς  $\Gamma H$ , ὡς  
δὲ ἡ  $EZ$  πρὸς  $ZL$ , οὕτως ἡ  $AZ$  πρὸς  $Z\Theta$ . καὶ ὡς ἄρα  
20 ἡ  $A\Gamma$  πρὸς  $\Gamma H$ , οὕτως ἡ  $AZ$  πρὸς  $Z\Theta$ . καὶ περὶ ἴσας  
γωνίας· ὁμοιον ἄρα ἔστιν τὸ  $A\Gamma H$  τρίγωνον τῷ  $AZ\Theta$   
τριγώνῳ [Eucl. VI, 6].

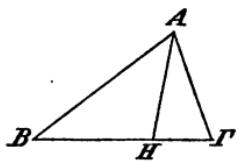
δομοίως καὶ τὸ  $AHB$  τῷ  $AZE$ , ὅτι καὶ τὸ  $ABG$   
τῷ  $AZL$ .

25 θ'. "Εστω ὁμοιον τὸ μὲν  $ABG$  τρίγωνον τῷ  $AEZ$   
τριγώνῳ, το δὲ  $AHB$  τῷ  $AE\Theta$ . ὅτι γίνεται, ὡς τὸ  
ὑπὸ  $B\Gamma H$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $GA$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $EZ\Theta$   
πρὸς τὸ ἀπὸ  $AZ$ .



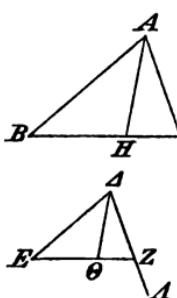
23. ὁμοίως — 24.  $AEZ$ ] interpolatori tribuit Hultsch. 28.  
 $AZ$ ]  $ZL$  Hultsch cum Halleio.

ἐπεὶ γὰρ διὰ τὴν ὁμοιότητα ἵση ἐστὶν ὅλη μὲν ἡ Α ὅλῃ τῇ Δ, ἡ δὲ ὑπὸ ΒΑΗ τῇ ὑπὸ ΕΔΘ, λοιπὴ



ἄρα ἡ ὑπὸ ΗΑΓ λοιπὴ τῇ ὑπὸ ΘΔΖ  
ἐστιν ἵση. ἀλλὰ καὶ ἡ Γ τῇ Ζ· ἐστιν  
ἄρα, ὡς ἡ ΗΓ πρὸς τὴν ΓΑ, οὕτως 5  
ἡ ΘΖ πρὸς ΖΔ. ἀλλὰ καί, ὡς ἡ  
ΒΓ πρὸς τὴν ΓΑ, οὕτως ἡν ἡ EZ  
πρὸς ΖΔ· καὶ ὁ συνημμένος ἄρα τῷ  
συνημμένῳ ἐστὶν ὁ αὐτός. ἐστιν ἄρα,  
ώς τὸ ὑπὸ ΒΓΗ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΑ, 10  
οὕτως τὸ ὑπὸ EZΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΔ.

ἰ'. "Ἄλλως μὴ διὰ τοῦ συνημμένου. κείσθω τῷ  
μὲν ὑπὸ ΒΓΗ ἵσου τὸ ὑπὸ ΑΓΚ, τῷ δὲ ὑπὸ EZΘ  
ἵσου τὸ ὑπὸ ΔΖΔ· ἐσται πάλιν, ὡς μὲν ἡ ΒΓ πρὸς



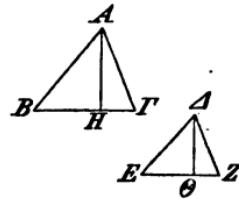
ΓΚ, οὕτως ἡ ΑΓ πρὸς ΓΗ, ὡς δὲ 15  
ἡ EZ πρὸς ΖΔ, οὕτως ἡ ΔΖ πρὸς  
ΖΘ. καὶ κατὰ τὰ αὐτὰ τῷ ἐπάνω  
δεῖξομεν, ὅτι ἐστίν, ὡς ἡ ΑΓ πρὸς  
ΓΗ, οὕτως ἡ ΔΖ πρὸς ΖΘ· καὶ ὡς  
ἄρα ἡ ΒΓ πρὸς ΓΚ, οὕτως ἡ EZ 20  
πρὸς ΖΔ. ἀλλὰ καί, ὡς ἡ ΒΓ πρὸς ΓΑ,  
οὕτως ἡ EZ πρὸς ΖΔ [Eucl. VI, 4]

διὰ τὴν ὁμοιότητα· δι' ἵσου ἄρα ἐστίν, ὡς ἡ ΚΓ  
πρὸς ΓΑ, τοιτέστιν ὡς τὸ ὑπὸ ΚΓΑ, ὃ ἐστιν τὸ ὑπὸ<sup>25</sup>  
ΒΓΗ, πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΓ, οὕτως ἡ ΔΖ πρὸς ΖΔ, τοιτέ  
ἐστιν τὸ ὑπὸ ΔΖΔ, ὃ ἐστιν τὸ ὑπὸ EZΘ, πρὸς τὸ  
ἀπὸ ΖΔ· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

ὁμοίως δὴ δεῖξομεν, καὶ ἐὰν ἢ, ὡς τὸ ὑπὸ ΒΓΗ  
πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΓ, οὕτως τὸ ὑπὸ EZΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΔ,

καὶ ὅμοιον τὸ  $AB\Gamma$  τρίγωνον τῷ  $\Delta EZ$  τριγώνῳ, ὅτι  
καὶ τὸ  $ABH$  τρίγωνον τῷ  $\Delta \Theta Z$  τριγώνῳ ὅμοιον.

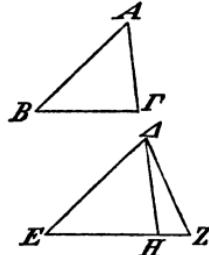
ια'. "Εστω δύο ὅμοια τρίγωνα  
τὰ  $AB\Gamma$ ,  $\Delta EZ$ , καὶ κάθετοι ἡχθω-  
σαν αἱ  $AH$ ,  $\Delta \Theta$ . ὅτι ἐστίν, ὡς τὸ  
ὑπὸ  $BHG$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $AH$ , οὗτως  
τὸ ὑπὸ  $E\Theta Z$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $\Theta\Delta$ .



τοῦτο δὲ φανερόν, ὅτι ὅμοιον γίνεται τοῖς πρὸ  
αὐτοῦ.

10 ιβ'. "Εστω ἵση ἡ μὲν  $B$  γωνία τῇ  $E$ , ἐλάσσων δὲ  
ἡ  $A$  τῆς  $\Delta$ . ὅτι ἡ  $\Gamma B$  πρὸς  $BA$  ἐλάσσονα λόγον ἔχει  
ἢπερ ἡ  $ZE$  πρὸς  $E\Delta$ .

ἐπεὶ γὰρ ἐλάσσων ἡ  $A$  γωνία  
τῆς  $\Delta$ , συνεστάτω αὐτῇ ἵση ἡ ὑπὸ<sup>17</sup>  
15  $E\Delta H$ . ἐστιν ἄρα, ὡς ἡ  $\Gamma B$  πρὸς  
 $BA$ , οὗτως ἡ  $EH$  πρὸς  $E\Delta$  [Eucl.  
VI, 4]. ἀλλὰ καὶ ἡ  $EH$  πρὸς  $E\Delta$   
ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢπερ ἡ  $ZE$   
πρὸς  $E\Delta$  [Eucl. V, 8]. καὶ ἡ  $\Gamma B$  ἄρα  
20 πρὸς τὴν  $BA$  ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἢπερ ἡ  $ZE$  πρὸς  
τὴν  $E\Delta$ . καὶ πάντα δὲ τὰ τοιαῦτα τῇ αὐτῇ ἀγωγῇ  
δεῖξομεν.

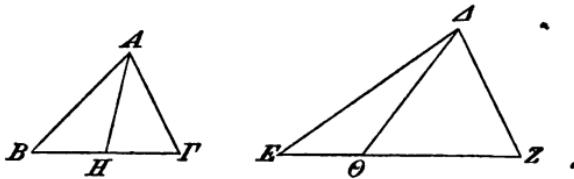


ιγ'. "Εστω, ὡς τὸ ὑπὸ  $BHG$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $AH$ ,  
οὗτως τὸ ὑπὸ  $E\Theta Z$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $\Delta \Theta$ , καὶ ἡ μὲν  $BH$   
25 τῇ  $HG$  ἐστω ἵση, ἡ δὲ  $\Gamma H$  πρὸς  $HA$  ἐλάσσονα λόγον  
ἔχετω ἢπερ ἡ  $Z\Theta$  πρὸς  $\Theta\Delta$ . ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ  $Z\Theta$   
τῆς  $\Theta E$ .

ἐπεὶ γὰρ τὸ ἀπὸ  $\Gamma H$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $HA$  ἐλάσσονα

17. ἀλλ' ἐπεὶ ἡ  $EH$  coni. Hultsch.

λόγον ἔχει ἥπερ τὸ ἀπὸ ΖΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΔ, ἀλλὰ τὸ ἀπὸ ΓΗ ἵσουν ἐστὶν τῷ ὑπὸ ΒΗΓ, τὸ ἄρα ὑπὸ ΒΗΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΗ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἥπερ τὸ ἀπὸ ΖΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΔ. ἀλλ' ὡς τὸ ὑπὸ ΒΗΓ

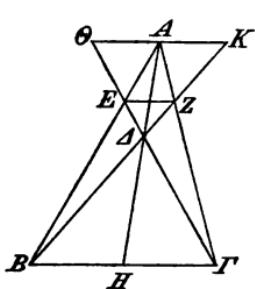


πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΗ, οὗτως ὑπέκειτο τὸ ὑπὸ ΕΘΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΔ· καὶ τὸ ὑπὸ ΕΘΖ ἄρα πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΔ ἐλάσσονα λόγον ἔχει ἥπερ τὸ ἀπὸ ΖΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘΔ. μεῖζον ἄρα ἐστὶν τὸ ἀπὸ ΖΘ τοῦ ὑπὸ ΕΘΖ [Eucl. V, 10]· ὥστε μεῖζων ἐστὶν ἡ ΖΘ τῆς ΘΕ.

Toῦ γ'.

10

α'. Καταγραφὴ ἡ ΑΒΓΔΕΖΗ, ἐστιν δὲ ἵση ἡ ΒΗ τῇ ΗΓ· δτι παράλληλος ἐστιν ἡ ΕΖ τῇ ΒΓ.



ἥχθω διὰ τοῦ Α τῇ ΒΓ παράλληλος ἡ ΘΚ, καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αἱ ΒΖ, ΓΕ ἐπὶ τὰ Κ, Θ σημεῖα. 15 ἐπεὶ οὖν ἵση ἐστὶν ἡ ΒΗ τῇ ΗΓ, ἵση ἄρα ἐστὶν καὶ ἡ ΘΔ τῇ ΑΚ [Eucl. VI, 4]. ἐστιν ἄρα, ὡς ἡ ΒΓ πρὸς τὴν ΘΔ, τουτέστιν ὡς ἡ ΒΕ πρὸς τὴν ΕΔ [Eucl. VI, 4], οὗτως 20 ἡ ΒΓ πρὸς τὴν ΚΔ [Eucl. V, 7], τουτέστιν ἡ ΓΖ πρὸς ΖΔ [Eucl. VI, 4]· παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ ΕΖ τῇ ΒΓ [Eucl. VI, 2].

$\beta'$ . "Εστω δύο τρίγωνα τὰ  $ABΓ$ ,  $ΔEZ$  ἵσας ἔχοντα τὰς  $A$ ,  $Δ$  γωνίας, ἵσον δὲ ἐστω τὸ ὑπὸ  $BAG$  τῷ ὑπὸ  $EΔZ$ . ὅτι καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ ἐστὶν ἵσον.

ἥχθωσαν κάθετοι αἱ  $BH$ ,  $EΘ$ . ἐστιν ἄρα, ὡς ἡ  $BH$  πρὸς τὴν  $BA$ , οὕτως ἡ  $EΘ$  πρὸς τὴν  $EΔ$  [Eucl. VI, 4]. καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ  $BH$ ,

$AG$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $BA$ ,  $ΔΓ$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $EΘ$ ,  $ΔZ$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $EΔZ$ . ἐναλλάξ, ὡς τὸ ὑπὸ  $BH$ ,  $AG$

10 πρὸς τὸ ὑπὸ  $EΘ$ ,  $ΔZ$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $BAG$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $EΔZ$ .

ἵσον δέ ἐστιν τὸ ὑπὸ  $BAG$  τῷ ὑπὸ  $EΔZ$ . ἵσον ἄρα ἐστὶν καὶ τὸ

ὑπὸ  $BH$ ,  $AG$  τῷ ὑπὸ  $EΘ$ ,  $ΔZ$ . ἀλλὰ τοῦ μὲν ὑπὸ

15  $BH$ ,  $AG$  ἥμισυ ἐστιν τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον, τοῦ δὲ ὑπὸ  $EΘ$ ,  $ΔZ$  ἥμισυ ἐστιν τὸ  $ΔEZ$  τρίγωνον· καὶ τὸ  $ABΓ$  ἄρα τρίγωνον τῷ  $ΔEZ$  τριγώνῳ ἵσον ἐστίν.

φανερὸν δή, ὅτι καὶ τὰ διπλᾶ αὐτῶν παραλληλόγραμμα ἵσα ἐστίν.

20 γ'. Τρίγωνον τὸ  $ABΓ$ , καὶ παράλληλος ἡ  $ΔE$  τῇ  $BΓ$ . ὅτι ἐστίν, ὡς τὸ ἀπὸ  $BA$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ΔΔ$ , οὕτως τὸ  $ABΓ$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $ΔΔE$  τρίγωνον.

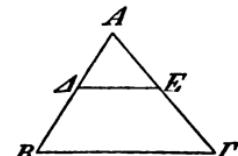
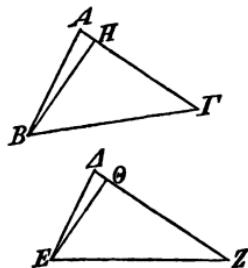
ἐπεὶ γὰρ ὅμοιόν ἐστιν τὸ  $ABΓ$

τρίγωνον τῷ  $ΔΔE$  τριγώνῳ, τὸ ἄρα

25  $ABΓ$  τρίγωνον πρὸς τὸ  $ΔΔE$  τρίγωνον διπλασίονα λόγον ἔχει ἥπερ ἡ  $BA$  πρὸς  $ΔΔ$  [Eucl. VI, 19]. ἀλλὰ

καὶ τὸ ἀπὸ  $BA$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ΔΔ$  διπλασίονα λόγον

ἔχει ἥπερ ἡ  $BA$  πρὸς τὴν  $ΔΔ$ . ἐστιν ἄρα, ὡς τὸ ἀπὸ



9. ἐναλλάξ — 11.  $EΔZ$ ] om. Hultsch cum Halleio.

*ΒΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΔ, οὗτος τὸ ΑΒΓ τρίγωνον πρὸς τὸ ΑΔΕ τρίγωνον.*

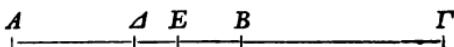
δ'. "Ισαι αἱ ΑΒ, ΓΔ καὶ τυχὸν σημεῖον τὸ Ε· διὰ τὸ ὑπὸ ΓΕΒ τοῦ ὑπὸ ΓΑΒ ὑπερέχει τῷ ὑπὸ ΔΕΑ.

τετμήσθω ἡ ΒΓ δίχα τῷ Ζ· τὸ Ζ ἄρα διχοτομία ἔστιν καὶ τῆς ΑΔ. καὶ ἐπεὶ τὸ ὑπὸ ΓΕΒ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΒΖ ἵσουν ἔστιν τῷ ἀπὸ ΕΖ [Eucl. Π, 6], ἀλλὰ καὶ τὸ ὑπὸ ΔΕΑ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΑΖ ἵσουν ἔστιν τῷ ἀπὸ ΕΖ, καὶ ἔστιν τὸ ἀπὸ ΑΖ ἵσουν τῷ ὑπὸ ΓΑΒ μετα τοῦ ἀπὸ ΒΖ, κοινὸν ἐκ-  
κενφούσθω τὸ ἀπὸ ΒΖ· λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ ΓΕΒ ἵσουν ἔστιν τῷ τε ὑπὸ ΓΑΒ καὶ τῷ ὑπὸ ΔΕΑ. ὥστε τὸ ὑπὸ ΓΕΒ τοῦ ὑπὸ ΓΑΒ ὑπερέχει τῷ ὑπὸ ΔΕΑ· διό τοι δεῖξαι.

ε'. Ἐὰν δὲ τὸ σημεῖον ἡ μεταξὺ τῶν Α, Β σημεῖον, 15 τὸ ὑπὸ ΓΕΒ τοῦ ὑπὸ ΓΑΒ ἔλασσον ἔσται τῷ αὐτῷ χωρίῳ, οὐπέρ ἔστιν κατὰ τὰ αὐτὰ ἡ ἀπόδειξις.

Ἐὰν δὲ τὸ σημεῖον ἡ μεταξὺ τῶν Β, Γ, τὸ ὑπὸ ΓΕΒ τοῦ ὑπὸ ΑΕΔ ἔλασσον ἔσται τῷ ὑπὸ ΑΒΔ τῇ αὐτῇ ἀγωγῇ. 20

σ'. "Ιση ἡ ΑΒ τῇ ΒΓ, καὶ δύο σημεῖα τὰ Δ, Ε· διὰ τὸ τετράκις ἀπὸ τῆς ΑΒ τετράγωνον ἵσουν ἔστιν τῷ δὶς ὑπὸ ΑΔΓ μετὰ τοῦ δὶς ὑπὸ ΑΕΓ καὶ δὶς τῶν ἀπὸ ΒΔ, ΒΕ τετραγώνων.

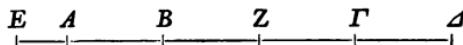


τοῦτο δὲ φανερόν· τὸ μὲν γὰρ δὶς ἀπὸ ΑΒ διὰ 25 τῶν διχοτομῶν ἵσουν ἔστιν τῷ τε δὶς ὑπὸ ΑΔΓ καὶ

9. καὶ ἔστιν] ἔστιν ἄρα καὶ coni. Hultsch. 14. ἔδει  
δεῖξαι] :~ codd.

τῷ δὶς ἀπὸ ΑΒ, τὸ δὲ δὶς ἀπὸ ΑΒ ἵσον ἐστὶν τῷ τε δὶς ὑπὸ ΑΕΓ καὶ τῷ δὶς ἀπὸ ΕΒ τετραγώνῳ [Eucl. II, 5].

ζ'. Ἰση ἡ ΑΒ τῇ ΓΔ, καὶ σημεῖον τὸ Ε· διὰ τὰ ἀπὸ τῶν ΑΕ, ΕΔ τετράγωνα ἵσα τοῖς ἀπὸ τῶν ΒΕ, ΕΓ  
5 τετραγώνοις καὶ τῷ δὶς ὑπὸ τῶν ΑΓΔ.



τετμήσθω δίχα ἡ ΒΓ κατὰ τὸ Ζ. ἐπεὶ οὖν τὸ δὶς ἀπὸ τῆς ΑΖ ἵσον ἐστὶν τῷ τε δὶς ὑπὸ ΑΓΔ καὶ δὶς ἀπὸ ΓΖ [Eucl. II, 5], κοινοῦ προστεθέντος τοῦ δὶς ἀπὸ ΕΖ ἵσον ἐστὶν τό τε δὶς ὑπὸ ΑΓΔ καὶ τα δὶς 10 ἀπὸ τῶν ΕΖΓ τοῖς δὶς ἀπὸ τῶν ΑΖ, ΖΕ τετραγώνοις. ἀλλὰ τοῖς μὲν δὶς ἀπὸ τῶν ΑΖ, ΖΕ ἵσα ἐστὶν τὰ ἀπὸ τῶν ΑΕ, ΕΔ τετράγωνα, τοῖς δὲ δὶς ἀπὸ τῶν ΓΖ, ΖΕ ἵσα ἐστὶν τὰ ἀπὸ τῶν ΒΕ, ΕΓ τετράγωνα [Eucl. II, 10]. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν ΑΕ, ΕΔ τετράγωνα 15 ἵσα ἐστὶν τοῖς τε ἀπὸ τῶν ΒΕ, ΕΓ τετραγώνοις καὶ τῷ δὶς ὑπὸ τῶν ΑΓΔ.

η'. Ἐστω τὸ ὑπὸ ΒΑΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΔ ἵσον τῷ ἀπὸ ΑΑ· διὰ τοῦ ἵση ἐστὶν ἡ ΓΔ τῇ ΑΒ.

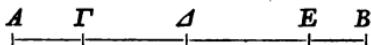


κοινὸν γὰρ ἀφηρήσθω τὸ ἀπὸ ΓΔ· λοιπὸν ἄρα τὸ 20 ὑπὸ ΒΑΓ ἵσον ἐστὶ τοῖς ὑπὸ τῶν ΑΑΓ, ΑΓΔ [Eucl. II, 2; II, 3]. ἐπεὶ δὲ τὸ ὑπὸ ΒΑΓ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΑΑΓ καὶ τῷ ὑπὸ ΒΔ, ΑΓ [Eucl. II, 1], κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ὑπὸ ΑΑΓ· λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ ΑΓ, ΑΒ

8. κοινοῦ] Halley, ἀλλὰ κοινοῦ codd., κοινοῦ ἄρα coni. Hultsch. 10. ΕΖΓ] ΓΖ, ΖΕ Hultsch cum Halleio. 19. λοιπόν — 23. ΑΑΓ] om. codd., suppleuit Hultsch praeente Halleio (ante τοῖς lin. 20 addunt: τῇ τῶν ἀπὸ ΑΔ, ΔΓ ὑπεροχῇ, τουτέστιν).

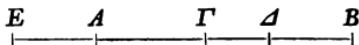
ἴσον ἔστιν τῷ ὑπὸ ΑΓΑ. ἵση ἄρα ἔστιν ἡ ΑΓ τῇ ΑΒ· ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

θ'. "Εστω τὸ ὑπὸ ΑΓΒ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΔ, ἴσον τῷ ἀπὸ ΔΒ τετραγώνῳ· ὅτι ἴση ἔστιν ἡ ΑΔ τῇ ΑΒ.



κείσθω τῇ ΓΔ ἴση ἡ ΑΕ· τὸ ἄρα ὑπὸ ΓΒΕ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΑΕ, τοντέστιν τοῦ ἀπὸ ΓΔ, ἴσον τῷ ἀπὶ ΔΒ [Eucl. II, 6], τοντέστιν τῷ ὑπὸ ΒΓΔ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΓΔ· ὥστε τὸ ὑπὸ ΓΒΕ ἴσον ἔστιν τῷ ὑπὸ ΒΓΔ· ἴση ἄρα ἔστιν ἡ ΑΓ τῇ ΕΒ. ἀλλὰ καὶ ἡ ΓΔ τῇ ΑΕ· ὅλη ἄρα ἡ ΑΔ ὅλῃ τῇ ΔΒ ἴση ἔστιν. 10

ι'. "Εστω πάλιν τὸ ὑπὸ ΒΑΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΑΒ ἴσον τῷ ἀπὸ ΑΔ· ὅτι ἴση ἔστιν ἡ ΓΔ τῇ ΑΒ.

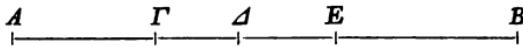


κείσθω τῇ ΑΒ ἴση ἡ ΑΕ. ἐπεὶ οὖν τὸ ὑπὸ ΒΑΓ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΑΒ, τοντέστιν τοῦ ἀπὸ ΕΑ, ἴσον ἔστιν τῷ ἀπὸ ΑΔ τετραγώνῳ, κοινὸν ἀφηρόμενον τὸ ὑπὸ ΑΑΓ· λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ ΒΔ, ΑΓ [Eucl. II, 1], τοντέστιν τὸ ὑπὸ ΕΑΓ, μετὰ τοῦ ἀπὸ ΕΑ, ὃ ἔστιν τὸ ὑπὸ ΓΕΑ [Eucl. II, 3], ἴσον ἔστιν τῷ ὑπὸ ΑΔΓ [Eucl. II, 2]. ἴση ἄρα [Eucl. VI, 16; V, 18; V, 9] ἔστιν ἡ ΕΑ, τοντέστιν ἡ ΒΔ, τῇ ΑΓ. 20

ια'. Εὐθεῖα ἡ ΑΒ, ἐφ' ἣς ἡ σημεῖα τὰ Γ, Δ, Ε οὕτως, ὥστε ἴσην μὲν εἶναι τὴν ΒΕ τῇ ΕΓ, τὸ δὲ ὑπὸ ΑΕΔ τῷ ἀπὸ ΕΓ· ὅτι γίνεται, ὡς ἡ ΒΔ πρὸς ΑΓ, οὕτως ἡ ΒΔ πρὸς ΑΓ.

2. ὅπερ ἔδει δεῖξαι] ο codd. 7. ΒΓΔ] ΕΑΓ codd., ΑΓΒ Hultsch cum Halleio. 8. ΒΓΔ] ΑΓΒ Hultsch cum Halleio.

ἐπεὶ γὰρ τὸ ὑπὸ  $AED$  ἵσον ἔστιν τῷ ἀπὸ  $EΓ$ ,  
ἀνάλογον [Eucl. VI, 17] καὶ ἀναστρέψαντι καὶ δἰς τὰ



ἡγούμενα καὶ διελόντι· ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ  $BΔ$  πρὸς τὴν  
 $ΑΓ$ , οὕτως ἡ  $BΔ$  πρὸς  $ΔΓ$ .

5 ιβ'. "Ἐστω πάλιν τὸ ὑπὸ  $BΓΔ$  ἵσον τῷ ἀπὸ  $ΓΕ$ ,  
ἴση δὲ ἡ  $ΑΓ$  τῇ  $ΓΕ$ . ὅτι τὸ ὑπὸ  $ABE$  ἵσον ἔστιν  
τῷ ὑπὸ  $ΓΒΔ$ .



ἐπεὶ γὰρ τὸ ὑπὸ  $BΓΔ$  ἵσον ἔστιν τῷ ἀπὸ  $ΓΕ$ ,  
ἀνάλογόν ἔστιν [Eucl. VI, 17], ὡς ἡ  $BΓ$  πρὸς  $ΓΕ$ ,  
10 τουτέστιν πρὸς τὴν  $ΓΑ$ , οὕτως ἡ  $ΓΕ$ , τουτέστιν ἡ  $ΑΓ$ ,  
πρὸς τὴν  $ΓΔ$ . καὶ ὅλη πρὸς ὅλην [Eucl. V, 12] καὶ  
ἀναστρέψαντι καὶ χωρίου χωρίῳ [Eucl. VI, 16]. τὸ ἄρα  
ὑπὸ  $ABE$  ἵσον ἔστιν τῷ ὑπὸ  $ΓΒΔ$ .

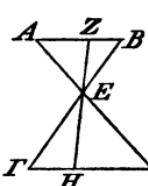
φανερὸν δέ, ὅτι καὶ τὸ ὑπὸ  $AΔE$  ἵσον ἔστι τῷ  
15 ὑπὸ  $BΔΓ$ . ἐὰν γὰρ ἀφαιρεθῇ τὸ ἀπὸ  $ΓΔ$  κοινὸν ἀπὸ  
τῆς τοῦ ἀπὸ  $ΓΕ$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $BΓΔ$  ἴσοτητος, γίνεται  
[Eucl. II, 3; II, 5].

ιγ'. Εἰς δύο παραλλήλους τὰς  $AB$ ,  $ΓΔ$  διά τε τοῦ  
αὐτοῦ σημείου τοῦ  $E$  τρεῖς διήχθωσαν αἱ  $AED$ ,  
20  $BEG$ ,  $ZEH$ . ὅτι ἔστιν, ὡς τὸ ὑπὸ  $AEB$  πρὸς τὸ ὑπὸ  
 $AZB$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $ΓΕΔ$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $ΓΗΔ$ .

διὰ τοῦ συνημμένου φανερόν· ὡς μὲν γὰρ ἡ  $AE$   
πρὸς τὴν  $EΔ$ , οὕτως ἡ  $AZ$  πρὸς τὴν  $HΔ$ , ὡς δὲ ἡ  
 $BE$  πρὸς τὴν  $EΓ$ , οὕτως ἡ  $ZB$  πρὸς τὴν  $HΓ$  [Eucl.  
25 VI, 4], καὶ σύγκειται ἐκ τούτων τὰ χωρία· μένει ἄρα.

25. μένει] scripsi, μὲν τι codd., γίνεται Hultsch.

ἔστιν δὲ καὶ οὕτως μὴ προσχρησάμενον τῷ συνημμένῳ. ἐπεὶ γάρ ἔστιν, ὡς ἡ  $\triangle AE$  πρὸς τὴν  $EB$ ,



οὕτως ἡ  $\triangle EA$  πρὸς τὴν  $EΓ$  [Eucl. VI, 4],

καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ  $\triangle AEB$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $EB$ , 5

$EΓ$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $\triangle EΓ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $EΓ$ . ἀλλὰ καὶ, ὡς τὸ ἀπὸ  $BE$  πρὸς τὸ

ἀπὸ  $BZ$ , οὕτως τὸ ἀπὸ  $EΓ$  πρὸς τὸ 10

ἀπὸ  $GH$  [Eucl. VI, 4]. δι' ἵσου ἄρα

ἔστιν, ὡς τὸ υπὸ  $AEB$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $ZB$ , οὕτως τὸ

υπὸ  $GEA$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $GH$ . ἀλλὰ καὶ, ὡς τὸ ἀπὸ  $ZB$  15

πρὸς τὸ ὑπὸ  $BZA$ , οὕτως τὸ ἀπὸ  $GH$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $GHΔ$ . δι' ἵσου ἄρα ἔστιν, ὡς τὸ ὑπὸ  $AEB$  πρὸς τὸ

ὑπὸ  $AZB$ , οὕτως τὸ ὑπὸ  $GEA$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $GHΔ$ .

## II.

### SERENUS.

Serenus de sectione cylindri prop. 16 p. 16 ed.  
Halley:

5     Τούτων οὗτως ἔχόντων φανερόν ἔστιν, ὅτι ἡ *ΑΒΓ*  
τοῦ κυλίνδρου τομὴ ἐλλειψὶς ἔστιν· ὅσα γὰρ ἐνταῦθα  
τῇ τομῇ ἐδείχθη ὑπάρχοντα, πάντα δμοίως καὶ ἐπὶ  
τοῦ κώνου τῇ ἐλλειψεὶ ὑπῆρχεν, ὡς ἐν τοῖς Κωνικοῖς  
δείκνυνται θεωρήματι τε' τοῖς δυναμένοις λέγειν τὴν  
10 ἀκρίβειαν τοῦ θεωρήματος, καὶ ἡμεῖς ἐν τοῖς εἰς αὐτὰ  
ὑπομνήμασι γεωμετριῶς ἀπεδείξαμεν.

---

8. ὑπῆρχεν] cod. Cnopolitanus c, ὑπῆρχον Halley.      11.  
ὑπομνήμασι] c, ὑπομνήμασιν Halley.

### III.

## HYPATIA.

Suidas s. u. *'Τπατία* p. 1059 a ed. Bekker:

*"Εγραψεν . . . εἰς τὰ κωνικὰ Ἀπολλωνίου ὑπόμνημα.*

---

## IV.

### EUTOCII COMMENTARIA IN CONICA.

*Eἰς τὸ πρῶτον.*

5     Ἄπολλάνιος δὲ γεωμέτρης, ωφίλες ἔταιρες Ἀνθέμιες,  
γέγονε μὲν ἐκ Πέργης τῆς ἐν Παμφυλίᾳ ἐν χρόνοις  
τοῦ Εὐεργέτου Πτολεμαίου, ὃς ἴστορεῖ Ἡράκλειος ὁ  
τὸν βίον Ἀρχιμήδους γράψων, ὃς καὶ φησι τὰ κωνικὰ  
θεωρήματα ἐπινοῆσαι μὲν πρῶτον τὸν Ἀρχιμήδη, τὸν  
10 δὲ Ἀπολλάνιον αὐτὰ ευρόντα ὑπὸ Ἀρχιμήδους μὴ ἐκ-  
δοθέντα ἰδιοποιήσασθαι, οὐκ ἀληθεύσων κατά γε τὴν  
ἐμήν. ὅ τε γὰρ Ἀρχιμήδης ἐν πολλοῖς φαίνεται ὡς  
παλαιοτέρας τῆς στοιχειώσεως τῶν κωνικῶν μεμνη-  
μένος, καὶ ὁ Ἀπολλάνιος οὐχ ὡς ἰδίας ἐπινοίας γράφει.  
15 οὐ γὰρ ἂν ἔφη ἐπὶ πλέον καὶ καθόλου μᾶλλον  
ἔξειργάσθαι ταῦτα παρὰ τὰ ὑπὸ τῶν ἄλλων  
γεγραμμένα. ἀλλ' ὅπερ φησὶν δὲ Γεμῖνος ἀληθές  
ἔστιν, ὅτι οἱ παλαιοὶ κῶνοι δριζόμενοι τὴν τοῦ ὁρθο-  
γωνίου τριγώνου περιφορὰν μενούσης μιᾶς τῶν περὶ  
20 τὴν ὁρθὴν εἰκότως καὶ τοὺς κώνους πάντας ὁρθοὺς  
ὑπελάμβανον γίνεσθαι καὶ μίαν τομὴν ἐν ἐκάστῳ, ἐν

---

4. Εὐτοκίου Ἀσκαλωνίτου εἰς τὸ α' τῶν Ἀπολλάνιον κωνι-  
κῶν τῆς κατ' αὐτὸν ἐκδόσεως ὑπόμνημα Wp.      6. γέγονε] p,

## In librum I.

Apollonius geometra, amicissime mihi Anthemie, ex Perga urbe Pamphyliae oriundus vixit temporibus Ptolemaei Euergetae, ut narrat Heraclius, qui vitam scripsit Archimedis; idem dicit, propositiones conicas primum inuenisse Archimedem, Apollonium autem, cum eas ab Archimedea non editas reperisset, sibi adrogasse; sed mea quidem sententia fallitur. nam et adparet, Archimedem saepe elementa conica ut antiquiora commemorare, et Apollonius sua ipsius inuenta se exponere minime profitetur; alioquin non dixisset [I p. 4, 3—5], se ea latius uniuersaliusque exposuisse, quam quae ceteri de iis scripsissent. immo Geminus uerum uidit, ueteres, qui conum definirent ortum circumactione trianguli rectanguli manente altero latere eorum, quae angulum rectum comprehenderent, iure omnes conos rectos fieri putasse et in singulis unam oriri sectionem, in rectangulo eam, quam nunc

---

γέγονεν W. τῆς ἐν Παμφυλίᾳ] p, in ras. m. 1 W. 7.  
Ἡράκλειος] p, —ειος W<sup>1</sup>. 8. Ἀρχημήδους, ε in ras. m. 1, W,  
sed corr. γράφων, δε κατ'] p, —ν δε κατ' W<sup>1</sup>. 9. Ἀρχι-  
μήδην p. 10. εὐρώντα W, sed corr. 12. ἐμὴν γνῶσιν p.  
15. οὐ] comp. e corr. p. 17. Γεμῖνος] w, Γεμίνος W,  
Γεμίνος p. 18. παλαιοὶ] p, —οι W<sup>1</sup>. κῶνον] corr. ex  
λωνιον m. 1 W. —θογωνίον in ras. m. 1 W. 19. μενούσης  
μιᾶς] p; —σης μιᾶς W<sup>1</sup> seq. lineola transuersa. 21. γείνεσθαι W.

μὲν τῷ ὁρθογωνίῳ τὴν νῦν καλουμένην παραβολήν,  
 ἐν δὲ τῷ ἀμβλυγωνίῳ τὴν ὑπερβολήν, ἐν δὲ τῷ ὁξυ-  
 γωνίῳ τὴν ἔλλειψιν· καὶ ἔστι παρ' αὐτοῖς εὑρεῖν οὕτως  
 ὄνομαξιμένας τὰς τομάς. ὥσπερ οὖν τῶν ἀρχαίων  
 5 ἐπὶ ἐνδός ἐκάστου εἰδούς τριγώνου θεωρησάντων τὰς  
 δύο ὁρθὰς πρότερον ἐν τῷ ἴσοπλεύρῳ καὶ πάλιν ἐν  
 τῷ ἴσοσκελεῖ καὶ ὕστερον ἐν τῷ σκαληνῷ οἱ μετα-  
 γενέστεροι καθολικὸν θεώρημα ἀπέδειξαν τοιοῦτο· παν-  
 τὸς τριγώνου αἱ ἐντὸς τρεῖς γωνίαι δυσὶν ὁρθαῖς ἵσαι  
 10 εἰσίν· οὕτως καὶ ἐπὶ τῶν τοῦ κώνου τομῶν· τὴν μὲν  
 γὰρ λεγομένην ὁρθογωνίου κώνου τομὴν ἐν ὁρθο-  
 γωνίῳ μόνον κώνῳ ἐθεώρουν τεμνομένῳ ἐπιπέδῳ ὁρθῷ  
 πρὸς μίαν πλευρὰν τοῦ κώνου, τὴν δὲ τοῦ ἀμβλυ-  
 γωνίου κώνου τομὴν ἐν ἀμβλυγωνίῳ γινομένην κώνῳ  
 15 ἀπεδείκνυσαν, τὴν δὲ τοῦ ὁξυγωνίου ἐν ὁξυγωνίῳ,  
 διοιώσις ἐπὶ πάντων τῶν κώνων ἄγοντες τὰ ἐπίπεδα  
 ὁρθὰ πρὸς μίαν πλευρὰν τοῦ κώνου· δῆλοι· καὶ  
 αὐτὰ τὰ ἀρχαῖα ὄνόματα τῶν γραμμῶν. ὕστερον δὲ  
 Ἀπολλώνιος ὁ Περγαῖος καθόλου τι ἐθεώρησεν, διτι  
 20 ἐν παντὶ κώνῳ καὶ ὁρθῷ καὶ σκαληνῷ πᾶσαι αἱ τομαὶ  
 εἰσι κατὰ διάφορον τοῦ ἐπιπέδου πρὸς τὸν κῶνον  
 προσβολήν· ὃν καὶ θαυμάσαντες οἱ κατ' αὐτὸν γενό-  
 μενοι διὰ τὸ θαυμάσιον τῶν ὑπ' αὐτοῦ δεδειγμένων  
 κωνικῶν θεωρημάτων μέγαν γεωμέτρην ἐκάλουν. ταῦτα  
 25 μὲν οὖν ὁ Γεμίνος ἐν τῷ ἔκτῳ φησὶ τῆς τῶν μαθη-  
 μάτων θεωρίας. ὃ δὲ λέγει, σαφὲς ποιήσομεν ἐπὶ τῶν  
 ὑποκειμένων καταγραφῶν.

ἔστω τὸ διὰ τοῦ ἄξονος τοῦ κώνου τρίγωνον τὸ

---

2. ἐν δέ — ὑπερβολήν] p, mg. W<sup>1</sup>. 3. ἔστιν W. 7.  
 σκαληνῷ] α corr. ex λ m. 1 W. 8. ἀπέδειξαν] p, W<sup>1</sup>. παν-  
 τός] π corr. ex ν m. 1 W. 10. οὕτω p. 13. δέ] supra

parabolam uocant, in obtusiangulo hyperbolam, in acutiangulo ellipsim; et sectiones illas apud eos ita denominatas inuenias. sicut igitur, cum ueteres propositionem de angulis duobus rectis aequalibus in singulis generibus trianguli inuestigassent, primum in aequilatero, postea in aequicurrio, deinde uero in scaleno, recentiores propositionem uniuersalem demonstrauerunt talem: cuiusuis trianguli tres anguli interiores duobus rectis aequales sunt [Eucl. I, 32], ita etiam in coni sectionibus factum est; sectionem enim rectanguli coni quae uocatur in solo cono rectangulo perscrutabantur secto plano ad latus coni perpendiculari, sectionem autem coni obtusianguli in cono obtusiangulo, sectionem autem acutianguli in acutiangulo oriri demonstrabant in omnibus conis similiter planis ad latus coni perpendicularibus ductis; id quod ipsa nomina linearum illarum antiqua docent. postea uero Apollonius Pergaeus uniuersaliter inuestigauit, in quo uis cono et recto et scaleno omnes sectiones illas oriri secundum uariam plani ad conum positionem; quem admirati aequales ob admiranda theoremeta conica ab eo demonstrata magnum geometram adpellabant. haec igitur Geminus in libro sexto de scientia mathematica; et quae dicit, nos in figuris infra descriptis illustrabimus.

sit *ABΓ* triangulus per axem coni positus, et a

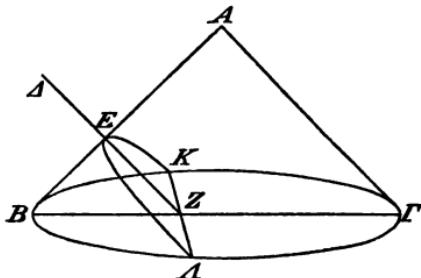
scr. in ras. W<sup>1</sup>. 14. ἐν] w, om. W p. 15. ἀποδείκνυσαν W,  
corr. W<sup>1</sup> 18. τὸ] p, om. W. 19. παθόλον — 20. ἐν π—]  
p, W<sup>1</sup>. 21. εἰσιν W. 23. δεδειγ— in ras. m. 1 W 24.  
κωνικῶν] W p, mg. ἐν ἄλλῳ παθολικῷ m. 1 p, W<sup>1</sup>. 25. Γε-  
μῖνος] vw, Γεμῖνος W, Γεμῖνος p.

$AB\Gamma$ , καὶ ἥχθω τῇ  $AB$  ἀπὸ τυχόντος σημείου τοῦ  $E$  πρὸς δρθὰς ἡ  $\Delta E$ , καὶ τὸ διὰ τῆς  $\Delta E$  ἐπίπεδον ἐκβληθὲν δρθὸν πρὸς τὴν  $AB$  τεμνέτω τὸν κῶνον· δρθὴ ἄρα ἔστιν ἐκατέρᾳ τῶν

5 ὑπὸ  $A\Delta E$ ,  $AEZ$  γωνιῶν. δρθογωνίου μὲν ὅντος τοῦ κώνου καὶ δρθῆς δηλούντι τῆς ὑπὸ  $BAG$  γωνίας ὡς  
10 ἐπὶ τῆς πρώτης καταγραφῆς δύο δρθαῖς ἵσαι

ἔσονται αἱ ὑπὸ  $BAG$ ,  $AEZ$  γωνίαι· ὥστε παράλληλος  
ἔσται ἡ  $\Delta EZ$  τῇ  $AG$ . καὶ γίνεται ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ  
τοῦ κώνου τομὴ ἡ καλούμενη παραβολὴ οὕτω κλη-  
15 θεῖσα ἀπὸ τοῦ παράλληλον εἰναι τὴν  $\Delta EZ$ , ἣτις ἔστι  
κοινὴ τομὴ τοῦ τέμνοντος ἐπιπέδου καὶ τοῦ διὰ τοῦ  
ἄξονος τριγώνου, τῇ  $AG$  πλευρᾷ τοῦ τριγώνου.

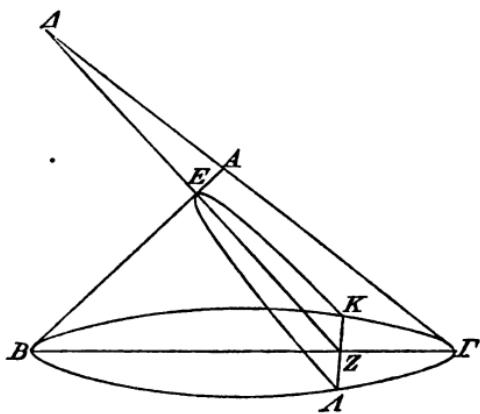
ἐὰν δὲ ἀμβλυγώνιος ἡ ὁ κῶνος ὡς ἐπὶ τῆς δευτέρας καταγραφῆς ἀμβλεῖας δηλούντι οὖσης τῆς ὑπὸ<sup>2</sup>  
20  $BAG$ , δρθῆς δὲ τῆς ὑπὸ  $AEZ$ , δύο δρθῶν μείζους  
ἔσονται αἱ ὑπὸ  $BAG$ ,  $AEZ$  γωνίαι· ὥστε οὐ συμπεσεῖται ἡ  $\Delta EZ$  τῇ  $AG$  πλευρᾷ ἐπὶ τὰ πρὸς τοῖς  $Z$ ,  $G$   
μέρη, ἀλλὰ ἐπὶ τὰ πρὸς τοῖς  $A$ ,  $E$  προσεκβαλλομένης  
δηλούντι τῆς  $GA$  ἐπὶ τὸ  $\Delta$ . ποιήσει οὖν τὸ τέμνον  
25 ἐπίπεδον ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ κώνου τομὴν καλούμενην ὑπερβολὴν οὕτω κληθεῖσαν ἀπὸ τοῦ ὑπερβάλλειν τὰς εἰρημένας γωνίας, τοντέστι τὰς ὑπὸ  $AEZ$ ,



2. ἐκβληθέν W. 6. δρθωγωνίου W, corr. m. 1. μὲν  
ὅντος] scripsi, μένοντος Wp. 12.  $BAG$ ]  $AB\Gamma$  Wp, corr.  
mg. U.  $AEZ$ ]  $\Delta EZ$  Wp, corr. mg. U. 15. ἔστιν W.  
17. ἄξωνος W, corr. m. 1. 18. ὡς] p, in spatio 7 litt. m.

puncto aliquo  $E$  ad  $AB$  perpendicularis ducatur  $\angle E$ , planum autem per  $\angle E$  ad  $AB$  perpendicularare ductum conum secet; itaque anguli  $AE\alpha$ ,  $AEZ$  recti sunt. iam si conus rectangulus est et ideo  $\angle BAG$  rectus ut in prima figura, erunt  $\angle BAG + AEZ$  duobus rectis aequales; quare  $\angle EZ$  et  $AG$  parallelae sunt [Eucl. I, 28]. et in superficie coni sectio efficitur parabola quae uocatur, cui hoc nomen inditum est, quia  $\angle EZ$ , quae communis sectio est plani secantis triangulique per axem positi, lateri trianguli  $AG$  parallela est.

sin conus obtusiangulus est ut in secunda figura obtuso scilicet posito  $\angle BAG$ , recto autem  $AEZ$ ,



$\angle BAG + AEZ$  duobus rectis maiores erunt; quare  $\angle EZ$  et  $AG$  latutus ad partes  $Z, \Gamma$  uersus non concurrent, sed ad partes  $A, E$  uersus, producta scilicet  $\Gamma A$  ad  $\angle$  [Eucl. I al. 5].

itaque planum secans in superficie coni sectionem efficiet hyperbolam quae uocatur, cui hoc nomen inditum est, quia anguli illi, h. e.  $AEZ$ ,  $BAG$ , duos rectos

rec. W, om. v. w. 19. τῆς] corr. ex τοῦ m. 1 p. 20.  $AEZ$ ]  $\angle EZ$  p et W, sed corr. 21.  $AEZ$ ] om. W in extr. lin. p; corr. U. 22.  $AEZ$ ]  $AEZ$  Wp, corr. U.  $\Gamma$ ] corr. ex E m. 1 W. 27. τοντέστιν W.

*BΑΓ*, δύο ὁρθὰς ἡ διὰ τὸ ὑπερβάλλειν τὴν *AEZ* τὴν κορυφὴν τοῦ κώνου καὶ συμπίκτειν τῇ *ΓΑ* ἐκτός.

ἔὰν δὲ ὀξυγάνιος ἡ ὁ κῶνος ὀξεῖας δηλονότι οὕσης τῆς ὑπὸ *BΑΓ*, αἱ *BΑΓ*, *AEZ* ἔσονται δύο ὁρθῶν ἢ ἐλάσσονες· ὥστε αἱ *EZ*, *ΑΓ* ἐκβαλλόμεναι συμπεσοῦνται ὅπουδήποτε προσαυξῆσαι γὰρ δύναμαι τὸν κῶνον. ἔσται οὖν ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τομή, ἣτις καλεῖται ἔλλειψις, οὗτῳ κληθεῖσα ἡτοι διὰ τὸ ἐλλείπειν δύο ὁρθᾶς τὰς προειρημένας γωνίας ἡ διὰ τὸ τὴν ἐλλειψιν κύκλου 10 εἶναι ἐλλιπῆ.

οὗτως μὲν οὖν οἱ παλαιοὶ ὑποθέμενοι τὸ τέμνον ἐπίπεδον τὸ διὰ τῆς *AEZ* πρὸς ὁρθὰς τῇ *AB* πλευρᾷ τοῦ διὰ τοῦ ἄξονος τοῦ κώνου τριγώνου καὶ ἔτι διαφόρους τοὺς κώνους ἐθεώρησαν καὶ ἐπὶ ἐκάστου ἰδίαν 15 τομήν· ὁ δὲ Ἀπολλάνιος ὑποθέμενος τὸν κῶνον καὶ ὁρθὸν καὶ σκαληνὸν τῇ διαφόρῳ τοῦ ἐπιπέδου κλίσει διαφόρους ἐποίησε τὰς τομάς.

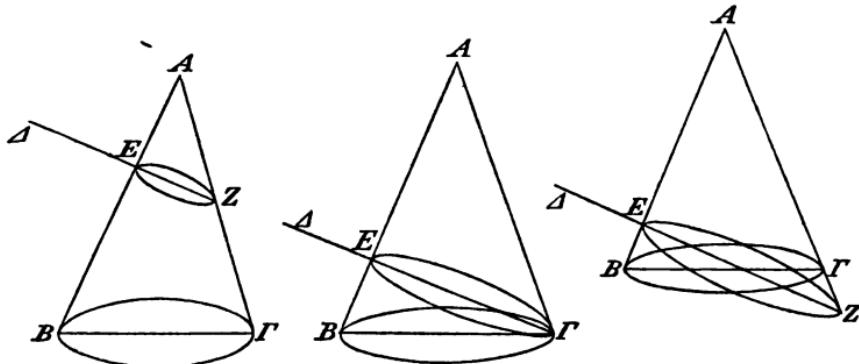
ἔστω γὰρ πάλιν ὡς ἐπὶ τῶν αὐτῶν καταγραφῶν τὸ τέμνον ἐπίπεδον τὸ *ΚΕΛ*, κοινὴ δὲ αὐτοῦ τομὴ 20 καὶ τῆς βάσεως τοῦ κώνου ἡ *KΖΛ*, κοινὴ δὲ πάλιν αὐτοῦ τοῦ *ΚΕΛ* ἐπιπέδου καὶ τοῦ *ΑΒΓ* τριγώνου ἡ *EZ*, ἣτις καὶ διάμετρος καλεῖται τῆς τομῆς. ἐπὶ πασῶν οὖν τῶν τομῶν ὑποτίθεται τὴν *ΚΛ* πρὸς ὁρθὰς τῇ *BΓ* βάσει τοῦ *ΑΒΓ* τριγώνου, λοιπὸν δέ, εἰ μὲν

4. αἱ *BΑΓ*] om. W p., corr. U. 5. ἐλάσσονες] —εις obscurō comp. p., ἐλάσσονος W. 6. [άστε] scripsi; τε W p. 8. ὁρθαῖς] fort. ὁρθῶν. 10. ἐλλειπῆ W. 11. οὗτω p. 14. ἐπιτ] ἐπεῑ W p., corr. Command. („in“). 15. τόν] scripsi; in W in extr. pag. uacat spatium 8 litt., initio sequentis 10; in p spatium uacat, cuius partem obtinet figura; signum lacunae add. U.

16. κλίσει W. 17. ἐποίησεν W. 22. *EZH* τις W. 23. πασῶν] scripsi, πλέον W p., πάντων (!) mg. U.

superant, uel quia  $\angle EZ$  uerticem coni egreditur et cum  $\Gamma A$  extra concurrit.

sin conus acutiangulus est acuto scilicet posito  $\angle BAG$ ,  $\angle BAG + \angle AEZ$  duobus rectis minores erunt; quare  $EZ$ ,  $AG$  productae alicubi concurrent [ib.]; nam



conum augere possumus. itaque in superficie sectio efficietur ellipsis quae uocatur, cui hoc nomen inditum est, aut quia anguli illi duobus rectis minores sunt, aut quia ellipsis circulus est imperfectus.

ita igitur ueteres, cum planum secans per  $\angle EZ$  positum ad  $AB$  latus trianguli per axem coni positi perpendiculariter et praeterea conos uarie formatos supponerent, etiam in singulis singulas sectiones inuestigauerunt; Apollonius uero, qui conum et rectum et scalenum supposuit, uariae plani inclinatione uarias effecit sectiones.

sit enim rursus ut in iisdem figuris planum secans  $KEA$ , communis autem eius basisque coni sectio  $KZA$ , rursus autem ipsius plani  $KEA$  triangulique  $ABG$  sectio communis  $EZ$ , quae eadem diametrus sectionis uocatur. iam in omnibus sectionibus  $KA$  ad  $BG$

ἡ EZ παράλληλος εἰη τῇ AG, παραβολὴν γίνεσθαι τὴν KEΛ ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ τοῦ κώνου τομήν, εἰ δὲ συμπίπτει τῇ AG πλευρᾷ ἡ EZ ἐκτὸς τῆς κορυφῆς τοῦ κώνου ὡς κατὰ τὸ Δ, γίνεσθαι τὴν KEΛ τομὴν δὲ ὑπερβολὴν, εἰ δὲ ἐντὸς συμπίπτει τῇ AG ἡ EZ, γίνεσθαι τὴν τομὴν ἔλλειψιν, ἢν καὶ θυρεὸν καλοῦσιν. καθόλου οὖν τῆς μὲν παραβολῆς ἡ διάμετρος παράλληλός ἔστι τῇ μιᾷ πλευρᾷ τοῦ τριγώνου, τῆς δὲ ὑπερβολῆς ἡ διάμετρος συμπίπτει τῇ πλευρᾷ τοῦ τριγώνου ὡς ἐπὶ τὰ πρὸς τῇ κορυφῇ τοῦ κώνου μέρη, τῆς δὲ ἔλλειψεως ἡ διάμετρος συμπίπτει τῇ πλευρᾷ τοῦ τριγώνου ὡς ἐπὶ τὰ πρὸς τῇ βάσει μέρη. κάκενο δὲ χρὴ εἰδέναι, ὅτι ἡ μὲν παραβολὴ καὶ ἡ ὑπερβολὴ τῶν εἰς ἄπειρόν εἰσιν αὐξανομένων, ἡ δὲ ἔλλειψις 10 οὐκέτι· πᾶσα γὰρ εἰς αὐτὴν συννεύει διοίωσ τῷ κύκλῳ.

πλειόνων δὲ οὐσῶν ἐκδόσεων, ὡς καὶ αὐτός φησιν ἐν τῇ ἐπιστολῇ, ἀμεινον ἡγησάμην συναγαγεῖν αὐτὰς ἐκ τῶν ἐμπικτόντων τὰ σαφέστερα παρατιθέμενος ἐν 20 τῷ φητῷ διὰ τὴν τῶν εἰσαγομένων εὔμάρειαν, ἔξιθεν δὲ ἐν τοῖς συντεταγμένοις σχολίοις ἐπισημαίνεσθαι τοὺς διαφόρους ὡς εἰκὸς τρόπους τῶν ἀποδείξεων.

φησὶ τοίνυν ἐν τῇ ἐπιστολῇ τὰ πρῶτα τέσσαρα βιβλία περιέχειν ἀγωγὴν στοιχειώδη· ὥν τὸ μὲν πρῶτον περιέχειν τὰς γενέσεις τῶν τριῶν τοῦ κώνου τομῶν καὶ τῶν καλούμενων ἀντικειμένων καὶ τὰ ἐν αὐταῖς ἀρχικὰ συμπτώματα. ταῦτα δέ ἔστιν, ὅσα συμβαίνει παρὰ τὴν πρώτην αὐτῶν γένεσιν· ἔχουσι γὰρ καὶ ἔτερά τινα παρακολουθήματα. τὸ δὲ δεύτερον

---

3. συμπίπτῃ W.      5. συμπίπτῃ W.      6. θυραῖον W<sub>p</sub>,  
corr. U.      καλοῦσι p.      8. ἔστιν W.      18. χρῆ] p, χρεί W.

basim trianguli perpendicularem supponit, deinde autem, si *EZ* rectae *AG* parallela sit, sectionem *KEA* in superficie coni parabolam fieri, sin *EZ* cum latere *AG* extra uerticem coni concurrat ut in *A*, sectionem *KEA* hyperbolam fieri, sin autem *EZ* cum *AG* intra concurrat, sectionem fieri ellipsim, quam eandem scutum vocant. uniuersaliter igitur diametrus parabolae uni lateri trianguli parallela est, hyperbolae autem diametrus cum latere trianguli concurrit ad partes uerticis coni uersus, ellipsis autem diametrus cum latere trianguli concurrit ad partes basis uersus. et hoc quoque scire oportet, parabolam hyperbolamque earum linearum esse, quae in infinitum crescant, ellipsim uero non esse; ea enim tota in se recurrit sicut circulus.

Sed cum complures exstent editiones, ut ipse in epistula dicit [I p. 2, 18 sq.], eas in unum cogere malui clariora ex iis, quae mihi sese obtulerant, in uerba scriptoris recipiens, ut institutio facilior esset, uarios autem demonstrandi modos, ut par erat, extra in scholiis a me compositis indicare.

dicit igitur in epistula, priores quattuor libros institutionem elementarem continere; quorum primum origines trium sectionum coni oppositarumque, quae vocantur, et proprietates earum principales continere [I p. 4, 1 sq.]. eae uero sunt, quaecunque per primam illarum originem eueniunt; nam etiam alias quasdam consequentias habent. alter autem, quae

18. ἄδυτον W. 19. ἐνπιπτόντων W. 23. φῆσίν W. 24. βιβλία] στοιχεῖα p. περιέχει W. στοιχειώδη] Halley, στοιχεῖων δι' Wp. 25. περιέχει Halley.

τὰ παρὰ τὰς διαμέτρους καὶ τοὺς ἄξονας τῶν τομῶν συμβαίνοντα καὶ τὰς ἀσυμπτώτους καὶ ἄλλα γενικὴν καὶ ἀναγκαῖαν χρείαν παρεχόμενα πρὸς τοὺς διορισμούς. ὁ δὲ διορισμὸς ὅτι 5 διπλοῦς ἔστι, παντὶ που δῆλον, ὁ μὲν μετὰ τὴν ἔκθεσιν ἐφιστάνων, τὸ ἔστι τὸ ξητούμενον, ὁ δὲ τὴν πρότασιν οὐ συγχωρῶν καθολικὴν εἶναι, λέγων δέ, πότε καὶ πῶς καὶ ποσαχῶς δυνατὸν συστῆναι τὸ προτιθέμενον, οὗτος ἔστιν ὁ ἐν τῷ εἰκοστῷ δευτέρῳ θεωρη-  
10 ματὶ τοῦ πρώτου βιβλίου τῆς Εὐκλείδου στοιχειώσεως· ἐκ τριῶν εὐθειῶν, αἱ εἰσιν ἵσαι τρισὶ ταῖς δοθείσαις, τρίγωνον συστήσασθαι· δεῖ δὴ τὰς δύο τῆς λοιπῆς μείζονας εἶναι πάντη μεταλαμβανομένας, ἐπειδὴ δέδεικται, ὅτι παντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ τῆς 15 λοιπῆς μείζονές εἰσι πάντη μεταλαμβανόμεναι. τὸ δὲ τρίτον τῶν κωνικῶν περιέχειν φησὶ πολλὰ καὶ παράδοξα θεωρήματα χρήσιμα πρὸς τὰς συνθέσεις τῶν στερεῶν τόπων. ἐπιπέδους τόπους ἔθος τοῖς παλαιοῖς γεωμέτραις λέγειν, ὅταν ἐπὶ τῶν προβλημά-  
20 των οὐκ ἀφ' ἐνὸς σημείου μόνον, ἀλλ' ἀπὸ πλειόνων γίνεται τὸ πρόβλημα, οἷον εἰ ἐπιτάξει τις εὐθεῖας δοθείσης πεπερασμένης εὑρεῖν τι σημεῖον, ἀφ' οὗ ἡ ἀχθεῖσα κάθετος ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν μέση ἀνάλογον γίνεται τῶν τμημάτων, τόπον καλοῦσι τὸ τοιοῦτον.  
25 οὐ μόνον γὰρ ἐν σημείον ἔστι τὸ ποιοῦν τὸ πρόβλημα, ἀλλὰ τόπος ὅλος, ὃν ἔχει ἡ περιφέρεια τοῦ περὶ διάμετρον τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν κύκλου. ἐὰν γὰρ ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας ἡμικύκλιον γραφῆ, ὅπερ ἂν ἐπὶ τῆς περιφερείας λάβῃς σημεῖον καὶ ἀπ' αὐτοῦ κάθετον

6. ἔστιν W. 9. εἰκοστο W. 11. τρισίν W. 15. εἰσιν W. 16. φησίν W. 22. πε— in mg. transit m. 1 W.

diametri axesque sectionum et asymptotae propria habent aliaque, quae usum generalem necessariumque ad determinationes praebeant [I p. 4, 5—8]. determinationem uero duplicem esse, omnibus notum est, alteram, quae post expositionem declarat, quid quaeratur, alteram, quae propositionem negat generalem esse definitque, quando quomodo quot modis propositum construi possit, qualis est in propositione XXII primi libri Elementorum Euclidis: ex tribus rectis, quae tribus datis aequales sunt, triangulum construere; oportet uero duas reliqua maiores esse quoquo modo coniunctas, quoniam demonstratum est, in quovis triangulo duo latera reliquo maiora esse quoquo modo coniuncta. tertium autem Conicorum dicit continere [I p. 4, 10—12] plurima et mira theorematum ad compositionem locorum solidorum utilia. loca plana mos est antiquis geometris uocare, ubi in problematis non uno solo puncto sed compluribus efficitur propositum; uelut si quis postulat, ut data recta terminata punctum aliquod inueniatur, unde quae ad datam perpendicularis ducatur media proportionalis fiat inter eius partes, hoc locum uocant; nam non unum solum punctum problema efficit, sed locus totus, quem obtinet ambitus circuli circum diametrum datam rectam descripti. nam in data recta semicirculo descripto, quocunque punctum in ambitu sumitur et inde recta ad diametrum perpendicularis ducitur, propositum efficit. eodem modo si quis postulat, ut extra

24. καλοῦσιν W. 25. ἔστιν W. 26. ἀλλά — p. 180, 5.  
πρόβλημα] mg. inf. m. 1 alio stramento p; mg. ὅρα κάτω.  
29. λάβεις W.

ἀγάγης ἐπὶ τὴν διάμετρον, ποιήσει τὸ προβληθέν.  
 δύοις δὲ δοθείσης εὐθείας ἔαν τις ἐπιτάξῃ εὐρεῖν  
 ἐκτὸς αὐτῆς σημεῖον, ἀφ' οὗ αἱ ἐπιξευγνύμεναι ἐπὶ τὰ  
 πέρατα τῆς εὐθείας ἴσαι ἔσονται ἀλλήλαις, καὶ ἐπὶ<sup>10</sup>  
 διούτου οὐ μόνον ἐν σημεῖον ἐστι τὸ ποιοῦν τὸ πρό-  
 βλημα, ἀλλὰ τόπος, ὃν ἐπέχει ἡ ἀπὸ τῆς διχοτομίας  
 πρὸς ὁρθὰς ἀγομένη· ἔαν γὰρ τὴν δοθείσαν εὐθείαν  
 δίχα τεμὼν καὶ ἀπὸ τῆς διχοτομίας πρὸς ὁρθὰς ἀγά-  
 γης, ὃ ἂν ἐπ' αὐτῆς λάβηται σημεῖον, ποιήσει τὸ ἐπι-  
 ταχθέν.

ὅμοιον γράφει καὶ αὐτὸς Ἀπολλώνιος ἐν τῷ Ἀνα-  
 λυομένῳ τόπῳ ἐπὶ τοῦ ὑποκειμένου.

δύο δοθέντων [εὐθεῶν] ἐν ἐπιπέδῳ [καὶ] σημείων  
 καὶ λόγου δοθέντος ἀνίσων εὐθείῶν δυνατόν ἐστιν  
 15 ἐν τῷ ἐπιπέδῳ γράψαι κύκλου ὥστε τὰς ἀπὸ τῶν  
 δοθέντων σημείων ἐπὶ τὴν περιφέρειαν τοῦ κύκλου  
 κλωμένας εὐθείας λόγον ἔχειν τὸν αὐτὸν τῷ δοθέντι.

ἔστω τὰ μὲν δοθέντα σημεῖα τὰ A, B, λόγος δὲ  
 ὁ τῆς Γ πρὸς τὴν Δ μείζονος οὖσης τῆς Γ· δεῖ δὴ  
 20 ποιῆσαι τὸ ἐπιταχθέν. ἐπεξέγχθω ἡ AB καὶ ἐκβε-  
 βλήσθω ἐπὶ τὰ πρὸς τῷ B μέρη, καὶ γεγονέτω, ὡς ἡ  
 Δ πρὸς τὴν Γ, ἡ Γ πρὸς ἄλλην τινὰ μείζονα δηλού-  
 ὅτι τῆς Δ, καὶ ἔστω, εἰ τύχοι, πρὸς τὴν EΔ, καὶ  
 πάλιν γεγονέτω, ὡς ἡ E πρὸς τὴν AB, ἡ Δ πρὸς  
 25 τὴν BZ καὶ ἡ Γ πρὸς τὴν H. φανερὸν δή, ὅτι ἡ  
 τε Γ μέση ἀνάλογόν ἐστι τῆς EΔ καὶ τῆς Δ καὶ ἡ

1. ἀγάγεις W. 2. ἐπιτάξει W. εὐρεῖν] —εἰν e corr. p.

4. τῆς] bis p. 5. ἐστιν W. 6. τόπος, ὃν] τὸ ποσὸν W,  
 τὸ ποσόν p; corr. U. 8. καὶ] fort. delendum. ἀγάγεις W.

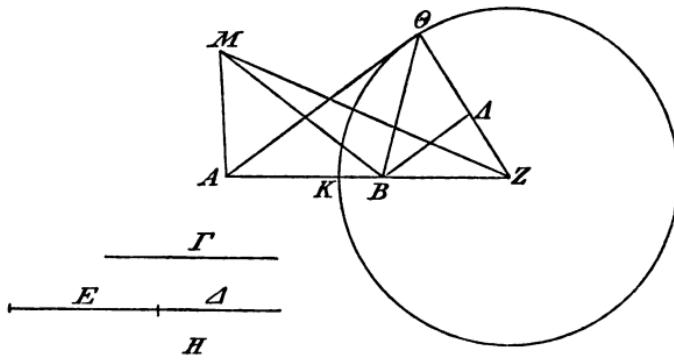
9. ποιήσης p. 13. δοθέντων] Halley, δοθεῖσῶν W p. εὐ-  
 θεῖῶν] deleo, σημείων Halley. καὶ] del. Halley. σημείων]  
 U Comm., σημεῖον W p, del. Halley.

datam rectam punctum inueniatur, a quo rectae ad terminos datae rectae ductae inter se aequales sint, hic quoque non unum solum punctum propositum efficit, sed locus, quem obtinet recta a punto medio perpendicularis ducta; nam si data recta in duas partes aequales secta a punto medio perpendiculararem duxeris, quocunque in ea sumpseris punctum, propositum efficiet.

simile quiddam in Loco resoluto et ipse Apollonius scribit, ut infra dedimus:

datis duobus in plano punctis et proportione duarum rectarum inaequalium fieri potest, ut in plano circulus describatur, ita ut rectae a datis punctis ad ambitum circuli fractae rationem habeant datae aequalis.

sint  $A, B$  puncta data, data autem proportio  $\Gamma : \Delta$ , ita ut  $\Gamma$  maior sit. oportet igitur propositum efficere.



ducatur  $AB$  et ad partes  $B$  uersus producatur, fiatque, ut  $\Delta : \Gamma$ , ita  $\Gamma$  ad aliam aliquam, quae scilicet maior est quam  $\Delta$ , sitque ea  $E + \Delta$ ; et rursus fiat

$$E : AB = \Delta : BZ = \Gamma : H.$$

*H τῶν AZ, ZB. καὶ κέντρῳ μὲν τῷ Z διαστήματι  
δὲ τῇ H κύκλος γεγράφθω ὁ KΘ. φανερὸν δή, ὅτι  
τέμνει ἡ KΘ περιφέρεια τὴν AB εὐθεῖαν· ἡ γὰρ H  
εὐθεῖα μέση ἀνάλογόν ἐστι τῶν AZ, ZB. εἰλήφθω  
δὲ δὴ ἐπὶ τῆς περιφερείας τυχὸν σημεῖον τὸ Θ, καὶ ἐπε-  
ζεύχθωσαν αἱ ΘA, ΘB, ΘZ. ἵση ἄρα ἐστὶν ἡ ΘZ  
τῇ H, καὶ διὰ τοῦτο ἐστιν, ὡς ἡ AZ πρὸς τὴν ZΘ,  
ἢ ZΘ πρὸς ZB. καὶ περὶ τὴν αὐτὴν γωνίαν τὴν  
ὑπὸ ΘZB ἀνάλογόν εἰσιν· δμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ AZΘ*

10 *τῷ ΘBZ τριγώνῳ, καὶ ἵση ἡ ὑπὸ ZΘB γωνία τῇ  
ὑπὸ ΘAB. ἥχθω δὴ διὰ τοῦ B τῇ AΘ παράλληλος  
ἢ BA. ἐπεὶ οὖν ἐστιν, ὡς ἡ AZ πρὸς ZΘ, ἢ ΘZ  
πρὸς ZB, καὶ ὡς ἄρα πρώτη ἡ AZ πρὸς τρίτην τὴν  
ZB, τὸ ἀπὸ AZ πρὸς τὸ ἀπὸ ZΘ. ἀλλ' ὡς ἡ AZ  
πρὸς ZB, ἢ AΘ πρὸς BA· καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ AZ  
πρὸς τὸ ἀπὸ ZΘ, ἢ AΘ πρὸς BA. πάλιν ἐπεὶ ἵση  
ἐστὶν ἡ ὑπὸ BΘZ τῇ ὑπὸ ΘAB, ἔστι δὲ καὶ ἡ ὑπὸ<sup>1</sup>  
AΘB τῇ ὑπὸ ΘBA ἵση· ἐναλλάξ γάρ· καὶ ἡ λοιπὴ  
ἄρα τῇ λοιπῇ ἵση ἐστὶν, καὶ δμοιον ἐστι τὸ AΘB*

20 *τῷ ΘBA, καὶ ἀνάλογόν εἰσιν αἱ πλευραὶ αἱ περὶ τὰς  
ἵσας γωνίας, ὡς ἡ AΘ πρὸς ΘB, ἢ ΘB πρὸς BA,  
καὶ ὡς τὸ ἀπὸ AΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘB, ἢ AΘ πρὸς  
BA. ἦν δὲ καὶ, ὡς ἡ AΘ πρὸς BA, τὸ ἀπὸ AZ  
πρὸς τὸ ἀπὸ ZΘ· ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ AZ πρὸς τὸ ἀπὸ  
25 ZΘ, τὸ ἀπὸ AΘ πρὸς τὸ ἀπὸ ΘB, καὶ διὰ τοῦτο, ὡς  
ἡ AZ πρὸς ZΘ, ἢ AΘ πρὸς ΘB. ἀλλ' ὡς ἡ AZ  
πρὸς ZΘ, ἢ EΔ πρὸς Γ καὶ ἡ Γ πρὸς Δ· καὶ ὡς  
ἄρα ἡ Γ πρὸς Δ, ἢ AΘ πρὸς ΘB. δμοιῶς δὴ δειχ-  
θήσονται πᾶσαι αἱ ἀπὸ τῶν A, B σημείων ἐπὶ τὴν*

5. ἐπιζεύχθωσαν W, corr. m. 1. 9. ἐστὶν W. 14. AZ (alt.)]  
Z e corr. m. 1 W. 17. ΘAB] Θ corr. ex B m. 1 p. ἐστὶν W.

manifestum igitur, esse  $\Gamma$  medianam proportionalem inter  $E + \Delta$  et  $\Delta$ ,  $H$  autem inter  $AZ$  et  $ZB$ .<sup>1)</sup> et centro  $Z$  radio autem  $H$  describatur circulus  $K\Theta$ . manifestum igitur, arcum  $K\Theta$  rectam  $AB$  secare; nam recta  $H$  media proportionalis est inter  $AZ$ ,  $ZB$ . iam in ambitu punctum aliquod sumatur  $\Theta$ , ducanturque  $\Theta A$ ,  $\Theta B$ ,  $\Theta Z$ . itaque  $\Theta Z = H$ ; quare  $AZ : Z\Theta = Z\Theta : ZB$ . et circum eundem angulum  $\Theta ZB$  latera proportionalia sunt; itaque trianguli  $AZ\Theta$ ,  $\Theta BZ$  similes sunt et  $\angle Z\Theta B = \Theta AB$  [Eucl. VI, 6]. iam per  $B$  rectae  $A\Theta$  parallelia ducatur  $B\Lambda$ . quoniam igitur est

$$AZ : Z\Theta = Z\Theta : ZB,$$

erit etiam [Eucl. V def. 9]  $AZ : ZB = AZ^2 : Z\Theta^2$ . uerum  $AZ : ZB = A\Theta : B\Lambda$  [Eucl. VI, 4]; quare etiam  $AZ^2 : Z\Theta^2 = A\Theta : B\Lambda$ . rursus quoniam  $\angle B\Theta Z = \Theta AB$  et etiam  $\angle A\Theta B = \Theta B\Lambda$  [Eucl. I, 29] (alterni enim sunt), etiam reliquus reliquo aequalis est, et triangulus  $A\Theta B$  triangulo  $B\Theta\Lambda$  similis est et latera aequales angulos comprehendentia proportionalia [Eucl. VI, 4]  $A\Theta : \Theta B = \Theta B : B\Lambda$ ; et  $A\Theta^2 : \Theta B^2 = A\Theta : B\Lambda$  [Eucl. V def. 9]. erat autem etiam  $A\Theta : B\Lambda = AZ^2 : Z\Theta^2$ . quare

$AZ^2 : Z\Theta^2 = A\Theta^2 : \Theta B^2$  et  $AZ : Z\Theta = A\Theta : \Theta B$ . sed  $AZ : Z\Theta = E + \Delta : \Gamma = \Gamma : \Delta$  [u. not.]. quare etiam  $\Gamma : \Delta = A\Theta : \Theta B$ . iam eodem modo demonstrabimus, omnes rectas a punctis  $A$ ,  $B$  ad

1) Erat  $E : AB = \Delta : BZ = \Gamma : H = E + \Delta : AZ$ . itaque  $E + \Delta : \Gamma = AZ : H = \Gamma : \Delta = H : BZ$ .

19. ἐστίν] ἐστι p. ἐστι] ἐστίν W. 20. ΒΘΑ] Β e corr. p.  
25. καὶ] seq. lacuna 1 litt. p., καὶ η̄ W.

περιφέρειαν τοῦ κύκλου κλώμεναι τὸν αὐτὸν ἔχουσαι λόγον ταῖς Γ, Δ.

λέγω δὴ, ὅτι πρὸς ἄλλῳ σημείῳ μὴ ὅντι ἐπὶ τῆς περιφερείας οὐ γίνεται λόγος τῶν ἀπὸ τῶν Α, Β σημείων ἐπ' αὐτὸν ἐπιζευγνυμένων εὐθειῶν ὁ αὐτὸς τῷ τῆς Γ πρὸς Δ.

εἰ γὰρ δυνατόν, γεγονέτω πρὸς τῷ Μ ἐκτὸς τῆς περιφερείας· καὶ γὰρ εἰ ἐντὸς ληφθείη, τὸ αὐτὸν ἄτοπον συμβήσεται καθ' ἐτέραν τῶν ὑποθέσεων· καὶ 10 ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΑΜ, ΜΒ, ΜΖ, καὶ ὑποκείσθω, ὡς ἡ Γ πρὸς Δ, οὕτως ἡ ΑΜ πρὸς ΜΒ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΕΔ πρὸς Δ, οὕτως τὸ ἀπὸ ΕΔ πρὸς τὸ ἀπὸ Γ καὶ τὸ ἀπὸ ΑΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΜΒ. ἀλλ' ὡς ἡ ΕΔ πρὸς Δ, οὕτως ὑπόκειται ἡ ΑΖ πρὸς ΖΒ· καὶ ὡς 15 ἄρα ἡ ΑΖ πρὸς ΖΒ, τὸ ἀπὸ ΑΜ πρὸς τὸ ἀπὸ ΜΒ. καὶ διὰ τὰ προδειχθέντα, ἐὰν ἀπὸ τοῦ Β τῇ ΑΜ παράλληλον ἀγάγωμεν, δειχθήσεται, ὡς ἡ ΑΖ πρὸς ΖΒ, τὸ ἀπὸ ΑΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΜ. ἐδείχθη δὲ καὶ, ὡς ἡ ΑΖ πρὸς ΖΒ, τὸ ἀπὸ ΑΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΘ. 20 ἵση ἄρα ἡ ΖΘ τῇ ΖΜ· ὅπερ ἀδύνατον.

τόποι οὖν ἐπίπεδοι λέγονται τὰ τοιαῦτα· οἱ δὲ λεγόμενοι στερεοὶ τόποι τὴν προσωνυμίαν ἔσχήκασιν ἀπὸ τοῦ τὰς γραμμάς, δι' ᾧν γράφονται τὰ κατ' αὐτοὺς προβλήματα, ἐκ τῆς τομῆς τῶν στερεῶν τὴν 25 γένεσιν ἔχειν, οἷαί εἰσιν αἱ τοῦ κώνου τομαὶ καὶ ἔτεραι πλείουσες. εἰσὶ δὲ καὶ ἄλλοι τόποι πρὸς ἐπιφάνειαν λεγόμενοι, οἱ τὴν ἐπωνυμίαν ἔχουσιν ἀπὸ τῆς περὶ αὐτοὺς ἴδιότητος.

2. Γ] Α Wp, corr. U.  
4. τῶν Α] scripsi, Α Wp.

3. ἄλλῳ] corr. ex ἄλλῳ m. 1 W.  
9. ἐτέραν] scr. ἐκατέραν.

ambitum circuli fractas eandem rationem habere quam  $\Gamma : \Delta$ .

iam dico, ad nullum aliud punctum, quod in ambitu non sit, rationem rectarum a punctis  $A$ ,  $B$  ad id ductarum eandem fieri quam  $\Gamma : \Delta$ .

nam si fieri potest, fiat ad  $M$  extra ambitum positum; nam etiam si intra eum sumitur, idem absurdum euenit per utramque suppositionem; ducanturque  $MA$ ,  $MB$ ,  $MZ$ , et supponatur  $\Gamma : \Delta = AM : MB$ . itaque

$$E + \Delta : \Delta = (E + \Delta)^2 : \Gamma^2 = AM^2 : MB^2$$

[p. 183 not. 1]. supposuimus autem

$$E + \Delta : \Delta = AZ : ZB;$$

quare etiam  $AZ : ZB = AM^2 : MB^2$ . et eodem modo, quo supra demonstratum est [p. 182, 11 sq.], si a  $B$  rectae  $AM$  parallelam duxerimus, demonstrabimus, esse  $AZ : ZB = AZ^2 : ZM^2$ . demonstrauimus autem, esse etiam  $AZ : ZB = AZ^2 : Z\Theta^2$  [p. 182, 13 sq.]. ergo  $Z\Theta = ZM$ ; quod fieri non potest.

plana igitur loca talia uocantur, solida uero quae uocantur loca nomen inde acceperunt, quod lineae, per quas problemata ad ea pertinentia soluuntur, e sectione solidorum originem ducunt, quales sunt coni sectiones aliaeque complures. sunt autem et alia loca ad superficiem quae uocantur a proprietate sua ita denominata.

10.  $MB$ ]  $M$  e corr. p. 12.  $\sigma\tilde{\nu}\tau\omega$  p. 14. —  $\omega\varsigma \dot{\nu}\pi\acute{\alpha}\kappa$ . — 17.  
 $\dot{\eta} AZ$ ] in ras. m. 1 p. 21.  $\delta\acute{\epsilon}$ ] addidi; om. Wp. 22.  $\pi\varphi o\sigma\sigma\nu\mu\lambda\alpha\tau$  W. 25.  $\dot{\epsilon}\chi\epsilon i\nu$ ]  $\dot{\epsilon}\chi\epsilon i$  Wp, corr. U. 26.  $\varepsilon l\sigma\lambda\tau$  W.  
27.  $\dot{\epsilon}\pi\omega\nu\nu\mu\lambda\alpha\tau$ ]  $\omega$  corr. ex o m. 1 p.,  $\dot{\epsilon}\pi\omega\nu\nu\mu\lambda\alpha\tau$  W. 28.  
 $\varepsilon l\delta i\acute{o}\tau\eta\tau\varsigma$  W.

μέμφεται δὲ ἔξῆς τῷ Εὐκλείδῃ οὐχ, ὡς οἰεται  
Πάππος καὶ ἑτεροί τινες, διὰ τὸ μὴ εύρηκεναι δύο  
μέσας ἀνάλογον· ὃ τε γὰρ Εὐκλείδης ὑγιῶς εὔρε τὴν  
μίαν μέσην ἀνάλογον, ἀλλ' οὐχ ὡς αὐτός φησιν οὐκ  
5 εὑτυχῶς, καὶ περὶ τῶν δύο μέσων οὐδὲ ὅλως ἐπεχει-  
ρησε ξητῆσαι ἐν τῇ στοιχειώσει, αὐτὸς ὃ τε Ἀπολλώ-  
νιος οὐδὲν περὶ τῶν δύο μέσων ἀνάλογον φαίνεται  
ξητῆσαι ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ· ἀλλ', ὡς ἔοικεν, ἑτέρῳ  
βιβλίῳ περὶ τόπων γεγραμμένῳ τῷ Εὐκλείδῃ ἐπισκήπ-  
10 τει, ὅπερ εἰς ἡμᾶς οὐ φέρεται.

τὰ δὲ ἐφεξῆς περὶ τοῦ τετάρτου βιβλίου λεγόμενα σαφῆ  
ἐστιν. τὸ δὲ πέμπτον φησὶ περιέχειν τὰ περὶ τῶν ἐλαχίστων  
καὶ μεγίστων. ὥσπερ γὰρ ἐπὶ τοῦ κύκλου ἐμάθομεν ἐν  
τῇ στοιχειώσει, ὅτι ἔστι τι σημείον ἔκτος, ἀφ' οὗ τῶν  
15 μὲν πρὸς τὴν κοίλην περιφέρειαν προσπιπτουσῶν με-  
γίστη ἔστιν ἡ διὰ τοῦ κέντρου, τῶν δὲ πρὸς τὴν κυρ-  
τὴν ἐλαχίστη ἔστιν ἡ μεταξὺ τοῦ σημείου καὶ τῆς  
διαμέτρου, οὗτως καὶ ἐπὶ τῶν τοῦ κώνου τομῶν ξητεῖ  
ἐν τῷ πέμπτῳ βιβλίῳ. τοῦ δὲ ἔκτου καὶ ἐβδόμου καὶ  
20 ὁγδόου σαφῶς ἡ πρόθεσις ὑπ' αὐτοῦ εἰρηται. καὶ  
ταῦτα μὲν περὶ τῆς ἐπιστολῆς.

'Αρχόμενος δὲ τῶν ὅρων γένεσιν ὑπογράφει κωνι-  
κῆς ἐπιφανείας, ἀλλ' οὐ τὸν τι ἔστι διορισμὸν παρα-  
δέδωκεν· ἔξεστι δὲ τοῖς βουλομένοις ἐκ τῆς γενέσεως  
25 αὐτῆς τὸν ὅρον λαμβάνειν. τὸ δὲ λεγόμενον ὑπ' αὐ-  
τοῦ διὰ καταγραφῆς σαφὲς ποιήσομεν.'

ἔὰν ἀπό τινος σημείου πρὸς κύκλου περι-  
φέρειαν καὶ τὰ ἔξῆς. ἔστω κύκλος ὁ *AB*, οὗ κέν-

---

1. ἔξῆς] ē- in ras. m. 1 p. 3. ὑγιῶς W. εὔρεν W.  
5. ἐπιχειρησεν mut. in ἐπεχειρησεν m. 1 W. 7. μέσων]  
σημείων W p, corr. Comm. 9. τόπωι W. 12. ἔστι p. 12.

deinde uero Euclidem uituperat [I p. 4, 13], non, ut Pappus et alii quidam putant, quod duas medias proportionales non inuenierit; nam et Euclides recte unam medianam proportionalem inuenit, nec ut ille dicit [I p. 4, 15] „non optime“, duasque medias in Elementis omnino non adgressus est, et Apollonius ipse in tertio libro de duabus mediis proportionalibus nihil quaerere uidetur; sed, ni fallor, alium quendam librum ab Euclide de locis scriptum uituperat, qui nunc non exstat.

quae deinde de libro quarto dicit, manifesta sunt. quintum autem de minimis et maximis tractare dicit [I p. 4, 23]. sicut enim in Elementis [III, 8] in circulo didicimus, esse punctum aliquod extra circulum, unde quae ad cauam partem ambitus adcidant, earum maximam esse, quae per centrum ducta sit, rectarum autem ad conuexam partem ambitus adcidentium minimam esse, quae inter punctum et diametrum posita sit, ita similia in sectionibus coni quaerit in quinto libro. de sexto autem et septimo et octauo propositum ipse satis clare exposuit. haec de epistula.

Definitiones autem ordiens originem superficiei conicae describit, sed quae sit, non definit; licet autem iis, qui uoluerint, ex origine definitionem deriuare. sed quod dicit, figura manifestum reddemus.

si a puncto aliquo ad ambitum circuli et quae sequuntur [I p. 6, 2]. sit circulus *AB*, cuius

φησίν W. 14. στοιχειόσσει W, sed corr. m. 1. τῶν] in ras. m. 1 W. 15. περιφέρει- in ras. m. 1 W. 18. οὖτω p.

23. τόν] scripsi; τό Wp. ἔστιν W. διορισμόν] scripsi; διορισμοῦ Wp. 24. ἔξεστιν W. 27—28. Σ mg. W.

τρον τὸ Γ, καὶ σημεῖόν τι μετέωρον τὸ Δ, καὶ ἐπι-  
ξευχθεῖσα ἡ ΔΒ ἐκβεβλήσθω εἰς ἄπειρον ἐφ' ἐκάτερα  
μέρη ὡς ἐπὶ τὰ Ε, Ζ. ἐὰν δὴ μένοντος τοῦ Δ ἡ ΔΒ  
φέρηται, ἔως ᾧν τὸ Β ἐνεχθὲν κατὰ τῆς τοῦ ΑΒ  
5 κύκλου περιφερείας ἐπὶ τὸ αὐτὸν πάλιν ἀποκατασταθῇ,  
οὗτον ἦρξατο φέρεσθαι, γεννήσει ἐπιφάνειάν τινα,  
ἥτις σύγκειται ἐκ δύο ἐπιφανειῶν ἀπομένων ἀλλή-  
λων κατὰ τὸ Δ, ἣν καὶ καλεῖ κωνικὴν ἐπιφάνειαν.  
φησὶ δέ, ὅτι καὶ εἰς ἄπειρον αὖξεται διὰ τὸ καὶ τὴν  
10 γράφουσαν αὐτὴν εὐθεῖαν οἷον τὴν ΔΒ εἰς ἄπειρον  
ἐκβάλλεσθαι. κορυφὴν δὲ τῆς ἐπιφανείας λέγει τὸ Δ,  
ἄξονα δὲ τὴν ΔΓ.

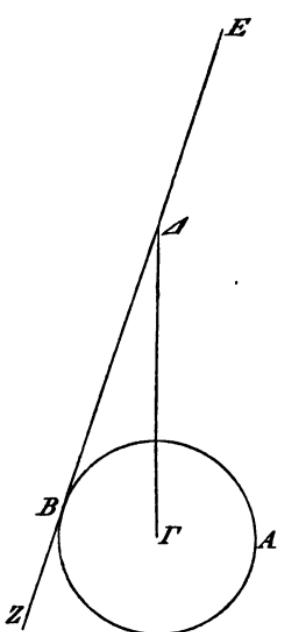
κῶνον δὲ λέγει τὸ περιεχόμενον σχῆμα ὑπό τε τοῦ  
ΑΒ κύκλου καὶ τῆς ἐπιφανείας, ἣν μόνη γράφει ἡ  
15 ΔΒ εὐθεῖα, κορυφὴν δὲ τοῦ κῶνος τὸ Δ, ἄξονα δὲ  
τὴν ΔΓ, βάσιν δὲ τὸν ΑΒ κύκλον.

καὶ ἐὰν μὲν ἡ ΔΓ πρὸς ὁρθὰς ἡ τῷ ΑΒ κύκλῳ,  
ὁρθὸν καλεῖ τὸν κῶνον, ἐὰν δὲ μὴ πρὸς ὁρθὰς, σκα-  
ληνόν· γενήσεται δὲ κῶνος σκαληνός, ὅταν λαβόντες  
20 κύκλου ἀπὸ τοῦ κέντρου αὐτοῦ ἀναστήσωμεν εὐθεῖαν  
μὴ πρὸς ὁρθὰς τῷ ἐπιπέδῳ τοῦ κύκλου, ἀπὸ δὲ τοῦ  
μετεώρου σημείου τῆς ἀναταθείσης εὐθεῖας ἐπὶ τὸν  
κύκλου ἐπιξεύξωμεν εὐθεῖαν καὶ περιαγάγωμεν τὴν  
25 ἐπιξευχθεῖσαν εὐθεῖαν περὶ τὸν κύκλον τοῦ πρὸς τῷ  
μετεώρῳ σημείῳ τῆς ἀναταθείσης μένοντος· τὸ γὰρ  
προσληφθὲν σχῆμα κῶνος ἔσται σκαληνός.

---

2. εἰς] ἐπ' p. 3. δῆ] δέ W p, corr. Comm. ΔΒ] Δ  
ε corr. m. 1 W. 5. ἀποκατασταθεῖ W. 9. φησὶν W. 10.  
ΔΒ] p, ΑΒ W. 15. εὐθεῖα] om. p. τὸ Δ ἄξο- in ras.  
m. 1 W. 22. ἀνασταθείσης Halley ut lin. 25. 26. προ-  
ληφθέν W p, corr. vw; fort. περιληφθέν. In fig. A pro  
Α W, corr. m. 2.

centrum sit  $\Gamma$ , et punctum aliquod sublime  $A$ , ductaque  $AB$  in infinitum producatur in utramque partem



ut ad  $E$ ,  $Z$ . si igitur manente  $A$  mouebitur  $AB$ , donec  $B$  per ambitum circuli  $AB$  circumactum rursus ad eundem locum perueniat, unde moueri coeptum est, superficiem quandam efficiet, quae ex duabus superficiebus inter se in  $A$  tangentibus composita est, quam superficiem conicam uocat. dicit autem [I p. 6, 9 sq.], eam in infinitum crescere, quod recta eam describens ut  $AB$  in infinitum producatur. uerticem autem superficiei punctum  $A$  uocat et axem  $AG$  [I p. 6, 11 sq.].

conum autem uocat [I p. 6, 14 sq.] figuram comprehensam circulo  $AB$  et superficie, quam describit recta  $AB$  sola, uerticem autem coni  $A$ , axem autem  $AG$ , basim autem circulum  $AB$ .

et si  $AG$  ad circulum  $AB$  perpendicularis est, conum rectum uocat [I p. 6, 20 sq.], sin perpendicularis non est, obliquum; obliquus autem conus orietur, si sumpto circulo a centro rectam erexerimus ad planum circuli non perpendiculararem, et a puncto sublimi rectae erectae ad circulum rectam duxerimus ductamque rectam per circulum circumegerimus manente eo punto, quod ad punctum sublimi rectae erectae positum est; nam figura ita comprehensa conus erit obliquus.

δῆλον δέ, ὅτι ἡ περιαγομένη εὐθεῖα ἐν τῇ περι-  
αγωγῇ μείζων καὶ ἐλάττων γίνεται, κατὰ δέ τινας θέσεις  
καὶ ἵση πρὸς ἄλλο καὶ ἄλλο σημεῖον τοῦ κύκλου.  
ἀποδείκνυται δὲ τοῦτο οὕτως· ἐὰν κῶνος σκαληνοῦ  
5 ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν ἀχθῶσιν εὐθεῖα,  
πασῶν τῶν ἀπὸ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν ἀχθει-  
σῶν εὐθειῶν μία μέν ἔστιν ἐλαχίστη μία δὲ μεγίστη,  
δύο δὲ μόναι ἔσαι παρ' ἑκάτερα τῆς ἐλαχίστης καὶ  
τῆς μεγίστης, ἀεὶ δὲ ἡ ἔγγιον τῆς ἐλαχίστης τῆς ἀπώ-  
10 τερόν ἔστιν ἐλάσσων. ἔστω κῶνος σκαληνός, οὗ βάσις  
μὲν ὁ ΑΒΓ κύκλος, κορυφὴ δὲ τὸ Δ σημεῖον. καὶ ἐπεὶ  
ἡ ἀπὸ τῆς κορυφῆς τοῦ σκαληνοῦ κῶνον ἐπὶ τὸ ὑπο-  
κείμενον ἐπίπεδον κάθετος ἀγομένη ἦτοι ἐπὶ τῆς περι-  
φερείας τοῦ ΑΒΓΖΗ κύκλου πεσεῖται ἡ ἐκτὸς ἡ ἐν-  
15 τός, ἐμπιπτέτω πρότερον ἐπὶ τῆς περιφερείας ὡς ἐπὶ  
τῆς πρώτης καταγραφῆς ἡ ΔΕ, καὶ εἰλήφθω τὸ κέν-  
τρον τοῦ κύκλου καὶ ἔστω τὸ Κ, καὶ ἀπὸ τοῦ Ε ἐπὶ  
τὸ Κ ἐπεξεύχθω ἡ ΕΚ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ Β, καὶ  
ἐπεξεύχθω ἡ ΒΔ, καὶ εἰλήφθωσαν δύο ἔσαι περιφέ-  
20 ρειαι παρ' ἑκάτερα τοῦ Ε αἱ ΕΖ, ΕΗ, καὶ παρ'  
ἐκάτερα τοῦ Β αἱ ΑΒ, ΒΓ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΕΖ,  
ΕΗ, ΔΖ, ΔΗ, ΕΑ, ΕΓ, ΑΒ, ΒΓ, ΔΑ, ΔΓ. ἐπεὶ οὖν  
ἵση ἔστιν ἡ ΕΖ εὐθεῖα τῇ ΕΗ εὐθείᾳ· ἔσας γὰρ  
περιφερείας ὑποτείνουσιν· κοινὴ δὲ καὶ πρὸς δρᾶς  
25 ἡ ΔΕ, βάσις ἄρα ἡ ΔΖ τῇ ΔΗ ἔστιν ἵση. πάλιν  
ἐπεὶ ἡ ΑΒ περιφέρεια τῇ ΒΓ ἔστιν ἵση, καὶ διάμετρος

---

5. ἀπό — ἀ-] in ras. m. 1 W.      9. ἔγ-  
γειον W.      15. τῆς] τῆς πρώτης κατά W (e lin. 16).      18. ἐπι-  
ξεύχθω W.      20. Ε] e corr. m. 1 p.      ΕΗ] E corr. ex Γ p.  
22. ΒΓ] ΔΓ Wp, corr. U.      ΔΑ] ΔΑ, ΔΒ Wp; corr.  
Comm.      26. ΒΓ] ΔΓ Wp, corr. U.

adparet autem, rectam circumactam in circumagendo maiorem et minorem fieri, in quibusdam autem positionibus etiam aequalem ad diuersa puncta circuli ductam. quod sic demonstratur:

si a uertice coni obliqui ad basim rectae ducuntur, omnium rectarum a uertice ad basim ductarum una minima est, una maxima, duaeque solae aequales ad utramque partem minimae et maximae, semper autem prior minimae minor est remotiore. sit conus obliquus,

cuius basis sit circulus  $AB\Gamma$ , uertex  $\Delta$  punctum. et quoniam recta a uertice coni obliqui ad planum subiacens perpendicularis ducta aut in ambitum circuli  $AB\Gamma ZH$  ueniet aut extra aut intra, primum ad ambitum adcidat

ut in prima figura  $\Delta E$ , sumaturque centrum circuli et sit  $K$ , ab  $E$  autem ad  $K$  ducatur  $EK$  producaturque ad  $B$ , et ducatur  $B\Delta$ , sumantur autem ad utramque partem puncti  $E$  duo arcus aequales  $EZ, EH$  et ad utramque partem puncti  $B$  aequales  $AB, BG$ , ducanturque  $EZ, EH, \Delta Z, \Delta H, EA, EG, AB, BG, \Delta A, \Delta G$ . quoniam igitur  $EZ = EH$  [Eucl. III, 29] (nam sub aequalibus arcibus subtendunt), communis autem et perpendicularis  $\Delta E$ , erit  $\Delta Z = \Delta H$  [Eucl. I, 4]. rursus quoniam arcus  $AB$  arcui  $BG$  aequalis est et  $BE$  diametruS, reliquus arcus  $EZG$  reliquo  $EHA$  aequalis est; quare etiam  $AE = EG$  [Eucl. III, 29].  $E\Delta$  autem communis

ἡ *BE*, λοιπὴ ἄρα ἡ *EZΓ τῇ EHA* ἐστιν ἵση· ὥστε καὶ ἡ *AE τῇ EG*. κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς ἡ *EA*· βάσις ἄρα ἡ *ΔΔ τῇ ΔΓ* ἐστιν ἵση. δμοίως δὴ καὶ πᾶσαι δειχθήσονται αἱ ἵσου ἀπέχουσαι τῆς *ΔE* ἢ τῆς *ΔB* ἵσαι. πάλιν ἐπεὶ τριγώνου τοῦ *ΔEZ* ὁρθή ἐστι γωνία ἡ ὑπὸ *ΔEZ*, μείζων ἐστὶν ἡ *ΔZ τῆς ΔE*. καὶ πάλιν ἐπεὶ μείζων ἐστὶν ἡ *EA* εὐθεῖα τῆς *EZ*, ἐπεὶ καὶ περιφέρεια ἡ *EZA τῆς EZ* περιφερείας, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς ἡ *ΔE*, ἡ *ΔZ* ἄρα τῆς *ΔA* 10 ἐλάσσων ἐστίν. διὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἡ *ΔΔ τῆς ΔB* ἐλάσσων ἐστίν. ἐπεὶ οὖν ἡ *ΔE τῆς ΔZ* ἐλάσσων ἐδείχθη, ἡ δὲ *ΔZ τῆς ΔA*, ἡ δὲ *ΔΔ τῆς ΔB*, ἐλαχίστη μὲν ἐστιν ἡ *ΔE*, μεγίστη δὲ ἡ *ΔB*, ἀεὶ δὲ ἡ ἔγγιον τῆς *ΔE* τῆς ἀπότερον ἐλάσσων ἐστίν.

15 ἀλλὰ δὴ ἡ κάθετος πιπτέτω ἐκτὸς τοῦ *ABΓHZ* κύκλου ὡς ἐπὶ τῆς δευτέρας καταγραφῆς ἡ *ΔE*, καὶ εἰλήφθω πάλιν τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ *K*, καὶ ἐπεξένυχθω ἡ *EK* καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ *B*, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ *ΔB*, *ΔΘ*, καὶ εἰλήφθωσαν δύο ἵσαι περιφέρεια παρ' ἑκάτερα τοῦ *Θ* αἱ *ΘZ*, *ΘH* καὶ παρ' ἑκάτερα τοῦ *B* αἱ *AB*, *BΓ*, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ *EZ*, *EH*, *ZK*, *HK*, *ΔZ*, *ΔH*, *AB*, *BΓ*, *KA*, *KΓ*, *ΔK*, *ΔΔ*, *ΔΓ*. ἐπεὶ οὖν ἵση ἐστὶν ἡ *ΘZ* περιφέρεια τῇ *ΘH*, καὶ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ *ΘKZ τῇ θύπῳ ΘKH* ἐστιν 25 ἵση. ἐπεὶ οὖν ἡ *ZK* εὐθεῖα τῇ *KH* ἐστιν ἵση· ἐκ κέντρον γάρ· κοινὴ δὲ ἡ *KE*, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ *ZKE*

---

1. *BE*] corr. ex *ΔE* m. 1 W, *ΔE* p. 4. *αῖ*] scripsi,  
om. W p. 5. *ἐστιν* W. 10. *ταῦτα* p. 13. *ΔE*] *E* e  
corr. p. 15. *δῆ*] p. δέ W. *ABΓHZ*] *ABΓZH* p. 16.  
*ΔE*] *E* e corr. m. 1 p. 19. *ΔB*] *Δ* corr. ex *B* in scribendo W.  
*ἵσαι*] supra scr. m. 1 W. 22. *ΔK*] om. Comm. 23. *ΔΔ*]  
*ΔA*, *ΔB* W p; corr. Comm. 26. *KE*] *KΘ* W p; corr. Comm.

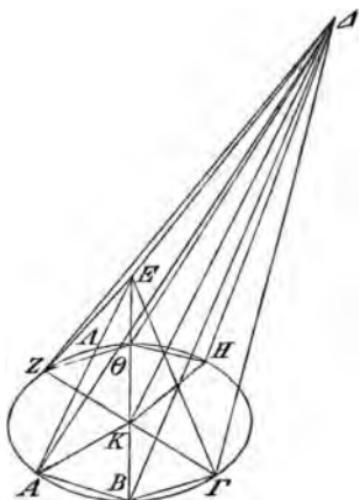
est et perpendicularis; itaque  $\angle A = \angle \Gamma$ . similiter demonstrabimus, omnes rectas, quae a  $\angle E$  uel  $\angle B$  aequaliter distent, aequales esse. rursus quoniam trianguli  $\triangle EZ$  angulus  $\angle EZ$  rectus est, erit  $\angle Z > \angle E$  [Eucl. I, 19]. et rursus quoniam  $\angle EA > \angle EZ$ , quia etiam arcus  $EZA > EZ$  [Eucl. III, 29], et  $\angle E$  communis est et perpendicularis, erit  $\angle Z < \angle A$  [Eucl. I, 47]. eadem de causa etiam  $\angle A < \angle B$ . quoniam igitur demonstrauimus, esse  $\angle E < \angle Z$ ,  $\angle Z < \angle A$ ,  $\angle A < \angle B$ , minima erit  $\angle E$ , maxima  $\angle B$ , semper autem, quae rectae  $\angle E$  propior est, minor remotiore.<sup>1)</sup>

iam uero perpendicularis extra circulum  $AB\Gamma HZ$  cadat ut in secunda figura  $\angle E$ , rursusque sumatur

centrum circuli  $K$ , et ducatur  $EK$  producaturque ad  $B$ , et ducantur  $\angle B$ ,  $\angle \Theta$ , sumantur autem ad utramque partem puncti  $\Theta$  duo arcus aequales  $\Theta Z$ ,  $\Theta H$  et ad utramque partem puncti  $B$  aequales  $AB$ ,  $B\Gamma$ , ducanturque  $EZ$ ,  $EH$ ,  $ZK$ ,  $HK$ ,  $\angle Z$ ,  $\angle H$ ,  $\angle AB$ ,  $\angle B\Gamma$ ,  $\angle KA$ ,  $\angle K\Gamma$ ,  $\angle AK$ ,  $\angle A$ ,  $\angle \Gamma$ . quoniam igitur arcus  $\Theta Z = \Theta H$ , erit etiam  $\angle \Theta KZ = \angle \Theta KH$  [Eucl.

II, 127]. quoniam igitur  $ZK = KH$  (radii enim sunt), et  $KE$  communis est, et  $\angle ZKE = \angle HKE$ , erit  $ZE = HE$

1) Nam  $\angle A = \angle \Gamma$ . itaque  $\angle E < \angle Z < \angle \Gamma < \angle B$ .



τῇ ὑπὸ ΗΚΕ ἵση, καὶ βάσις ἡ ΖΕ τῇ ΗΕ ἵση. ἐπεὶ  
οὖν ἡ ΖΕ εὐθεῖα τῇ ΗΕ ἔστιν ἵση, κοινὴ δὲ καὶ  
πρὸς ὁρθὰς ἡ ΕΔ, βάσις ἄρα ἡ ΔΖ τῇ ΔΗ ἔστιν  
ἵση. πάλιν ἐπεὶ ἵση ἔστιν ἡ ΒΑ περιφέρεια τῇ ΒΓ,  
δὲ καὶ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΚΒ τῇ ὑπὸ ΓΚΒ ἔστιν ἵση.  
ῶστε καὶ λοιπὴ εἰς τὰς δύο ὁρθὰς ἡ ὑπὸ ΑΚΕ λοιπῆ  
εἰς τὰς δύο ὁρθὰς τῇ ὑπὸ ΓΚΕ ἔστιν ἵση. ἐπεὶ οὖν  
ἡ ΑΚ εὐθεῖα τῇ ΓΚ ἔστιν ἵση· ἐκ κέντρου γάρ· κοινὴ  
δὲ ἡ ΚΕ, δύο δυσὶν ἵσαι, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΑΚΕ  
10 τῇ ὑπὸ ΓΚΕ· καὶ βάσις ἄρα ἡ ΑΕ τῇ ΓΕ ἔστιν ἵση.  
ἐπεὶ οὖν ἵση ἡ ΑΕ εὐθεῖα τῇ ΓΕ, κοινὴ δὲ ἡ ΕΔ  
καὶ πρὸς ὁρθάς, βάσις ἄρα ἡ ΔΑ τῇ ΔΓ ἵση. ὅμοι-  
ως δὲ καὶ πᾶσαι δειχθήσονται αἱ ἵσον ἀπέχουσαι τῆς  
ΔΒ ἡ τῆς ΔΘ ἵσαι. καὶ ἐπεὶ ἡ ΕΘ τῆς EZ ἔστιν  
15 ἐλάσσων, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς ἡ ΕΔ, βάσις ἄρα  
ἡ ΔΘ βάσεως τῆς ΔΖ ἔστιν ἐλάσσων. πάλιν ἐπεὶ ἡ  
ἀπὸ τοῦ Ε ἐφαπτομένη τοῦ κύκλου πασῶν τῶν πρὸς  
τὴν κυρτὴν περιφέρειαν προσπιπτονσῶν μείζων ἔστίν,  
ἐδείχθη δὲ ἐν τῷ γ' τῆς στοιχειώσεως τὸ ὑπὸ ΑΕ,  
20 ΕΔ ἵσον τῷ ἀπὸ τῆς EZ, ὅταν ἡ EZ ἐφάπτηται,  
ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΑΕ πρὸς EZ, ἡ EZ πρὸς ΕΔ. μεί-  
ζων δέ ἔστιν ἡ EZ τῆς ΕΔ· ἀεὶ γὰρ ἡ ἔγγιον τῆς  
ἐλαχίστης τῆς ἀπότερον ἔστιν ἐλάσσων· μείζων ἄρα  
καὶ ἡ ΑΕ τῆς EZ. ἐπεὶ οὖν ἡ EZ τῆς EA ἔστιν  
25 ἐλάσσων, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς ἡ ΕΔ, βάσις ἄρα  
ἡ ΔΖ τῆς ΔΑ ἔστιν ἐλάσσων. πάλιν ἐπεὶ ἵση ἔστιν  
ἡ ΑΚ τῇ KB, κοινὴ δὲ ἡ ΚΕ, δύο ἄρα αἱ ΑΚ, ΚΕ  
ταῖς EK, KB, τοιτέστιν ὅλῃ τῇ EKB, εἰσιν ἵσαι.  
ἀλλ' αἱ ΑΚ, ΚΕ τῆς AE μείζουνές εἰσιν· καὶ ἡ BE

1. ZE] ZΘ p. HE] HΘ, H e corr. m. 1, p. 2. ZE]  
ZΘ? p. HE] HΘ p. 4. BA] βάσις Wp, corr. Comm.

[Eucl. I, 4]. quoniam igitur  $ZE = HE$ , et  $E\Delta$  communis perpendicularisque, erit  $\angle Z = \angle H$  [Eucl. I, 4]. rursus quoniam arcus  $BA = BG$ , erit etiam

$$\angle AKB = \Gamma KB$$

[Eucl. III, 27]. quare etiam qui reliquus est ad duos rectos explendos,  $\angle AKE = \Gamma KE$ , qui reliquus est ad duos rectos explendos. quoniam igitur  $AK = \Gamma K$  (radii enim sunt), et communis est  $KE$ , duo latera duobus aequalia sunt, et  $\angle AKE = \Gamma KE$ ; quare etiam  $AE = \Gamma E$ . quoniam igitur  $AE = \Gamma E$ , et  $E\Delta$  communis est perpendicularisque, erit  $\angle A = \angle \Gamma$  [Eucl. I, 4]. et similiter demonstrabimus, etiam omnes rectas, quae a  $\angle B$  uel  $\angle \Theta$  aequaliter distent, aequales esse. et quoniam  $E\Theta < EZ$ ,  $E\Delta$  autem communis et perpendicularis, erit  $\angle \Theta < \angle Z$  [Eucl. I, 47]. rursus quoniam recta ab  $E$  circulum contingens omnibus rectis ad conuexum ambitum adincidentibus maior est, et in tertio libro Elementorum [III, 36] demonstratum est, esse  $AE \times EA = EZ^2$ , si  $EZ$  contingit, erit [Eucl. VI, 17]  $AE : EZ = EZ : EA$ . uerum  $EZ > EA$  [Eucl. III, 8]; nam semper proxima quaeque minimae minor est remotoire; itaque etiam  $AE > EZ$  [Eucl. V, 14]. quoniam igitur  $EZ < EA$ ,  $E\Delta$  autem communis et perpendicularis, erit  $\angle Z < \angle A$  [Eucl. I, 47]. rursus quoniam  $AK = KB$ , communis autem  $KE$ , duae rectae  $AK$ ,  $KE$  duabus  $EK$ ,  $KB$  siue toti  $EKB$  aequales

6. λοιπή —  $AKE$ ] om. p. 9.  $AKE$ ]  $K$  e corr. p. 10.  $AE$ ]  $E$  e corr. m. 1 W. 12.  $\angle \Gamma$ ]  $\Gamma \Gamma$  W p., corr. Comm. 15. ἐλλάσσων W. 20. τῷ] p v w, τῷ W. ὅταν] ὅταν ḷ in extr. lin. W. 24.  $EZ$ ]  $E$  e corr. p.  $E\Delta$ ]  $E\Delta$  W p., corr. Halley. 26. ἔστιν] p v w, ins. m. 2 W. 27.  $KB$ ]  $KB$  ἔστιν W (fort. recte); ἔστιν del. m. 2.

ἄρα τῆς ΑΕ μείζων ἔστιν. πάλιν ἐπεὶ ἡ ΑΕ τῆς ΕΒ ἔστιν ἐλάσσων, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὀρθὰς ἡ ΕΔ, βάσις ἄρα ἡ ΔΑ τῆς ΒΔ ἔστιν ἐλάσσων. ἐπεὶ οὖν ἡ ΔΘ τῆς ΔΖ ἔστιν ἐλάσσων, ἡ δὲ ΔΖ τῆς ΔΑ, ἡ δὲ ΔΑ τῆς ΔΒ, ἐλαχίστη μέν ἔστιν ἡ ΔΘ, μεγίστη δὲ ἡ ΔΒ, ἀεὶ δὲ ἡ ἔγγιον καὶ τὰ ἔξης.

ἀλλὰ δὴ ἡ κάθετος πιπτέτω ἐντὸς τοῦ ΑΒΓΗΖ κύκλου ὡς ἐπὶ τῆς τρίτης καταγραφῆς ἡ ΔΕ, καὶ εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ κύκλου τὸ Κ, καὶ ἐπεξεύχθω 10 ἡ ΕΚ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη ἐπὶ τὰ Β, Θ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΔΘ, ΔΒ, καὶ εἰλήφθωσαν δύο ἵσαι περιφέρειαι παρ' ἐκάτερα τοῦ Θ αἱ ΘΖ, ΘΗ καὶ παρ' ἐκάτερα τοῦ Β αἱ ΑΒ, ΒΓ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΕΖ, ΕΗ, ΖΚ, ΗΚ, ΔΖ, ΔΗ, ΚΑ, ΚΓ, 15 ΕΑ, ΕΓ, ΔΑ, ΔΓ, ΑΒ, ΒΓ. ἐπεὶ οὖν ἵση ἡ ΘΖ περιφέρεια τῇ ΘΗ, καὶ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΘΚΖ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΘΚΗ ἔστιν ἵση. καὶ ἐπεὶ ἵση ἔστιν ἡ ΚΖ τῇ ΗΚ, κοινὴ δὲ ἡ ΚΕ, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΖΚΕ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΗΚΕ ἔστιν ἵση, βάσις ἄρα ἡ ΖΕ τῇ 20 ΗΕ ἔστιν ἵση. ἐπεὶ οὖν ἡ ΖΕ τῇ ΗΕ ἔστιν ἵση, κοινὴ δὲ ἡ ΔΕ, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΖΕΔ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΗΕΔ ἔστιν ἵση, βάσις ἄρα ἡ ΔΖ τῇ ΔΗ ἔστιν ἵση. πάλιν ἐπεὶ ἵση ἔστιν ἡ ΑΒ περιφέρεια τῇ ΒΓ, καὶ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ ΑΚΒ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΓΚΒ 25 ἔστιν ἵση· ὥστε καὶ λοιπὴ εἰς τὰς δύο ὀρθὰς ἡ ὑπὸ ΑΚΕ λοιπῇ εἰς τὰς δύο ὀρθὰς τῇ ὑπὸ ΓΚΕ ἔστιν ἵση. ἐπεὶ οὖν ἡ ΑΚ τῇ ΚΓ ἔστιν ἵση, κοινὴ δὲ ἡ ΕΚ, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ ΑΚΕ γωνίᾳ τῇ ὑπὸ ΓΚΕ

---

3. ΔΑ] e corr. p. 12. αἱ] p, ἡ W (?). 15. ΔΓ] 17. τῇ] τῆς W.

ΔΒ, ΔΓ W et e corr. p; corr. Comm.

sunt. uerum  $AK + KE > AE$  [Eucl. I, 20]; quare etiam  $BE > AE$ . rursus quoniam  $AE < EB$ ,  $E\Delta$  autem communis et perpendicularis, erit  $\angle A < B\Delta$  [Eucl. I, 47]. quoniam igitur  $\angle \Theta < \angle Z$ ,  $\angle Z < \angle A$ ,  $\angle A < \angle B$ , minima est  $\angle \Theta$ , maxima autem  $\angle B$ , et proxima quaeque cet.

iam uero perpendicularis intra circulum  $AB\Gamma HZ$  cadat ut in tertia figura  $\angle E$ , et sumatur centrum circuli  $K$ , ducaturque  $EK$  et ad utramque partem producatur ad  $B, \Theta$ , ducanturque  $\angle \Theta, \angle B$ , sumantur autem ad utramque partem puncti  $\Theta$  arcus aequales  $\Theta Z, \Theta H$  et ad utramque partem puncti  $B$  aequales  $AB, BG$ , ducanturque  $EZ, EH, ZK, HK, \angle Z, \angle H, KA, KG, EA, EG, \angle A, \angle G, AB, BG$ .

quoniam igitur arcus  $\Theta Z = \Theta H$ , erit etiam

$$\angle \Theta KZ = \angle \Theta KH$$

[Eucl. III, 27]. et quoniam est  $KZ = HK$ ,  $KE$  autem communis, et  $\angle ZKE = HKE$ , erit  $ZE = EH$  [Eucl. I, 4]. quoniam igitur  $ZE = HE$ , communis autem  $\angle E$ , et  $\angle ZEA = HED$ , erit  $\angle Z = \angle H$  [Eucl. I, 4]. rursus quoniam arcus  $AB = BG$ , erit

---

20.  $HE$  (pr.)] in ras. m. 1 W. 26.  $AKE$ ]  $E$  in ras. m. 1 W.  
 $\lambda\omega\pi\gamma - \Gamma KE$ ] om. Wp, corr. U.  $\epsilon\sigma-$  in ras. m. 1 W.

έστιν ἵση, βάσις ἄρα ἡ ΑΕ τῇ ΓΕ ἔστιν ἵση. ἐπεὶ  
οὖν ἡ ΑΕ τῇ ΓΕ ἔστιν ἵση, κοινὴ δὲ ἡ ΕΔ, καὶ  
γωνία ἡ ὑπὸ ΑΕΔ τῇ ὑπὸ ΓΕΔ ἵση, βάσις ἄρα ἡ  
ΔΑ τῇ ΔΓ ἔστιν ἵση. ὁμοίως δὴ καὶ πᾶσαι δειχ-  
5 θήσονται αἱ ἰσον ἀπέχουσαι ἡ τῆς ΔΒ ἡ τῆς ΔΘ  
ἵσαι. καὶ ἐπεὶ ἐν κύκλῳ τῷ ΑΒΓ ἐπὶ τῆς διαμέτρου  
εἱληπται σημεῖον τὸ Ε μὴ δὲ κέντρον τοῦ κύκλου,  
μεγίστη μὲν ἡ ΕΒ, ἐλαχίστη δὲ ἡ ΕΘ, ἀεὶ δὲ ἡ ἔγ-  
γιου τῆς ΕΘ τῆς ἀπώτερον ἔστιν ἐλάσσων· ὥστε ἡ  
10 ΕΘ τῆς EZ ἔστιν ἐλάσσων. καὶ ἐπεὶ ἡ ΘΕ τῆς ZΕ  
ἐλάσσων ἔστιν, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς αὐταῖς ἡ  
ΕΔ, βάσις ἄρα ἡ ΔΘ βάσεως τῆς ΔΖ ἐλάσσων ἔστιν.  
πάλιν ἐπεὶ ἡ μὲν EZ ἔγγριόν ἔστι τῆς EΘ, ἡ δὲ ΑΕ  
πορρωτέρω, ἐλάσσων ἔστιν ἡ EZ τῆς AE. ἐπεὶ οὖν  
15 ἐλάσσων ἡ EZ τῆς EA, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθάς  
ἔστιν αὐταῖς ἡ EΔ, βάσις ἄρα ἡ ΔΖ βάσεως τῆς ΔΑ  
ἔστιν ἐλάσσων. πάλιν ἐπεὶ ἵση ἡ AK τῇ KB, κοινὴ  
δὲ ἡ KE, δύο αἱ AK, KE δύο ταῖς BK, KE, τοντ-  
έστιν ὅλη τῇ BKE, εἰσιν ἴσαι. ἀλλ' αἱ AK, KE  
20 τῆς AE μείζονές εἰσιν· καὶ ἡ EB ἄρα τῆς EA μεί-  
ζων ἔστιν. πάλιν ἐπεὶ ἡ EA τῆς EB ἐλάσσων ἔστιν,  
κοινὴ δὲ καὶ πρὸς ὁρθὰς αὐταῖς ἡ EΔ, βάσις ἄρα ἡ  
ΔΑ βάσεως τῆς ΔΒ ἔστιν ἐλάσσων. ἐπεὶ οὖν ἡ ΔΘ  
τῆς ΔΖ ἐλάσσων, ἡ δὲ ΔΖ τῆς ΔΑ, ἡ δὲ ΔΑ τῆς  
25 ΔΒ, ἐλαχίστη μέν ἔστιν ἡ ΔΘ καὶ τὰ ἔξης.

Πάσης καμπύλης γραμμῆς, ἣτις ἔστιν ἐν ἐνὶ  
ἐπιπέδῳ, διάμετρον καλῶ καὶ τὰ ἔξης. τὸ ἐν  
ἐνὶ ἐπιπέδῳ εἰπε διὰ τὴν ἔλικα τοῦ κυλίνδρου καὶ

---

4. ΔΓ] ΔΓ W p, corr. Comm. 8. ἡ] p, αἱ W. EB] e corr. p. 13. ΑΕ] p, E W. 16. ΔΑ] A e corr. p.  
20. εἰσι p. 26. ξ mg. W. 28. εἰπεν W.

etiam  $\angle AKB = \Gamma KB$  [Eucl. III, 27]. quare etiam qui ad duos rectos reliquus est,  $\angle AKE = \Gamma KE$ , qui ad duos rectos reliquus est. quoniam igitur  $AK = K\Gamma$ , communis autem  $EK$ , et  $\angle AKE = \Gamma KE$ , erit  $AE = \Gamma E$  [Eucl. I, 4]. quoniam igitur  $AE = \Gamma E$ , communis autem  $E\Delta$ , et  $\angle AE\Delta = \Gamma E\Delta$ , erit  $\Delta A = \Delta \Gamma$  [Eucl. I, 4]. iam similiter demonstrabimus, omnes rectas, quae aut a  $\Delta B$  aut a  $\Delta \Theta$  aequaliter distent, aequales esse. et quoniam in circulo  $AB\Gamma$  in diametro sumptum est punctum  $E$ , quod centrum circuli non est, maxima est  $EB$ , minima autem  $E\Theta$  et proxima quaeque rectae  $E\Theta$  remotoire minor est [Eucl. III, 7]; erit igitur  $E\Theta < EZ$ . et quoniam est  $\Theta E < ZE$ ,  $E\Delta$  autem communis et perpendicularis, erit  $\Delta \Theta < \Delta Z$  [Eucl. I, 47]. rursus quoniam  $EZ$  rectae  $E\Theta$  propior est,  $AE$  autem remotior, erit  $EZ < AE$ . quoniam igitur  $EZ < EA$ ,  $E\Delta$  autem communis et ad eas perpendicularis, erit  $\Delta Z < \Delta A$  [Eucl. I, 47]. rursus quoniam  $AK = KB$ , communis autem  $KE$ , erunt  $AK + KE = BK + KE = BKE$ . uerum  $AK + KE > AE$  [Eucl. I, 20]. quare etiam  $EB > EA$ . rursus quoniam  $EA < EB$ ,  $E\Delta$  autem communis et ad eas perpendicularis, erit  $\Delta A < \Delta B$  [Eucl. I, 47]. quoniam igitur  $\Delta \Theta < \Delta Z$ ,  $\Delta Z < \Delta A$ ,  $\Delta A < \Delta B$ , minima est  $\Delta \Theta$  et quae sequuntur.

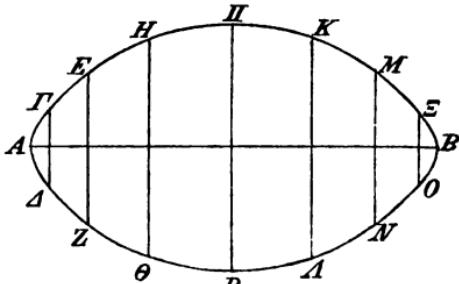
Omnis linea curuae, quae in uno plano posita est, diametrum adpello, et quae sequuntur [I p. 6, 23]. „in uno plano“ dixit propter spiralem cylindri et spherae; eae enim in uno plano positae non sunt. quod dicit, hoc est: sit linea curua  $AB\Gamma$  et in ea rectae aliquot parallelae  $A\Gamma$ ,  $AE$ ,  $ZH$ ,  $\Theta K$  et a puncto

τῆς σφαίρας· αὐται γὰρ οὐκ εἰσὶν ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ. ὁ δὲ λέγει, τοιοῦτόν εστιν· εστω καμπύλη γραμμὴ ἡ ΑΒΓ καὶ ἐν αὐτῇ εὐθεῖαι τινες παράλληλοι αἱ ΑΓ, ΔΕ, ΖΗ, ΘΚ, καὶ διήχθω ἀπὸ τοῦ Β εὐθεῖα ἡ ΒΛ  
5 δίχα αὐτὰς τέμνουσα. φησὶν οὖν, ὅτι τῆς ΑΒΓ γραμμῆς διάμετρον μὲν καλῶ τὴν ΒΛ, κορυφὴν δὲ τὸ Β, τεταγμένως δὲ ἐπὶ τὴν ΒΛ κατῆχθαι ἐκάστην τῶν ΑΓ, ΔΕ, ΖΗ, ΘΚ. εἰ δὲ ἡ ΒΛ δίχα καὶ πρὸς ὁρθὰς τέμνει τὰς παραλλήλους, ἄξων καλεῖται.

10 Όμοιώς δὲ καὶ δύο καμπύλων γραμμῶν καὶ τὰ ἔξης. ἐὰν γὰρ νοήσωμεν τὰς Α, Β γραμμὰς καὶ ἐν αὐταῖς τὰς ΓΔ, EZ, HΘ, ΚΛ, MN, ΞΟ παραλλήλους καὶ τὴν ΑΒ διηγμένην ἐφ' ἐκάτερα καὶ τέμνουσαν τὰς παραλλήλους δίχα, τὴν μὲν ΑΒ καλῶ,  
15 φησίν, πλαγίαν διάμετρον, κορυφὰς δὲ τῶν γραμμῶν τὰ Α, Β σημεῖα, τε-

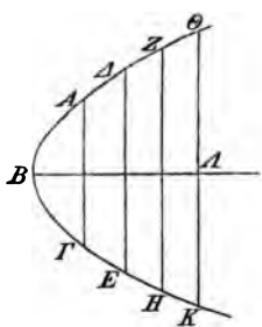
ταγμένως δὲ ἐπὶ τὴν ΑΒ τὰς ΓΔ, EZ,  
HΘ, ΚΛ, MN, ΞΟ.  
20 εἰ δὲ δίχα καὶ πρὸς ὁρθὰς αὐτὰς τέμνει,  
ἄξων καλεῖται. ἐὰν δὲ διαχθεῖσά τις εὐ-

θεῖα ὡς ἡ ΠΡ τὰς ΓΞ, EM, HK παραλλήλους  
25 τῇ ΑΒ δίχα τέμνει, ὁρθία μὲν διάμετρος καλεῖται ἡ ΠΡ, τεταγμένως δὲ κατῆχθαι ἐπὶ τὴν ΠΡ διάμετρον ἐκάστη τῶν ΓΞ, EM, HK. εἰ δὲ δίχα καὶ πρὸς ὁρθὰς αὐτὴν τέμνει, ἄξων ὁρθός, ἐὰν δὲ αἱ ΑΒ, ΠΡ



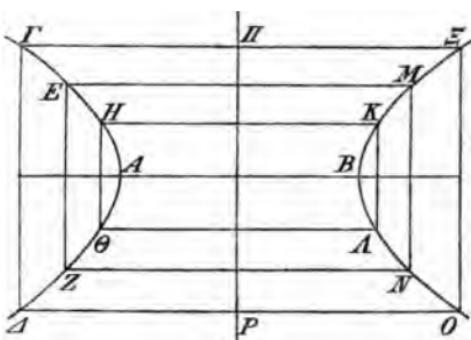
5. τέμνονται p. 8. εἰ] ἡ W p, corr. Comm. 12. τάξ] ταῖς W p, om. W p. καὶ] om. W p, corr. Comm. 14. Post καλῶ 1 litt. erasa (σ uel i) W. 25.

*B* recta *BA*, quae eas in binas partes aequales secet. dicit igitur: lineae *ABΓ* diametrum adpello *BA*, uerticem autem *B*, et ad *BA* ordinate ductas esse *AG*, *AE*, *ZH*, *ΘK*. sin *BA* et in binas partes aequales et ad angulos rectos rectas parallelas secat, axis uocatur.



Similiter uero etiam duarum linearum curuarum, et quae sequuntur [I p. 8, 1]. Si enim fingimus lineas *A*, *B*

et in iis parallelas *ΓA*, *EZ*, *HΘ*, *KΛ*, *MN*, *ΞO* et *AB* ad utramque partem productam parallelasque in binas partes secantem, *AB*, inquit,



diametrum transuersum adpello, uertices autem li-

nearum *A*, *B* puncta, ordinate autem ad *AB* ductas *ΓA*, *EZ*, *HΘ*, *KΛ*, *MN*, *ΞO*. sin et in binas partes et

ad angulos rectos eas secat, axis uocatur. sin recta ducta ut *PI* rectas *ΓΞ*, *EM*, *HK* rectae *AB* parallelas in binas partes secat, *PI* diametru recta uocatur, et *ΓΞ*, *EM*, *HK* singulae ad diametrum *PI* ordinate ductae esse dicuntur. sin eam et in duas partes ae-

*AB*] *A* corr. ex *Δ m. 1 W.* ὁρθία μέν] ὁ (eras.) ρθία μ W, η ρθία μ p; corr. Comm.

δίχα τέμνουσι τὰς ἀλλήλων παραλλήλους, λέγονται συνυγεῖς διάμετροι, ἐὰν δὲ δίχα καὶ πρὸς ὁρθάς, συνυγεῖς ἄξονες ὀνομάζονται.

*Eἰς τὸ α'.*

- 5 Περὶ τῶν διαφόρων καταγραφῶν ἡτοι πτώσεων τῶν θεωρημάτων τοσοῦτον ἴστεον, ὅτι πτῶσις μέν ἔστιν, ὅταν τὰ ἐν τῇ προτάσει δεδομένα τῇ θέσει η̄ δοθέντα· η̄ γὰρ διάφορος αὐτῶν μετάληψις τοῦ αὐτοῦ συμπεράσματος ὄντος ποιεῖ τὴν πτῶσιν. διοίως δὲ 10 καὶ ἀπὸ τῆς κατασκευῆς μετατιθεμένης γίνεται πτῶσις. πολλὰς δὲ ἔχοντων τῶν θεωρημάτων πάσαις η̄ αὐτὴ ἀπόδειξις ἀρμόζει καὶ ἐπὶ τῶν αὐτῶν στοιχείων πλὴν βραχέων, ὡς ἔξης εἰσόμεθα· εὐθὺς γὰρ τὸ πρῶτον θεώρημα τρεῖς πρώσεις ἔχει διὰ τὸ τὸ λαμβανόμενον 15 σημεῖον ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας, τουτέστι τὸ B, ποτὲ μὲν εἰς τὴν κατωτέρῳ ἐπιφάνειαν εἰναι καὶ τοῦτο διχῶς η̄ αὐτωτέρῳ τοῦ κύκλου η̄ κατωτέρῳ, ποτὲ δὲ ἐπὶ τῆς κατὰ κορυφὴν αὐτῇ ἐπικειμένης. τοῦτο δὲ τὸ θεώρημα προέθετο ζητῆσαι, ὅτι οὐκ ἐπὶ πάντα δύο σημεῖα ἐπὶ 20 τῆς ἐπιφανείας λαμβανόμενα ἐπιξεγγυμένη εὐθεῖα ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας ἔστιν, ἀλλ' η̄ νεύονται μόνον ἐπὶ τὴν κορυφὴν, διὰ τὸ καὶ ὑπὸ εὐθείας τὸ πέρας ἔχούσης μένον γεγενῆσθαι τὴν κωνικὴν ἐπιφάνειαν. ὅτι δὲ τοῦτο ἀληθές, τὸ δεύτερον θεώρημα δηλοῖ.

25

*Eἰς τὸ β'.*

Τὸ δεύτερον θεώρημα τρεῖς ἔχει πτώσεις διὰ τὸ τὰ λαμβανόμενα σημεῖα τὰ Δ, E η̄ ἐπὶ τῆς κατὰ κο-

1. τέμνονται W. 2. διάμετροι] -οι corr. ex on W. Post ὁρθάς add. οὐ W p., corr. Comm. 11. πολλάς] πολλά W p., corr. Comm. 13. εἰσόμεθα] θ in ras. m. 1 W. 14. τὸ τό] scripsi, τό W p. λαμβανόμενον W. 15. τουτέστιν W.

quales secat et ad angulos rectos, axis rectus vocatur, et si *AB, PP* altera alteri parallelas rectas in binas partes aequales secant, coniugatae diametri, sin et in binas partes aequales et ad angulos rectos secant, axes coniugati nominantur.

### In prop. I.

De figuris siue casibus uariis propositionum hoc sciendum est, casum esse, ubi ea, quae in propositione data sint, positione sint data; nam uaria eorum coniunctio eadem conclusione casum efficit. et similiter etiam uariata constructione casus efficitur. quamquam autem multos habent propositiones, omnibus eadem demonstratio iisdemque litteris congruit praeter minora quaedam, ut mox adparebit; nam statim prima propositio tres casus habet, quia punctum in superficie sumptum, hoc est *B*, tum in superficie inferiore est, et hoc ipsum duobus modis aut supra circulum aut infra, tum in superficie ei ad uerticem posita. haec uero propositio quaerendum proposuit, non ad quaelibet duo puncta in superficie posita ductam rectam in superficie esse, sed eam tantum, quae per uerticem cadat, quia superficies conica per rectam terminum habentem manentem orta est. hoc autem uerum esse, propositio secunda ostendit.

### Ad prop. II.

Propositio secunda tres habet casus, quia puncta sumpta *A, E* aut in superficie ad uerticem posita aut

---

18. αὐτῆς] scripsi, αὐτῆς Wp. 21. ἡ νεύουσα] scripsi, ηνεύουσαν W, ἐν εὐθεῖα p. 23. μένον] μέσον Wp, corr. Comm. 27. -τὰ κο- in ras. m. 1 W.

ρυφήν εἶναι ἐπιφανείας ἢ ἐπὶ τῆς κάτω διχῶς ἢ ἐσωτέρῳ τοῦ κύκλου ἢ ἔξωτέρῳ. δεῖ δὲ ἐφιστάνειν, ὅτι τοῦτο τὸ θεώρημα εὐρίσκεται ἐν τισιν ἀντιγράφοις ὅλον διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς δεδειγμένον.

*Eἰς τὸ γ'.*

Τὸ γ' θεώρημα πτῶσιν οὐκ ἔχει. δεῖ δὲ ἐν αὐτῷ ἐπιστῆσαι, ὅτι ἡ *AB* εὐθεῖά ἐστι διὰ τὸ κοινὴ τομὴ εἶναι τοῦ τέμνοντος ἐπιπέδου καὶ τῆς ἐπιφανείας τοῦ 10 κώνου, ἥτις ὑπὸ εὐθείας ἐγράφη τὸ πέρας ἔχουσης μένον πρὸς τῇ κορυφῇ τῆς ἐπιφανείας. οὐ γὰρ πᾶσα ἐπιφάνεια ὑπὸ ἐπιπέδου τεμνομένη τὴν τομὴν ποιεῖ εὐθεῖαν, οὐδὲ αὐτὸς ὁ κῶνος, εἰ μὴ διὰ τῆς κορυφῆς ἔλθῃ τὸ τέμνον ἐπίπεδον.

15

*Eἰς τὸ δ'.*

Αἱ πτώσεις τούτου τοῦ θεωρήματος τρεῖς εἰσιν ὕσπερ καὶ τοῦ πρώτου καὶ δευτέρου.

*Eἰς τὸ ε'.*

Τὸ πέμπτον θεώρημα πτῶσιν οὐκ ἔχει. ἀρχόμενος 20 δὲ τῆς ἐκθέσεως φησιν· τετμήσθω ὁ κῶνος ἐπιπέδῳ διὰ τοῦ ἄξονος ὁρθῷ πρὸς τὴν βάσιν. ἐπειδὴ δὲ ἐν τῷ σκαληνῷ κώνῳ κατὰ μίαν μόνον θέσιν τὸ διὰ τοῦ ἄξονος τρίγωνον ὁρθόν ἐστι πρὸς τὴν βάσιν, τοῦτο ποιήσομεν οὕτως· λαβόντες τὸ κέντρον τῆς βάσεως ἀναστήσομεν ἀπ' αὐτοῦ τῷ ἐπιπέδῳ τῆς βάσεως πρὸς ὁρθὰς καὶ δι' αὐτῆς καὶ τοῦ ἄξονος ἐκβάλλοντες ἐπίπεδον ἔξομεν τὸ ζητούμενον· δέδεικται

7. δεῖ] e corr. p. Post δέ del. ἡ *AB* εὐθεῖά ἐστι p.  
8. ἐστιν W. 17. καὶ (pr.)] αἱ p. 18. Εἰς τό] mg.

in inferiore sunt et quidem duobus modis, aut intra circulum aut extra. animaduertendum autem, hanc propositionem in nonnullis exemplaribus totam per reductionem in absurdum demonstratam inueniri.

### Ad prop. III.

Propositio tertia casum non habet. in ea autem animaduertendum est, *AB* rectam esse, quia communis est sectio plani secantis et superficie coni, quae a recta descripta est terminum ad uerticem superficie manentem habente. neque enim omnis superficies plano secta sectionem efficit rectam, nec ipse conus, nisi planum secans per uerticem uenit.

### Ad prop. IV.

Casus huius propositionis tres sunt ut etiam primae et secundae.

### Ad prop. V.

Propositio quinta casum non habet. expositionem autem exordiens dicit [I p. 18, 4]: per axem secetur piano ad basim perpendiculari. quoniam autem in cono obliquo triangulus per axem positus in una sola positione ad basim perpendicularis est, hoc ita efficiemus: sumpto centro basis ab eo rectam ad planum basis perpendiculararem erigemus et per eam axemque ducto piano habebimus, quod quaeritur; nam in XI. libro Elementorum Euclidis [XI, 18] demonstratum

m. 1 W.      21. ἀξονος] corr. ex ἀξωνος m. 1 W.      23.  
 ἔστιν W.      24. οὐτως] οὐτω in extr. lin. W, οὐτω p.

γὰρ ἐν τῷ ια' τῆς Εὐκλείδου στοιχειώσεως, ὅτι, ἐὰν εὐθεῖα ἐπιπέδῳ τινὶ πρὸς ὁρθὰς ἥ, καὶ πάντα τὰ δι' αὐτῆς ἐπίπεδα τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ πρὸς ὁρθὰς ἔσται. τὸν δὲ κῶνον σκαληνὸν ὑπέδει, ἐπειδὴ ἐν τῷ ἰσοσκεδαῖ τὸ παράλληλον τῇ βάσει ἐπίπεδον τῷ ὑπεναντίως ἡγμένῳ τὸ αὐτό ἔστιν.

ἔτι φησίν· τετμήσθω δὲ καὶ ἐτέρῳ ἐπιπέδῳ πρὸς ὁρθὰς μὲν τῷ διὰ τοῦ ἄξονος τριγώνῳ, ἀφαιροῦντι δὲ πρὸς τῇ κορυφῇ τριγωνον ὅμοιον 10 μὲν τῷ  $ABG$  τριγώνῳ, ὑπεναντίως δὲ κείμενον. τοῦτο δὲ γίνεται οὕτως· ἔστω τὸ διὰ τοῦ ἄξονος τριγωνον τὸ  $ABG$ , καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τῇ  $AB$  τυχὸν σημεῖον τὸ  $H$ , καὶ συνεστάτω πρὸς τῇ  $AH$  εὐθεῖᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ  $H$  τῇ ὑπὸ  $AGB$  γωνίᾳ ἵση 15 ἡ ὑπὸ  $AHK$  τὸ  $AHK$  ἄρα τριγωνον τῷ  $ABG$  ὅμοιον μέν ἐστιν, ὑπεναντίως δὲ κείμενον. εἰλήφθω δὴ ἐπὶ τῆς  $HK$  τυχὸν σημεῖον τὸ  $Z$ , καὶ ἀπὸ τοῦ  $Z$  τῷ τοῦ  $ABG$  τριγώνου ἐπιπέδῳ πρὸς ὁρθὰς ἀνεστάτῳ ἡ  $Z\Theta$ , καὶ ἐκβεβλήσθω τὸ διὰ τῶν  $HK$ ,  $\Theta Z$  ἐπίπεδον. τοῦτο 20 δὴ ὁρθόν ἐστι πρὸς τὸ  $ABG$  τριγωνον διὰ τὴν  $Z\Theta$  καὶ ποιοῦν τὸ προκείμενον.

ἐν τῷ συμπεράσματί φησιν, ὅτι διὰ τὴν ὅμοιότητα τῶν  $AZH$ ,  $EZK$  τριγώνων ἵσον ἐστὶ τὸ ὑπὸ  $AZE$  τῷ ὑπὸ  $HZK$ . δυνατὸν δέ ἐστι τοῦτο δεῖξαι καὶ 25 δίχα τῆς τῶν τριγώνων ὅμοιότητος λέγοντα, ὅτι, ἐπειδὴ

4. *ἰσοσκελῆ* W. 8. *ὁρθάς*] inter q et θ ras. W. 17.   
*τοῦ* (alt.)] om. Wp, corr. Halley. 20. *δῆ*] δέ Wp, corr.   
 Halley cum Comm. 22. *ἐστιν* W. 23. *τό*] corr. ex τῷ m. 1 W.   
 $ABG$ ] in mg. transit m. 1 W. 24. *ἐστιν* W. 25. *ὅμοιότητος*, —*τητος* in ras. m. 1, W. 26. *ὅτι*] p, comp.   
 supra scr. m. 1 W.

est, si recta ad planum aliquod perpendicularis sit, etiam omnia plana, quae per eam ducantur, ad idem planum perpendicularia esse. obliquum uero conum supposuit, quia in recto planum basi parallelum idem est atque id, quod e contrario ducitur.

praeterea dicit [I p. 18, 6]: secetur autem etiam alio plano ad triangulum per axem positum perpendiculari, quod ad uerticem abscindat triangulum similem triangulo  $AB\Gamma$ , sed e con-

trario positum. hoc uero ita fit: sit  $AB\Gamma$  triangulus per axem positus, et in  $AB$  sumatur punctum aliquod  $H$ , ad  $AH$  autem rectam et  $H$  punctum in ea positum angulo  $A\Gamma B$  aequalis construatur  $\angle AHK$  [Eucl. I, 23]; itaque triangulus  $AHK$  triangulo  $AB\Gamma$  similis est, sed e contrario positus. iam in  $HK$  punctum aliquod sumatur  $Z$ , et a  $Z$  ad planum trianguli  $AB\Gamma$  perpendicularis erigatur  $Z\theta$ , ducaturque planum per  $HK$ ,  $Z\theta$ . hoc igitur propter  $Z\theta$  ad triangulum  $AB\Gamma$  perpendicularare est et propositum efficit.

in conclusione dicit [I p. 18, 27 sq.], propter similitudinem triangulorum  $\triangle ZH$ ,  $\triangle EZK$  esse

$$\triangle Z \times ZE = \triangle HZ \times ZK.$$

fieri autem potest, ut hoc etiam similitudine triangulorum non usi demonstremus ita ratiocinantes: quoniam uterque angulus  $AKH$ ,  $AZE$  angulo ad  $B$  posito

έκατέρα τῶν ὑπὸ ΑΚΗ, ΑΔΕ γωνιῶν ἵση ἐστὶ τῇ πρὸς τῷ Β, ἐν τῷ αὐτῷ τμήματι εἰσι τοῦ περιλαμβάνοντος κύκλου τὰ Δ, Η, Ε, Κ σημεῖα. καὶ ἐπειδὴ ἐν κύκλῳ δύο εὐθεῖαι αἱ ΔΕ, ΗΚ τέμνουσιν ἀλλήλας κατὰ τὸ Ζ, τὸ ὑπὸ ΑΖΕ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΗΖΚ.

δμοίως δὴ δειχθήσεται, ὅτι καὶ πᾶσαι αἱ ἀπὸ τῆς ΗΘ γραμμῆς ἐπὶ τὴν ΗΚ κάθετοι ἀγόμεναι ἵσον δύνανται τῷ ὑπὸ τῶν τμημάτων. κύκλος ἄρα ἐστὶν ἡ 10 τομή, διάμετρος δὲ αὐτοῦ ἡ ΗΚ. καὶ δυνατὸν μέν ἐστιν ἐπιλογίσασθαι τοῦτο διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγγηῆς. εἰ γὰρ ὁ περὶ τὴν ΚΗ γραφόμενος κύκλος οὐχ ἦξει διὰ τοῦ Θ σημείου, ἐσται τὸ ὑπὸ τῶν ΚΖ, ΖΗ ἵσον ἥτοι τῷ ἀπὸ μεζονος τῆς ΖΘ ἡ τῷ ἀπὸ 15 ἐλάσσονος· δπερ οὐχ ὑπόκειται. δεῖξομεν δὲ αὐτὸ καὶ ἐπ' εὐθείας.

ἔστω τις γραμμὴ ἡ ΗΘ, καὶ ὑποτεινέτω αὐτὴν ἡ ΗΚ, εἰλήφθω δὲ καὶ ἐπὶ τῆς γραμμῆς τυχόντα σημεῖα τὰ Θ, Ο, καὶ ἀπ' αὐτῶν ἐπὶ τὴν ΗΚ κάθετοι ἥγιθω 20 σαν αἱ ΘΖ, ΟΠ, καὶ ἔστω τὸ μὲν ἀπὸ ΖΘ ἵσον τῷ ὑπὸ ΗΖΚ, τὸ δὲ ἀπὸ ΟΠ τῷ ὑπὸ ΗΠΚ ἵσον. λέγω, ὅτι κύκλος ἐστὶν ἡ ΗΘΟΚ γραμμὴ. τετμήσθω γὰρ ἡ ΗΚ διχα κατὰ τὸ Ν, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΝΘ, ΝΟ. ἐπειδὲ οὖν εὐθεῖα ἡ ΗΚ τέμηται εἰς μὲν ἵσα 25 κατὰ τὸ Ν, εἰς δὲ ἄνισα κατὰ τὸ Ζ, τὸ ὑπὸ ΗΖΚ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΝΖ ἵσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΝΚ. τὸ δὲ

1. ΑΔΕ] E e corr. W. ἐστίν W. 2. Β] Π W p, corr. Comm. εἰσιν W. 5. ἐστίν W. 6. ΗΖΚ] ZΗΚ p et corr. ex ΖΕΚ m. 1 W; corr. Comm. 7. αἱ] addidi, om. Wp.

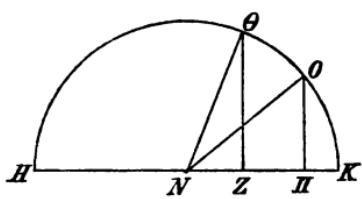
8. ΗΘ] Θ e corr. p, ΗΘΚ Halley cum Comm. 10. αὐτῷ? p.

11. ἐπιλογίσασθαι p (nisi forte γι ita scriptae, ut litterae H similes sint). 13. οὐ W. 14. τῷ] τῷ W. 15. ΖΘ] ΘΗ p.

aequalis est, in eodem segmento circuli puncta  $A$ ,  $H$ ,  $E$ ,  $K$  comprehendentis positi sunt. et quoniam in circulo duae rectae  $AE$ ,  $HK$  inter se secant in  $Z$ , erit  $AZ \times ZE = HZ \times ZK$  [Eucl. III, 35].

iam similiter demonstrabimus, etiam omnes rectas a linea  $H\Theta$  ad  $HK$  perpendiculares ductas quadratas aequales esse rectangulo partium. ergo sectio circulus est, cuius diametrum est  $HK$  [I p. 20, 3 sq.]. et fieri potest, ut hoc per reductionem ad absurdum intelligatur. si enim circulus circum  $KH$  descriptus per punctum  $\Theta$  non ueniet,  $KZ \times ZH$  aequale erit quadrato aut rectae maioris quam  $Z\Theta$  aut minoris; quod contra hypothesis est. uerum idem directa uia demonstrabimus.

sit linea  $H\Theta$ , et sub ea subtendat  $HK$ , sumantur autem etiam in linea puncta aliqua  $\Theta$ ,  $O$ , et ab iis ad  $HK$  perpendiculares ducantur  $\Theta Z$ ,  $O\Pi$ , sitque  $Z\Theta^2 = HZ \times ZK$ ,  $O\Pi^2 = H\Pi \times \Pi K$ . dico, lineam



$H\Theta O K$  circulum esse. nam  $HK$  in  $N$  in duas partes aequales secetur, ducanturque  $N\Theta$ ,  $NO$ . quoniam igitur recta  $HK$  in  $N$  in partes aequales

secta est, in  $Z$  autem in inaequales, erit

$$HZ \times ZK + NZ^2 = NK^2$$

[Eucl. II, 5]. supposuimus autem, esse  $HZ \times ZK = \Theta Z^2$ ;

$\delta\pi\delta$ ] corr. ex  $\delta\pi\omega$  in scribendo W. 17.  $H\Theta K$  Halley cum Comm. 18.  $\tau\nu\chi\delta\nu$  τά W. 19.  $HK$ ]  $\bar{E}K$  Wp, corr. Halley cum Comm. 21.  $H\Pi K$ ]  $\Pi$  corr. ex  $\Theta$  p. 22.  $\eta$ ] insert. m. 1 p.  $H\Theta O K$ ] e corr. m. 1 p;  $O$  supra scr. m. 1 W, post  $K$  ras. parua. 23.  $N\Theta$ ] uel  $H\Theta W$ ,  $H\Theta$  p. 26.  $\dot{\epsilon}\sigma\tau\iota\nu$  W.

ὑπὸ ΗΖΚ ἶσον ὑπόκειται τῷ ἀπὸ ΘΖ· τὸ ἄρα ἀπὸ  
ΘΖ μετὰ τοῦ ἀπὸ ΝΖ ἶσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΝΚ. ἵσα  
δέ ἐστι τὰ ἀπὸ ΘΖ, ΖΝ τῷ ἀπὸ ΝΘ· ὁρθὴ γάρ ἐστιν  
ἡ πρὸς τῷ Ζ· τὸ ἄρα ἀπὸ ΝΘ ἶσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΝΚ.  
δόμοιως δὴ δεῖξομεν, ὅτι καὶ τὸ ἀπὸ ΝΟ ἶσον ἐστὶ<sup>1</sup>  
τῷ ἀπὸ ΝΚ. κύκλος ἄρα ἐστὶν ἡ ΗΘΚ γραμμή, διά-  
μετρος δὲ αὐτοῦ ἡ ΗΚ.

δυνατὸν δέ ἐστι τὰς ΔΕ, ΗΚ διαμέτρους ποτὲ<sup>2</sup>  
μὲν ἴσας, ποτὲ δὲ ἀνίσους εἰναι, οὐδέποτε μέντοι δίχα  
10 τέμνουσιν ἀλλήλας. ἥχθω γὰρ διὰ τοῦ Κ τῇ ΒΓ  
παράλληλος ἡ ΝΚ. ἐπεὶ οὖν μείζων ἐστὶν ἡ ΒΑ τῆς  
ΑΓ, μείζων ἄρα καὶ ἡ ΝΑ τῆς ΑΚ. δόμοιως δὲ καὶ  
ἡ ΚΑ τῆς ΑΗ διὰ τὴν ὑπεναντίαν τομήν. ὥστε ἡ  
τῇ ΑΚ ἀπὸ τῆς ΑΝ ἶση λαμβανομένη μεταξὺ πίπτει  
15 τῶν Η, Ν σημείων. πιπτέτω ὡς ἡ ΑΞ· ἡ ἄρα διὰ  
τοῦ Ξ τῇ ΒΓ παράλληλος ἀγομένη τέμνει τὴν ΗΚ.  
τεμνέτω ὡς ἡ ΞΟΠ. καὶ ἐπεὶ ἶση ἐστὶν ἡ ΞΑ τῇ  
ΑΚ, ὡς δὲ ἡ ΞΑ πρὸς ΑΠ, ἡ ΚΑ πρὸς ΑΗ διὰ  
τὴν δόμοιότητα τῶν ΗΚΑ, ΞΑΠ τριγώνων, ἡ ΑΗ  
20 τῇ ΑΠ ἐστιν ἶση καὶ λοιπὴ ἡ ΗΞ τῇ ΠΚ. καὶ ἐπεὶ  
αἱ πρὸς τοὺς Ξ, Κ γωνίαι ἴσαι εἰσὶν· ἐκατέρᾳ γὰρ  
αὐτῶν ἶση ἐστὶ τῇ Β· εἰσὶ δὲ καὶ αἱ πρὸς τῷ Ο ἴσαι·  
κατὰ κορυφὴν γάρ· δόμοιον ἄρα ἐστὶ τὸ ΞΗΟ τριγω-  
νον τῷ ΠΟΚ τριγώνῳ. καὶ ἶση ἐστὶν ἡ ΗΞ τῇ  
25 ΠΚ· ὥστε καὶ ἡ ΞΟ τῇ ΟΚ καὶ ἡ ΗΟ τῇ ΟΠ καὶ

1. ΗΖΚ] *H* supra scr. m. 1 W. 2. ἐστὶν W. 3.  
ἐστιν W. ΝΘ] Θ corr. in scribendo W. 4. ἐστὶν W.  
5. ΝΟ] ΝΘ p. 6. ΗΘΚ] ΝΘΚ p. 8.  
ἐστιν W. 10. — mg. m. 1 W. 11. ΗΚ p. 12. ΝΑ]  
ΜΑ W p., corr. Comm. 16. Ξ] corr. ex Ζ in scrib. W.  
20. τῇ ΑΠ] om. W p., corr. Comm. 22. ἐστὶν W. 23. ἐστὶν W.  
22. ἐστὶν W. εἰσὶν W. τῷ] p., τό W. 25. ἐστὶν W.  
25. ΗΟ] ΝΟ p.

itaque  $\Theta Z^2 + NZ^2 = NK^2$ . uerum  $\Theta Z^2 + ZN^2 = N\Theta^2$  [Eucl. I, 47]; angulus enim ad  $Z$  positus rectus est; itaque  $N\Theta^2 = NK^2$ . iam eodem modo demonstrabimus, esse etiam  $NO^2 = NK^2$ . ergo linea  $H\Theta K$  circulus est et  $HK$  eius diametrus.

fieri autem potest, ut diametri  $AE$ ,  $HK$  tum aequales tum inaequales sint, sed numquam inter se in binas partes aequales secant. ducatur enim per  $K$  rectae  $B\Gamma$  parallela  $NK$ .

quoniam igitur  $BA > AG$ , erit etiam  $NA > AK$  [Eucl. VI, 2; V, 14]. et eadem ratione propter sectionem contrariam  $KA > AH$ . quare quae ab  $AN$  rectae  $AK$  aequalis aufertur, inter puncta  $H, N$  cadit. cadat ut  $A\Sigma$ .

itaque quae per  $\Sigma$  rectae  $B\Gamma$  parallela ducitur, rectam  $HK$  secat. secet ut  $\Sigma O\Pi$ . et quoniam est  $\Sigma A = AK$ , et propter similitudinem triangulorum  $HKA$ ,  $\Sigma A\Pi$  est  $\Sigma A : A\Pi = KA : AH$  [Eucl. VI, 4], erit

$$AH = A\Pi \text{ [Eucl. V, 9]},$$

et quae relinquitur  $H\Sigma = \Pi K$ . et quoniam anguli ad  $\Sigma, K$  positi aequales sunt (nam uterque angulo  $B$  aequalis est), et etiam anguli ad  $O$  positi aequales [Eucl. I, 15] (nam ad uerticem sunt inter se), similes erunt trianguli  $\Sigma HO$ ,  $\Pi OK$ . et  $H\Sigma = \Pi K$ ; quare etiam  $\Sigma O = OK$ ,  $HO = O\Pi$ ,  $HK = \Sigma \Pi$ . et manifestum est, si inter  $N, \Sigma$  punctum sumatur uelut  $P$ , et per  $P$

In fig.  $O$  deest in W.

δῆλη ἡ ΗΚ τῇ ΞΠ. καὶ φανερόν, ὅτι, ἐὰν μεταξὺ τῶν Ν, Ξ ληφθῆ τι σημεῖον ὥσ τὸ Ρ, καὶ διὰ τοῦ Ρ τῇ ΝΚ παράλληλος ἀχθῆ ἡ ΡΣ, μείζων ἔσται τῆς ΞΠ καὶ διὰ τοῦτο καὶ τῆς ΗΚ, ἐὰν δὲ μεταξὺ τῶν Η, Ξ δ ληφθῆ τι σημεῖον οὖν τὸ Τ, καὶ δι' αὐτοῦ παράλληλος ἀχθῆ ἡ ΤΤ, ἐλάττων ἔσται τῆς ΞΠ καὶ τῆς ΚΗ. καὶ ἐπεὶ ἡ ὑπὸ ΞΠΚ γωνία μείζων ἔστι τῆς ὑπὸ ΑΞΠ, ἵση δὲ ἡ ὑπὸ ΟΠΚ τῇ ὑπὸ ΟΗΞ, μείζων ἄρα καὶ ἡ ὑπὸ ΟΗΞ τῆς ὑπὸ ΗΞΟ. ἡ ΞΟ ἄρα τῆς 10 ΟΗ μείζων καὶ διὰ τοῦτο καὶ ἡ ΚΟ τῆς ΟΠ. ἐὰν δέ ποτε ἡ ἐτέρα αὐτῶν δίχα διαιρεθῆ, ἡ λοιπὴ εἰς ἄνισα τμηθήσεται.

*Εἰς τὸ σ'.*

Προσέχειν χρή, ὅτι οὐ μάτην πρόσκειται ἐν τῇ 15 προτάσει τὸ δεῖν τὴν ἀγομένην εὐθεῖαν ἀπὸ τοῦ ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ σημείου παράλληλον μιᾷ τινι τῶν ἐν τῇ βάσει εὐθειῶν πρὸς δρθὰς οὖσῃ πάντας τῇ βάσει τοῦ διὰ τοῦ ἄξονος τριγώνου ἄγεσθαι παράλληλον· τούτου γὰρ μὴ ὄντος οὐ δυνατόν ἔστιν αὐτὴν δίχα τέμ- 20 νεσθαι ὑπὸ τοῦ διὰ τοῦ ἄξονος τριγώνου· ὅπερ ἔστι φανερόν ἐκ τῆς ἐν τῷ δητῷ καταγραφῆς. εἰ γὰρ ἡ ΜΝ, γῆτινι παράλληλός ἔστιν ἡ ΔΖΗ, μὴ πρὸς δρθὰς εἰη τῇ ΒΓ, δῆλον, ὅτι οὐδὲ δίχα τέμνεται οὐδὲ ἡ ΚΛ. καὶ διὰ τῶν αὐτῶν λόγων συνάγεται, οτι ἔστιν, 25 ὡς ἡ ΚΘ πρὸς ΘΛ, οὗτως ἡ ΔΖ πρὸς ΖΗ· καὶ ἡ ΔΗ ἄρα εἰς ἄνισα τμηθήσεται κατὰ τὸ Ζ.

δυνατὸν δὲ κατωτέρω τοῦ κύκλου καὶ ἐπὶ τῆς κατὰ κορυφὴν ἐπιφανείας τὰ αὐτὰ δείκνυσθαι.

7. ΞΠΚ] Π e corr. m. 1 W. ἔστιν W. 8. ΟΠΚ] O insert. m. 1 W. ΟΗΞ] HΞ p et Ξ in ras. m. 1 W;

rectae  $NK$  parallela ducatur  $P\Sigma$ , esse  $P\Sigma > \Sigma\pi$   
 et ideo  $P\Sigma > HK$ , sin inter  $H$ ,  $\Xi$  punctum sumatur  
 uelut  $T$ , et per id parallela ducatur  $TT$ , esse  
 $TT < \Sigma\pi$  et  $TT < KH$ . et quoniam est

$$\angle \Sigma\pi K > \angle \Sigma\pi,$$

et  $\angle O\pi K = OH\Xi$ , erit etiam  $\angle OH\Xi > H\Xi O$ . ita-  
 que  $\Xi O > OH$  [Eucl. I, 19] et ideo etiam  $KO > O\pi$ .  
 et si quando altera diametrorum in duas partes  
 aequales diuisa erit, reliqua in partes inaequales seca-  
 bitur.

### Ad prop. VI.

Animaduertere oportet, non sine causa in propo-  
 sitione adiici [I p. 20, 12 sq.], rectam a puncto in  
 superficie posito parallelam ductam rectae alicui in  
 basi positae omnino rectae ad basim trianguli per  
 axem positi perpendiculari parallelam duci oportere;  
 nam si hoc non ita est, fieri non potest, ut a trian-  
 gulo per axem posito in duas partes aequales secetur;  
 quod in figura in uerbis Apollonii posita adparet.  
 nam si  $MN$ , cui parallela est  $ZH$ , ad rectam  $BG$   
 perpendicularis non est, adparet, ne  $KA$  quidem in  
 duas partes aequales secari. et eadem ratione conclu-  
 dimus, esse  $K\Theta : \Theta A = AZ : ZH$  [I p. 22, 20 sq.].  
 ergo etiam  $AH$  in  $Z$  in partes inaequales secabitur.

fieri autem potest, ut et infra circulum et in super-  
 facie ad uerticem posita idem demonstretur.

corr. Comm.  
 cum Comm.  
 corr. p.

9.  $H\Xi O$ ]  $N\Xi O$  p.  
 15.  $\dot{\epsilon}\nu$ ]  $\bar{\epsilon}$  Wp.

10.  $KO$ ]  $\Xi O$  Halley  
 20.  $\dot{\epsilon}\sigma\tau\bar{\nu}$  W.  
 28.  $\delta\epsilon\bar{\epsilon}$  e

*Eἰς τὸ ξ'.*

Τὸ ξ' θεώρημα πτώσεις ἔχει τέσσαρας· ἡ γὰρ οὐ συμβάλλει ἡ ΖΗ τῇ ΑΓ ἡ συμβάλλει τφιχῶς ἡ ἐκτὸς τοῦ κύκλου ἡ ἐντὸς ἡ ἐπὶ τοῦ Γ σημείου.

5

*Μετὰ τὸ ι'.*

Χρὴ ἐπιστῆσαι, ὅτι τὰ ἄταῦτα θεωρήματα ἀλλήλων ἔχονται. ἀλλὰ τὸ πρῶτον ἔχει, ὅτι αἱ ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ εὑθεῖαι νεύονται αἱ τὴν κορυφὴν ἐν ταύτῃ μένονταιν, τὸ δὲ δεύτερον τὸ ἀνάπταλιν, τὸ δὲ τρίτον 10 ἔχει τὴν διὰ τῆς κορυφῆς τοῦ κάνοντος τομήν, τὸ δὲ τέταρτον τὴν παράλληλον τῇ βάσει, τὸ πέμπτον τὴν ὑπεναντίαν, τὸ ἕκτον ωσανεὶ προλαμβάνεται τοῦ ἐβδόμου δεικνύον, ὅτι καὶ πρὸς δρθὰς ὁφείλει πάντως εἶναι τῇ διαμέτρῳ τοῦ κύκλου ἡ κοινὴ τομὴ αὐτοῦ 15 καὶ τοῦ τέμνοντος ἐπιπέδου, καὶ ὅτι τούτου οὗτως ἔχοντος αἱ παράλληλοι αὐτῇ διχοτομοῦνται ὑπὸ τοῦ τριγώνου, τὸ δὲ ἐβδόμον τὰς ἄλλας τρεῖς τομὰς ἔδειξε καὶ τὴν διάμετρον καὶ τὰς ἐπ' αὐτὴν καταγομένας παραλλήλους τῇ ἐν τῇ βάσει εὐθείᾳ. ἐν δὲ τῷ ὁδόφῳ 20 δείκνυσιν, ὅπερ ἐν τοῖς προλεγομένοις εἴπομεν, ὅτι ἡ παραβολὴ καὶ ἡ ὑπερβολὴ τῶν εἰς ἄπειρόν εἰσιν αὐξομένων, ἐν δὲ τῷ ἐνάτῳ, ὅτι ἡ ἐλλειψις συνυεύουσα εἰς ἑαυτὴν διοίωσ τῷ κύκλῳ διὰ τὸ τέμνον ἐπίπεδον συμπίκτειν ἀμφοτέραις ταῖς πλευραῖς τοῦ 25 τριγώνου οὐκ ἔστι κύκλος· κύκλους γὰρ ἐποίουν ἡ τε ὑπεναντία τομὴ καὶ ἡ παραλληλος· καὶ δεῖ ἐπιστῆσαι, ὅτι ἡ διάμετρος τῆς τομῆς ἐπὶ μὲν τῆς παραβολῆς

2. τέσσαρες] corr. εχ τέσσαρες m. 2 W. 4. Γ] τρίτον Wp, corr. Comm. 7. πρῶτον] α' p et similiter saepius.

## Ad prop. VII.

Propositio VII quattuor casus habet; nam *ZH* cum *AG* aut non concurrit aut concurrit et hoc quidem tribus modis, aut extra circulum aut intra aut in puncto *G*.

## Post prop. X.

Animaduertendum, has X propositiones inter se coniunctas esse. prima autem continet, rectas in superficie positas, quae ad uerticem cadant, in ea manere, secunda contrarium; tertia uero sectionem per uerticem coni continet, quarta sectionem basi parallelam, quinta sectionem contrariam; sexta quasi lemma est septimae demonstrans, communem sectionem circuli planique secantis omnino ad diametrum perpendicularem esse oportere, et si hoc ita sit, rectas ei parallelas a triangulo in binas partes aequales secari; septima reliquas tres sectiones monstrauit et diametrum rectasque ad eam ductas rectae in basi positae parallelas. in octaua autem demonstrat, quod nos in prooemio [p. 176, 12 sq.] diximus, parabolam hyperbolamque earum linearum esse, quae in infinitum crescant; in nona autem ellipsim, quamquam in se recurrat sicut circulus, quia planum secans cum utroque latere trianguli concurrat, circulum non esse; circulos enim et sectio contraria et parallela efficiebant; et animad-

9. τό (alt.)] supra scr. m. 1 W. 12. προσλαμβάνεται W,  
et p, sed corr. m. 1. ἐβδόμον] ἐβδόμον οὐ W, ξ' οὐ p;  
corr. Comm. 18. δφίλει W. 14. τουη] corr. ex τωη in  
scrib. W. 17. ἐδειξεν W. 23. τὸ τό] scripsi, τό Wp.  
25. ἔστιν W. 27. ει mg. m. 1 W.

τὴν μίαν πλευρὰν τοῦ τριγώνου τέμνει καὶ τὴν βάσιν,  
 ἐπὶ δὲ τῆς ὑπερβολῆς τὴν τε πλευρὰν καὶ τὴν ἐκ'  
 εὐθείας τῇ λοιπῇ πλευρᾷ ἐκβαλλομένην πρὸς τῇ κο-  
 ρυφῇ, ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως καὶ ἐκατέραν τῶν πλευ-  
 5 ρῶν καὶ τὴν βάσιν. τὸ δὲ δέκατον ἀπλούστερον μέν  
 τις ἐπιβάλλων ἵσως ἀν οἰηθεῖη ταῦτὸν εἶναι τῷ δευ-  
 τέρῳ, τοῦτο μέντοι οὐχ ὡς ἔχει· ἐκεῖ μὲν γὰρ ἐπὶ<sup>6</sup>  
 πάσης τῆς ἐπιφανείας ἔλεγε λαμβάνεσθαι τὰ δύο  
 σημεῖα, ἐνταῦθα δὲ ἐπὶ τῆς γενομένης γραμμῆς. ἐν  
 10 δὲ τοῖς ἔξης τρισὶν ἀκριβέστερον ἐκάστην τῶν τομῶν  
 τούτων διακρίνει μετὰ τοῦ λέγειν καὶ τὰ ἰδιώματα  
 αὐτῶν τὰ ἀρχικά.

*Eis τὸ ια'.*

Πεποιήσθω, ὡς τὸ ἀπὸ ΒΓ πρὸς τὸ ὑπὸ<sup>15</sup> ΒΑΓ, οὗτως ἡ ΘΖ πρὸς ΖΑ· σαφὲς μέν ἐστι τὸ  
 λεγόμενον, πλὴν εἴ τις καὶ ὑπομνησθῆναι βούλεται.  
 ἐστω τῷ ὑπὸ ΒΑΓ ἵσον τὸ ὑπὸ ΟΠΡ, τῷ δὲ ἀπὸ<sup>20</sup>  
 ΒΓ ἵσον παρὰ τὴν ΠΡ παραβληθὲν πλάτος ποιείτω  
 τὴν ΠΣ, καὶ γεγονέτω, ὡς ἡ ΟΠ πρὸς ΠΣ, ἡ ΑΖ  
 πρὸς ΖΘ· γέγονεν ἄρα τὸ ζητούμενον. ἐπεὶ γάρ ἐστιν,  
 ὡς ἡ ΟΠ πρὸς ΠΣ, ἡ ΑΖ πρὸς ΖΘ, ἀνάπαλιν ὡς  
 ἡ ΣΠ πρὸς ΠΟ, ἡ ΘΖ πρὸς ΖΑ. ὡς δὲ ἡ ΣΠ  
 πρὸς ΠΟ, τὸ ΣΡ πρὸς ΡΟ, τοντέστι τὸ ἀπὸ ΒΓ  
 πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΑΓ. τοῦτο χρησιμεύει καὶ τοῖς ἔξης  
 25 δύο θεωρίμασιν.

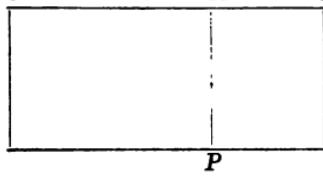
4. δέ] supra scr. p. 7. ἐπί] π e corr. m. 1 p. 8.  
 ἔλεγε λαμ-] p W<sup>1</sup> (ἔλεγεν W<sup>1</sup>). 10. τοῖς ἔξης τρι-] p W<sup>1</sup>.  
 14. πεποιήσθω] p, η in ras. m. 2 W. 15. ἐστιν W. 17.  
 τῷ (pr.)] corr. ex τῷ W<sup>1</sup>. 18. ΠΡ] Π e corr. m. 1 W. 19.  
 ΠΣ (pr.)] Σ in ras. m. rec. W. ΟΠ] Ο corr. ex Θ W.  
 21. ΟΠ] Ο corr. ex Θ W. 22. ΣΠ] Σ e corr. W. ΠΟ]

uertendum est, diametrum sectionis in parabola alterum latus trianguli basimque secare, in hyperbola autem et latus et rectam in altero latere ad uerticem uersus producto positam, in ellipsi autem et utrumque latus et basim. decimam uero, qui obiter intuitus erit, fortasse eandem ac secundam esse putauerit; sed minime ita est; illic enim duo puncta in tota superficie sumi posse dicebat, hic uero in linea orta. in tribus autem deinde sequentibus propositionibus unquamque harum sectionum diligentius distinguit proprietates simul principales earum indicans.

## Ad prop. XI.

Fiat  $B\Gamma^2 : BA \times AG = \Theta Z : ZA$  [I p. 38, 24—25]: manifestum quidem, quod dicitur, nisi si quis admoneri

$O$              $\Pi$              $\Sigma$  uelit. sit



$O\Pi \times \Pi P = BA \times AG$ ,  
et spatium quadrato  $B\Gamma^2$  aequale ad  $\Pi P$  applicatum latitudinem efficiat  $\Pi\Sigma$ , fiatque  $O\Pi : \Pi\Sigma = AZ : Z\Theta$ ;  
itaque effectum est, quod quaeritur. nam quoniam est  $O\Pi : \Pi\Sigma = AZ : Z\Theta$ , e contrario erit [Eucl. V, 7 coroll.]

$$\Sigma\Pi : \Pi O = \Theta Z : ZA.$$

est autem

$\Sigma\Pi : \Pi O = \Sigma P : PO$  [Eucl. VI, 1] =  $B\Gamma^2 : BA \times AG$ .  
hoc etiam in duabus, quae sequuntur, propositionibus [I p. 44, 11; 50, 6] utile est.

---

$O$  e corr. W.     $\Sigma\Pi$ ]  $\Sigma$  e corr. W.    23.  $PO$ ]  $O$  e corr. W.  
 $\tau\sigma\tau\tau\sigma\tau\tau\tau\tau$  W.     $B\Gamma$ ]  $B$  e corr. p.

Τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ΒΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΒΑΓ λόγον  
ἔχει τὸν συγκείμενον ἐκ τοῦ ὃν ᔁχει ἡ ΒΓ πρὸς  
ΓΑ καὶ ἡ ΒΓ πρὸς ΒΑ· δέδεικται μὲν ἐν τῷ ἕκτῳ  
βιβλίῳ τῆς στοιχειώσεως ἐν τῷ εἰκοστῷ τοίτῳ θεωρή-  
τῳ ματι, ὅτι τὰ ἴσογάννια παραλληλόγραμμα πρὸς ἄλληλα  
λόγον ᔁχει τὸν συγκείμενον ἐκ τῶν πλευρῶν· ἐπεὶ δὲ  
ἐπακτικάτερον μᾶλλον καὶ οὐ κατὰ τὸν ἀναγκαῖον  
τρόπον ὑπὸ τῶν ὑπομνηματιστῶν ἐλέγετο, ἔξητήσαμεν  
αὐτὸν καὶ γέργαπται ἐν τοῖς ἐκδεδομένοις ἡμῖν εἰς τὸ  
10 τέταρτον θεώρημα τοῦ δευτέρου βιβλίου τῶν Ἀρχιμή-  
δους περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρου καὶ ἐν τοῖς σχολίοις τοῦ  
πρώτου βιβλίου τῆς Πτολεμαίου συντάξεως· οὐ χεῖρον  
δὲ καὶ ἐνταῦθα τοῦτο γραφῆναι διὰ τὸ μὴ πάντως τοὺς  
ἀναγινώσκοντας κάπεινοις ἐντυγχάνειν, καὶ ὅτι σχεδὸν  
15 τὸ δλον σύνταγμα τῶν κωνικῶν κέχρηται αὐτῷ.

λόγος ἐκ λόγων συγκείσθαι λέγεται, ὅταν αἱ τῶν  
λόγων πηλικότητες ἐφ' ἑαυτὰς πολλαπλασιασθεῖσαι ποι-  
ῶσι τινα, πηλικότητος δηλονότι λεγομένης τοῦ ἀριθ-  
μοῦ, οὗ παφάνυμός ἐστιν ὁ λόγος. ἐπὶ μὲν οὖν τῶν  
20 πολλαπλασίων δυνατόν ἐστιν ἀριθμὸν διλόκληρον εἶναι  
τὴν πηλικότητα, ἐπὶ δὲ τῶν λοιπῶν σχέσεων ἀνάγκη  
τὴν πηλικότητα ἀριθμὸν εἶναι καὶ μόριον ἢ μόρια, εἰ μὴ  
ἄρα τις ἐθέλοι καὶ ἀρρήτους εἶναι σχέσεις, οἷαί εἰσιν  
αἱ κατὰ τὰ ἄλογα μεγέθη. ἐπὶ πασῶν δὲ τῶν σχέσεων  
25 δηλον, ὅτι αὐτὴ ἡ πηλικότης πολλαπλασιαζομένη ἐπὶ<sup>1</sup>  
τὸν ἐπόμενον δρον τοῦ λόγου ποιεῖ τὸν ἡγούμενον.

ἐστω τούτου λόγος ὁ τοῦ Α πρὸς τὸν Β, καὶ εἰ-

2. ΒΓ] Γ ε corr. m. 1 W. 3. ΓΑ — πρός] addidi;  
om. W p (pro ΒΑ Halley scr. ΓΑ). 4. τῆς] τῇ W. ἐν] ε  
corr. p. 5. ὅτι] p w, ὅτ seq. ras. 1 litt. W. 10. Ἀρχιμή-  
δους] vw, Ἀρχι seq. ras. 5—6 litt. W et seq. lac. p. 18.

**Et est**

$$B\Gamma^2 : BA \times A\Gamma = (B\Gamma : \Gamma A) \times (B\Gamma : BA)$$

[I p. 40, 8—10]: in propositione XXIII sexti libri Elementorum demonstratum est, parallelogramma aequiangula inter se rationem ex rationibus laterum compositam habere; quoniam autem hoc per inductionem magis neque satis stricte a commentatoribus exponebatur, nos de ea re quaesiuiimus et scriptum est in commentariis, quae edidimus ad quartam propositionem libri alterius Archimedis de sphaera et cylindro [Archimedis op. III p. 140 sq.] et in scholiis primi libri compositionis Ptolemaei; uerum satius esse duximus hic quoque idem exponere, quia non omnino iis, qui haec legent, illi quoque libri ad manum sunt, et quia totum paene opus conicorum eo utitur.

ratio ex rationibus composita esse dicitur, ubi rationum quantitates inter se multiplicatae rationem quandam efficiunt, quantitas autem is dicitur numerus, a quo ratio denominatur. in multis igitur fieri potest, ut quantitas sit totus aliquis numerus, in reliquis uero rationibus necesse est, quantitatem numerum esse cum parte uel partibus, nisi quis etiam irrationales rationes esse statuerit, quales sunt magnitudinum irrationalium. uerum in omnibus rationibus manifestum est, ipsam quantitatem in terminum sequentem proportionis multiplicatam praecedentem efficere.

sit igitur proportio  $A : B$ , et sumatur medius

---

*γραφεῖναι* W. 16—17.  $\xi$  mg. W. 17. *πολλαπλασθεῖσαι* W.

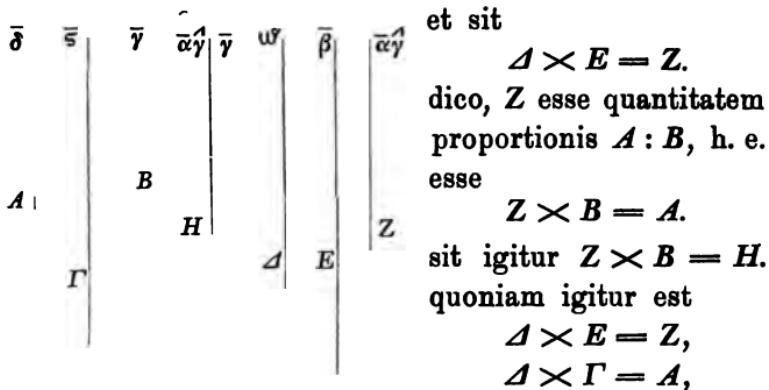
*ποιῶσι] p, ασιν post ras. 3 litt. W. 21. τὴν] p, om. W.*

λήφθω τις αὐτῶν μέσοις, ὡς ἔτυχεν, δὲ Γ, καὶ ἔστω  
 τοῦ Α, Γ λόγου πηλικότης δὲ Δ, τοῦ δὲ Γ, Β δὲ Ε,  
 καὶ δὲ Δ τὸν Ε πολλαπλασιάσας τὸν Ζ ποιείτω. λέγω,  
 ὅτι τοῦ λόγου τῶν Α, Β πηλικότης ἔστιν δὲ Ζ, τοντ-  
 5 ἔστιν δὲ τὸν Ζ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Α ποιεῖ.  
 δὲ δὴ Ζ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Η ποιείτω. ἐπεὶ  
 οὖν δὲ Δ τὸν μὲν Ε πολλαπλασιάσας τὸν Ζ πεποίηκεν,  
 τὸν δὲ Γ πολλαπλασιάσας τὸν Α πεποίηκεν, ἔστιν  
 ἄρα, ὡς δὲ Ε πρὸς τὸν Γ, δὲ Ζ πρὸς τὸν Α. πάλιν  
 10 ἐπεὶ δὲ Β τὸν Ε πολλαπλασιάσας τὸν Γ πεποίηκεν,  
 τὸν δὲ Ζ πολλαπλασιάσας τὸν Η πεποίηκεν, ἔστιν  
 ἄρα, ὡς δὲ Ε πρὸς τὸν Ζ, δὲ Γ πρὸς τὸν Η. ἐναλλάξ,  
 ὡς δὲ Ε πρὸς τὸν Γ, δὲ Ζ πρὸς τὸν Α· ἵσος ἄρα δὲ Η  
 15 τῷ Α. ὥστε δὲ Ζ τὸν Β πολλαπλασιάσας τὸν Α  
 πεποίηκεν.

μὴ ταραττέτω δὲ τοὺς ἐντυγχάνοντας τὸ διὰ τῶν  
 ἀριθμητικῶν δεδειχθαι τοῦτο· οἵ τε γὰρ παλαιοὶ κέ-  
 χρηματιαι ταῖς τοιαύταις ἀποδείξεσι μαθηματικαῖς μᾶλλον  
 20 οὕσαις ἢ ἀριθμητικαῖς διὰ τὰς ἀναλογίας, καὶ δὲ τοῦ  
 τὸ ξητούμενον ἀριθμητικόν ἔστιν. λόγοι γὰρ καὶ  
 πηλικότητες λόγων καὶ πολλαπλασιασμοὶ τοῖς ἀριθμοῖς  
 πρώτως ὑπάρχουσι καὶ δι' αὐτῶν τοῖς μεγέθεσι, κατὰ  
 τὸν εἰπόντα· ταῦτα γὰρ τὰ μαθήματα δοκοῦντι εἰμεν  
 25 ἀδελφά.

4. τῶν] corr. ex τόν in scrib. W 7. πεποίηκε p. 10.  
 πεποίηκε p. 16. πεποίηκε p. Mg. διότι τὸ Ζ πρὸς τὸ Δ  
 καὶ Η λόγον τὸν αὐτὸν ἔχει τοῦ Ε πρὸς τὸ Γ, τὰ δὲ ἔχοντα  
 πρὸς [τὸ αὐτὸν] τὸν αὐτὸν λόγον ἵσα m. 1 W (τὸ αὐτό om.,  
 ἵσα comp. m. 2) et p (τὸ αὐτό om., add. mg. ἔξω ἢν σχόλιον). 18. δεδειχθαι] p, δεδ ras. 3 litt. θαι W, δεδόσθαι w. 19.  
 ἀποδείξειν W. 20. δὲ] fort. αὐτό. 23. ὑπάρχουσιν W.

eorum numerus aliquis  $\Gamma$ , sitque proportionis  $A : \Gamma$  quantitas  $\Delta$ , proportionis autem  $\Gamma : B$  quantitas  $E$ ,



erit [Eucl. VII, 17]  $E : \Gamma = Z : \Delta$ . rursus quoniam  
 est  $B \times E = \Gamma$ ,  $B \times Z = H$ , erit [ib.]  $E : Z = \Gamma : H$ .  
 permutando  $E : \Gamma = Z : H$ . erat autem  $E : \Gamma = Z : \Delta$ ;  
 quare  $H = \Delta$ . ergo  $Z \times B = \Delta$ .

ne offendat autem eos, qui legent, quod hoc arithmeticē demonstratum est; nam et antiqui eius modi demonstrationibus usi sunt, quippe quae mathematicae potius quam arithmeticae sint propter proportiones, et quod quaeritur, arithmeticum esse constat. nam rationes quantitatesque rationum et multiplicationes proprie ad numeros pertinent et propter eos ad magnitudines, quod ipsum censuit, qui<sup>1)</sup> dixit: nam haec mathematica inter se cognata uidentur esse.

---

Vp in linea  $H$  habent numeros  $\bar{\alpha}\beta$  et inter  $H$  et  $\Delta$  numerum  $\bar{y}$ , sed scribendum ut supra (h. e.  $1\frac{1}{3} \times 3$ ). in  $\Delta$  pro  $w$  ( $\frac{2}{3}$ ) habent  $\bar{o}$ .

---

1) Archytas Tarentinus; u. Nicomachus arithm. I, 3, 4.

*Eἰς τὸ ιγ'.*

Δεῖ σημειώσασθαι, ὅτι τοῦτο τὸ θεώρημα τρεῖς ἔχει καταγραφάς, ὡς καὶ πολλάκις εἰρηται ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως· ἡ γὰρ *ΔΕ* ἡ ἀνταντέρω τοῦ *Γ* συμπίπτει 5 τῇ *ΑΓ* ἡ κατ' αὐτοῦ τοῦ *Γ* ἡ ἔξιστερω ἐκβαλλομένη τῇ *ΑΓ* συμπίπτει.

*Eἰς τὸ ιδ'.*

Δυνατὸν ἦν καὶ οὕτως δεῖξαι, ὅτι, ὡς τὸ ἀπὸ *ΑΣ* πρὸς τὸ ὑπὸ *ΒΣΓ*, οὕτως τὸ ἀπὸ *ΑΤ* πρὸς τὸ ὑπὸ 10 *ΞΤΟ*.

ἐπεὶ γὰρ παράληλός ἐστιν ἡ *ΒΓ* τῇ *ΞΟ*, ἐστιν, ὡς ἡ *ΓΣ* πρὸς *ΣΑ*, ἡ *ΞΤ* πρὸς *ΤΑ*, καὶ διὰ τὰ αὐτά, ὡς ἡ *ΑΣ* πρὸς *ΣΒ*, ἡ *ΑΤ* πρὸς *ΤΟ*· δι' ἵσου ἄρα, ὡς ἡ *ΓΣ* πρὸς *ΣΒ*, ἡ *ΞΤ* πρὸς *ΤΟ*. καὶ ὡς 15 ἄρα τὸ ἀπὸ *ΓΣ* πρὸς τὸ ὑπὸ *ΓΣΒ*, τὸ ἀπὸ *ΞΤ* πρὸς τὸ ὑπὸ *ΞΤΟ*. ἐστι δὲ διὰ τὴν ὁμοιότητα τῶν τριγώνων, ὡς τὸ ἀπὸ *ΑΣ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΣΓ*, τὸ ἀπὸ *ΑΤ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΞΤ*· δι' ἵσου ἄρα, ὡς τὸ ἀπὸ *ΑΣ* πρὸς τὸ ὑπὸ *ΒΣΓ*, τὸ ἀπὸ *ΑΤ* πρὸς τὸ ὑπὸ *ΞΤΟ*.  
20 καὶ ἐστιν, ὡς μὲν τὸ ἀπὸ *ΑΣ* πρὸς τὸ ὑπὸ *ΒΣΓ*, ἡ *ΘΕ* πρὸς *ΕΠ*, ὡς δὲ τὸ ἀπὸ *ΑΤ* πρὸς τὸ ὑπὸ *ΞΤΟ*, ἡ *ΘΕ* πρὸς *ΘΡ*· καὶ ὡς ἄρα ἡ *ΘΕ* πρὸς *ΕΠ*, ἡ *ΕΘ* πρὸς *ΘΡ*. ἵση ἄρα ἐστὶν ἡ *ΕΠ* τῇ *ΘΡ*.

πιῶσιν μὲν οὖν οὐκ ἔχει, φανερὸς δέ ἐστιν ὁ 25 σκοπὸς συνεχῆς ὃν τοῖς πρὸ αὐτοῦ τρισίν· ὁμοίως γὰρ ἐκείνοις τὴν διάμετρον τῶν ἀντικειμένων ξητεῖ τὴν ἀρχικὴν καὶ τὰς παρ' αἷς δύνανται.

1. *ιγ'*] w, γ e corr. W, ι e corr. p. 4. ἐλλείψεως W. 8.  
*ΑΣ]* Α e corr. W. 9. οὕτω p. 10. *ΞΤΟ]* ΖΤ Wp, corr. Comm. 11. *ΞΟ]* ΖΟ Wp, corr. Comm. 13. *ΤΟ]* τὸ W,

## Ad prop. XIII.

Animaduertendum, hanc propositionem tres figuræ habere, ut iam saepe in ellipsi diximus; nam  $\Delta E$  aut supra  $\Gamma$  cum  $AT$  concurrit aut in ipso  $\Gamma$  aut extra cum  $AT$  producta concurrit.

## Ad prop. XIV.

Poterat sic quoque demonstrari, esse  
 $A\Sigma^2 : B\Sigma \times \Sigma\Gamma = AT^2 : ET \times TO$  [I p. 58, 2—3]:  
nam quoniam  $B\Gamma$  rectæ  $EO$  parallela est, erit  
 $\Gamma\Sigma : \Sigma A = ET : TA$  et eadem de causa  
 $A\Sigma : \Sigma B = AT : TO$  [cfr. I p. 56, 24—27].  
ex aequo igitur  $\Gamma\Sigma : \Sigma B = ET : TO$ . quare etiam  
 $\Gamma\Sigma^2 : \Gamma\Sigma \times \Sigma B = ET^2 : ET \times TO$ . uerum propter  
similitudinem triangulorum est [Eucl. VI, 4]

$A\Sigma^2 : \Sigma\Gamma^2 = AT^2 : ET^2$ ;  
itaque ex aequo  $A\Sigma^2 : B\Sigma \times \Sigma\Gamma = AT^2 : ET \times TO$ .  
est autem  $A\Sigma^2 : B\Sigma \times \Sigma\Gamma = \Theta E : E\Pi$  et  
 $AT^2 : ET \times TO = \Theta E : \Theta P$ .

quare etiam  $\Theta E : E\Pi = E\Theta : \Theta P$ . ergo  $E\Pi = \Theta P$  [cfr. I p. 58, 3—7].

casum non habet, et propositum satis adparet, cum ad fine sit tribus, quae antecedunt; nam eodem modo,  
quo illæ, diametrum principalem oppositarum para-  
metrosque quaerit.

" p., corr. Comm. 14.  $TO$ ] τὸ  $\Gamma\Sigma$  W, τὸ  $\Sigma\Gamma$  p., corr. Comm. 15. τὸ ἀπό (alt.)] in ras m. 1 W. 16. Post ὑπό rep.  $T\Sigma B$  (B corr. ex  $\Sigma$  p) τὸ ἀπὸ  $ET$  πρὸς τὸ ὑπό W p., corr. Comm.  $ETO$ ]  $ET$  W p., corr. Comm. ἔστι W. 21.  $\Theta E$ ]  $\Theta \Sigma$  W p., corr. Comm. 22.  $ETO$ , ή  $\Theta E$ ]  $ET$  ḡ  $H\Theta E$  W p., corr. Comm. 28.  $E\Theta$ ] E e corr. m. 1 p.  $E\Pi$ ]  $\Theta \Pi$  W p., corr. Comm.

*Εἰς τὸ ις'.*

"Ισον ἄρα τὸ ὑπὸ *BKA* τῷ ὑπὸ *ΑΛΒ*· ἵση  
ἄρα εἰστὶν ἡ *ΚΑ* τῇ *ΒΛ*· ἐπεὶ γὰρ τὸ ὑπὸ *BKA*  
τῷ ὑπὸ *ΑΛΒ* εἰστιν ίσον, ἀνάλογον εἴσται, ὡς ἡ *ΚΒ*  
ἢ πρὸς *ΑΛ*, ἡ *ΛΒ* πρὸς *ΑΚ*. καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ *ΚΒ*  
πρὸς *ΒΛ*, ἡ *ΛΑ* πρὸς *ΑΚ*. καὶ συνθέντι, ὡς ἡ *ΚΛ*  
πρὸς *ΛΒ*, ἡ *ΛΚ* πρὸς *ΚΑ*. ίση ἄρα ἡ *ΚΑ* τῇ *ΒΛ*.

δεῖ ἐπιστῆσαι, ὅτι ἐν τῷ πεντεκαιδεκάτῳ καὶ ἐκ-  
καιδεκάτῳ θεώρηματι σπουδὸν ἔσχε ζητῆσαι τὰς καλου-  
10 μένας δευτέρας καὶ συζυγεῖς διαμέτρους τῆς ἐλλείφεως  
καὶ τῆς ὑπερβολῆς ἥτοι τῶν ἀντικειμένων· ἡ γὰρ  
παραβολὴ οὐκ ἔχει τοιαύτην διάμετρον. παρατηρητέον  
δέ, ὅτι αἱ μὲν τῆς ἐλλείφεως διάμετροι ἐντὸς ἀπολαμ-  
βάνονται, αἱ δὲ τῆς ὑπερβολῆς καὶ τῶν ἀντικειμένων  
15 ἐκτός. καταγράφοντας δὲ δεῖ τὰς μὲν παρ' ἃς δύναν-  
ται ἥτοι τὰς ὁρθίας πλευρὰς πρὸς ὁρθὰς τάττειν καὶ  
δηλονότι καὶ τὰς παραλλήλους αὐταῖς, τὰς δὲ τεταγ-  
μένως καταγομένας καὶ τὰς δευτέρας διαμέτρους οὐ  
πάντως μάλιστα γὰρ ἐν ὀξείᾳ γωνίᾳ δεῖ κατάγειν  
20 αὐτάς, ἵνα σαφεῖς ὡσιν τοῖς ἐντυγχάνουσιν ἔτεραι  
οὖσαι τῶν παραλλήλων τῇ ὁρθίᾳ πλευρᾷ.

---

Μετὰ τὸ ἐκκαιδέκατον θεώρημα ὅρους ἐκτίθεται  
περὶ τῆς καλουμένης δευτέρας διαμέτρου τῆς ὑπερ-  
βολῆς καὶ τῆς ἐλλείφεως, οὓς διὰ καταγραφῆς σαφεῖς  
25 ποιήσομεν.

ἔστω ὑπερβολὴ ἡ *AB*, διάμετρος δὲ αὐτῆς ἔστω  
ἡ *ΓΒΔ*, παρ' ἣν δὲ δύνανται αἱ ἐπὶ τὴν *BΓ* κατ-

---

7. *ΚΑ* (alt.)] *ΚΘ* W et p (*Θ* e corr. m. 1); corr. Comm.  
(ak). 8. ἐκκεδεκάτῳ W. 9. ἔσχεν W. 12. *Mg.* (ε m. 1 W.

## Ad prop. XVI.

Quare  $BK \times KA = AA \times AB$ ; itaque est  
 $KA = BA$  [I p. 66, 9—11]: quoniam enim  
 $BK \times KA = AA \times AB$ ,

erit  $KB : AA = AB : AK$ . et permutando

$$KB : BA = AA : AK;$$

et componendo  $KA : AB = AK : KA$ ; ergo  $KA = BA$ .

animaduertendum, in quinta decima et sexta decima propositionibus ei propositum fuisse diametros alteras et coniugatas, quae uocantur, ellipsis hyperbolaeque siue oppositarum quaerere; parabola enim talem diametrum non habet. obseruandum autem, diametros ellipsis intus comprehendi, hyperbolae uero oppositarumque extra. in figuris autem describendis oportet parametros siue recta latera perpendicularares collocari et, ut per se intellegitur, etiam rectas iis parallelas, rectas autem ordinate ductas diametrosque alteras non semper; melius enim in angulo acuto ducuntur, ut iis, qui legent, statim adpareat, eas alias esse ac rectas lateri recto parallelas.

Post propositionem sextam decimam de diametro altera, quae uocatur, hyperbolae et ellipsis definitiones exponit [I p. 66, 16 sq.], quas per figuram explicabimus.

sit  $AB$  hyperbola, diametrus autem eius sit  $ΓΒΔ$ ,  $BE$  autem parametruς diametri  $ΒΓ$ . adparet igitur,

13. ἐλλείψεως] corr. ex ἐλλήψεως m. 2 W. 18. δευτέρας] β' p. 21. ὁρθίχ] ὁρθεῖαι W. 24—25. -εις ποι- in ras. m. 1 W.

αγόμεναι ἡ ΒΕ. φανερὸν οὖν, ὅτι ἡ μὲν ΒΓ εἰς ἄπειρον αὐξεται διὰ τὴν τομῆν, ὡς δέδεικται ἐν τῷ ὀγδόῳ θεωρήματι, ἡ δὲ ΒΔ, ἣτις ἐστὶν ἡ ὑποτείνουσα τὴν ἔκτὸς τοῦ διὰ τοῦ ἄξονος τριγώνου γωνίαν πεπέρασται. ταύτην δὴ διχοτομοῦντες κατὰ τὸ Ζ καὶ ἀγαγόντες ἀπὸ τοῦ Α τεταγμένως κατηγμένην τὴν ΑΗ, διὰ δὲ τοῦ Ζ τῇ ΑΗ παράλληλον τὴν ΘΖΚ καὶ ποιήσαντες τὴν ΘΖ τῇ ΖΚ ἵσην, ἔτι μέντοι καὶ τὸ ἀπὸ ΘΚ ἵσον τῷ ὑπὸ ΔΒΕ, ἔξομεν τὴν ΘΚ δευτέραν διάμετρον. τοῦτο γὰρ δυνατὸν διὰ τὸ τὴν ΘΚ ἔκτὸς οὖσαν τῆς τομῆς εἰς ἄπειρον ἐκβάλλεσθαι καὶ δυνατὸν εἶναι ἀπὸ τῆς ἀπείρου προτεθείσῃ εὐθείᾳ ἵσην ἀφελεῖν. τὸ δὲ Ζ κέντρον καλεῖ, τὴν δὲ ΖΒ καὶ τὰς δύμοις αὐτῇ ἀπὸ τοῦ Ζ πρὸς τὴν τομῆν φερομένας ἐκ 15 τοῦ κέντρου.

ταῦτα μὲν ἐπὶ τῆς ὑπερβολῆς καὶ τῶν ἀντικειμένων· καὶ φανερόν, ὅτι πεπερασμένη ἐστὶν ἐκατέρα τῶν διαμέτρων, ἡ μὲν πρώτη αὐτόθεν ἐκ τῆς γενέσεως τῆς τομῆς, ἡ δὲ δευτέρα, διότι μέση ἀνάλογόν ἐστι 20 πεπερασμένων εὐθειῶν τῆς τε πρώτης διαμέτρου καὶ τῆς παρ' ἥν δύνανται αἱ καταγόμεναι ἐπ' αὐτὴν τεταγμένως.

ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως οὕπω δῆλον τὸ λεγόμενον. ἐπειδὴ γὰρ εἰς ἑαυτὴν συννεύει, καθάπερ ὁ κύκλος, 25 καὶ ἐντὸς ἀπολαμβάνει πάσας τὰς διαμέτρους καὶ ὠρισμένας αὐτὰς ἀπεργάζεται· ὥστε οὐ πάντως ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως ἡ μέση ἀνάλογον τῶν τοῦ εἰδούς πλευρῶν καὶ διὰ τοῦ κέντρου τῆς τομῆς ἀγομένη καὶ ὑπὸ τῆς τομῆς περατοῦται.

---

4. ἄξονος W. 9. ὑπό] ἀπό p. 19. ἐστιν W. 23. οὕπω] οὗτω? 26. οὐ] del. Comm.

*BΓ* propter sectionem in infinitum crescere, sicut in propositione octaua demonstratum est, *BΔ* autem, quae sub angulo exteriore trianguli per axem positi

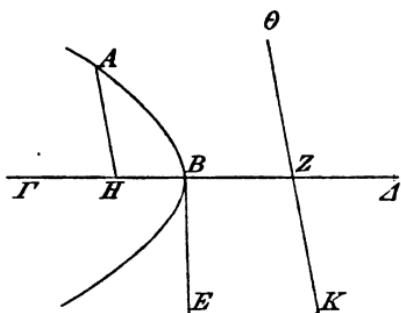
subtendat, terminatam esse. hac igitur in *Z* in duas partes aequales diuisa, ab *A* autem *AH* ordinate ducta et per *Z* rectae *AH* parallela ducta *OZK* et sumpta *OZ* rectae *ZK* aequali praetereaque sumpto

$$\Theta K^2 = AB \times BE,$$

habebimus alteram diametrum *OK*. hoc enim fieri potest, quia *OK*, quae extra sectionem est, in infinitum produci potest, et quia ab infinita recta rectam datae aequalem absindere possumus. *Z* autem centrum uocat et *ZB* easque, quae similiter a *Z* ad sectionem ducuntur, radios.

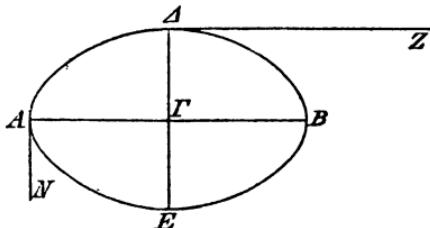
haec quidem in hyperbola oppositisque; et adparet, utramque diametrum terminatam esse, priorem statim ex origine sectionis, alteram autem, quod media sit proportionalis inter rectas terminatas, priorem scilicet diametrum et parametrum rectarum ad illam ordinatae ductarum.

in ellipsi uero nondum constat propositum. quoniam enim sicut circulus in se recurrit, omnes diametros intra se comprehendit et determinat; quare in ellipsi media inter latera figurae proportionalis per centrum sectionis ducta et a diametro in duas partes aequales secta non semper a sectione determinatur. fieri autem



δυνατὸν δὲ αὐτὴν συλλογίζεσθαι δι’ αὐτῶν τῶν εἰρημένων ἐν τῷ πεντεκαιδεκάτῳ θεωρήματι. ἐπεὶ γάρ, ὡς ἔκει δέδεικται, αἱ ἐπὶ τὴν  $\Delta E$  καταγόμεναι παράλληλοι τῇ  $AB$  δύνανται τὰ παρακείμενα παρὰ τὴν τρίτην αὐταῖς 5 ἀνάλογον γινομένην, τουτέστι τὴν  $Z\Delta$ , ἕστιν, ὡς ἡ  $\Delta E$  πρὸς τὴν  $AB$ , ἡ  $AB$  πρὸς  $\Delta Z$ . ὥστε μέση ἀνάλογόν 10 ἔστιν ἡ  $AB$  τῶν  $E\Delta$ ,  $\Delta Z$ . καὶ διὰ τοῦτο καὶ αἱ καταγόμεναι ἐπὶ τὴν  $AB$  παράλληλοι τῇ  $\Delta E$  δύνησονται τὰ παρὰ τὴν τρίτην ἀνάλογον παρακείμενα τῶν  $\Delta E$ ,  $AB$ , 15 τουτέστι τὴν  $AN$ . διὰ δὴ τοῦτο μέση ἀνάλογον γίνεται ἡ  $\Delta E$  δευτέρᾳ διάμετρος τῶν  $BA$ ,  $AN$  τοῦ εἰδούς πλευρῶν.

δεῖ δὲ εἰδέναι καὶ τοῦτο διὰ τὸ εὐχρηστον τῶν καταγραφῶν· ἐπεὶ γὰρ ἄνισοι εἰσιν αἱ  $AB$ ,  $\Delta E$  διάμετροι· ἐν μόνῳ γὰρ τῷ κύκλῳ ἵσαι εἰσίν· δῆλον, ὅτι ἡ μὲν πρὸς ὁρθὰς ἀγομένη τῇ ἐλάσσονι αὐτῶν ὡς ἐνταῦθα ἡ  $\Delta Z$  ἀτε τρίτη ἀνάλογον οὖσα τῶν  $\Delta E$ , 20  $AB$  μείζων ἐστὶν ἀμφοῖν, ἡ δὲ πρὸς ὁρθὰς ἀγομένη τῇ μείζονι ὡς ἐνταῦθα ἡ  $AN$  διὰ τὸ τρίτην ἀνάλογον εἶναι τῶν  $AB$ ,  $\Delta E$  ἐλάσσοναν ἐστὶν ἀμφοῖν. 25 ὥστε καὶ συνεχῶς εἶναι τὰς τέσσαρας ἀνάλογον· ὡς γὰρ ἡ  $AN$  πρὸς  $\Delta E$ , ἡ  $\Delta E$  πρὸς  $AB$  καὶ ἡ  $AB$  πρὸς  $\Delta Z$ .



*Eἰς τὸ ιξ’.*

‘Ο μὲν Εὐκλείδης ἐν τῷ πεντεκαιδεκάτῳ θεωρήματι τοῦ τρίτου βιβλίου τῆς στοιχειώσεως ἔδειξεν, ὅτι ἡ

5. τουτέστιν  $W$ . τὴν] τὴν  $W$ , τῇ p, corr. Halley.  $Z\Delta$ ]  $\Delta e$  corr. p. 8.  $AB$ ]  $A e$  corr. in scrib. W. 10. τουτ-

potest, ut per ea ipsa, quae in propositione quinta decima dicta sunt, computetur. nam quoniam, ut ibi demonstratum est, rectae ad  $\Delta E$  rectae  $AB$  parallelae ductae quadratae aequales sunt spatiis ad tertiam earum proportionalem, hoc est ad  $Z\Delta$ , adplicatis, erit  $\Delta E : AB = AB : \Delta Z$ ; quare  $AB$  inter  $E\Delta$ ,  $\Delta Z$  media est proportionalis. qua de causa etiam rectae ad  $AB$  rectae  $\Delta E$  parallelae ductae quadratae aequales erunt spatiis ad tertiam rectarum  $\Delta E$ ,  $AB$  proportionalem, hoc est ad  $AN$ , adplicatis. qua de causa  $\Delta E$  altera diametrus media est proportionalis inter  $BA$ ,  $AN$  latera figurae.

sciendum autem hoc quoque, quod ad figuras describendas utile est; quoniam enim diametri  $AB$ ,  $\Delta E$  inaequales sunt (nam in solo circulo sunt aequales), manifestum est, rectam ad minorem earum perpendicularem ductam ut hic  $\Delta Z$ , quippe quae tertia sit proportionalis rectarum  $\Delta E$ ,  $AB$ , maiorem esse utraque, rectam autem ad maiorem perpendicularem ductam ut hic  $AN$ , quippe quae tertia sit proportionalis rectarum  $AB$ ,  $\Delta E$ , minorem utraque [Eucl. V, 14]; quare etiam deinceps proportionales sunt quattuor illae rectae; nam  $AN : \Delta E = \Delta E : AB = AB : \Delta Z$ .

### Ad prop. XVII.

Euclides in propositione quinta decima<sup>1)</sup> tertii libri Elementorum demonstrauit, rectam, quae ad

---

1) Est Elem. III, 16.

*εστιν* W. *μέση*] *μέν* Wp, corr. Comm. 20. *τῶν*] om. p. *ΔE*] *Δ* e corr. in scrib. W. 23. Post *τοίτην* del. *εἰναι* p. 26. *AN*] *N* e corr. p.

πρὸς ὁρθὰς ἀγομένη ἀπ' ἄκρας τῆς διαμέτρου ἐκτός τε πίπτει καὶ ἐφάπτεται τοῦ κύκλου, ὃ δὲ Ἀπολλώνιος ἐν τούτῳ καθολικόν τι δείκνυσι δυνάμενον ἐφαρμόσαι ταῖς τρισὶ τοῦ κάνουν καὶ τῷ κύκλῳ.

5 τοσοῦτον διαφέρει ὃ κύκλος τῶν τοῦ κάνουν τομῶν, ὅτι ἐπ' ἑκείνου μὲν αἱ τεταγμένως κατηγμέναι πρὸς ὁρθὰς ἀγονται τῇ διαμέτρῳ· οὐδὲ γὰρ ἄλλαι εὐθεῖαι παραλλήλοι ἔανταῖς ὑπὸ τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου διχοτομοῦνται· ἐπὶ δὲ τῶν τριῶν τομῶν οὐ 10 πάντας πρὸς ὁρθὰς ἀγονται, εἰ μὴ ἐπὶ μόνους τοὺς ἄξονας.

*Ἐτὶ τὸ ιη'.*

"Ἐν τισιν ἀντιγράφοις τὸ θεώρημα τοῦτο ἐπὶ μόνης παραβολῆς καὶ ὑπερβολῆς ἐστιν, κάλλιον δὲ καθολι- 15 κώτερον ἔχειν τὴν πρότασιν, εἰ μὴ ὅτι τὸ ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως ἑκείνοις ὡς ἀναμφίβολον παραλέιπεται· ἡ γὰρ ΓΔ ἐντὸς οὖσα τῆς τομῆς πεπερασμένης οὖσης καὶ αὐτὴ κατ' ἀμφότερα τέμνει τὴν τομήν.

δεῖ δὲ ἐπιστῆσαι, ὅτι, καὶ η ἌΖΒ τέμνῃ τὴν το- 20 μήν, ἡ αὐτὴ ἀπόδειξις ἀρμόξει.

*Ἐτὶ τὸ κ'.*

'Απὸ τούτου τοῦ θεωρήματος ἀρχόμενος ἐφεξῆς ἐν πᾶσι τὰ συμπτώματα τῆς παραβολῆς αὐτῇ δείκνυσιν ὑπάρχοντα καὶ οὐκ ἄλλῃ τινί, ὡς ἐπὶ τὸ πολὺ δὲ τῇ 25 ὑπερβολῇ καὶ τῇ ἐλλείψει καὶ τῷ κύκλῳ τὰ αὐτὰ δείκνυσιν ὑπάρχοντα.

ἐπειδὴ δὲ οὐκ ἄχρηστον φαίνεται τοῖς τὰ μηχα-

---

8. δείκνυσι] scripsi praeente Comm., δεικνύς Wp. 4.  
ταῖς] fort. ταῖς τε. τρισὶν W. κάνουν τομαῖς Halley

diametrum in termino perpendicularis erigatur, extra circulum cadere eumque contingere, Apollonius uero hic propositionem uniuersalem demonstrat, quae simul de tribus coni sectionibus et de circulo ualet.

hoc tantum circulus a sectionibus coni differt, quod in eo rectae ordinate ductae ad diametrum perpendicularares ducuntur; neque enim aliae rectae inter se parallelae a diametro circuli in binas partes aequales secantur; in tribus uero sectionibus non semper perpendicularares ducuntur, sed ad axes solos.

### Ad prop. XVIII.

In nonnullis codicibus haec propositio in sola parabola hyperbolaque demonstratur, sed melius est, propositionem uniuersaliorem esse, nisi quod illi de ellipsi, quod ibi res dubia non sit, mentionem non fecerunt. nam *ΓΔ*, quae intra sectionem terminatam posita est, per se sectionem ab utraque parte secat.

animaduertendum autem, eandem demonstrationem quadrare, etiam si *AZB* sectionem secet.

### Ad prop. XX.

Ab hac propositione incipiens deinceps in omnibus proprietates parabolae ei soli adcidere demonstrat nec ulli alii, plerumque uero hyperbolae, ellipsi, circulo eadem adcidere demonstrat.

quoniam autem iis, qui mechanica scribunt, propter

---

praeiente Comm. 6. (ἢ mg. m. 1 W. 13. τοῦτο] supra  
scr. m. 1 p. 14. ἐστι p. 15. μῆ] scripsi, καὶ W p. τό] om. p in extr. lin. 16. ἀναμφίβολον] scripsi, ἀμφίβολον W p., οὐκ ἀμφίβολον Halley cum Comm. 18. αὐτῆ] αὐ- e corr. in  
scrib. p. 19. τέμνη] e corr. p, τέμνει W. 23. πᾶσιν W.  
αὐτῆ] p, αὐτη W.

νικὰ γράφουσι διὰ τὴν ἀπορίαν τῶν δργάνων καὶ πολλάκις διὰ συνεχῶν σημείων γράφειν τὰς τοῦ κώνου τομὰς ἐν ἐπιπέδῳ, διὰ τούτου τοῦ θεωρήματος ἔστι πορίσασθαι συνεχῆ σημεῖα, δι' ᾧ γραφήσεται ἡ 5 παραβολὴ κανόνος παραδέσει. ἐὰν γάρ ἐκθῶμαι εὐθεῖαν ὡς τὴν *AB* καὶ ἐπ' αὐτῆς λάβω συνεχῆ σημεῖα ὡς τὰ *E*, *Z* καὶ ἀπ' αὐτῶν πρὸς ὁρθὰς τῇ *AB* καὶ ποιήσω ὡς τὰς *EG*, *ZΔ* λαβὼν ἐπὶ τῆς *EG* τυχὸν σημεῖον τὸ *G*, εἰ μὲν εὐρυτέραν βουληθείην ποιῆσαι 10 παραβολήν, πόρω τοῦ *E*, εἰ δὲ στενωτέραν, ἐγγύτερον, καὶ ποιήσω, ὡς τὴν *AE* πρὸς *AZ*, τὸ ἀπὸ *EG* πρὸς τὸ ἀπὸ *ZΔ*, τὰ *G*, *Δ* σημεῖα ἐπὶ τῆς τομῆς ἔσται. διοίωσ δὲ καὶ ἄλλα ληφόμεθα, δι' ᾧ γραφήσεται ἡ παραβολὴ.

15

*Eἰς τὸ κα'*.

Τὸ θεώρημα σαφῶς ἔκκειται καὶ πτῶσιν οὐκ ἔχει· δεῖ μέντοι ἐπιστῆσαι, ὅτι ἡ παρ' ἧν δύνανται, τουτέστιν ἡ ὁρθία πλευρά, ἐπὶ τοῦ κύκλου ἵση ἔστι τῇ διαμέτρῳ. εἰ γάρ ἔστιν, ὡς το ἀπὸ *ΔE* πρὸς τὸ ὑπὸ *AEB*, ἡ *GA* πρὸς *AB*, ἵσον δὲ τὸ ἀπὸ *ΔE* τῷ ὑπὸ *AEB* ἐπὶ τοῦ κύκλου μόνου, ἵση ἄρα καὶ ἡ *GA* τῇ *AB*.

δεῖ δὲ καὶ τοῦτο εἰδέναι, ὅτι αἱ καταγόμεναι ἐν τῇ τοῦ κύκλου πεφιφερέᾳ πρὸς ὁρθάς εἰσι πάντας 25 τῇ διαμέτρῳ καὶ ἐπ' εὐθείας γίνονται ταῦς παραλλήλοις τῇ *AG*.

διὰ δὲ τούτου τοῦ θεωρήματος τῷ αὐτῷ τρόπῳ τοῖς ἐπὶ τῆς παραβολῆς εἰφημένοις προσέχοντες γρά-

1. γράφουσιν *W*. ἀπορίαν] p, corr. ex ἀπορείαν m. 1 *W*.  
4. ἔστιν *W*. 7. τῇ] τῇ *W* p, corr. Comm. καὶ ποιήσω] fort. δύο ἀναστήσω. 8. *ZΔ*] *Z W* p, corr. Comm. *EG*] *ET W* p,

penuriam instrumentorum non inutile uidetur interdum etiam per puncta continua coni sectiones in plano describere, per hanc propositionem fieri potest, ut continua puncta comparentur, per quae parabola describatur regula adposita. si enim rectam posuero ut  $AB$  [u. fig. I p. 73] in eaque puncta continua sumpsero ut  $E, Z$  et ab iis ad rectam  $AB$  perpendicularares erexero ut  $EG, Z\Delta$  sumpto in  $EG$  punto aliquo  $\Gamma$ , si parabolam latiorem efficere uoluero, ab  $E$  remoto, sin angustiorem, propius, et fecero

$$EG^2 : Z\Delta^2 = AE : AZ,$$

puncta  $\Gamma, \Delta$  in sectione erunt. et similiter alia quoque sumemus, per quae parabola describetur.

### Ad prop. XXI.

Propositio satis clare exposita est nec casum habet; animaduertendum autem, parametrum siue latus rectum in circulo diametro aequalem esse. nam si

$$\Delta E^2 : AE \times EB = \Gamma A : AB$$

et in solo circulo  $\Delta E^2 = AE \times EB$ , erit etiam  $\Gamma A = AB$ .

sciendum autem hoc quoque, rectas in ambitu circuli ordinate ductas omnino perpendicularares esse ad diametrum et positas in productis rectis rectae  $A\Gamma$  parallelis.

per hanc uero propositionem eadem ratione usi, quam in parabola commemorauimus [ad prop. XX],

corr. Comm. 10.  $E$ ]  $A$  W p, corr. Comm. 13.  $\lambda\eta\psi\omega\mu\epsilon\theta\alpha$  W,  
sed corr. m. 1. 18.  $\dot{\eta}$ ] addidi, om. W p.  $\xi\sigma\tau\iota\nu$  W. 19.  
 $\xi\sigma\tau\iota$  p. 20.  $\dot{\alpha}\pi\delta$ ] om. W p, corr. Comm. 28.  $\gamma\varphi\alpha\phi\mu\epsilon\nu$ ]  
fort.  $\gamma\varphi\alpha\phi\mu\epsilon\nu$ .

φομεν ὑπερβολὴν καὶ ἔλλειψιν κανόνος παραθέσει.  
 ἐκκείσθω γὰρ εὐθεῖα ἡ *AB* καὶ προσεκβεβλήσθω ἐπ'  
 ἀπειρον ἐπὶ τὸ *H*, καὶ ἀπὸ τοῦ *A* ταύτη πρὸς ὁρθὰς  
 ἥχθω ἡ *AG*, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ *BΓ* καὶ ἐκβεβλήσθω,  
 5 καὶ εἰλήφθω τινὰ σημεῖα ἐπὶ τῆς *AH* τὰ *E*, *H*, καὶ  
 ἀπὸ τῶν *E*, *H* τῇ *AG* παράλληλοι ἥχθωσαν αἱ *EΘ*,  
*HK*, καὶ γινέσθω τῷ μὲν ὑπὸ *AHK* ἵσον τὸ ἀπὸ<sup>1</sup>  
*ZH*, τῷ δ' ὑπὸ *AΕΘ* ἵσον τὸ ἀπὸ *AE*. διὰ γὰρ τῶν  
*A*, *D*, *Z* ἥξει ἡ ὑπερβολὴ. δομοίως δὲ κατασκευάσο-  
 10 μεν καὶ τὰ ἐπὶ τῆς ἔλλειψεως.

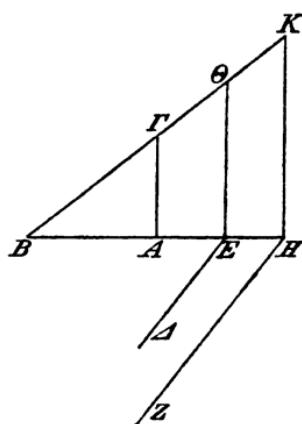
### *Eἰς τὸ κγ'.*

Δεῖ ἐπιστῆσαι, ὅτι ἐν τῇ προτάσει δύο διαμέτρους  
 λέγει οὐχ ἀπλῶς τὰς τυχούσας, ἀλλὰ τὰς καλούμενας  
 συζυγεῖς, ὡν ἐκατέρα παρὰ τεταγμένως κατηγμένην  
 15 ἥκται καὶ μέσον λόγου ἔχει τῶν τοῦ θεῖδον πλευρῶν  
 τῆς ἑτέρας διαμέτρου, καὶ διὰ τοῦτο δίχα τέμνουσι  
 τὰς ἀλλήλων παραλλήλους, ὡς δέδεικται ἐν τῷ *ιε'* θεω-  
 ρήματι. εἰ γὰρ μὴ οὗτος ληφθῇ, συμβήσεται τὴν  
 μεταξὺ εὐθεῖαν τῶν δύο διαμέτρων τῇ ἑτέρᾳ αὐτῶν  
 20 παράλληλον εἶναι· ὅπερ οὐχ ὑπόκειται.

ἐπειδὴ δὲ τὸ *H* ἔγγιόν ἔστι τῆς διχοτομίας τῆς  
*AB* ἥπερ τὸ *Θ*, καί ἔστι τὸ μὲν ὑπὸ *BHA* μετὰ τοῦ  
 ἀπὸ *HM* ἵσον τῷ ἀπὸ *AM*, τὸ δὲ ὑπὸ *AΘB* μετὰ

1. ἔλλειψιν *W*. 5. *H*] e corr. p. 6. *H*] e corr. p.  
 τῇ *AG*] mg. p. *EΘ*] corr. ex *EH* in scrib. *W*. 7. *HK*]  
*NK* p. 10. *τῷ*] scripsi, *τό* *Wp.* 11. *τό* *W*, *τῷ* p. 12. *ἀπό*] om.  
*Wp*, corr. Comm. 13. *τῷ*] scripsi, *τό* *Wp.* 14. *τό* *W*, *τῷ* p.  
 16. *τέμνουσιν* *W*. 17. *ιε'*] om. *Wp*, corr. Halley (*δεκάτῳ*  
 πέμπτῳ). 18. *οὗτοι* in extr. linea *W*, p. 19. *δέ*] om. p.  
 ἔγγιον] i corr. ex *ει* m. 2 *W*. 20. *ἔστιν* *W*. 21. *AB*] *B* e  
 corr. p., *AM* *W*. 22. *AB*] *B* *AH* *Wp*, corr. Comm.  
 23. *HM*] *HB* p. 24. *AM*] *AB* p.

hyperbolam ellipsimque regula adposita describimus.  
ponatur enim recta  $AB$  et in infinitum producatur



ad  $H$ , ab  $A$  autem ad eam perpendicularis ducatur  $AG$ , ducaturque  $BG$  et producatur, in  $AH$  autem puncta aliqua sumantur  $E, H$ , et ab  $E, H$  rectae  $AG$  paralleliae ducantur  $EG$ ,  $HK$ , fiatque  $ZH^2 = AH \times HK$ ,  $AE^2 = AE \times EG$ ; tum enim hyperbola per  $A, G, Z$  ueniet. similiter autem etiam in ellipsi faciemus.

### Ad prop. XXIII.

Animaduertendum, duas diametros, quas in propositione nominet, quaslibet duas non esse, sed coniugatas, quae uocentur, quarum utraque rectae ordinatae ductae parallela ducta est et media proportionalis est inter latera figurae alterius diametri; quare altera alterius parallelas in binas partes aequales secat, ut in propositione XV demonstratum est. nam si ita non sumpserimus, fieri poterit, ut recta inter duas diametros posita alteri earum parallela sit; quod contra hypothesisim est.

quoniam autem  $H$  puncto medio rectae  $AB$  proprius est quam  $G$ , et

$BH \times HA + HM^2 = AM^2 = AG \times GB + GM^2$   
[Eucl. II, 5], uerum  $GM^2 > HM^2$ , erit

$BH \times HA > BG \times GA$  [I p. 78, 10—11].

---

Figura corrupta est in W, imperfecta in p.

τοῦ ἀπὸ ΘΜ ἵσον τῷ αὐτῷ, το δὲ ἀπὸ ΘΜ τοῦ ἀπὸ ΗΜ μεῖζον, το ἄρα ὑπὸ ΒΗΑ μεῖζον τοῦ ὑπὸ ΒΘΑ.

*Eἰς τὸ κε'.*

"Ἐν τισι φέρεται καὶ αὗτη ἡ ἀπόδειξις·

5 εἰλήφθω τι σημεῖον ἐπὶ τῆς τομῆς τὸ Θ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΖΘ· ἡ ΖΘ ἄρα ἐκβαλλομένη συμπίπτει τῇ ΔΓ· ὥστε καὶ ἡ ΖΕ· πάλιν δὴ εἰλήφθω, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΚΖ καὶ ἐκβεβλήσθω· συμπεσεῖται δὴ τῇ ΒΔ ἐκβαλλομένῃ· ὥστε καὶ ἡ ΖΗ.

10

*Eἰς τὸ κε'.*

Τὸ θεώρημα τοῦτο πτώσεις ἔχει πλείους, πρῶτον μέν, ὅτι ἡ ΕΖ ἡ ἐπὶ τὰ κυρτὰ μέρη τῆς τομῆς λαμβάνεται ὡς ἐνταῦθα ἡ ἐπὶ τα κοῖλα, ἐπειτα, ὅτι ἡ ἀπὸ τοῦ Ε παρὰ τεταγμένως κατηγμένην ἔσω μὲν 15 καθ' ἐν σημεῖον συμβάλλει ἀδιαφόρως τῇ διαμέτρῳ ἀπειρῷ οὕσῃ, ἔξω δὲ οὖσα καὶ μάλιστα ἐπὶ τῆς ὑπερβολῆς ἔχει θέσιν ἡ ἔξωτέρω τοῦ Β ἡ ἐπὶ τοῦ Β ἡ μεταξὺ τῶν Α, Β.

*Eἰς τὸ κε'.*

20 "Ἐν τισιν ἀντιγράφοις τοῦ κε' θεωρήματος φέρεται τοιαύτη ἀπόδειξις·

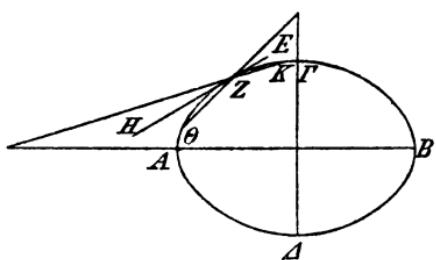
ἔστω παραβολή, ἡς διάμετρος ἡ ΑΒ, καὶ ταύτην τεμνέτω εὐθεῖά τις ἡ ΗΔ ἐντὸς τῆς τομῆς. λέγω,

1. ΘΜ] ΘΒ p.    ΘΜ] ΘΒ p.    2. ΗΜ e corr. p.    3.  
κε'] supra ε scr. β m. 1 p.    4. τισιν W.    7. ΔΓ] Δ corr.  
ex Γ in scrib. W.    9. ἡ] scripsi, τῇ W p.    10. κε'] σ e  
corr. m. 1 p.    12. ἡ] om. p.    14. τε-] in ras. ante ras.  
2—3 litt. W.    ἔσω] scripsi, ἔως W p.    15. ἀδιαφόρως]  
scripsi, διαφόρως W p.    17. θέσιν] comp. p, θέσει W.    ἡ  
ἐπὶ — 18. μεταξύ] in ras. p.    19. Εἰς τὸ κε'] καὶ τοῦτο

## Ad prop. XXV.

In quibusdam codicibus haec quoque fertur demonstratio:

sumatur in sectione punctum aliquod  $\Theta$ , ducaturque  $Z\Theta$ ;  $Z\Theta$  igitur producta cum  $A\Gamma$  concurrit



[prop. XXIII]; quare etiam  $Z E$ . rursus punctum sumatur, ducaturque  $KZ$  et producatur; concurret igitur cum  $B A$  producta. quare etiam  $ZH$ .

## Ad prop. XXVI.

Haec propositio complures habet casus, primum quod  $EZ$  aut ad partes conuexas sectionis sumitur sicut hic aut ad concavas, deinde quod recta ab  $E$  ordinate ducta intus quidem indifferenter in uno aliquo puncto cum diametro concurrit, quae infinita est, extra uero posita, maxime in hyperbola, aut extra  $B$  aut in ipso  $B$  aut inter  $A$ ,  $B$  cadere potest.

## Ad prop. XXVII.

In quibusdam codicibus haec fertur demonstratio propositionis XXVII:

sit parabola, cuius diametrus sit  $AB$ , secetque eam recta aliqua  $H\Lambda$  intra sectionem posita. dico,

*Eὐτοκίου p. οξεῖαν] καὶ βῆμα, βῆμα mut. in ε (euān.), W; corr. Comm. 20. φέρεται] φέρεται ἡ p, ερ euān. 22. παραβολῆς p. τῆς] om. p.*

ὅτι ἡ ΗΔ ἐκβαλλομένη ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη συμπε-  
σεῖται τῇ τομῇ.

ἥχθω γάρ τις διὰ τοῦ Α παρατεταγμένως ἡ ΑΕ·  
ἡ ΑΕ ἄρα ἐκτὸς πεσεῖται τῆς τομῆς.

5      ἥτοι δὴ ἡ ΗΔ τῇ ΑΕ παράλληλος ἔστιν ἢ οὐ.

εἰ μὲν οὖν παράλληλος ἔστιν, αὐτὴ τεταγμένως  
κατῆκται· ὥστε ἐκβαλλομένη ἐφ' ἐκάτερα, ἐπεὶ δίχα  
τέμνεται ὑπὸ τῆς διαμέτρου, συμπεσεῖται τῇ τομῇ.

10     μὴ ἔστω δὴ παράλληλος τῇ ΑΕ, ἀλλὰ ἐκβαλλομένη  
συμπιπτέτω τῇ ΑΕ κατὰ τὸ Ε ὡς ἡ ΗΔΕ.

ὅτι μὲν οὖν τῇ τομῇ ἐπὶ τὰ ἑτερα μέρη συμπί-  
πτει, ἐφ' ἂ ἔστι τὸ Ε, δῆλον· εἰ γὰρ τῇ ΑΕ συμβάλ-  
λει, πολὺ πρότερον τεμεῖ τὴν τομήν.

λέγω, ὅτι καὶ ἐπὶ τὰ ἑτερα μέρη ἐκβαλλομένη συμ-  
15 πίπτει τῇ τομῇ.

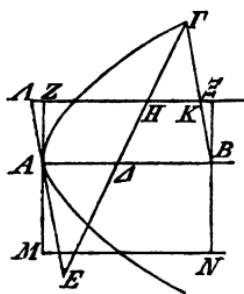
ἔστω γὰρ παρ' ἧν δύνανται ἡ ΜΑ, καὶ ἐκβε-  
βλήσθω ἐπ' εὐθείας αὐτῇ ἡ ΑΖ· ἡ ΜΑ ἄρα τῇ ΑΒ  
πρὸς δρυδάς ἔστιν. πεποιήσθω, ὡς τὸ ἀπὸ ΑΕ πρὸς  
τὸ ΑΕΔ τρίγωνον, οὕτως ἡ ΜΑ πρὸς ΑΖ, καὶ διὰ  
20 τῶν Μ, Ζ τῇ ΑΒ παράλληλοι ἥχθωσαν αἱ ΖΚ, ΜΝ·  
τετραπλεύρουν οὖν ὅντος τοῦ ΛΑΔΗ καὶ θέσει οὕσης  
τῆς ΛΑ ἥχθω τῇ ΛΑ παράλληλος ἡ ΓΚΒ ἀποτέμ-  
νουσα τὸ ΓΚΗ τρίγωνον τῷ ΛΑΔΗ τετραπλεύρῳ  
ἴσον, καὶ διὰ τοῦ Β τῇ ΖΑΜ παράλληλος ἥχθω ἡ  
25 ΞΒΝ. καὶ ἐπεὶ ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ ΑΕ πρὸς τὸ ΑΕΔ  
τρίγωνον, ἡ ΜΑ πρὸς ΑΖ, ἀλλ' ὡς μὲν τὸ ἀπὸ ΑΕ  
πρὸς τὸ ΑΕΔ τρίγωνον, τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ΔΓΒ  
τρίγωνον· παράλληλος γάρ ἔστιν ἡ ΑΕ τῇ ΓΒ, καὶ  
ἐπιξευγνύουσιν αὐτὰς αἱ ΓΕ, ΑΒ· ὡς δὲ ἡ ΜΑ πρὸς

6. αὐτῇ] scripsi, αὗτη W p. post δή add. Halley cum Comm.

9. μή] addidi, om. W p; 13. πρότερον] corr. ex

rectam  $H\Delta$  productam in utramque partem cum sectione concurrere.

ducatur enim per  $A$  ordinate recta  $AE$ ;  $AE$  igitur extra sectionem cadet [I, 17].



aut igitur parallela erit  $H\Delta$  rectae  $AE$  aut non erit.

si igitur parallela est, et ipsa ordinate ducta est; quare in utramque partem producta, quoniam a diametro in duas partes aequales secatur [I def. 5], cum sectione concurrent [prop. XIX].

ne sit igitur rectae  $AE$  parallela, sed producta cum  $AE$  in  $E$  concurrat, ut  $H\Delta E$ .

hanc igitur in altera parte, in qua est  $E$ , cum sectione concurrere, manifestum est; nam siquidem cum  $AE$  concurrit, multo prius sectionem secabit.

dico, eam etiam ad alteram partem productam cum sectione concurrere.

sit enim  $MA$  parametru, et in ea producta posita sit  $AZ$ ;  $MA$  igitur ad  $AB$  perpendicularis est. fiat  $MA : AZ = AE^2 : \Delta AEA$ , et per  $M, Z$  rectae  $AB$  parallelae ducantur  $ZK, MN$ ; itaque cum  $AAAH$  quadrilaterum sit et  $AA$  positione data, ducatur rectae  $AA$  parallela  $\Gamma KB$  triangulum  $\Gamma KH$  abscindens quadrilatero  $AAAH$  aequalem, et per  $B$  rectae  $ZAM$  parallela ducatur  $\Xi BN$ . et quoniam est

$$AE^2 : AEA = MA : AZ,$$

uerum [Eucl. VI, 19]  $AE^2 : AEA = \Gamma B^2 : \Delta \Gamma B$ ; nam

$\pi\varrho\omega\tau\sigma\sigma\sigma$  in scrib. W. 14.  $\mu\acute{e}\varrho\eta\iota$  W. 25.  $\dot{\alpha}\acute{\epsilon}\acute{\epsilon}$ ] om. Wp, corr. Comm.  $AE \pi\varrho\circ\acute{s} \tau\acute{o}$ ] om. Wp, corr. Comm.

*AZ, τὸ AMNB παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ ΑΞ παραλληλόγραμμον, ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ΓΔΒ τριγωνον, οὕτως τὸ AMNB παραλληλόγραμμον πρὸς τὸ AZΞΒ παραλληλόγραμμον· ἐναλλάξ, ὡς τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς*

5 *τὸ AMNB παραλληλόγραμμον, οὕτως τὸ ΓΔΒ τριγωνον πρὸς τὸ AZΞΒ παραλληλόγραμμον. Ισον δέ ἐστι τὸ ΖΑΒΞ παραλληλόγραμμον τῷ ΓΔΛ τριγώνῳ· ἐπεὶ γὰρ τὸ ΓΗΚ τριγωνον τῷ ΑΛΗΔ τετραπλεύρῳ ἐστὶν ίσον, κοινὸν δὲ τὸ ΗΔΒΚ τετράπλευρον, τὸ ΛΑΒΚ παραλληλό-*

10 *γραμμον τῷ ΓΔΒ τριγώνῳ ἐστὶν ίσον· τὸ δὲ ΑΑΒΚ παραλληλόγραμμον τῷ ΖΑΒΞ παραλληλογράμμῳ ἐστὶν ίσον· ἐπὶ γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεως ἐστι τῆς ΑΒ καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ταῖς ΑΒ, ΖΚ. Ισον ἄρα ἐστὶ τὸ ΓΔΒ τριγωνον τῷ ΞΖΑΒ παραλληλογράμμῳ·*

15 *ώστε καὶ τὸ ἀπὸ ΓΒ τῷ AMNB παραλληλογράμμῳ ἐστὶν ίσον. τὸ δὲ ΜΑΒΝ παραλληλόγραμμον ίσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΜΑΒ· ἡ γὰρ ΜΑ πρὸς δρθάς ἐστι τῇ ΑΒ· τὸ ἄρα ὑπὸ ΜΑΒ ίσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΓΒ. καὶ ἐστιν ἡ ΜΑ δρθία τοῦ εἰδους πλευρά, ἡ δὲ ΑΒ διά-*

20 *μετρος, καὶ ἡ ΓΒ τεταγμένως παράλληλος γάρ ἐστι τῇ ΑΕ· τὸ Γ ἄρα πρὸς τῇ τομῇ ἐστιν. ἡ ΔΗΓ ἄρα συμβάλλει τῇ τομῇ κατὰ τὸ Γ· ὥπερ ἔδει δεῖξαι.*

σχόλια εἰς τὸ προτεθὲν θεώρημα.

πεποιήσθω δή, φις τὸ ἀπὸ ΑΕ πρὸς τὸ ΑΕΔ  
 25 τριγωνον, ἡ ΜΑ πρὸς ΑΖ] τοῦτο δέδεικται ἐν σχολίῳ τοῦ ια' θεωρήματος. ἀναγράψας γὰρ τὸ ἀπὸ ΑΕ καὶ παρὰ τὴν πλευρὰν αὐτοῦ τῷ ΑΕΔ τριγώνῳ ίσον παραβαλὼν ἔξω τὸ ξητούμενον.

3. οὕτω p. 4. Ante ἐναλλάξ ins. καὶ comp. W. 5. τό]  
 τὸ ἀπό W p, corr. Comm. οὕτω p. 6. ἐστι] comp. p,

$AE, GB$  parallelae sunt, et  $GE, AB$  eas iungunt; et [Eucl. VI, 1]  $MA : AZ = AMNB : AZEB$ , erit

$$GB^2 : \Gamma\Delta B = AMNB : AZEB.$$

permutando  $GB^2 : AMNB = \Gamma\Delta B : AZEB$ . est autem  $ZABE = \Gamma B\Delta$ ; quoniam enim  $\Gamma HK = \Lambda\Lambda H\Delta$ , commune autem quadrilaterum  $H\Delta BK$ , erit

$$\Lambda A BK = \Gamma\Delta B;$$

est autem  $\Lambda A BK = ZABE$  [Eucl. I, 35]; nam in eadem basi  $AB$  et in iisdem parallelis  $AB, ZK$  posita sunt; ergo  $\Gamma\Delta B = EZAB$ . quare etiam  $GB^2 = AMNB$ . uerum  $MABN = MA \times AB$ ;  $MA$  enim ad  $AB$  perpendicularis est; itaque  $MA \times AB = GB^2$ . et  $MA$  latus rectum est figurae,  $AB$  autem diametruS, et  $GB$  ordinate ducta; nam rectae  $AE$  parallela est; ergo punctum  $\Gamma$  ad sectionem positum est [prop. XI]. ergo  $\Delta H\Gamma$  cum sectione in  $\Gamma$  concurrit; quod erat demonstrandum.

Ad propositionem propositam scholia.

Fiat igitur  $MA : AZ = AE^2 : AE\Delta$  p. 238, 18–19] hoc in scholio propositionis XI demonstratum est [u. supra p. 216]. descripto enim quadrato  $AE^2$  et ad latus eius spatio adplicato triangulo  $AE\Delta$  aequali habebo, quod quaerimus.

ἐστιν W. 7.  $ZABE$ ] e corr. p. mut. in  $EZABZ$  m. rec. W.  
 8.  $\Lambda\Lambda H\Delta$ ] Halley,  $\Lambda\Lambda\Delta H$  Wp. 9.  $\Lambda A BK$ ]  $\Lambda A B$  Wp,  
 corr. Comm. 11. παραλληλογράμμων] comp. p., παραλληλό-  
 γραμμῶν W. 12. ἐστιν W.  $AB$ ] p.,  $A\Delta$  W. 13.  $ZK$ ] p.,  
 $ZH$  W. 14. ἐστιν W. 17. ἐστι] ἐστιν W. 18. ἐστιν W.  
 20. ἐστιν W. 24. τὸ (alt.)] τὸ ἀπό Wp., corr. Comm. 26.  
 ια'] e corr. p. γάρ] om. p. 27. τῷ] p., τὸ W. 28.  
 παραρραβαλῶν W.

*εἰς τὸ αὐτό.*

τετραπλεύρου ὅντος τοῦ ΛΑΔΗ ἥχθω τῇ ΛΑ  
παράλληλος ἡ ΓΚΒ ἀποτέμνουσα τὸ ΓΗΚ τρι-  
γωνον τῷ ΛΑΔΗ τετραπλεύρῳ ἵσον] τοῦτο δὲ  
5 ποιήσομεν οὕτως· ἐὰν γάρ, ὃς ἐν τοῖς στοιχείοις ἔμά-  
θομεν, τῷ δοθέντι εὐθυγράμμῳ τῷ ΛΑΔΗ τετρα-  
πλεύρῳ ἵσον καὶ ἄλλῳ τῷ δοθέντι τῷ ΑΕΔ τριγώνῳ  
ὅμοιον τὸ αὐτὸ συστησώμεθα τὸ ΣΤΤ, ὥστε διμόλογον  
εἶναι τὴν ΣΤ τῇ ΑΔ, καὶ ἀπολάβωμεν τῇ μὲν ΣΤ  
10 ἵσην τὴν ΗΚ, τῇ δὲ ΤΤ ἵσην τὴν ΗΓ, καὶ ἐπιξεύ-  
ξωμεν τὴν ΓΚ, ἕσται τὸ ξητούμενον. ἐπεὶ γὰρ ἡ  
πρὸς τῷ Τ γωνία ἵση ἔστι τῇ Δ, τοντέστι τῇ Η, διὰ  
τοῦτο ἵσον καὶ ὅμοιον τὸ ΓΗΚ τῷ ΣΤΤ. καὶ ἵση  
ἡ Γ γωνία τῇ Ε, καὶ εἰσιν ἐναλλάξ· παράλληλος ἄρα  
15 ἔστιν ἡ ΓΚ τῇ ΑΕ.

φανερὸν δῆ, διτι, διταν ἡ ΑΒ ἄξων ἔστιν, ἡ ΜΑ  
ἐφάπτεται τῇσι τομῆσι, διταν δὲ μὴ ἄξων, τέμνει, εἰ  
πρὸς ὁρθὰς ἄγεται πάντως τῇ διαμέτρῳ.

*Εἰς τὸ κη'.*

20 "Οτι, καὶν ἡ ΓΔ τέμνῃ τὴν ὑπερβολήν, τὰ αὐτὰ  
συμβῆσεται, ὥσπερ ἐπὶ τοῦ δικτωκαιδεκάτου.

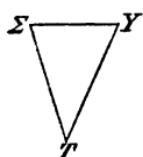
*Εἰς τὸ λ'.*

Καὶ ὡς ἄρα ἐπὶ μὲν τῆς ἐλλείψεως συνθέντι,  
ἐπὶ δὲ τῶν ἀντικειμένων ἀνάπαλιν καὶ ἀνα-

5. στοιχείοις] w, στεγίοις e corr. W, σχολίοις p. 6. τῷ (pr.)]  
ἐν τῷ W p, corr. Comm. 7. ΑΘΔ p. 8. τὸ αὐτό] τῷ  
αὐτῷ W p, corr. Halley. συστησώμεθα] scripsi, συστησόμεθα  
W p. 9. ΕΤ p. τῇ (alt.)] τῇ W p, corr. Comm. ΕΤ p.  
10. τὴν] τῇ W p, corr. Comm. Post HK del. τὴν δὲ τὸ

## Ad eandem.

Cum  $\Delta A\Delta H$  quadrilaterum sit, ducatur rectae  $AA$  parallela  $\Gamma KB$  triangulum  $\Gamma HK$  absindens quadrilatero  $\Delta A\Delta H$  aequalem p. 238, 21—24] hoc uero ita efficiemus. si enim, ut in Ele-



mentis [VI, 25] didicimus, datae figurae rectilineae, quadrilatero  $\Delta A\Delta H$ , aequalem et alii figurae datae, triangulo  $AED$ , similem eandem figuram construxerimus  $\Sigma TT$ , ita ut  $\Sigma T$  lateri  $A\Delta$  respondeat, et posuerimus  $HK = \Sigma T$ ,  $H\Gamma = TT$ , et duxerimus  $\Gamma K$ , effectum erit, quod quaerimus. quoniam enim  $\angle T = \angle A = H$ , erit  $\Gamma HK \cong \Sigma TT$  [Eucl. I, 4]. et  $\angle \Gamma = E$ , et alterni sunt; itaque [Eucl. I, 27]  $\Gamma K$ ,  $AE$  parallelae sunt.

manifestum igitur, si  $AB$  axis sit, rectam  $MA$  sectionem contingere, sin non axis, secare, si quidem semper ad diametrum perpendicularis ducitur.

## Ad prop. XXVIII.

Etiamsi  $\Gamma\Delta$  hyperbolam secat, eadem adcident, sicut in prop. XVIII [u. supra p. 230, 19].

## Ad prop. XXX.

Quare etiam, in ellipsi componendo, in oppositis autem e contrario et conuertendo

$\ell\sigma\eta\nu \tau\dot{\eta}\nu \tau\ddot{\eta} \bar{\eta}\bar{\kappa}$  p.  $\tau\ddot{\eta}] \tau\dot{\eta}\nu$  W p, corr. Halley.  $\tau\dot{\eta}\nu]$  W,  
 $\tau\ddot{\eta}?$  p. 12.  $\tau\ddot{\omega}]$  p, corr. ex  $\tau\ddot{\omega}$  W  $\xi\sigma\tau\iota\nu$  W.  $\tau\dot{\omega}\nu\tau$   
 $\xi\sigma\tau\iota\nu$  W. 14.  $\Gamma]$   $A\Gamma$  W p, corr. Comm. 16.  $\delta\eta]$   $\delta\epsilon$  Halley  
cum Comm. 17.  $\epsilon\ell]$  scripsi, om. W p. 23.  $\dot{\epsilon}\dot{\iota}\dot{\iota}\dot{\iota}\psi\omega\varsigma$  W.

στρέψαντι] ἐπὶ μὲν οὖν τῆς ἐλλείψεως ἔροῦμεν· ἐπειδή ἔστιν, ὡς τὸ ὑπὸ AZB πρὸς τὸ ἀπὸ AZ, τὸ ὑπὸ AHB πρὸς τὸ ἀπὸ HE, ὡς δὲ τὸ ἀπὸ AZ πρὸς τὸ ἀπὸ ZΓ, τὸ ἀπὸ EH πρὸς τὸ ἀπὸ HG, δι' ἵσου, 5 ὡς τὸ ὑπὸ AZB πρὸς τὸ ἀπὸ ZΓ; τὸ ὑπὸ AHB πρὸς τὸ ἀπὸ HG· συνθέντι, ὡς τὸ ὑπὸ AZB μετὰ τοῦ ἀπὸ ZΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ZΓ, τοντέστι τὸ ἀπὸ AG πρὸς τὸ ἀπὸ ΓZ· ἡ γάρ AB τέτμηται εἰς μὲν ἵσα κατὰ τὸ Γ, εἰς δὲ ἄνισα κατὰ τὸ Z· οὕτως τὸ ἀπὸ 10 ΓB πρὸς τὸ ἀπὸ GH· καὶ ἐναλλάξ, ὡς τὸ ἀπὸ AG πρὸς τὸ ἀπὸ GB, τὸ ἀπὸ ZΓ πρὸς τὸ ἀπὸ GH. ἐπὶ δὲ τῶν ἀντικειμένων· ἐπεί ἔστιν, ὡς τὸ ὑπὸ BZA πρὸς τὸ ἀπὸ ZΓ, τὸ ὑπὸ AHB πρὸς τὸ ἀπὸ GH, διότι δι' ἵσου, ἀνάπαλιν, ὡς τὸ ἀπὸ ZΓ πρὸς τὸ ὑπὸ 15 BZA, τὸ ἀπὸ GH πρὸς τὸ ὑπὸ AHB· ἀναστρέψαντι, ὡς τὸ ἀπὸ ZΓ πρὸς τὸ ἀπὸ GA, τὸ ἀπὸ HG πρὸς τὸ ἀπὸ GB· εὐθεῖα γάρ τις ἡ AB τέτμηται δίχα κατὰ τὸ Γ, καὶ πρόσκειται ἡ ZA, καὶ τὸ ὑπὸ BZA μετὰ τοῦ ἀπὸ AG ἵσου ἔστι τῷ ἀπὸ ΓZ, ὥστε τὸ ἀπὸ ΓZ 20 τοῦ ὑπὸ BZA ὑπερέχει τῷ ἀπὸ AG, καὶ καλῶς εἶρηται τὸ ἀναστρέψαντι.

*Eἰς τὸ λα'.*

Διελόντι τὸ ἀπὸ GB πρὸς τὸ ὑπὸ AHB μετίζοντα λόγον ἔχει ἡ περὶ τὸ ἀπὸ GB πρὸς τὸ ὑπὸ 25 AΘB] ἐπεὶ γάρ εὐθεῖα ἡ AB τέτμηται δίχα κατὰ τὸ Γ, καὶ πρόσκειται αὐτῇ ἡ BH, τὸ ὑπὸ AHB μετὰ τοῦ ἀπὸ GB ἵσου ἔστι τῷ ἀπὸ GH· ὥστε τὸ ἀπὸ GH τοῦ ὑπὸ AHB ὑπερέχει τῷ ἀπὸ GB. διὰ δὲ τὴν

2. ZA p. 3. Ante AZ ras. 1 litt. p. 7. ZΓ (pr.)]  
in ras. W. τοντέστιν W. 9. οὗτω p. 10. AG — 11.

I p. 92, 9—10] in ellipsi igitur dicemus: quoniam est

$$AZ \times ZB : AZ^2 = AH \times HB : HE^2 \quad [\text{I p. 92, 2}]$$

et

$$AZ^2 : Z\Gamma^2 = EH^2 : H\Gamma^2,$$

ex aequo erit

$$AZ \times ZB : Z\Gamma^2 = AH \times HB : H\Gamma^2.$$

componendo  $AZ \times ZB + Z\Gamma^2 : Z\Gamma^2$  (h. e.  $A\Gamma^2 : \Gamma Z^2$  [Eucl. II, 5]; nam  $AB$  in  $\Gamma$  in partes aequales, in  $Z$  autem in inaequales secta est)  $= \Gamma B^2 : \Gamma H^2$ ; et permutando  $A\Gamma^2 : \Gamma B^2 = Z\Gamma^2 : \Gamma H^2$ . in oppositis uero ita: quoniam est  $BZ \times ZA : Z\Gamma^2 = AH \times HB : \Gamma H^2$ , quia ex aequo sunt, e contrario erit

$$Z\Gamma^2 : BZ \times ZA = \Gamma H^2 : AH \times HB.$$

conuertendo  $Z\Gamma^2 : \Gamma A^2 = \Gamma H^2 : \Gamma B^2$ ; nam recta aliqua  $AB$  in  $\Gamma$  in duas partes aequales secta est, et adiecta est  $ZA$ , et  $BZ \times ZA + A\Gamma^2 = \Gamma Z^2$  [Eucl. II, 6], quare  $\Gamma Z^2 \div BZ \times ZA = A\Gamma^2$ , et recte dictum est conuertendo.

### Ad prop. XXXI.

Dirimendo  $\Gamma B^2 : AH \times HB > \Gamma B^2 : A\Theta \times \Theta B$  I p. 94, 13—15] quoniam enim recta  $AB$  in  $\Gamma$  in duas partes aequales secta est, et ei adiecta est  $BH$ , erit [Eucl. II, 6]  $AH \times HB + \Gamma B^2 = \Gamma H^2$ ; quare  $\Gamma H^2 \div AH \times HB = \Gamma B^2$ . eadem autem de causa

$\dot{\alpha}\pi\acute{o}$  (pr.)] om. W, lac. p.; corr. Comm. 13.  $\dot{\alpha}\pi\acute{o}$  (pr.)] om. W, lac. p.; corr. Comm. 19.  $\dot{\varepsilon}\sigma\tau\acute{t}\nu$  W. 26.  $AHB$ ]  $AHK$  Wp, corr. Comm. 27.  $\dot{\varepsilon}\sigma\tau\acute{t}\nu$  W.

αὐτὴν αἰτίαν καὶ τὸ ἀπὸ ΓΘ τοῦ ὑπὸ ΑΘΒ ὑπερέχει τῷ ἀπὸ ΓΒ· ὥστε ὁρθῶς εἰρηται τὸ διελόντι.

*Eἰς τὸ λβ'.*

'Ἐν τῷ ἐπτακαιδεκάτῳ θεωρήματι ἀπλούστερον δὲ ἔδειξεν, ὅτι ἡ διὰ τῆς κορυφῆς παρὰ τὴν κατηγμένην τεταγμένως ἀγομένη ἐφάπτεται, ἐνταῦθα δὲ τὸ ἐν τοῖς στοιχείοις ἐπὶ τοῦ κύκλου μόνου δεδειγμένον καθολικώτερον ἐπὶ πάσης κώνου τομῆς ὑπάρχον ἐπιδείκνυσι.

δεῖ μέντοι ἐπιστῆσαι, ὅπερ κάκεῖ ἔδειχθη, ὅτι καμπύλην μὲν ἵσως γραμμὴν οὐδὲν ἄτοπόν ἐστιν ἐμπίπτειν μεταξὺ τῆς εὐθείας καὶ τῆς τομῆς, εὐθεῖαν δὲ ἀμήχανον· τεμεῖ γὰρ αὕτη τὴν τομὴν καὶ οὐκ ἐφαψεται· δύο γὰρ ἐφαπτομένας εὐθείας κατὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου εἰναι ἀδύνατον.

15 πολυτρόπως δεδειγμένου τούτου τοῦ θεωρήματος ἐν διαφόροις ἐκδόσεσιν ἡμεῖς τὴν ἀπόδειξιν ἀπλούστεραν καὶ σαφεστέραν ἐποιήσαμεν.

*Eἰς τὸ λδ'.*

Δεῖ ἐπιστῆσαι, ὅτι ἡ ΓΔ κατηγμένη ἐπὶ τὴν διάμετρον ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς τὰς ΔΒ, ΔΑ ὁρίζουσα τὴν ΒΑ καταλιμπάνει ὀφείλουσαν τμηθῆναι εἰς τὸν τῶν ΒΔΑ λόγον, ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως καὶ τοῦ κύκλου ἀνάπτατιν τὴν ΒΑ τέμνουσα εἰς ὠρισμένον λόγον τὸν τῶν ΒΔΑ ἐπιξητεῖν ἡμᾶς ποιεῖ τὸν τῶν BE, EA· οὐδὲν γὰρ δυσχερὲς λόγου δοθέντος ἵσον αὐτῷ πορίσασθαι.

2. τό] τῷ W. 6. τό] om. p. 7. μόνον p. 9. (π) mg. W. 10. ἄτοπόν] corr. ex ἄτω-

etiam  $\Gamma\Theta^2 \div A\Theta \times \Theta B = \Gamma B^2$ . ergo recte dictum est dirimendo.

### Ad prop. XXXII.

In prop. XVII simplicius demonstrauit, rectam per uerticem rectae ordinate ductae parallelam ductam contingere, hic uero, quod in Elementis [III, 16] de solo circulo demonstratum est, uniuersalius de omni coni sectione ualere ostendit.

animaduertendum uero, quod ibi quoque [Eucl. III, 16] demonstratum est, fortasse fieri posse, ut curua linea inter rectam sectionemque cadat, ut recta autem sic cadat, fieri non posse; ea enim sectionem secabit, non continget; neque enim fieri potest, ut in eodem puncto duae rectae contingant.

cum haec propositio in uariis editionibus multis modis demonstraretur, nos demonstrationem simpliciorem et clariorem fecimus.

### Ad prop. XXXIV.

Animaduertendum, rectam  $\Gamma\Delta$  ad diametrum ordinate ductam in hyperbola rectas  $\Delta B$ ,  $\Delta A$  determinantem rectam  $B\Delta$  relinquere secundum rationem  $B\Delta : \Delta A$  secandam, in ellipsi autem circuloque rursus rectam  $B\Delta$  secundum rationem determinatam  $B\Delta : \Delta A$  secantem nobis rationem  $BE : EA$  quaerendam relinquere; neque enim difficile est, data ratione aliam aequalem parare.

*πον* W.    12. *τέμει* W.    16. *ἀπόδειξιν*] addidi, om. W p.  
19. *δεῖ*] e corr. p.    24. *τόν* (pr.)] corr. ex *τῶν* p.    *ἐπι-*  
*γητεῖν*] corr. ex *ἐπιξητῶν?* p.

δεῖ μέντοι εἰδέναι, ὅτι καθ' ἐκάστην τομὴν καταγραφαὶ εἰσὶ δύο τοῦ Ζ σημείου ἡ ἐσωτέρω τοῦ Γ λαμβανομένου ἡ ἐξωτέρῳ· ὥστε εἶναι τὰς πάσας πτώσεις ἔξ.

5      χρῆται δὲ καὶ δύο λήμμασιν, ἀπερ ἐξῆς γράψομεν.  
μεῖζον ἄρα τὸ ὑπὸ ΑΝΞ τοῦ ὑπὸ ΑΟΞ· ἡ  
ΝΟ ἄρα πρὸς ΞΟ μεῖζονα λόγον ἔχει ἥπερ ἡ  
ΟΑ πρὸς ΑΝ] ἐπεὶ γάρ τὸ ὑπὸ ΑΝ, ΝΞ μεῖζόν  
ἐστι τοῦ ὑπὸ ΑΟ, ΟΞ, γινέσθω τῷ ὑπὸ ΑΝ, ΝΞ  
10 ἵσον τὸ ὑπὸ τῆς ΑΟ καὶ ἄλλης τυνὸς τῆς ΞΠ, ἣντις  
μεῖζων ἐσται τῆς ΞΟ· ἐστιν ἄρα, ὡς ἡ ΟΑ πρὸς ΑΝ,  
ἡ ΝΞ πρὸς ΞΠ. ἡ δὲ ΝΞ πρὸς ΞΟ μεῖζονα λόγον  
ἔχει ἥπερ πρὸς τὴν ΞΠ· καὶ ἡ ΟΑ ἄρα πρὸς ΑΝ  
ἐλάττονα λόγον ἔχει ἥπερ ἡ ΝΞ πρὸς ΞΟ.

15     φανερὸν δὴ καὶ τὸ ἀνάπαλιν, ὅτι, κανὸν ἡ ΝΞ πρὸς  
ΞΟ μεῖζονα λόγον ἔχῃ ἥπερ ἡ ΟΑ πρὸς ΑΝ, τὸ ὑπὸ<sup>20</sup>  
ΞΝ, ΝΑ μεῖζόν ἐστι τοῦ ὑπὸ ΑΟ, ΟΞ.

γινέσθω γάρ, ὡς ἡ ΟΑ πρὸς ΑΝ, οὕτως ἡ ΝΞ  
πρὸς μεῖζονα δηλονότι τῆς ΞΟ ὡς τὴν ΞΠ· τὸ ἄρα  
20 ὑπὸ ΞΝ, ΝΑ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΑΟ, ΞΠ· ὥστε μεῖ-  
ζόν ἐστι τὸ ὑπὸ ΞΝ, ΝΑ τοῦ ὑπὸ ΑΟ, ΟΞ.

εἰς τὸ αὐτό.

ἀλλ' ὡς μὲν τὸ ὑπὸ ΒΚ, ΑΝ πρὸς τὸ ἀπὸ  
ΓΕ, τὸ ὑπὸ ΒΔΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΕΔ] ἐπεὶ οὖν διὰ

2. εἰσιν W. ἐσωτέρῳ] p, ἐσωτέρον W. 5. δύο] δυσί p.

6—8. ξ mg. W. 6. τό] τοῦ W, τ p, corr. Comm. ΑΝΞ] Comm., ΑΗΞ Wp. τδῆ] τ seq. lac. 2 litt. p. 8. ΟΑ] corr. ex ΘΑ W. τό] τοῦ Wp, corr. Comm. 9. ἐστιν W. τοῦ] τ seq. lac. p. 12. ΞΟ] corr. ex ΞΘ W. 13. ἄρα] om. Wp, corr. Comm. 14. ἐλάττονα] μεῖζονα Wp, corr. Comm. 15. δῆ] e corr. p. 16. ἔχῃ] Halley, ἔχει Wp. 17. ἐστιν W.

sciendum autem, in singulis sectionibus binas figuræ esse, prout punctum  $Z$  intra  $\Gamma$  aut extra  $\Gamma$  sumatur; quare omnino sex sunt casus.

utitur autem duobus lemmatis, quae iam infra prescribemus.

quare  $AN \times N\Sigma > AO \times O\Sigma$ ; itaque

$N\Sigma : \Sigma O > OA : AN$  I p. 102, 24—26]

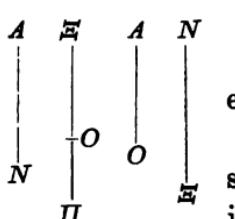
quoniam enim  $AN \times N\Sigma > AO \times O\Sigma$ , fiat

$$AO \times \Sigma \Pi = AN \times N\Sigma,$$

$\Sigma \Pi$  maiore sumpta quam  $\Sigma O$ ; itaque

$$OA : AN = N\Sigma : \Sigma \Pi.$$

uerum  $N\Sigma : \Sigma O > N\Sigma : \Sigma \Pi$  [Eucl. V, 8]; ergo etiam  
 $OA : AN < N\Sigma : \Sigma O$ .<sup>1)</sup>



manifestum iam rursus, si  
 $N\Sigma : \Sigma O > OA : AN$ ,  
 esse  $\Sigma N \times NA > AO \times O\Sigma$ .  
 fiat enim  $N\Sigma : \Sigma \Pi = OA : AN$ ,  $\Sigma \Pi$   
 sumpta maiore quam  $\Sigma O$  [Eucl. V, 8].  
 itaque  $\Sigma N \times NA = AO \times \Sigma \Pi$ . ergo  
 $\Sigma N \times NA > AO \times O\Sigma$ .

Ad eandem.

Est autem  $BK \times AN : \Gamma E^2 = BA \times AA : EA^2$   
I p. 104, 2—4] quoniam, quia  $AN, EI, KB$  parallelæ

1) Cum conjectura Commandini lin. 14 parum sit probabilis, nec alia melior reperiri possit, crediderim, Eutocium ipsum errore *μελλοντα* scripsisse.

In fig. pro  $O$  bis  $\Theta$  W, om. p.

20.  $\Sigma \Pi \cdot \omega\sigma\tau\epsilon$ ] scripsi;  $\bar{\xi} \pi\omega\varsigma \tau\acute{\epsilon}$  Wp. 21.  $\ell\sigma\tau\iota\nu$  W.  $O\Sigma$   
 $O$  e corr. W. 23.  $\tau\delta \alpha\pi\delta \Gamma E$ ] p.,  $\tau\delta\nu \alpha\epsilon\gamma$  W. 24.  $o\dot{\nu}\nu$ ]  
 $\gamma\acute{\alpha}\varphi?$

τὸ παραλλήλους ἐίναι τὰς *AN, EG, KB* ἐστιν, ὡς ἡ  
*AN* πρὸς *EG*, ἡ *AA* πρὸς *AE*, ὡς δὲ ἡ *EG* πρὸς  
*KB*, ἡ *EA* πρὸς *AB*, δι’ ἵσου ἄρα, ὡς ἡ *AN* πρὸς  
*KB*, ἡ *AA* πρὸς *AB*. καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ *AN* πρὸς  
5 τὸ ὑπὸ *AN, KB*, τὸ ἀπὸ *AA* πρὸς τὸ ὑπὸ *AAE*.  
 ὡς δὲ τὸ ἀπὸ *EG* πρὸς τὸ ἀπὸ *AN*, τὸ ἀπὸ *EA*  
 πρὸς τὸ ἀπὸ *AA*. δι’ ἵσου ἄρα, ὡς τὸ ἀπὸ *EG* πρὸς  
 τὸ ὑπὸ *AN, KB*, τὸ ἀπὸ *EA* πρὸς τὸ ὑπὸ *AAE*.  
 καὶ ἀνάπαλιν, ὡς τὸ ὑπὸ *KB*, *AN* πρὸς τὸ ἀπὸ *EG*,  
10 τὸ ὑπὸ *BAA* πρὸς τὸ ἀπὸ *EA*.

### *Els τὸ λξ'.*

Διὰ τούτων τῶν θεωρημάτων φανερόν, ὅπως ἐστὶ<sup>3</sup>  
 δυνατὸν διὰ τοῦ δοθέντος σημείου ἐπὶ τῆς διαμέ-  
 τρου καὶ τῆς κορυφῆς τῆς τομῆς ἐφαπτομένην ἀγαγεῖν.

15

### *Els τὸ λη'.*

"Ἐν τισιν ἀντιγράφοις τὸ θεώρημα τοῦτο ἐπὶ μόνης  
 τῆς ὑπερβολῆς εὐρίσκεται δεδειγμένον, καθολικῶς δὲ  
 ἐνταῦθα δέδεικται· τὰ γὰρ αὐτὰ συμβαίνει καὶ ἐπὶ<sup>4</sup>  
 τῶν ἄλλων τομῶν. καὶ τῷ Ἀπολλωνίῳ δὲ δοκεῖ μὴ  
20 μόνον τὴν ὑπερβολήν, ἀλλὰ καὶ τὴν ἔλλειψιν ἔχειν  
 δευτέραν διάμετρον, ὡς πολλάκις αὐτοῦ ἡκούσαμεν ἐν  
 τοῖς προλαβοῦσιν.

καὶ ἐπὶ μὲν τῆς ἔλλειψεως πτῶσιν οὐκ ἔχει, ἐπὶ<sup>5</sup>  
 δὲ τῆς ὑπερβολῆς τρεῖς· τὸ γὰρ *Z* σημεῖον, καθ’ ὁ  
25 συμβάλλει ἡ ἐφαπτομένη τῇ δευτέρᾳ διαμέτρῳ, ἡ κατω-

3. πρός (pr.)] bis p. 5. ὑπό (pr.)] ἀπό Wp, corr. Com. *AN*] *AH?* p. Post πρός del. *AB* καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ *AN* p. 8. ὑπό (alt.)] corr. ex ἀπό W. *AAE*] *A e* corr. W.

sunt, est  $AN : EG = AA : AE$ ,  $EG : KB = EA : AB$  [Eucl. I, 29; VI, 4], ex aequo erit  $AN : KB = AA : AB$ ; quare  $AN^2 : AN \times KB = AA^2 : AA \times AB$ . est autem [Eucl. VI, 4]  $EG^2 : AN^2 = EA^2 : AA^2$ ; ex aequo igitur  $EG^2 : AN \times KB = EA^2 : AA \times AB$ ; et e contrario  $KB \times AN : EG^2 = BA \times AA : EA^2$ .

### Ad prop. XXXVII.

Per haec theoremata<sup>1)</sup> manifestum est, quo modo fieri possit, ut per datum punctum diametri<sup>2)</sup> et per uerticem<sup>3)</sup> sectionis recta contingens ducatur.

### Ad prop. XXXVIII.

In nonnullis codicibus haec propositio de sola hyperbola demonstrata reperitur, hic autem uniuersaliter demonstrata est; nam eadem etiam in reliquis sectionibus accidunt. et Apollonio quoque non modo hyperbola, sed etiam ellipsis alteram diametrum habere uidetur, sicut in praecedentibus saepius ab eo audiuimus.

et in ellipsi casum non habet, in hyperbola autem tres; nam punctum  $Z$ , in quo recta contingens cum altera diametro concurrit, aut infra  $A$  positum est aut in  $A$  aut supra  $A$ , et ea de causa  $\Theta$  et ipsum tres habebit positiones,

1) Propp. XXXVII—VIII; cfr. I p. 118, 1 sq.

2) Per aequationem  $ZH \times H\Theta = H\Gamma^2$ , unde datis rectis  $ZH$ ,  $H\Gamma$  inueniri potest  $H\Theta$  et ita  $E$ .

3) Per aequationem  $H\Theta \times \Theta Z : \Theta E = \text{latus rectum} : \text{transuersum}$ , unde dato uertice  $E$  et ideo datis  $E\Theta$  et  $H\Theta$  inueniri potest  $\Theta Z$  et punctum  $Z$ .

10.  $BAA]$  A e corr. p.      17.  $\varepsilon\nu\varrho\iota\cdot]$  e corr. p.      25.  $\kappa\alpha\tau\omega\tau\acute{\varrho}\omega\iota$  W, ut saepius.

τέρῳ τοῦ Δ ἔστιν ἡ ἐπὶ τοῦ Δ ἡ ἀνωτέρῳ τοῦ Δ,  
καὶ διὰ τοῦτο τὸ Θ ὁμοίως αὐτῷ τρεῖς ἔξει τόπους,  
καὶ προσεκτέον, ὅτι, εἰτε κατωτέρῳ πέσῃ τὸ Ζ τοῦ Δ,  
καὶ τὸ Θ τοῦ Γ ἔσται κατωτέρῳ, εἰτε τὸ Ζ ἐπὶ τὸ Δ,  
5 καὶ τὸ Θ ἐπὶ τὸ Γ, εἰτε ἀνωτέρῳ τὸ Ζ τοῦ Δ, καὶ  
τὸ Θ τοῦ Γ ἔσται ἀνωτέρῳ.

*Eἰς τὸ μα'.*

Τὸ θεώρημα τοῦτο ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς πτῶσιν  
οὐκ ἔχει, ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως, ἐὰν ἡ καταγομένη ἐπὶ<sup>10</sup>  
τὸ κέντρον πίπτῃ, τὰ δὲ λοιπὰ γένηται τὰ αὐτά, τὸ  
ἀπὸ τῆς κατηγμένης εἰδος ἵσον ἔσται τῷ ἀπὸ τῆς ἐκ  
τοῦ κέντρον εἰδει.

ἔστω γὰρ ἔλλειψις, ἡς διάμετρος ἡ  $AB$ , κέντρον  
τὸ Δ, καὶ κατήχθω τεταγμένως ἡ  $ΓΔ$ , καὶ ἀναγε-<sup>15</sup>  
γράφθω ἀπὸ τε τῆς  $ΓΔ$  καὶ τῆς  $AΔ$  εἰδη ἵσογάννια  
τὰ  $AZ$ ,  $ΔH$ , ἐχέτω δὲ ἡ  $ΔΓ$  πρὸς  $ΓH$  τὸν συγκε-  
μενον λόγον ἔκ τε τοῦ ὃν ἔχει ἡ  $AΔ$  πρὸς  $ΔZ$  καὶ  
τοῦ ὃν ἔχει ἡ ὁρθία πρὸς τὴν πλαγίαν.

λέγω, ὅτι τὸ  $AZ$  ἵσον ἔστι τῷ  $ΔH$ .

20 ἐπεὶ γὰρ ἐν τῷ φητῷ δέδεικται, ὡς τὸ ἀπὸ  $AΔ$   
πρὸς τὸ  $AZ$ , οὗτως τὸ ὑπὸ  $AΔB$  πρὸς τὸ  $ΔH$ , φημί,  
ὅτι καὶ ἐναλλάξ, ὡς τὸ ἀπὸ  $AΔ$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $AΔB$ ,  
οὗτως τὸ  $AZ$  πρὸς τὸ  $ΔH$ . ἵσον δὲ τὸ ἀπὸ  $AΔ$  τῷ  
ὑπὸ  $AΔB$ . ἵσον ἄρα καὶ τὸ  $AZ$  τῷ  $ΔH$ .

25 *Eἰς τὸ μβ'.*

Τὸ θεώρημα τοῦτο ἔχει πτῶσεις  $\overline{ia}$ , μίαν μὲν, εἰ  
ἔσωτέρῳ λαμβάνοιτο τὸ Δ τοῦ Γ· δῆλον γάρ, ὅτι καὶ

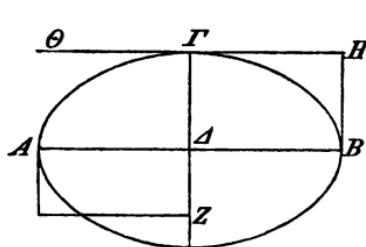
6. ἀνωτέρῳ] corr. ex ἀνωτέρῳ W. 10. πίπτῃ, τά] in ras. W. 13. διάμετρος] corr. ex διάμετρον W, comp. p. κέντρον δέ Halley. 16.  $ΔH$ ,  $AZ$  Comm. 18. ὃν] in

et animaduertendum est, siue  $Z$  infra  $\Delta$  cadat, etiam  $\Theta$  infra  $\Gamma$  positum esse, siue in  $\Delta$  cadat  $Z$ , etiam  $\Theta$  in  $\Gamma$ , siue  $Z$  supra  $\Delta$ , etiam  $\Theta$  supra  $\Gamma$  positum esse.<sup>1)</sup>

### Ad prop. XLII.

Haec propositio in hyperbola casum non habet, in ellipsi autem, si recta ordinate ducta in centrum cadit, reliqua autem eadem fiunt, figura in recta ordinate ducta descripta aequalis erit figurae in radio descriptae.

sit enim ellipsis, cuius diametrus sit  $AB$ , centrum  $\Delta$ , et ordinate ducatur  $\Gamma\Delta$ , describanturque et in



$\Gamma\Delta$  et in  $\Delta\Delta$  figurae aequiangulae  $AZ, \Delta H$ , habeat autem  $\Delta\Gamma : \Gamma H$  rationem compositam ex ratione  $\Delta\Delta : \Delta Z$  et ea, quam habet latus rectum ad transuersum.

dico, esse  $AZ = \Delta H$ .

nam quoniam in uerbis Apollonii [I p. 126, 7—8] demonstratum est, esse  $\Delta\Delta^2 : AZ = \Delta\Delta \times \Delta B : \Delta H$ , dico, etiam permutando esse

$$\Delta\Delta^2 : \Delta\Delta \times \Delta B = AZ : \Delta H.$$

uerum  $\Delta\Delta^2 = \Delta\Delta \times \Delta B$ ; ergo etiam  $AZ = \Delta H$ .

### Ad prop. XLII.

Haec propositio XI casus habet, unum, si  $\Delta$  intra  $\Gamma$  sumitur; manifestum enim, etiam parallelas intra

1) Quia  $ZH : HG = HG : H\Theta$  et  $HG = H\Delta$ .

ras. W. 19. ἐστίν W. 21. οὗτος p. 23. οὗτος p. τὸ  
 $\Delta H$ . ἵστορ δέ] bis W. 24.  $AZ$ ]  $AZ$  Wp, corr. Comm.

αὶ παράλληλοι ἐσωτέρω πεσοῦνται τῶν ΑΓΘ. ἐτέρας  
 δὲ πέντε οὗτως· ἔὰν τὸ Δ ἐξωτέρω ληφθῇ τοῦ Γ, ἡ  
 μὲν ΔΖ παράλληλος δηλούστι ἐξωτέρω πεσεῖται τῆς  
 ΘΓ, ἡ δὲ ΔΕ ἡ μεταξὺ τῶν Α, Β ἡ ἐπὶ τὸ Β ἡ με-  
 5 ταξὺ τῶν Β, Θ ἡ ἐπὶ τὸ Θ ἡ ἐξωτέρω τοῦ Θ· τοῦ  
 γὰρ Α ἐξωτέρω πεσεῖν αὐτὴν ἀδύνατον, ἐπειδὴ τὸ Δ  
 ἐξωτέρω ἐστὶ τοῦ Γ καὶ δηλούστι καὶ ἡ δί' αὐτοῦ  
 παράλληλος ἀγομένη τῇ ΑΓ. ἔὰν δὲ τὸ Δ ἐπὶ τὰ  
 ἔτερα μέρη ληφθῇ τῆς τομῆς, ἡ ἀμφότεραι αἱ παράλ-  
 10 ληλοι μεταξὺ τῶν Θ, Β περατωθήσονται, ἡ δὲ μὲν ΔΖ  
 ἐξωτέρω τοῦ Θ, τὸ δὲ Ε ἐπὶ τὸ Θ, ἡ τῆς ΔΖ ώστι-  
 τως μενούσης τὸ Ε ἐξωτέρω τοῦ Θ ἐλεύσεται· τοῦ δὲ  
 Ε πάλιν ἐξωτέρω πίπτοντος τὸ Ζ ἡ ἐπὶ τὸ Θ πεσεῖται,  
 ὡς εἰναι τὴν ΓΘΔ μίαν εὐθεῖαν, εἰ καὶ μὴ σώζεται  
 15 κυρίως τότε τὸ Ζ παραλλήλου ἰδίωμα, ἡ ἐξωτέρω  
 τοῦ Θ. δεῖ δὲ ἐπὶ τῆς ἀποδεῖξεως τῶν τελευταίων  
 πέντε πτώσεων τὴν ΔΖ ἐκβάλλειν ἐώς τῆς τομῆς καὶ  
 τῆς ΗΓ παραλλήλου καὶ οὕτως ποιεῖσθαι τὴν ἀπό-  
 δειξιν.

20 δυνατὸν δὲ καὶ ἄλλην μίαν καταγραφὴν ἐπινοεῖν  
 ἐκ τούτων, ὅταν δὴ λαμβανομένου ἐτέρου σημείου αἱ  
 ἐξ ἀρχῆς εὐθεῖαι ποιῶσι τὸ λεγόμενον, ἀλλὰ τοῦτο  
 θεώρημα μᾶλλον ἐστιν ἡ πτῶσις.

*Eἰς τὸ μγ'.*

25 "Ἐν τισὶ φέρεται ἀπόδειξις τοῦ θεωρήματος τούτου  
 τοιαύτη·

1. αἱ] addidi, om. W p. 2. οὗτω p. 5. τῷ] τῷ W. 7.  
 ἐξωτέρω] Halley, ἐσωτέρω W p. ἐστὶν W. 8. ἔαν] p, ἐν W.  
 10. ἡ] om. W p, corr. Comm. 11. Ε] om. W p, corr. Comm.  
 ΔΖ] Δ ε corr. W. 18. οὗτω p. ἀπόδειξιν] corr. ex

$A\Gamma$ ,  $\Gamma\Theta$  cadere; alios autem quinque hoc modo: si  $\Delta$  extra  $\Gamma$  sumitur, parallela  $\Delta Z$ , ut adparet, extra  $\Theta\Gamma$  cadet,  $\Delta E$  autem aut inter  $A$ ,  $B$  cadet aut in  $B$  aut inter  $B$ ,  $\Theta$  aut in  $\Theta$  aut extra  $\Theta$ ; neque enim fieri potest, ut extra  $A$  cadat, quoniam  $\Delta$  extra  $\Gamma$  positum est et, ut adparet, etiam recta per id rectae  $A\Gamma$  parallela ducta. sin  $\Delta$  ad alteram partem sectionis sumitur, aut utraque parallela inter  $\Theta$ ,  $B$  terminabitur, aut  $\Delta Z$  intra  $\Theta$ ,  $E$  autem in  $\Theta$ , aut  $\Delta Z$  in eadem positione manente  $E$  extra  $\Theta$  cadet; rursus puncto  $E$  extra  $\Theta$  cadente  $Z$  aut in  $\Theta$  cadet, ita ut  $\Gamma\Theta\Delta$  una sit recta, quamquam ita proprietas parallelae non prorsus seruatur, aut extra  $\Theta$ . oportet autem in quinque ultimis casibus demonstrandis rectam  $\Delta Z$  usque ad sectionem parallelamque  $H\Gamma$  producere et ita demum demonstrationem perficere.

fieri autem potest, ut ex his alia quaedam figura fingatur, ubi scilicet sumpto alio puncto rectae ab initio sumptae efficiant<sup>1)</sup>), quod quaerimus; sed haec propositio est potius quam casus.

### Ad prop. XLIII.

In nonnullis codicibus demonstratio huius propositionis haec fertur:

1) Haec non satis intellego. fortasse scr. lin. 21 δὴ μὴ, ita ut significetur propositio  $A\Theta\Gamma = B\Gamma$ ; cfr. infra p. 258, 19 sq.

ἀπάδειξιν W. 22. ποιῶσιν W. τοῦτο] τοῦτο τό Wp, corr. Halley. 23. μᾶλλόν] scripsi, ἔστω Wp (permutatis λλ et ω), om. Comm. η] scripsi, η Wp, οὐ Comm. 25. τισιν W.

έπει γὰρ ἵσον ἔστι τὸ ὑπὸ ΖΓΔ τῷ ἀπὸ ΓΒ, ἔστιν  
ἄρα, ὡς ἡ ΖΓ πρὸς ΓΒ, ἡ ΓΒ πρὸς ΓΔ· καὶ ὡς  
ἄρα τὸ ἀπὸ τῆς ΓΖ εἰδος πρὸς τὸ ἀπὸ τῆς ΓΒ εἰδος,  
οὕτως ἡ ΖΓ πρὸς τὴν ΓΔ. ἀλλ' ὡς μὲν τὸ ἀπὸ ΖΓ  
πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, τὸ ΕΖΓ τρίγωνον πρὸς τὸ ΛΓΒ  
τρίγωνον, ὡς δὲ ἡ ΖΓ πρὸς ΓΔ, τὸ ΕΖΓ τρίγωνον  
πρὸς τὸ ΕΓΔ τρίγωνον· ὡς ἄρα τὸ ΕΓΖ τρίγωνον  
πρὸς τὸ ΒΛΓ τρίγωνον, τὸ ΕΓΖ πρὸς τὸ ΕΓΔ τρί-  
γωνον. ἵσον ἄρα τὸ ΕΓΔ τρίγωνον τῷ ΒΓΔ. καὶ  
10 ὡς ἄρα ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς ἀναστρέψαντι, ἐπὶ δὲ  
τῆς ἐλλείψεως ἀνάπαλιν καὶ διελόντι, [ώς] τὸ ΕΖΓ  
τρίγωνον πρὸς τὸ ΕΛΒΖ τετράπλευρον, οὕτως τὸ  
ΕΓΖ πρὸς τὸ ΕΔΖ τρίγωνον· ἵσον ἄρα τὸ ΕΔΖ  
τρίγωνον τῷ ΕΛΒΖ τετραπλεύρῳ. καὶ ἐπεὶ ἔστιν,  
15 ὡς τὸ ἀπὸ ΓΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, τὸ ΕΓΖ πρὸς τὸ  
ΛΓΒ τρίγωνον, ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς διελόντι, ἐπὶ  
δὲ τῆς ἐλλείψεως ἀνάπαλιν καὶ ἀναστρέψαντι καὶ ἀνά-  
παλιν ἔστιν, ὡς τὸ ὑπὸ ΑΖΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ, τὸ  
ΕΛΒΖ τετράπλευρον πρὸς τὸ ΒΛΓ τρίγωνον. ὅμοιως  
20 δὲ καὶ, ὡς τὸ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ὑπὸ ΑΚΒ, οὕτως τὸ  
ΛΓΒ τρίγωνον πρὸς τὸ ΜΛΒΚ τετράπλευρον· δι'  
ἵσον ἄρα, ὡς τὸ ὑπὸ ΑΖΒ πρὸς τὸ ὑπὸ ΑΚΒ, τὸ  
ΕΛΒΖ τετράπλευρον πρὸς τὸ ΛΒΚΜ. ὡς δὲ τὸ  
ὑπὸ ΑΖΒ πρὸς τὸ ὑπὸ ΑΚΒ, τὸ ἀπὸ ΕΖ πρὸς τὸ  
25 ἀπὸ ΗΚ, ὡς δὲ τὸ ἀπὸ ΕΖ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΚ, τὸ  
ΕΔΖ τρίγωνον πρὸς τὸ ΗΘΚ τρίγωνον· καὶ ὡς ἄρα  
τὸ ΕΔΖ πρὸς τὸ ΗΘΚ, τὸ ΕΛΒΖ τετράπλευρον  
πρὸς τὸ ΜΛΒΚ. ἐναλλάξ, ὡς τὸ ΕΔΖ πρὸς τὸ  
ΕΛΒΖ, οὕτως τὸ ΗΘΚ πρὸς τὸ ΜΛΒΚ. ἵσον δὲ

1. ἔστι] ἔστιν W. 4. ΖΓ(alte)] τῆς ΖΓ p. 5. ΛΓΒ]  
ΑΓΒ corr. ex ΑΒΓ W; corr. Comm. ΛΓΒ — 7. πρὸς τό]

quoniam enim est  $Z\Gamma \times \Gamma\Delta = \Gamma B^2$  [prop XXXVII], erit [Eucl. VI, 17]  $Z\Gamma : \Gamma B = \Gamma B : \Gamma\Delta$ ; quare etiam, ut figura in  $\Gamma Z$  descripta ad figuram in  $\Gamma B$  descriptam, ita  $Z\Gamma : \Gamma\Delta$  [Eucl. VI, 19 coroll.]. est autem [Eucl. VI, 19]  $Z\Gamma^2 : \Gamma B^2 = EZ\Gamma : \Lambda\Gamma B$  et [Eucl. VI, 1]  $Z\Gamma : \Gamma\Delta = EZ\Gamma : E\Gamma\Delta$ ; itaque

$$E\Gamma Z : B\Lambda\Gamma = EZ\Gamma : E\Gamma\Delta.$$

quare  $E\Gamma\Delta = B\Gamma\Lambda$  [Eucl. V, 9]<sup>1)</sup>. itaque etiam in hyperbola conuertendo, in ellipsi autem e contrario et dirimendo  $EZ\Gamma : E\Lambda BZ = E\Gamma Z : E\Delta Z$ ; quare  $E\Delta Z = E\Lambda BZ$ . et quoniam est

$$GZ^2 : \Gamma B^2 = E\Gamma Z : \Lambda\Gamma B,$$

erit in hyperbola dirimendo, in ellipsi autem e contrario et conuertendo et e contrario

$$AZ \times ZB : B\Gamma^2 = E\Lambda BZ : B\Lambda\Gamma.$$

similiter autem etiam  $\Gamma B^2 : AK \times KB = \Lambda\Gamma B : M\Lambda B K$ ; ex aequo igitur

$$AZ \times ZB : AK \times KB = E\Lambda BZ : \Lambda B K M.$$

uerum  $AZ \times ZB : AK \times KB = EZ^2 : HK^2$  [prop. XXI]  $= E\Delta Z : H\Theta K$  [Eucl. VI, 19]; quare etiam

$$E\Delta Z : H\Theta K = E\Lambda BZ : M\Lambda B K.$$

1. Uerba ἵστοι —  $B\Gamma\Lambda$  lin. 9 superflua sunt.

om. p. 8.  $B\Lambda\Gamma$ ]  $B\Lambda\Gamma$  p et  $A$  e corr. W; *lcb* Comm.,  $B\Gamma\Lambda$  Halley.  $E\Gamma\Delta$ ]  $A\Gamma\Delta$  Wp, corr. Comm. 9.  $\tau\eta\gamma\omega\nu\nu$ ] corr. ex  $\tau\eta\gamma\omega\nu\nu$  W.  $B\Gamma\Lambda$ ]  $B\Gamma\Lambda$  W et  $\Gamma$  e corr. p, corr. Halley, *lcb* Comm.  $\kappa\alpha\lambda\omega\varsigma$ ]  $\xi\sigma\tau\iota\nu$  Halley. 11.  $\omega\varsigma$ ] deleo;  $\kappa\alpha\lambda\epsilon\tau\iota\alpha\mu\alpha\lambda\iota\nu\omega\varsigma$  Comm., Halley;  $\kappa\alpha\lambda\alpha\mu\alpha\lambda\iota\nu\omega\varsigma$  mg. m. 2 U. 12.  $\omega\eta\tau\omega$  p. 14.  $E\Lambda B\Delta$  p. 16.  $\Lambda\Gamma B$ ]  $\Lambda\Gamma B$  Wp, corr. Comm. 19.  $E\Lambda BZ$ ]  $E\Lambda BZ$  Wp, corr. Comm. 20.  $\delta\varepsilon$ ] e corr. p.  $\omega\eta\tau\omega$  p. 21.  $M\Lambda B K$ ]  $M\Lambda K B$  Wp, corr. Comm. 28.  $\Lambda B K M$ ] scripsi praeeunte Comm.,  $ABKM$  Wp. 29.  $\omega\eta\tau\omega$  p.

τὸ ΕΔΖ τῷ ΕΛΒΖ ἐδείχθη· ἵσον ἄρα καὶ τὸ ΗΘΚ  
τῷ ΜΛΒΚ τετραπλεύρῳ. τὸ ἄρα ΜΓΚ τριγωνού  
τοῦ ΗΘΚ διαφέρει τῷ ΛΒΓ.

ἐπιστῆσαι δεῖ ταύτῃ τῇ δεῖξει· δὲ λίγην γὰρ ἀσάφειαν  
5 ἔχει ἐν ταῖς ἀναλογίαις τῆς ἐλλείψεως· ἵνα τὰ διὰ  
τὴν συντομίαν τοῦ δητοῦ ὅμοι λεγόμενα διηρημένως  
ποιήσωμεν, οἶον — φησὶ γάρ· ἐπεὶ ἐστιν, ὡς τὸ ἀπὸ  
ΖΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, τὸ ΕΓΖ τριγωνού πρὸς τὸ  
ΛΒΓ, ἀνάπαλιν καὶ ἀναστρέψαντι καὶ ἀνάπαλιν  
10 — ὡς τὸ ἀπὸ ΒΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΖ, τὸ ΛΒΓ πρὸς  
τὸ ΕΖΓ· ἀναστρέψαντι, ὡς τὸ ἀπὸ ΒΓ πρὸς τὸ ὑπὸ<sup>1</sup>  
ΑΖΒ, τοντέστιν ἡ ὑπεροχὴ τοῦ ἀπὸ ΓΒ πρὸς τὸ ἀπὸ  
ΓΖ διὰ τὸ διχοτομίαν εἶναι τὸ Γ τῆς ΑΒ, οὕτως τὸ  
ΛΒΓ τριγωνού πρὸς τὸ ΑΖΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΓ, τὸ ΕΛΒΖ  
15 τετράπλευρον πρὸς τὸ ΛΒΓ τριγωνού.

ἔχει δὲ πτώσεις ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς  $\overline{\alpha}$ , ὅσας  
εἰχει καὶ τὸ πρὸ αὐτοῦ ἐπὶ τῆς παραβολῆς, καὶ ἄλλην  
μίαν, ὅταν τὸ ἐπὶ τοῦ Η λαμβανόμενον σημεῖον ταύ-  
20 τὸν ἥ τῷ Ε· τότε γὰρ συμβαίνει τὸ ΕΔΖ τριγωνού  
μετὰ τοῦ ΛΒΓ ἵσον εἶναι τῷ ΓΕΖ· δέδεικται μὲν  
γὰρ τὸ ΕΔΖ τριγωνού ἵσον τῷ ΑΖΒΕ τετραπλεύρῳ,  
το δὲ ΑΖΒΕ τοῦ ΓΖΕ τριγώνου διαφέρει τῷ ΛΒΓ.  
ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως ἥ ταῦτόν ἐστι τὸ Η τῷ Ε ἥ  
25 ἐσωτέρῳ λαμβάνεται τοῦ Ε· καὶ δῆλον, ὅτι ἀμφότεραι  
αἱ παράλληλοι μεταξὺ πεσοῦνται τῶν Δ, Ζ, ὡς ἔχει

1. ΕΛΒΖ]  $\Lambda$  in ras. W. τό] mut. in τῷ W, τῷ p. 2.  
τῷ ΜΛΒΚ] om. W p, corr. Comm. τὸ ἄρα] om. W initio  
lin., lac. 3 litt. p, corr. Comm. ΜΓΚ] ΜΓΛ W p, corr.  
Comm. 3. ΗΘΚ] Θ ε corr. W. ΛΒΓ] scripsi, ΛΒΓ W p.

6. τῆν] ε corr. p. 7. ποιήσωμεν] corr. ex ποιήσομεν W.  
φησίν W p. γάρ] om. Halley. 9. ΛΒΓ] Λ ε corr. W.

permutando  $E\Delta Z : E\Lambda BZ = H\Theta K : M\Lambda BK$ . demonstrauimus autem  $E\Delta Z = E\Lambda BZ$ ; quare etiam  $H\Theta K = M\Lambda BK$ . ergo  $M\Gamma K = \Lambda B\Gamma \pm H\Theta K^1)$ .

In hanc demonstrationem inquirendum est (est enim in proportionibus ellipsis subobscura), ut, quae propter breuitatem uerborum Apollonii coniunguntur, explicemus, uelut<sup>2)</sup> (dicit enim: quoniam est

$$Z\Gamma^2 : \Gamma B^2 = E\Gamma Z : \Lambda B\Gamma,$$

e contrario et conuertendo et e contrario [u. supra p. 256, 17])  $B\Gamma^2 : \Gamma Z^2 = \Lambda B\Gamma : EZ\Gamma$ ; conuertendo  $B\Gamma^2 : AZ \times ZB$  (hoc est  $\Gamma B^2 \div \Gamma Z^2$  [Eucl. II, 5], quia  $\Gamma$  punctum medium est rectae  $AB$ ) =  $\Lambda B\Gamma : \Lambda BZE$ ; e contrario

$$AZ \times ZB : B\Gamma^2 = E\Delta Z : \Lambda B\Gamma.$$

Habet autem in hyperbola XI casus, quot habuit etiam propositio praecedens in parabola, et unum alium, ubi punctum in  $H$  sumptum idem est ac  $E$ ; ita enim sequitur, esse  $E\Delta Z + \Lambda B\Gamma = \Gamma EZ$ ; demonstrauimus enim, esse  $E\Delta Z = \Lambda BZE$ , et

$$\Lambda BZE = \Gamma ZE \div \Lambda B\Gamma.$$

in ellipsi autem aut idem est  $H$  ac  $E$  aut intra  $E$  sumitur; et manifestum, ita utramque parallelam inter

1) Scriptum oportuit lin. 3 τῷ  $H\Theta K$  διαφέρει τοῦ  $\Lambda B\Gamma$ .

2) οἷον lin. 7 sanum uix est.

Post ἀνάπταταιν (alt.) add. ἔστι γὰρ ἀνάπταταιν Halley cum Comm., fort. recte. 10.  $\Lambda B\Gamma$ ]  $\Lambda B\Gamma$  Wp, corr. Halley; lcb Comm. 13. οὐτω p. 18. εἰλην W. 19. ὅταν] om. Wp, corr. Halley cum Comm. 22. Post τριγώνον del. μετὰ τούτου λῆγ  
ἴσον εἰναι p. 23. δὲ]  $\overline{\Delta E}$  W. τοῦ  $\Gamma ZE$ ] scripsi; om. Wp, τοῦ  $\Gamma EZ$  Halley cum Comm. τριγώνον]  $\overline{\Delta}$  p.  $\Lambda B\Gamma$  p. 24. ἔστιν W.

ἐν τῷ φητῷ. εἰ δὲ ἔξωτέρῳ ληφθῇ τὸ Η τοῦ Ε, καὶ  
 ἡ ἀπ' αὐτοῦ τῇ EZ παράλληλος μεταξὺ πέσῃ τῶν Z,  
 Γ, τὸ Θ σημεῖον ποιεῖ πτώσεις πέντε· ἡ γὰρ μεταξὺ<sup>5</sup>  
 τῶν Α, B πίπτει ἡ ἐπὶ τὸ B ἡ μεταξὺ τῶν B, Z ἡ  
 5 ἐπὶ τὸ Z ἡ μεταξὺ τῶν Z, Γ. ἐὰν δὲ ἡ διὰ τοῦ Η  
 τῇ κατηγμένῃ παράλληλος ἐπὶ τὸ Γ κέντρον πίπτῃ,  
 τὸ Θ πάλιν σημεῖον ποιήσει ἄλλας πέντε πτώσεις  
 ὥσαύτως· καὶ δεῖ ἐπὶ τούτῳ σημειώσασθαι, ὅτι τὸ  
 ὑπὸ τῶν παραλλήλων ταῖς ΕΔ, EZ γυγνόμενον τρί-  
 10 γωνον ἵσον γίνεται τῷ ΛΒΓ τριγώνῳ· ἐπεὶ γάρ ἐστιν,  
 ὡς τὸ ἀπὸ EZ πρὸς τὸ ἀπὸ ΗΓ, τὸ ΕΔΖ τρίγωνον  
 πρὸς τὸ ΗΘΓ· δῆμοια γάρ· ὡς δὲ τὸ ἀπὸ EZ πρὸς  
 τὸ ἀπὸ ΗΓ, τὸ ὑπὸ BZA πρὸς τὸ ὑπὸ BΓΑ, τοντ-  
 ἐστι τὸ ἀπὸ BΓ, ὡς ἄρα τὸ ΕΔΖ τρίγωνον πρὸς τὸ  
 15 ΗΘΓ, τὸ ὑπὸ BZA πρὸς τὸ ἀπὸ BΓ. ὡς δὲ τὸ ὑπὸ<sup>10</sup>  
 BZA πρὸς τὸ ἀπὸ BΓ, οὗτος ἐδείχθη ἔχον τὸ ΛΒΖΕ  
 τετράπλευρον πρὸς τὸ ΛΒΓ τρίγωνον· καὶ ὡς ἄρα τὸ  
 ΕΔΖ τρίγωνον πρὸς τὸ ΗΘΓ, τὸ ΛΒΖΕ τετράπλευ-  
 ρον πρὸς τὸ ΛΒΓ τρίγωνον. καὶ ἐναλλάξ· καὶ ἄλλως δὲ  
 20 ταῦτας δυνατὸν δεῖξαι λέγοντας, ὅτι ἐπὶ τῶν διπλασίων  
 αὐτῶν παραλληλογράμμων ταῦτα δέδεικται ἐν τῷ σχο-  
 λίῳ τοῦ μα' θεωρήματος.

Ἐὰν δὲ ἡ διὰ τοῦ Η τῇ EZ παράλληλος ἀγομένη  
 μεταξὺ πέσῃ τῶν Γ, Α, ἐκβληθήσεται μέν, ἔως ὅτε ἡ  
 25 ΓΕ αὐτῇ συμπέσῃ, τὸ δὲ Θ σημεῖον ποιήσει πτώσεις

1. ληφθῇ] scripsi, λειφθῇ W, ληφθείη p, m. 2 W. 3.

Θ] O W p, corr. Comm. 4. B ἡ] βῆ W. 5. τό] corr. ex τῷ W. 6. πίπτῃ] ins. m. 1 W. 13. ὑπό (alt.)] om. W p, corr. Comm. τοντέστιν W. 16.

ABΖΕ] Α corr. ex Α W, ABΖΕ p. 18. τετράπλευρον] -άπλευ-  
in ras. W. 19. ΛΒΓ] ΛΒΓ W p, corr. Comm. 21. ἐν τῷ] p,  
όντως W. 23. σχολίῳ] comp. p, οὐ W. 28. H] in ras. W.

$\Delta, Z$  cadere, sicut apud Apollonium est. sin  $H$  extra  $E$  sumitur, et recta ab eo rectae  $EZ$  parallela ducta inter  $Z, \Gamma$  cadit, punctum  $\Theta$  quinque casus efficit; aut enim inter  $\Delta, B$  cadit aut in  $B$  aut inter  $B, Z$  aut in  $Z$  aut inter  $Z, \Gamma$ . sin recta per  $H$  ordinatae parallela ducta in  $\Gamma$  centrum cadit, rursus punctum  $\Theta$  quinque alias casus efficiet eodem modo; et hic animaduertendum, triangulum a rectis  $E\Delta, EZ$  rectis parallelis effectum aequalem fieri triangulo  $\Delta B\Gamma$ ; nam quoniam est  $EZ^2 : H\Gamma^2 = E\Delta Z : H\Theta\Gamma$  [Eucl. VI, 19]; nam similes sunt; et

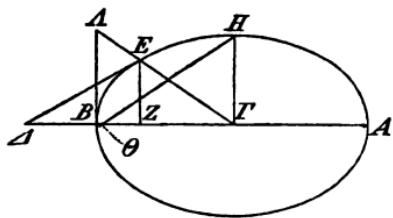
$$\begin{aligned} EZ^2 : H\Gamma^2 &= BZ \times ZA : BG \times GA \text{ [prop. XXI]} \\ &= BZ \times ZA : BG^2, \text{ erit} \end{aligned}$$

$$E\Delta Z : H\Theta\Gamma = BZ \times ZA : BG^2.$$

demonstrauimus autem, esse

$$BZ \times ZA : BG^2 = ABZE : \Delta B\Gamma;$$

quare etiam  $E\Delta Z : H\Theta\Gamma = ABZE : \Delta B\Gamma$ . et permutando.<sup>1)</sup> uerum hos casus<sup>2)</sup> aliter quoque demonstrare



possumus dicentes, haec in scholio ad prop. XLI [supra p. 252] de parallelogrammis demonstrata esse, quae his triangulis duplo maiora sunt.

sin recta per  $H$  rectae  $EZ$  parallela ducta inter  $\Gamma, \Delta$  cadit, producetur, donec  $\Gamma E$  cum ea concurrat,

1) Et  $E\Delta Z = ABZE$ , ut supra demonstrauimus.

2) Sc. ubi recta per  $H$  ducta in centrum ellipsis cadit.

ξ· ἡ γὰρ μεταξὺ τῶν Β, Δ ἡ ἐπὶ τὸ Β πίκτει ἡ μεταξὺ τῶν Β, Ζ ἡ ἐπὶ τὸ Ζ ἡ μεταξὺ τῶν Ζ, Γ ἡ ἐπὶ τὸ Γ ἡ μεταξὺ τῶν Γ, Α· καὶ ἐπὶ τούτων τῶν πτώσεων συμβαίνει τὴν διαφορὰν τῶν ΑΒΓ, ΗΘΚ· δ τριγώνων κατωτέρῳ συνίστασθαι τῆς ΑΒ εὑθείας ὑπὸ τῆς ΑΓ ἐκβαλλομένης.

ἐὰν δὲ τὸ Η ἐπὶ τὰ ἔτερα μέρη ληφθῇ τῆς τομῆς, καὶ ἡ ἀπὸ τοῦ Η τῇ EZ παράλληλος μεταξὺ πίπτη τῶν Β, Ζ, ἐκβληθήσεται μὲν διὰ τὴν ἀπόδειξιν, ἔως 10 οὗ τέμη τὴν ΑΓ, τὸ δὲ Θ σημεῖον ποιήσει πτώσεις ξ ἡ μεταξὺ ὃν τῶν Β, Ζ ἡ ἐπὶ τὸ Ζ πίπτον ἡ μεταξὺ τῶν Ζ, Γ ἡ ἐπὶ τὸ Γ ἡ μεταξὺ τῶν Γ, Α ἡ ἐπὶ τὸ Α ἡ ἐξωτέρῳ τοῦ Α. ἐὰν δὲ ἡ ἀπὸ τοῦ Η τῇ EZ παράλληλος ἐπὶ τὸ Ζ πίπτῃ, ὥστε μίαν εὐθεῖαν εἰναι 15 τὴν EZH, τὸ Θ σημεῖον ποιήσει πτώσεις ἐ· ἡ γὰρ μεταξὺ τῶν Ζ, Γ πεσεῖται ἡ ἐπὶ τὸ Γ ἡ μεταξὺ τῶν Γ, Α ἡ ἐπὶ τὸ Α ἡ ἐξωτέρῳ τοῦ Α. ἐὰν δὲ ἡ HK μεταξὺ πίπτη τῶν Ζ, Γ, τὸ Θ ποιήσει πτώσεις ἐ· ἡ γὰρ μεταξὺ τῶν Ζ, Γ πεσεῖται ἡ ἐπὶ τὸ Γ ἡ μεταξὺ 20 τῶν Γ, Α ἡ ἐπὶ τὸ Α ἡ ἐξωτέρῳ τοῦ Α. ἐὰν δὲ ἡ HK ἐπὶ τὸ Γ κέντρον πίπτῃ, τὸ Θ σημεῖον ποιήσει πτώσεις τρεῖς ἡ μεταξὺ πίπτον τῶν Γ, Α ἡ ἐπὶ τὸ Α ἡ ἐξωτέρῳ τοῦ Α· καὶ ἐπὶ τούτων τῶν πτώσεων συμβήσεται πάλιν τὸ ΗΘΚ τριγωνον ἵσον γίνεσθαι 25 τῷ ΑΒΓ τριγώνῳ. ἐὰν δὲ ἡ HK μεταξὺ πίπτη τῶν Γ, Α, τὸ Θ σημεῖον ἡ μεταξὺ τῶν Γ, Α πεσεῖται ἡ ἐπὶ τὸ Α ἡ ἐξωτέρῳ τοῦ Α.

συμβαίνει οὖν ἐπὶ τινος ἐλλείψεως τὰς πάσας πτώσεις εἶναι μβ καὶ ἐπὶ τῆς τοῦ κύκλου δὲ περιφερείας

---

5. τῆς] scripsi, τάς W p. 6. ΑΓ] scripsi, ΑΒ W p. 8.  
πίπτη] scripsi, πίπτει W p. 10. ΑΓ] ΑΓ p. 11. ὅν —

et punctum  $\Theta$  casus VII efficiet; aut enim inter  $B$ ,  $A$  cadit aut in  $B$  aut inter  $B$ ,  $Z$  aut in  $Z$  aut inter  $Z$ ,  $\Gamma$  aut in  $\Gamma$  aut inter  $\Gamma$ ,  $A$ . et in his casibus adcidit, ut differentia triangulorum  $AB\Gamma$ ,  $HOK$  infra rectam  $AB$  a recta  $AG$  producta construatur.

sin  $H$  ad alteram partem sectionis sumitur, et recta ab  $H$  rectae  $EZ$  parallela inter  $B$ ,  $Z$  cadit, demonstrationis causa producetur, donec rectam  $AG$  secet, punctum  $\Theta$  autem casus efficiet VII aut inter  $B$ ,  $Z$  positum aut in  $Z$  cadens aut inter  $Z$ ,  $\Gamma$  aut in  $\Gamma$  aut inter  $\Gamma$ ,  $A$  aut in  $A$  aut extra  $A$ . sin recta ab  $H$  rectae  $EZ$  parallela in  $Z$  cadit, ita ut  $EZH$  una sit recta, punctum  $\Theta$  casus V efficiet; nam aut inter  $Z$ ,  $\Gamma$  cadet aut in  $\Gamma$  aut inter  $\Gamma$ ,  $A$  aut in  $A$  aut extra  $A$ . sin  $HK$  inter  $Z$ ,  $\Gamma$  cadit,  $\Theta$  casus V efficiet; aut enim inter  $Z$ ,  $\Gamma$  cadet aut in  $\Gamma$  aut inter  $\Gamma$ ,  $A$  aut in  $A$  aut extra  $A$ . sin  $HK$  in  $\Gamma$  centrum cadit, punctum  $\Theta$  tres casus efficiet aut inter  $\Gamma$ ,  $A$  cadens aut in  $A$  aut extra  $A$ ; et in his casibus rursus adcidet, ut sit  $HOK = AB\Gamma$ . sin  $HK$  inter  $\Gamma$ ,  $A$  cadit, punctum  $\Theta$  aut inter  $\Gamma$ ,  $A$  cadet aut in  $A$  aut extra  $A$ .

adcidit igitur, ut in ellipsi omnino XLII sint casus et in ambitu quoque circuli totidem, ita ut casus huius propositionis omnino sint XCVI.

$\muεταξύ]$  om. p. 14.  $\piέπτη]$  corr. ex  $\piέπτει$  p. 18.  $\muεταξύ$   
— 21.  $HK]$  om. p. 19.  $\eta$  (alt.)] om. W, corr. Comm. 20.  
 $\tauό]$   $\tauώι$  W. 22.  $\tauό]$  p,  $\tauών$  W. 25.  $AB\Gamma]$   $AB$  W p, corr.  
Comm. 26.  $\tauών$  —  $\piεσει-$ ] in ras. W. 27.  $\tauό]$  p,  $\tauώι$  W.  
 $\eta]$  p, om. W. 28.  $\tauινος]$   $\tauης?$

τοσαύτας, ὡς εἶναι τὰς πάσας πτώσεις τούτου τοῦ θεωρήματος ὅς.

*Eἰς τὸ μδ'.*

'Επεὶ οὖν ἀντικείμεναί εἰσιν αἱ *Z A, B E,*  
5 *δ* ὃν διάμετρος ἡ *A B*, ἡ δὲ διὰ τοῦ κέντρου ἡ  
*Z G E* καὶ ἐφαπτόμεναι τῶν τομῶν αἱ *Z H, Δ E,*  
παράλληλος ἐστιν ἡ *Z H τῇ E Δ]* ἐπεὶ γὰρ ὑπερβολὴ<sup>3</sup>  
ἐστιν ἡ *A Z* καὶ ἐφαπτομένη ἡ *Z H* καὶ κατηγμένη ἡ  
*Z O*, *ἴσον* ἐστὶ τὸ ὑπὸ *O G H* τῷ ἀπὸ *G A* διὰ τὸ λέξιν  
10 θεωρημα· διοίωσι δὴ καὶ τὸ ὑπὸ *Ξ G Δ* τῷ ὑπὸ *G B*  
ἐστιν *ἴσον*. ἐστιν ἄρα, ὡς τὸ ὑπὸ *O G H* πρὸς τὸ ἀπὸ<sup>4</sup>  
*A G*, οὕτως τὸ ὑπὸ *Ξ G Δ* πρὸς τὸ ἀπὸ *B G*, καὶ ἐναλλάξ,  
ώς τὸ ὑπὸ *O G H* πρὸς τὸ ὑπὸ *Ξ G Δ*, τὸ ἀπὸ *A G*  
πρὸς τὸ ἀπὸ *G B*. *ἴσον* δὲ τὸ ἀπὸ *A G* τῷ ἀπὸ *G B*.  
15 *ἴσον* ἄρα καὶ τὸ ὑπὸ *O G H* τῷ ὑπὸ *Ξ G Δ*. καὶ ἐστιν ἡ  
*O G τῇ G Ξ* *ἴση*· καὶ ἡ *H G* ἄρα τῇ *G Δ* ἐστιν *ἴση*· ἐστι  
δὲ καὶ ἡ *Z G τῇ G E* διὰ τὸ λ'. αἱ ἄρα *Z G H* *ἴσαι* εἰσὶ<sup>5</sup>  
ταῖς *E G Δ*. καὶ γωνίας *ἴσας* περιέχουσι τὰς πρὸς τῷ *G*  
κατὰ κορυφὴν γάρ. ὅστε καὶ ἡ *Z H τῇ E Δ* ἐστιν *ἴση*  
20 καὶ ἡ ὑπὸ *G Z H* γωνία τῇ ὑπὸ *G E Δ*. καί εἰσιν ἐναλλάξ·  
παράλληλος ἄρα ἐστιν ἡ *Z H τῇ E Δ*.

αἱ πτώσεις αὐτοῦ *ιβ* εἰσιν, καθάπερ ἐπὶ τῆς ὑπερβολῆς ἐν τῷ μγ' ἔχει, καὶ ἡ ἀπόδειξις ἡ αὐτή.

*Eἰς τὸ με'.*

25 'Επιστῆσαι χρὴ τῷ θεωρήματι τούτῳ πλείους ἔχοντι<sup>6</sup>  
πτώσεις. ἐπὶ μὲν γὰρ τῆς ὑπερβολῆς ἔχει καὶ τὸ γὰρ

3. Hic *Eἰς τὸ με'* l. 24 — p. 266, 24 hab. W. 7. *τῇ*  
scripsi, τῆς W p. 9. *Z O*] *Z Θ* W p., corr. Comm. *O G H*  
*Θ G H* W p., corr. Comm. 10. δέ Halley cum Comm. ὑπὸ<sup>7</sup>  
(alt.)] ἀπὸ p. 11. *O G H*] *Θ G H* W p., corr. Comm. 12.

## Ad prop. XLIV.

Quoniam igitur  $Z\Delta$ ,  $BE$  oppositae sunt, quarum diametrum est  $AB$ , recta autem per centrum ducta  $Z\Gamma E$ , sectionesque contingentes  $ZH$ ,  $\Delta E$ , rectae  $\Delta E$  parallela est  $ZH$  [p. 134, 21—24] quoniam enim  $AZ$  hyperbola est et contingens  $ZH$  et ordinate ducta  $ZO$ , erit propter prop. XXXVII  $O\Gamma \times \Gamma H = \Gamma A^2$ . iam eodem modo etiam

$$\Xi\Gamma \times \Gamma \Delta = \Gamma B^2.$$

itaque  $O\Gamma \times \Gamma H : \Gamma A^2 = \Xi\Gamma \times \Gamma \Delta : \Gamma B^2$ , et permutando  $O\Gamma \times \Gamma H : \Xi\Gamma \times \Gamma \Delta = \Gamma A^2 : \Gamma B^2$ . uerum

$$\Gamma A^2 = \Gamma B^2;$$

itaque etiam  $O\Gamma \times \Gamma H = \Xi\Gamma \times \Gamma \Delta$ . est autem  $O\Gamma = \Gamma \Xi$  [prop. XXX]; quare etiam  $H\Gamma = \Gamma \Delta$ . est autem etiam propter prop. XXX  $Z\Gamma = \Gamma E$ ; itaque  $Z\Gamma$ ,  $\Gamma H$  rectis  $E\Gamma$ ,  $\Gamma \Delta$  aequales sunt. et angulos ad  $\Gamma$  positos aequales comprehendunt; ad uerticem enim inter se positi sunt; itaque [Eucl. I, 4]  $ZH = EA$  et  $\angle GHZ = \angle EAD$ . et sunt alterni; ergo  $ZH$ ,  $EA$  parallelae sunt [Eucl. I, 27].

Casus huius propositionis XII sunt, sicut in hyperbola in prop. XLIII se habet, et demonstratio eadem est.

## Ad prop. XLV.

Inquirendum est in hanc propositionem, quae complures habeat casus. in hyperbola enim XX habet;

οὗτω p. 13. ὑπό] corr. ex ἀπό W.  $O\Gamma H]$  ΘΓΗ W p.  
corr. Comm. 14.  $\Gamma B$  (alt.)] corr. ex  $\Gamma H$  W,  $\Gamma \Theta$  p. 15.  
 $O\Gamma H]$  ΘΓΗ W p., corr. Comm. 16.  $O\Gamma]$  ΘΓ W p., corr.  
Comm. ἔστιν W. 17.  $\tau\hat{\eta}]$  τὸν τῆν Halley. εἰσίν W. 18.  
περιέχουσιν W.  $\tau\hat{\omega}]$  scripsi, τό W p. 24 sq. ante l. 3 hab. W.

ἀντὶ τοῦ Β λαμβανόμενον σημεῖον ἡ ταῦτὸν ἔστι τῷ Α ἡ ταῦτὸν τῷ Γ τότε γὰρ συμβαίνει τὸ ἀπὸ τῆς ΑΘ τριγωνον διμοιον τῷ ΓΔΔ ταῦτὸν εἶναι τῷ ἀποτεμνομένῳ τριγώνῳ ὑπὸ τῶν παραλλήλων ταῖς ΔΔΓ.

5 ἐὰν δὲ μεταξὺ ληφθῆ τὸ Β σημεῖον τῶν Α, Γ, καὶ τὰ Δ, Λ ἀνωτέρῳ ὥσι τῶν περάτων τῆς δευτέρας διαμέτρου, γίνονται πτώσεις τρεῖς τὰ γὰρ Ζ, Ε ἡ ἀνωτέρῳ τῶν περάτων φέρονται ἡ ἐπ' αὐτὰ ἡ κατωτέρῳ. ἐὰν δὲ τὰ Δ, Λ ἐπὶ τὰ πέρατα ὥσι τῆς 10 δευτέρας διαμέτρου, τὰ Ζ, Ε κατωτέρῳ ἐνεχθίσονται. διμοίως δὲ καὶ † ἐὰν ἔξωτέρῳ ληφθῆ τοῦ Γ τὸ Β, [καὶ] ἡ ΘΓ ἐπὶ τὸ Γ ἐκβληθήσεται, συμβαίνει δὲ οὕτως γίνεσθαι ἄλλας πτώσεις τρεῖς τοῦ γὰρ Δ σημεῖον ἡ ἀνωτέρῳ φερομένου τοῦ πέρατος τῆς δευτέρας διαμέτρου ἡ ἐπ' αὐτὸν ἡ κατωτέρῳ καὶ τὸ Ζ διμοίως φερόμενον ποιήσει τὰς τρεῖς πτώσεις. ἐὰν δὲ ἐπὶ τὰ ἔτερα μέρη τῆς τομῆς ληφθῆ τὸ Β σημεῖον, ἡ μὲν ΓΘ ἐκβληθήσεται ἐπὶ τὸ Θ διὰ τὴν ἀπόδειξιν, αἱ δὲ ΒΖ, ΒΕ ποιοῦσι πτώσεις τρεῖς, ἐπειδὴ τὸ Λ ἐπὶ τὸ πέρας 15 φέρεται τῆς δευτέρας διαμέτρου ἡ ἀνωτέρῳ ἡ κατωτέρῳ.

20 ἐπὶ δὲ τῆς ἔλλειψεως καὶ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας οὐδὲν ποικίλον ἐροῦμεν, ἀλλὰ ὅσα ἐν τῷ προλαβόντι θεωρήματι ἐλέχθη ὡς εἶναι τὰς πτώσεις τοῦ θεωρήματος τούτου ρδ.

---

2. Α] scripsi, Δ Wp. τότε γάρ] καὶ τότε Halley cum Comm.; fort. τότε δέ. 6. Α] Z Wp, corr. Comm. ὥσιν W.  
 7. Ε] E, H Wp, corr. Comm. 8. ἡ (tert.)] om. Wp, corr. Comm. 9. ὥσιν W. 11. Β] corr. ex Θ W. 12. καὶ] deleo. Γ] Wp, H Halley. οὗτοι p. 13. Δ] corr. ex Α W. 18. Θ] H Halley. 19. ποιοῦσιν W. τὸ Α] τὰ Z, E Halley cum Comm. 21. ἐπὶ δέ] addidi, om. Wp. 23. ἐλέχθη] scripsi, λεχθῆ Wp. 24. ρδ] scripsi, ρ Wp.

nam punctum, quod pro  $B$  sumitur, aut idem est ac  $A$  aut idem ac  $\Gamma$ ; ita<sup>1)</sup> enim sequitur, triangulum in  $A\Theta$  descriptum triangulo  $\Gamma\Lambda\Lambda$  similem eundem esse ac triangulum a rectis abscisum rectis  $\Lambda\Lambda$ ,  $\Lambda\Gamma$  parallelis. si punctum  $B$  inter  $A$ ,  $\Gamma$  sumitur, et puncta  $A$ ,  $\Lambda$  supra terminos alterius diametri posita sunt, tres casus efficiuntur; nam  $Z$ ,  $E$  aut supra terminos cadunt aut in eos aut infra. si  $A$ ,  $\Lambda$  in terminis alterius diametri posita sunt,  $Z$ ,  $E$  infra cadent. similiter uero ....<sup>2)</sup> si  $B$  extra  $\Gamma$  sumitur,  $\Theta\Gamma$  ad  $\Gamma$  uersus producetur; ita autem adcidit, ut tres alii efficiantur casus; nam punto  $A$  aut supra terminum alterius diametri cadente aut in eum aut infra eum etiam  $Z$  similiter cadens tres illos casus efficiet. si ad alteram partem sectionis sumitur punctum  $B$ ,  $\Gamma\Theta$  propter demonstrationem ad  $\Theta$  uersus producetur,  $BZ$ ,  $BE$  autem tres casus efficiunt, quoniam  $\Lambda$  in terminum alterius diametri cadit aut supra aut infra.

in ellipsi uero et ambitu circuli singula non dicemus, sed ea tantum, quae in propositione preecedenti<sup>3)</sup> dicta sunt. quare casus huius propositionis CIV sunt.

1) H. e. si  $B$  in  $A$  cadit. quare litteras  $A$ ,  $\Gamma$  lin. 2 permutterunt Comm. Halley.

2) Hic deest casus, ubi  $A$ ,  $\Lambda$  infra terminos cadunt; tum etiam  $Z$ ,  $E$  infra cadunt. omnino omnes XX casus non enumeraunt nec probabiliter restitui possunt, quia diuisiones Eutocii parum perspicuae sunt.

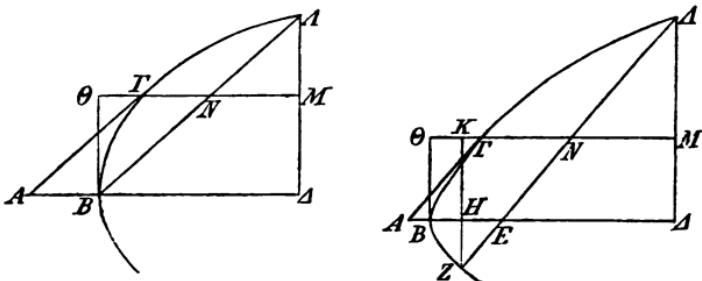
3) Immo prop. XLIII. cum ibi in ellipsi XLII casus enumerentur, hic quoque in ellipsi circuloque LXXXIV statuendi sunt. quare, si numerus XX supra p. 264, 26 in hyperbola propositus uerus est, adparet hic lin. 24 qđ scribendum esse.

δύναται δὲ τὰ τῆς προτάσεως δείκνυσθαι καὶ ἐπὶ ἀντικειμένων.

*Εἰς τὸ μετόπιστον.*

Τοῦτο τὸ θεώρημα πτώσεις ἔχει πλείους, ἃς δεῖξον μεν πφοσέχοντες ταῖς πτώσεσι τοῦ μετόπιστον.

ὑποδείγματος δὲ χάριν, ἐὰν τὸ Ζ ἐπὶ τὸ Β πίπτοιτο, αὐτόθεν ἐροῦμεν· ἐπεὶ τὸ ΒΔΔ ἴσον ἐστὶ τῷ ΘΒΔΜ,



κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ  $NM\Delta B$ . λοιπὸν ἄρα τὸ  $ANM$  τῷ  $N\Theta B$  ἐστιν ἴσον.

10 ἐπὶ δὲ τῆς λοιπῆς ἐροῦμεν· ἐπειδὴ τὸ  $\Lambda E\Delta$  τῷ  $\Theta B\Delta M$  ἐστιν ἴσον, τοντέστι τῷ  $KH\Delta M$  καὶ τῷ  $HZE$ , τοντέστι τῷ  $ZKN$  καὶ τῷ  $NE\Delta M$ , κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ  $NE\Delta M$  καὶ λοιπὸν ἄρα τὸ  $ANM$  τῷ  $KZN$  ἴσον.

*Εἰς τὸ μετόπιστον.*

15 Τοῦτο τὸ θεώρημα ἐπὶ μὲν τῆς ὑπερβολῆς πτώσεις ἔχει, ὅσας τὸ πρὸ αὐτοῦ ἐπὶ τῆς παραβολῆς εἶχεν, τὰς

4. ἄξε] addidi, om. Wp. δεῖξομεν δέ Halley cum Comm.

5. πτώσεσιν W. 6. πίπτοιτο] p, corr. ex πίπτειτο W. 7. ἐροῦμεν] ἐροῦ p. ἐπει] ἐπὶ Wp, corr. Comm.  $B\Delta\Delta$ ]  $B\Delta\Delta$  Wp, corr. Comm. ἐστιν W. τῷ] τῷ Wp, corr. Comm.

$\Theta B\Delta M$ ]  $OB\Delta M$  Wp, corr. Comm. 8.  $NM\Delta B$ ]  $NM\Delta\Lambda B$  Wp, corr. Comm. 10. ἐπι] -ι in ras. W. δέ] -έ in ras. W.

$\Lambda E\Delta$ ] Δ e corr. p. 11. τοντέστιν W. 12. τοντέστιν W.

13. καὶ] p, καὶ αἱ W, om. Comm. λοιπόν] -ό- e corr. W.

ἄρα] addidi cum Comm., om. Wp.  $ANM$ ]  $ANM$  Wp, corr. Comm.  $KZN$ ]  $N$  ins. m. 1 W,  $KZH$  p.

propositio autem etiam de oppositis demonstrari potest.

### Ad prop XLVI.

Haec propositio complures habet casus, quos demonstrabimus ad casus propositionis XLII animaduertentes.

exempli autem gratia, si  $Z$  in  $B$  cadit, statim dicemus: quoniam est [prop. XLII]  $B\angle A = \theta B\angle M$ , auferatur, quod commune est,  $NM\angle B$ ; itaque, qui relinquitur, triangulus  $ANM = N\theta B$ .

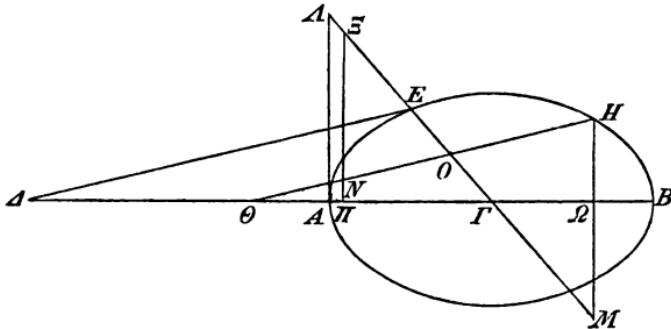
in reliqua autem figura dicemus: quoniam

$$\angle E\angle A = \theta B\angle M \text{ [prop. XLII]}$$

$= K H\angle M + H Z E = Z K N + N E\angle M$ , auferatur, quod commune est,  $N E\angle M$ ; erit igitur etiam, qui relinquitur, triangulus  $ANM = KZN$ .

### Ad prop. XLVII.

Haec propositio in hyperbola totidem habet casus, quot praecedens in parabola habuit, demonstrationes



autem eorum efficiemus ad casus propositionis XLIII animaduertentes, et in ellipsi quoque demonstrationes

In Fig. 1 om.  $A W$ , pro  $N$  hab.  $H W$ .

In Fig. 3 pro  $A$  hab.  $A$ , pro  $E$  hab.  $O$ ,  $O$  et  $N$  om.  $W$ .

δὲ ἀποδεῖξεις αὐτῶν ποιησόμεθα προσέχοντες ταῖς πτώσεσι τοῦ μγ' θεωρήματος, καὶ ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως δὲ τὰς ἀποδεῖξεις ἐκ τῶν πτώσεων τοῦ μγ', οἷον ἐπὶ τῆς ὑποκειμένης καταγραφῆς τοῦ Η σημείου ἔκτὸς 5 εἰλημμένου, ἐπειδὴ ἵσον ἐστὶ τὸ ΛΑΓ τρίγωνον τοῖς ΘΗΩ, ΩΓΜ, τοντέστι τοῖς ΟΘΓ, ΟΗΜ τριγώνοις, τῷ δὲ ΛΑΓ ἵσον ἐστὶ τὸ τε ΞΠΓ τρίγωνον καὶ τὸ ΛΑΠΞ τετράπλευρον, τοντέστι τὸ ΝΘΠ τρίγωνον διὰ τὰ δεδειγμένα ἐν τῷ μγ' θεωρήματι, καὶ τὰ ΞΠΓ, 10 ΝΘΠ ἄρα τρίγωνα ἵσα ἐστὶ τοῖς ΟΘΓ, ΟΗΜ τριγώνοις. κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ΘΟΓ τρίγωνον· λοιπὸν ἄρα τὸ ΞΟΝ τῷ ΗΟΜ ἵσον ἐστίν. καὶ παράλληλος ἡ ΝΞ τῇ ΜΗ· ἵση ἄρα ἡ ΝΟ τῇ ΟΗ.

*Eἰς τὸ μη'.*

15 Καὶ τούτου αἱ πτώσεις ὥσαύτως ἔχουσι τοῖς προειρημένοις ἐπὶ τοῦ μξ' κατὰ τὴν τῆς ὑπερβολῆς καταγραφῆν.

*Eἰς τὸ μθ'.*

Λοιπὸν ἄρα τὸ ΚΛΝ τρίγωνον τῷ ΛΑΠΓ 20 παραλληλογράμμῳ ἐστὶν ἵσον. καὶ ἵση ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΛΑΠ γωνία τῇ ὑπὸ ΚΛΝ γωνίᾳ· διπλάσιον ἄρα ἐστὶ τὸ ὑπὸ ΚΛΝ τοῦ ὑπὸ ΛΑΓ] ἐκκείσθω γὰρ χωρὶς τὸ ΚΛΝ τρίγωνον καὶ τὸ ΛΑΠΓ παραλ-

2. πτώσεσιν W. 5. ἐστίν W. 6. τοντέστιν W. 7. τῷ] scripsi, τῷ Wp. δέ] γάρ Wp, corr. Halley. ἐστίν W.  
 τῷ] W, τῷ p. ΖΠΓ p. τρίγωνον] scripsi, τριγώνῳ Wp.  
 τό] W, τῷ p. 8. τετράπλευρον] W, comp. p. τοντέστιν W.  
 10. ἐστίν W. ΟΗΜ] ΟΜ W, ΟΔΔ p, corr. Comm. 12. ΗΟΜ] ΗΘΜ Wp, corr. Halley, mog Comm. 13. ΟΗ] ΘΗ Wp, corr. Comm. 15. ἔχουσιν W. 22. ἐστίν W. 23. ΛΑΠΓ] ΛΑΠΤ Wp, corr. Comm.

efficiemus e casibus propositionis XLIII, uelut in figura infra descripta puncto  $H$  extra  $E$  sumpto, quoniam est [prop. XLIII]

$\Delta\Lambda\Gamma = \Theta H \Omega + \Omega \Gamma M = O \Theta \Gamma + O H M$ ,  
 et  $\Delta\Lambda\Gamma + \Delta\Lambda\pi\Delta = \Delta\Lambda\Gamma = \Delta\pi\Gamma + N \Theta \Pi$  propter ea, quae in prop. XLIII demonstrata sunt [u. supra p. 258, 2], erit etiam  $\Delta\pi\Gamma + N \Theta \Pi = O \Theta \Gamma + O M H$ . auferatur, qui communis est, triangulus  $\Theta O \Gamma$ ; erit igitur, qui relinquitur, triangulus  $\Delta O N = H O M$ . et  $N \Delta, M H$  parallelae sunt; ergo  $NO = OH$ .

### Ad prop. XLVIII.

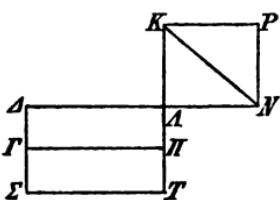
Huius quoque propositionis casus eodem modo se habent atque ii, quos in prop. XLVII in figura hyperbolae explicauimus.

### Ad prop. XLIX.

Erit igitur  $K\Lambda N = \Delta\Lambda\pi\Gamma$ . est autem  $\angle\Delta\pi\Gamma = \angle K\Lambda N$ ; itaque erit

$K\Lambda \times \Delta N = 2\Delta\Delta \times \Delta\Gamma$  I p. 148, 3–6]

seorsum enim describantur triangulus  $K\Lambda N$  et



parallelogrammum  $\Delta\Lambda\pi\Gamma$ . et quoniam est  $K\Lambda N = \Delta\pi\Gamma$ , per  $N$  rectae  $\Delta K$  parallela ducatur  $NP$ , per  $K$  autem rectae  $\Delta N$  parallela  $KP$ ; parallelogrammum igitur est  $\Delta P$  et  $= 2K\Lambda N$

[Eucl. I, 34]; quare etiam  $\Delta P = 2\Delta\pi\Gamma$ . iam  $\Delta\Gamma, \Delta\pi$  ad  $\Sigma, T$  producantur, et ponatur  $\Gamma\Sigma = \Delta\Gamma$ ,

---

Figura est codicis W, nisi quod ibi ducta est  $\Delta P$ ; pro  $\Pi$  hab.  $K$ ;  $K$  corr. m. rec. ex  $M$ .

ληλόγραμμον. καὶ ἐπεὶ ἵσον ἔστι τὸ ΚΛΝ τρίγωνον τῷ ΔΠ παραλληλογράμμῳ, ὥχθω διὰ τοῦ Ν τῇ ΛΚ παράλληλος ἡ ΝΡ, διὰ δὲ τοῦ Κ τῇ ΔΝ ἡ ΚΡ· παραλληλόγραμμον ἄρα ἔστι τὸ ΑΡ καὶ διπλάσιον τοῦ 5 ΚΛΝ τριγώνου· ὥστε καὶ τοῦ ΔΠ παραλληλογράμμου. ἐκβεβλήσθωσαν δὴ αἱ ΔΓ, ΛΠ ἐπὶ τὰ Σ, Τ, καὶ πείσθω τῇ ΔΓ ἵση ἡ ΓΣ, τῇ δὲ ΔΠ ἡ ΠΤ, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΣΤ· παραλληλόγραμμον ἄρα ἔστι τὸ ΔΤ διπλάσιον τοῦ ΔΠ ὥστε ἵσον τὸ ΑΡ τῷ ΑΣ. ἔστι δὲ 10 αὐτῷ καὶ ἵσογάνιον διὰ τὸ τὰς πρὸς τῷ Α γωνίας κατὰ κορυφὴν οὕσας ἵσας εἶναι· τῶν δὲ ἵσων καὶ ἵσογωνίων παραλληλογράμμων ἀντιπεπόνθασιν αἱ περὶ τὰς ἵσας γωνίας πλευραί· ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ ΚΛ πρὸς ΔΤ, τουτέστι πρὸς ΔΣ, ἡ ΔΔ πρὸς ΔΝ, καὶ τὸ ὑπὸ ΚΛΝ 15 ἵσον ἔστι τῷ ὑπὸ ΔΔΣ. καὶ ἐπεὶ διπλῆ ἔστιν ἡ ΔΣ τῆς ΔΓ, τὸ ὑπὸ ΚΛΝ διπλάσιον ἔστι τοῦ ΔΔΓ.

ἔὰν δὲ ἡ μὲν ΔΓ τῇ ΔΠ ἔστι παράλληλος, ἡ δὲ ΓΠ τῇ ΔΔ μή ἔστι παράλληλος, τραπέζιον μὲν δηλούντι ἔστι τὸ ΔΓΠΔ, καὶ οὕτως δέ φημι, ὅτι τὸ ὑπὸ 20 ΚΛΝ ἵσον ἔστι τῷ ὑπὸ ΔΔ καὶ συναμφοτέρου τῆς ΓΔ, ΔΠ. ἔὰν γὰρ τὸ μὲν ΑΡ ἀναπληρωθῇ, ὡς προείρηται, ἐκβληθῶσι δὲ καὶ αἱ ΔΓ, ΔΠ, καὶ τεθῇ τῇ μὲν ΔΠ ἵση ἡ ΓΣ, τῇ δὲ ΔΓ ἡ ΠΤ, καὶ ἐπιζευχθῇ ἡ ΣΤ, παραλληλόγραμμον ἔσται τὸ ΔΤ δι- 25 πλάσιον τοῦ ΔΠ, καὶ ἡ ἀπόδειξις ἡ αὐτὴ ἀρμόσει. χρησιμεύσει δὲ τοῦτο εἰς τὸ ἔξῆς.

*Εἰς τὸ ν'.*

*Αἱ πτώσεις τούτου τοῦ θεωρήματος ὡσαύτως ἔχουσι ταῖς τοῦ μγ', δόμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τοῦ να'.*

1. ἔστιν W. [τρίγωνον] om. p. 2. ΔΠ] ΑΠ Wp,  
corr. Comm. 4. ἔστιν W. 5. ΚΛΝ] Α supra scr. m. 1 W.

$\Pi T = \Delta \Pi$ , ducaturque  $\Sigma T$ ;  $\Delta T$  igitur parallelogrammum est et  $= 2 \Delta \Pi$  [Eucl. VI, 1]; quare  $\Delta P = \Delta \Sigma$ . uerum etiam aequiangula sunt, quia anguli ad  $\Delta$  aequales sunt ad uerticem inter se positi; in parallelogrammis autem aequalibus et aequiangulis latera aequales angulos comprehendentia in contraria proportione sunt [Eucl. VI, 14]; itaque

$$K\Lambda : \Delta T = \Delta A : \Delta N = K\Lambda : \Delta \Sigma$$

et  $K\Lambda \times \Delta N = \Delta A \times \Delta \Sigma$ . et quoniam  $\Delta \Sigma = 2 \Delta \Gamma$ , erit  $K\Lambda \times \Delta N = 2 \Delta A \times \Delta \Gamma$ .

sin  $\Delta \Gamma$  rectae  $\Delta \Pi$  parallela est,  $\Gamma \Pi$  autem rectae  $\Delta A$  non parallela, trapezium adparet esse  $\Delta \Gamma \Pi \Delta$ , sed sic quoque dico, esse

$$K\Lambda \times \Delta N = \Delta A \times (\Gamma \Delta + \Delta \Pi).$$

nam si  $\Delta P$  expletur, sicut antea dictum est, et  $\Delta \Gamma$ ,  $\Delta \Pi$  producuntur, poniturque  $\Gamma \Sigma = \Delta \Pi$ ,  $\Pi T = \Delta \Gamma$ , et ducitur  $\Sigma T$ ,  $\Delta T$  parallelogrammum erit et  $= 2 \Delta \Pi$ , et eadem ualebit demonstratio. hoc uero in sequentibus [I p. 152, 14] utile erit.

### Ad prop. L.

Casus huius propositionis eodem modo se habent atque in prop. XLIII, et similiter etiam in prop. LI.

- |  |   |
|--|---|
| 6. $\Delta \Gamma, \Delta \Pi]$ e corr. p.; $\Delta A, \Gamma \Pi$ W.  | 7. $\Gamma \Sigma]$ p?, $\Gamma E$ W.                         |
| $\delta \epsilon]$ $\Delta E$ W.                                       | $\Delta \Pi \eta]$ e corr. p.                                 |
| $\tau o$ p.  | $\xi \sigma t i v$ W.   |
| 14. $\tau o u r e \sigma t i v$ W.                                     | 15. $\xi \sigma t i v$ W.                                     |
| $\Delta \Sigma$ Wp, corr. Comm.  | $\Delta \Sigma]$ p.   |
| 16. $K\Lambda N]$ $K\Lambda H$ p.                                      | $\xi \sigma t i v$ $\xi \sigma t i v$                         |
| in ras., W.  |   |
| $\Delta \Delta \Gamma]$ $\Delta \Delta \Gamma$ Wp, corr. Comm.         | 17. $\xi \sigma t i v$ W.                                     |
| $\eta$ — 18. $\pi a \rho \alpha l l \eta \lambda o s]$ om. p.          | 18. $\Delta A]$ $\Delta A$ W, corr. Halley;                   |
| dl Comm.   | $\xi \sigma t i v$ W.   |
| $\tau o u r e \sigma t i v$ W.   | 19. $\xi \sigma t i v$ W.                                     |
| $\Delta \Gamma \Pi \Delta]$ $\Delta \Gamma \Pi \Delta$ Wp, corr. Comm. | 20. $\xi \sigma t i v$ W.                                     |
| 21. $\xi \alpha v$ — 22. $\Delta \Pi]$ om. p.                          | 22. $\xi \kappa \beta \lambda \eta \vartheta \sigma t i v$ W. |
| corr. ex $\Delta$ m. 1 W.  | $\Delta \Gamma]$  |
| 23. $\Gamma \Sigma]$ $\Gamma O$ Wp, corr. Comm.                        | 28. $\xi \chi o u s i v$ W.                                   |

## Εἰς τὸν ἐπίλογον.

Τὴν ἐκ τῆς γενέσεως διάμετρον λέγει τὴν γεναμένην ἐν τῷ κώνῳ κοινὴν τοῦ τέμνοντος ἐπιπέδου καὶ τοῦ διὰ τοῦ ἄξονος τριγώνου· ταύτην δὲ καὶ ἀρχικὴν διάμετρον λέγει. καὶ φησιν, ὅτι πάντα τὰ δεδειγμένα συμπτώματα τῶν τομῶν ἐν τοῖς προειρημένοις θεωρήμασιν ὑποθεμένων ἡμῶν τὰς ἀρχικὰς διαμέτρους συμβαίνειν δύνανται καὶ τῶν ἄλλων πασῶν διαμέτρων ὑποτιθεμένων.

10

## Εἰς τὸ νδ'.

Καὶ ἀνεστάτω ἀπὸ τῆς *AB* ἐπίπεδον ὁρθὸν πρὸς τὸ ὑποκείμενον ἐπίπεδον, καὶ ἐν αὐτῷ περὶ τὴν *AB* γεγράφθω κύκλος ὁ *AEBZ*, ὥστε τὸ τμῆμα τῆς διαμέτρου τοῦ κύκλου τὸ ἐν τῷ *AEB* τμήματι πρὸς τὸ τμῆμα τῆς διαμέτρου τοῦ ἐν τῷ *AZB* τμήματι μὴ μείζονα λόγον ἔχειν τοῦ ὃν ἔχει ἡ *AB* πρὸς *BΓ*] ἔστωσαν δύο εὐθεῖαι αἱ *AB*, *BΓ*, καὶ δέον ἔστω περὶ τὴν *AB* κύκλου γράψαι, ὥστε τὴν διάμετρον αὐτοῦ τέμνεσθαι ὑπὸ τῆς *AB* οὕτως, ὥστε τὸ πρὸς τῷ *Γ* μέρος αὐτῆς πρὸς τὸ λοιπὸν μὴ μείζονα λόγον ἔχειν τοῦ τῆς *AB* πρὸς *BΓ*. ὑποκείσθω μὲν νῦν τὸν αὐτόν, καὶ τετμήσθω ἡ *AB* δίχα κατὰ τὸ *Δ*, καὶ δι' αὐτοῦ πρὸς ὁρθὰς τῇ *AB* ἥχθω ἡ *EΔZ*, καὶ γεγονέτω, ὡς ἡ *AB* πρὸς

3. γεναμένην] W, γενομένην p. 5. διάμετρον] p, m. rec. W, καὶ ἀμετρον m. 1 W. 9. ὑποτιθεμένων] scripsi, ὑποθεμένων Wp. 14. τοῦ] addidi, om. Wp. 15. τό (alt.)] τά Wp, corr. Halley. 16. *AZB*] *ABZ* Wp, corr. Comm. μῆ] om. Wp, corr. Comm. 20. τῷ] scripsi, τό Wp. 21. *AB*] *B* e corr. p. 22. μὲν νῦν] v, μενω W (μὲν οὖν?), με νῦν p. αὐτὸν ἔχειν Halley cum Comm.

Ad epilogum [I p. 158, 1—15].

Diametrum originalem uocat [I p. 158, 2] sectionem in cono factam communem plani secantis triangulique per axem positi; hanc autem etiam diametrum principalem uocat [I p. 158, 14]. et dicit, omnes proprietates sectionum, quae in propositionibus praecedentibus demonstratae sint supponentibus nobis diametros originales, etiam omnibus aliis diametris suppositis euenire posse.

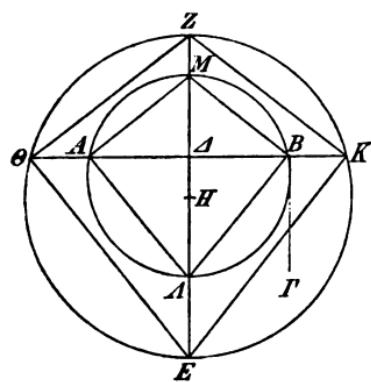
Ad prop. LIV.

Et in  $AB$  planum ad planum subiacens perpendicularē erigatur, et in eo circum  $AB$  circulus describatur  $AEBZ$ , ita ut pars diametri circuli in segmento  $AEB$  posita ad

partem diametri in  $AZB$  positam maiorem rationem non habeat quam  $AB : BG$  I p. 166, 24 — 168, 2] sint duae rectae  $AB, BG$ , et oporteat circum  $AB$  circulum describere, ita ut diametruſ eius ab  $AB$  sic secetur, ut pars eius ad  $BG$  posita ad reliquam ratio-

nem habeat non maiorem quam  $AB : BG$ .

supponatur nunc eandem habere, et  $AB$  in duas partes aequales secetur in  $A$ , et per id ad  $AB$  perpen-



In fig.  $E$  m. rec.  $W$ , pro  $B$  hab.  $E$  e corr.

*BΓ, ἡ ΕΔ πρὸς ΔΖ, καὶ δίχα τετμήσθω ἡ EZ·  
δῆλον δὴ, ὅτι, εἰ μὲν ἡ AB τῇ BΓ ἐστιν ἵση καὶ ἡ  
ΕΔ τῇ ΔΖ, διχοτομία ἐσται τῆς EZ τὸ Δ, εἰ δὲ ἡ  
AB τῆς BΓ μείζων καὶ ἡ ΕΔ τῆς ΔΖ, ἡ διχοτομία  
κατωτέρω ἐστὶ τοῦ Δ, εἰ δὲ ἡ AB τῆς BΓ ἐλάσσων,  
ἀνωτέρω.*

*ἐστω δὲ νῦν τέως κατωτέρω ὡς τὸ H, καὶ κέντρῳ  
τῷ H διαστήματι τῷ HZ κύκλος γεγράφθω· δεῖ δὴ  
διὰ τῶν A, B σημείων ἥξειν ἡ ἐσωτέρω ἡ ἐξωτέρω.  
καὶ εἰ μὲν διὰ τῶν A, B σημείων ἔρχοιτο, γεγονὸς  
ἄν εἴη τὸ ἐπιταχθέν· ὑπερπιπτέτω δὲ τὰ A, B, καὶ  
ἐκβληθεῖσα ἐφ' ἑκάτερα ἡ AB συμπιπτέτω τῇ περιφερείᾳ  
κατὰ τὰ Θ, K, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ ZΘ, ΘΕ, EK, KZ,  
καὶ ἥχθω διὰ τοῦ B τῇ μὲν ZK παράλληλος ἡ MB,  
τῇ δὲ KE ἡ BA, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ MA, AL·  
ἔσονται δὴ καὶ αὐτὰ παράλληλοι ταῖς ZΘ, ΘΕ διὰ τὸ  
ἵσην εἰναι τὴν μὲν ΑΔ τῇ ΔB, τὴν δὲ ΔΘ τῇ ΔK  
καὶ πρὸς ὁρθὰς εἰναι τὴν ZΔE τῇ ΘK. καὶ ἐπεὶ ὁρθή  
ἐστιν ἡ πρὸς τῷ K γωνία, καὶ παράλληλοι αἱ MBΑ  
ταῖς ZKE, ὁρθὴ ἄρα καὶ ἡ πρὸς τῷ B· διὰ τὰ αὐτὰ  
δὴ καὶ ἡ πρὸς τῷ A. ὥστε ὁ περὶ τὴν MA κύκλος  
γραφόμενος ἥξει διὰ τῶν A, B. γεγράφθω ὡς ὁ  
MAΛB. καὶ ἐπεὶ παράλληλός ἐστιν ἡ MB τῇ ZK,  
ἐστιν, ὡς ἡ ZΔ πρὸς ΔM, ἡ KΔ πρὸς ΔB. ὅμοίως  
δὴ καὶ, ὡς ἡ KΔ πρὸς ΔB, ἢ ΕΔ πρὸς ΔA. καὶ*

3. δέ] δή p. 4. ΕΔ] ΣΔ Wp, corr. Comm. 5. ἐστιν,  
-τν in ras., W. 8. τῷ (pr.)] p, τῷ W. 9. ἥξειν — 10. ση-  
μεῖον] om. p. 9. ἥξειν] ἥξει W, corr. Comm.; fort. ἥξει  
retinendum et pro δεῖ lin. 8 scrib. ἥτοι. 17. τῇ] p, τῇ W.

ΔB] ΔE Wp, corr. Comm. δέ] p, ΔE W. 18. ZΔE]  
scripsi, ΔZE Wp, EΔZ Halley cum Comm. 19. MBΑ]  
scripsi, MBΔ Wp, MB, BA Halley cum Comm. 22. B] Γ

dicularis ducatur  $E\Delta Z$ , et fiat  $E\Delta : \Delta Z = AB : BG$ ,  
seceturque  $EZ$  in duas partes aequales; manifestum  
igitur, si  $AB = BG$  et  $E\Delta = \Delta Z$ , punctum  $\Delta$  esse  
medium rectae  $EZ$ , sin  $AB > BG$  et  $E\Delta > \Delta Z$ ,  
punctum medium infra  $\Delta$  positum esse, sin  $AB < BG$ ,  
supra  $\Delta$ .

nunc autem infra sit positum ut  $H$ , et centro  $H$   
radio  $HZ$  circulus describatur; is igitur aut per  
puncta  $A, B$  ueniet aut intra ea aut extra. iam si per  
puncta  $A, B$  uenerit, effectum erit, quod propositum  
est; cadat uero extra  $A, B$ , et  $AB$  ad utramque  
partem producta cum ambitu in  $\Theta, K$  concurrat,  
ducanturque  $Z\Theta, \Theta E, EK, KZ$ , per  $B$  autem rectae  
 $ZK$  parallela ducatur  $MB$ , rectae  $KE$  autem parallela  
 $BA$ , ducanturque  $MA, AA$ ; eae igitur et ipsae rectis  
 $Z\Theta, \Theta E$  paralleliae erunt, quia  $\Delta A = \Delta B$ ,  $\Delta \Theta = \Delta K$ ,  
et  $Z\Delta E$  ad  $\Theta K$  perpendicularis [Eucl. I, 4]. et  
quoniam angulus ad  $K$  positus rectus est, et  $MB$ ,  
 $BA$  rectis  $ZK$ ,  $KE$  paralleliae, erit etiam angulus ad  
 $B$  positus rectus; eadem de causa etiam angulus ad  
 $A$  positus rectus est. quare circulus circum  $MA$   
descriptus per  $A, B$  ueniet [Eucl. III, 31]. describatur  
ut  $MAAB$ . et quoniam  $MB$ ,  $ZK$  paralleliae sunt,  
erit [Eucl. VI, 4]  $Z\Delta : \Delta M = KA : \Delta B$ . iam eodem  
modo erit  $KA : \Delta B = E\Delta : AA$ .<sup>1)</sup> et permutando  
 $E\Delta : \Delta Z = AA : \Delta M = AB : BG$ .

1) Post  $AA$  lin. 25 excidisse uidentur haec fere: ἔστιν ἀρα,  
ὡς ἡ  $Z\Delta$  πρὸς  $\Delta M$ , ἡ  $E\Delta$  πρὸς  $\Delta A$ .

ἐναλλάξ, ὡς ἡ *AΔ πρὸς ΔΖ*, τοντέστιν ἡ *AB πρὸς  
ΒΓ*, ἡ *AA πρὸς ΔΜ*.

όμοιως δέ, κανὸν ὁ γραφόμενος περὶ τὴν *ZE* κύκλος  
τέμνοι τὴν *AB*, τὸ αὐτὸν δειχθήσεται.

5

*Εἰς τὸ νε'.*

Καὶ ἐπὶ τῆς *AA* γεγράφθω ἡμικύκλιον τὸ  
*AΖΔ*, καὶ ἥχθω τις εἰς τὸ ἡμικύκλιον παράλ-  
ληλος τῇ *AΘ* ἡ *ZΗ* ποιοῦσα τὸν τοῦ ἀπὸ *ZΗ*  
πρὸς τὸ ὑπὸ *AHA* λόγον τὸν αὐτὸν τῷ τῆς *GA*  
10 πρὸς τὴν διπλασίαν τῆς *AΔ*] ἔστω ἡμικύκλιον τὸ  
*ABΓ* ἐπὶ διαμέτρου τῆς *AG*, ὃ δὲ δοθεὶς λόγος ὁ τῆς  
*EZ* πρὸς *ZΗ*, καὶ δέον ἔστω ποιῆσαι τὰ προκείμενα.

κείσθω τῇ *EZ* ἶση ἡ *ZΘ*, καὶ τετμήσθω ἡ *ΘΗ*  
δίχα κατὰ τὸ *K*, καὶ ἥχθω ἐν τῷ ἡμικυκλίῳ τυχοῦσα  
15 εὐθεῖα ἡ *ΓΒ* ἐν γωνίᾳ τῇ ὑπὸ *AΓB*, καὶ ἀπὸ τοῦ  
*A* κέντρου ἥχθω ἐπ' αὐτὴν κάθετος ἡ *AS* καὶ ἐκβλη-  
θεῖσα συμβαλλέτω τῇ περιφερείᾳ κατὰ τὸ *N*, καὶ διὰ  
τοῦ *N* τῇ *GB* παράλληλος ἥχθω ἡ *NM*. ἐφάψεται  
ἄρα τοῦ κύκλου. καὶ πεποιήσθω, ὡς ἡ *ZΘ* πρὸς *ΘK*,  
20 ἡ *MΞ* πρὸς *ΞN*, καὶ κείσθω τῇ *ΞN* ἶση ἡ *NO*, καὶ  
ἐπεξεύχθωσαν αἱ *AΞ*, *AO* τέμνουσαι τὸ ἡμικύκλιον  
κατὰ τὰ *P*, *R*, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ *PRΔ*.

ἐπεὶ οὖν ἶση ἔστιν ἡ *ΞN* τῇ *NO*, κοινὴ δὲ καὶ  
πρὸς ὄφθας ἡ *NA*, ἶση ἄρα καὶ ἡ *AO* τῇ *AΞ*. ἔστι  
25 δὲ καὶ ἡ *AP* τῇ *AR* καὶ λοιπὴ ἄρα ἡ *PO* τῇ *ΡΞ*

1. *ΔΖ, τοντέστιν*] scripsi, *ΔΖΤ* οὕτε ἔστιν Wp. 2. *AA*] *AΔ* Wp, corr. Comm. 4. *τέμνοι*] Wp. 5. *νε'*] in ras.

plur. litt. W. 9. *τῷ*] in ras. m. 1 W. 15. *AΓB*] e corr. p.

16. *AS*] scripsi, *AE* Wp. 22. *P, Π* Comm. 23. *NO*] *NΘ* Wp, corr. Comm. 24. *NA*] *MA* Wp, corr. Comm.

ἔστιν W. 25. *τῇ* (pr.)] ἶση τῇ Halley.

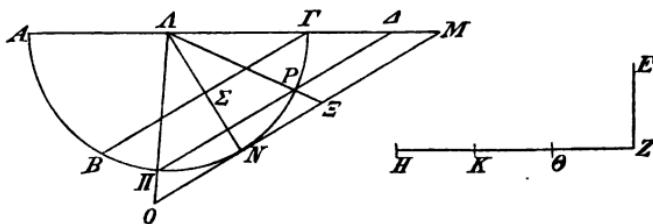
et similiter etiam, si circulus circum  $ZE$  descriptus rectam  $AB$  secat, idem demonstrabitur.

Ad prop. LV.

Et in  $\Delta A$  semicirculus describatur  $AZ\Delta$ , ad semicirculum autem recta ducatur  $ZH$  rectae  $A\Theta$  parallela, quae faciat

$ZH^2 : AH \times HA = \Gamma A : 2A\Delta$  I p. 172, 8—12]  
sit  $AB\Gamma$  semicirculus in diametro  $A\Gamma$ , data autem ratio  $EZ:ZH$ , et oporteat efficere, quod propositum est.

ponatur  $Z\Theta = EZ$ , et  $\Theta H$  in  $K$  in duas partes aequales secetur, ducaturque in semicirculo recta aliqua  $\Gamma B$  in angulo  $A\Gamma B$ , et ab  $A$  centro ad eam



perpendicularis ducatur  $A\Sigma$  productaque cum ambitu in  $N$  concurrat, et per  $N$  rectae  $\Gamma B$  parallela ducatur  $NM$ ; ea igitur circulum continget [Eucl. III, 16 coroll.]. et fiat  $M\Sigma : \Sigma N = Z\Theta : \Theta K$ , ponaturque  $NO = \Sigma N$ , et ducantur  $A\Sigma$ ,  $AO$  semicirculum in  $\Pi$ ,  $P$  secantes, ducaturque  $\Pi P\Delta$ .

quoniam igitur  $\Sigma N = NO$ , communis autem et perpendicularis  $NA$ , erit etiam  $AO = A\Sigma$  [Eucl. I, 4]. uerum etiam  $A\Pi = AP$ ; quare etiam reliqua  $\Pi O = P\Sigma$ .

In fig. pro  $\Sigma$  hab. E W, pro  $\Pi$  hab. H (hoc corr. w).

έστιν ἵση. παράλληλος ἄρα έστιν ἡ ΠΡΔ τῇ MO.  
καὶ έστιν, ὡς ἡ ZΘ πρὸς ΘΚ, ἡ ΜΞ πρὸς ΝΞ· ὡς  
δὲ ἡ ΘΚ πρὸς ΘΗ, ἡ ΝΞ πρὸς ΞΟ· δι’ ἵσου ἄρα,  
ὡς ἡ ΘΖ πρὸς ΘΗ, ἡ ΜΞ πρὸς ΞΟ· ἀνάπαλιν, ὡς  
5 ἡ HΘ πρὸς ΘΖ, ἡ ΟΞ πρὸς ΞΜ· συνθέντι, ὡς ἡ  
HZ πρὸς ZΘ, τοντέστι πρὸς ZE, ἡ OM πρὸς MΞ,  
τοντέστιν ἡ ΠΔ πρὸς ΔP. ὡς δὲ ἡ ΠΔ πρὸς ΔP,  
τὸ ὑπὸ ΠΔP πρὸς τὸ ἀπὸ ΔP, ἵσον δὲ τὸ ὑπὸ ΠΔP  
τῷ ὑπὸ ΑΔΓ· ὡς ἄρα ἡ HZ πρὸς ZE, τὸ ὑπὸ ΑΔΓ  
10 πρὸς τὸ ἀπὸ ΔP. ἀνάπαλιν ἄρα, ὡς ἡ EZ πρὸς ZH,  
τὸ ἀπὸ ΔP πρὸς τὸ ὑπὸ ΑΔΓ.

*Eἰς τὸ νη'.*

Καὶ ἐπὶ τῆς AE γεγράφθω ἡμικύκλιον τὸ  
AEZ, καὶ τῇ AD παράλληλος ἥχθω ἐν αὐτῷ ἡ  
15 ZH λόγον ποιοῦσα τὸν τοῦ ἀπὸ ZH πρὸς τὸ  
ὑπὸ AHE τὸν τῆς ΓΑ πρὸς τὴν διπλασίαν τῆς  
AE] ἔστω ἡμικύκλιον τὸ ABΓ καὶ ἐν αὐτῷ εὐθεῖα  
τις ἡ AB, καὶ κείσθωσαν δύο εὐθεῖαι ἄνισοι αἱ ΔE,  
EZ, καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ EZ ἐπὶ τὸ H, καὶ τῇ ΔE  
20 ἵση κείσθω ἡ ZH, καὶ τετμήσθω ὅλη ἡ EH δίχα  
κατὰ τὸ Θ, καὶ εἰλήφθω τὸ κέντρον τοῦ κύκλου  
τὸ K, καὶ ἀπ’ αὐτοῦ κάθετος ἐπὶ τὴν AB ἥχθω  
καὶ συμβαλλέτω τῇ περιφερείᾳ κατὰ τὸ Λ, καὶ διὰ  
τοῦ Λ τῇ AB παράλληλος ἥχθω ἡ ΛM, καὶ ἐκβλη-

1. ἡ — 2. έστιν] om. W p., corr. Halley cum Comm. 3.  
ΘH] ΘN p. 4. ΘH] ΘN p. ΞO] corr. ex ΞA W.  
ἀνάπαλιν] διὸ πάλιν W p., corr. Comm. 5. HΘ] corr. ex  
ΘZ m. 1 W. ΘZ] Z in ras. W. ΟΞ] O in ras. W. 6.  
τοντέστιν W. OM] ΘM W p., corr. Comm. 11. ΑΔΓ]  
ΔΔΓ W p., corr. Comm. 12. νη'] om. W p. 15. ποιοῦσα]  
ποι- in ras. W. 16. τὸν τῆς] τὸν αὐτὸν τῷ τῆς Halley cum  
Comm. 19. τό] p, τῷ W. 22. τό] p, τῷ W. 23. Λ]  
e corr. m. 2 W.

itaque  $\Pi A$  rectae  $MO$  parallela<sup>1)</sup> est [Eucl. VI, 2]. et est  $Z\Theta:\Theta K = M\Xi:N\Xi$ ; uerum  $\Theta K:\Theta H = N\Xi:\Xi O$ ; ex aequo igitur  $\Theta Z:\Theta H = M\Xi:\Xi O$ ; e contrario  $H\Theta:\Theta Z = O\Xi:\Xi M$ ; componendo

$$HZ:Z\Theta = OM:M\Xi = HZ:ZE = \Pi A:\Delta P.$$

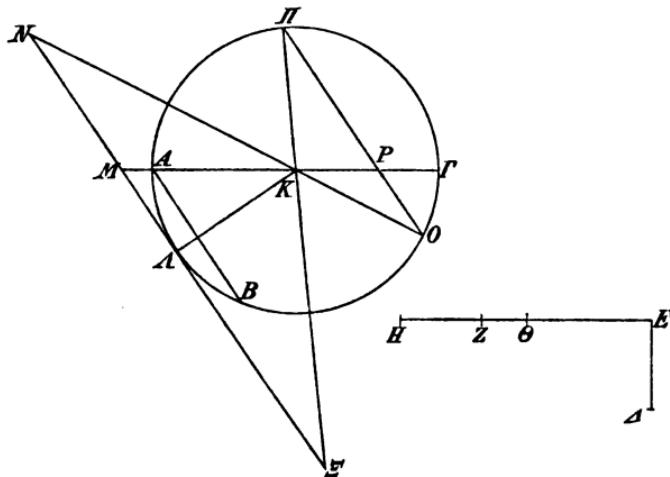
uerum  $\Pi A:\Delta P = \Pi A \times \Delta P : \Delta P^2$ , et

$$\Pi A \times \Delta P = AA \times AG : AP^2 \text{ [Eucl. III, 36].}$$

itaque  $HZ:ZE = AA \times AG : AP^2$ . ergo e contrario  $EZ:ZH = AP^2 : AA \times AG$ .

### Ad prop. LVIII.

In  $AE$  autem semicirculus describatur  $AEZ$ , et in eo rectae  $AA$  parallela ducatur  $ZH$ , quae



efficiat  $ZH^2 : AH \times HE = GA : 2AE$  I p. 182, 19—22] sit  $ABG$  semicirculus et in eo recta aliqua

1) Fort. post  $MO$  lin. 1 praeterea addendum:  $\delta\sigma\tau\epsilon\kappa\alpha\tau\bar{\gamma}BG$ .

In fig. multae litterae renouatae in W; pro  $N$  hab. A, pro  $\Pi$  autem M, pro O Θ, pro MN K et P om.

θεῖσα ἡ KA συμβαλλέτω τῇ LM κατὰ τὸ M, καὶ πεποιήσθω, ὡς ἡ ΘΖ πρὸς ZH, ἡ LM πρὸς MN, καὶ τῇ AN ἴση ἔστω ἡ ΛΞ, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ NK, ΚΞ καὶ ἐκβεβλήσθωσαν, καὶ ἀναπληρωθεὶς ὁ 5 κύκλος τεμνέτω αὐτὰς κατὰ τὰ P, O, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ OPPI.

ἐπεὶ οὖν ἔστιν, ὡς ἡ ΖΘ πρὸς ZH, ἡ LM πρὸς MN, συνθέντι, ὡς ἡ ΘΗ πρὸς HZ, ἡ AN πρὸς NM· ἀνάπαλιν, ὡς η ZH πρὸς HE, ἡ NM πρὸς NA, 10 ὡς δὲ ἡ ZH πρὸς ZE, ἡ NM πρὸς ME. καὶ ἐπεὶ ἴση ἔστιν ἡ NA τῇ ΛΞ, κοινὴ δὲ καὶ πρὸς δρθὰς ἡ ΛΚ, ἴση ἄρα καὶ ἡ KN τῇ ΚΞ. ἔστι δὲ καὶ ἡ KO τῇ ΚΠ 15 ἴση· παράλληλος ἄρα ἡ ΝΞ τῇ ΟΠ. ὅμοιον ἄρα τὸ KMN τρίγωνον τῷ OKP τριγώνῳ καὶ τὸ KMΞ τῷ ΠΡΚ. ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ KM πρὸς KP, ἡ MN πρὸς PO. ἀλλὰ καὶ, ὡς αὐτὴ ἡ KM πρὸς KP, ἡ ME πρὸς PR· καὶ ὡς ἄρα ἡ NM πρὸς PO, ἡ ME πρὸς PR· καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ NM πρὸς ME, ἡ OP 20 πρὸς PR. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ NM πρὸς ME, ἡ HZ πρὸς ZE, τουτέστιν ἡ ΔΕ πρὸς EZ, ὡς δὲ ἡ OP πρὸς PR, τὸ ἀπὸ OP πρὸς τὸ ὑπὸ OPPI· καὶ ὡς ἄρα ἡ ΔΕ πρὸς EZ, τὸ ἀπὸ OP πρὸς τὸ ὑπὸ OPPI. ἴσουν δὲ τὸ ὑπὸ OPPI τῷ ὑπὸ APR. ὡς ἄρα ἡ ΔΕ πρὸς 25 EZ, τὸ ἀπὸ OP πρὸς τὸ ὑπὸ APR.

3. ἔστω] -ω in ras. W. 5. O, Π Halley cum Comm.

10. δέ] ἄρα? 12. ΛΞ] ΛΖ W p, corr. Comm. 13. ἔστιν W.

15. KMN] KM W p, corr. Comm. τῷ] corr. ex τῷ W. 17.

αὐτῇ] ἡ αὐτὴ? 18. NM] HM W p, corr. Halley, mn Comm.

20. HZ] p, Z W. 25. APR] APO W p, corr. Comm.

*AB*, ponanturque duae rectae inaequales  $\angle E$ ,  $EZ$ , et  $EZ$  ad  $H$  producatur, ponaturque  $ZH = \angle E$ , et tota  $EH$  in  $\Theta$  in duas partes aequales secetur, centrum autem circuli sumatur  $K$ , et a  $K$  ad  $AB$  perpendicularis ducatur et cum ambitu in  $A$  concurrat, per  $A$  autem rectae  $AB$  parallela ducatur  $AM$ , productaque  $KA$  cum  $AM$  in  $M$  concurrat, et fiat

$$\Theta Z : ZH = AM : MN,$$

sitque  $\angle E = AN$ , ducanturque  $NK$ ,  $KE$  et producantur, circulusque expletus eas in  $\Pi$ ,  $O$  secet, ducaturque  $OP\Pi$ .

quoniam igitur  $Z\Theta : ZH = AM : MN$ , componendo est  $\Theta H : HZ = AN : NM$ ; e contrario

$$ZH : H\Theta = NM : NA$$

et  $ZH : HE = MN : NE$ ; dirimendo

$$ZH : ZE = NM : ME.$$

et quoniam  $NA = \angle E$ , communis autem et perpendicularis  $AK$ , erit etiam [Eucl. I, 4]  $KN = KE$ . uerum etiam  $KO = K\Pi$ ; parallelae igitur sunt  $NE$ ,  $OP$ . itaque similes sunt trianguli  $KMN$ ,  $OKP$  et  $KM\Xi$ ,  $\Pi PK$  [Eucl. I, 29; I, 15]. quare

$$KM : KP = MN : PO \text{ [Eucl. VI, 4].}$$

est autem etiam  $KM : KP = ME : \Pi P$  [ib.]; quare etiam  $NM : PO = ME : \Pi P$ , et permutando

$$NM : ME = OP : \Pi P.$$

uerum  $NM : ME = HZ : ZE = \angle E : EZ$  et

$$OP : \Pi P = OP^2 : OP \times \Pi P;$$

quare etiam  $\angle E : EZ = OP^2 : OP \times \Pi P$ . est autem  $OP \times \Pi P = AP \times \Pi \Gamma$  [Eucl. III, 35]. ergo

$$\angle E : EZ = OP^2 : AP \times \Pi \Gamma.$$

Εἶρηται μὲν ἐν τοῖς μετὰ τὸ ι' θεώρημα σχολίοις  
δό σκοπὸς τῶν ἔγραψαν θεωρημάτων καὶ ἐν τοῖς  
εἰς τὸ ἐκκαιδένατον δό τῶν ἔξῆς τριῶν, δεῖ δὲ εἰδέναι,  
ὅτι ἐν μὲν τῷ ιξ' φησίν, ὅτι ἡ διὰ τῆς κορυφῆς  
5 παρὰ τεταγμένως κατηγμένην ἀγομένη ἔκτὸς πίπτει,  
ἐν δὲ τῷ ιη' φησίν, ὅτι ἡ παράλληλος τῇ διπλωσοῦν  
ἔφαπτομένη ἐντὸς τῆς τομῆς ἀγομένη τεμεῖ τὴν τομήν,  
ἐν τῷ ιθ', ὅτι ἡ ἀπό τινος σημείου τῆς διαμέτρου  
παρὰ τεταγμένως κατηγμένην συμπίπτει τῇ τομῇ, ἐν  
10 τῷ ι' καὶ κα' τὰς καταγομένας ξητεῖ τῶν τομῶν, ὅπως  
ἔχουσι πρὸς ἀλλήλας καὶ τὰ τῆς διαμέτρου ὑπ' αὐτῶν  
γινόμενα τμήματα, ἐν τῷ ιβ' καὶ κρ' λέγει περὶ τῆς  
εὐθείας τῆς κατὰ δύο σημεῖα τῇ τομῇ συμπιπτούσης,  
ἐν τῷ ιδ' καὶ κε' περὶ τῆς εὐθείας τῆς καθ' ἐν τῇ  
15 τομῇ συμπιπτούσης, τοντέστιν ἔφαπτομένης, ἐν τῷ ιε'  
περὶ τῆς ἀγομένης παραλλήλου τῇ διαμέτρῳ τῆς παρα-  
βολῆς καὶ τῆς ὑπερβολῆς, ἐν τῷ ιξ' περὶ τῆς τεμνούσης  
τὴν διάμετρον τῆς παραβολῆς, ὅτι κατ' ἀμφότερα μέρη  
συμπίπτει τῇ τομῇ, ἐν τῷ ιη' περὶ τῆς ἀγομένης  
20 παραλλήλου τῇ ἔφαπτομένῃ μιᾶς τῶν ἀντικειμένων,  
ἐν τῷ ιδ' περὶ τῆς διὰ τοῦ κέντρου τῶν ἀντικειμένων  
ἔκβαλλομένης, ἐν τῷ ιλ' φησιν, ὅτι διχοτομεῖται ἡ διὰ  
τοῦ κέντρου ἔκβαλλομένη τῆς ἐλλείψεως καὶ τῶν ἀντικει-  
μένων, ἐν τῷ ια' φησίν, ὅτι ἐπὶ τῆς ὑπερβολῆς ἡ  
25 ἔφαπτομένη τὴν διάμετρον τέμνει μεταξὺ τῆς κορυφῆς  
καὶ τοῦ κέντρου, ἐν τῷ ιβ' καὶ γ' καὶ δ' καὶ ε' καὶ  
σ' περὶ τῶν ἔφαπτομένων ποιεῖται τὸν λόγον, ἐν τῷ

1. τό] e corr. W. 7. ἔφαπτομένη] scripsi, ἔφησαπιο-  
μένη W p, ἀπτομένη Halley (et ita debuit dici). τέμη p.

8. ιθ'] e corr. p. 9. οὐτι] om. W p, corr. Halley. 10. κατ-  
ηγμένη Halley. 11. κα' α] α e corr. p. τάς] om. p.

In scholiis post prop. X [supra p. 214] dictum est, quid XIII primis theorematis sit propositum, et in scholiis ad prop. XVI [supra p. 222, 24 et p. 224], quid tribus sequentibus propositum, sciendum autem, in prop. XVII eum dicere, rectam per uerticem rectae ordinate ductae parallelam ductam extra cadere, in prop. XVIII autem dicit, rectam rectae quoquo modo tangenti intra sectionem parallelam ductam sectionem secare, in prop. XIX autem, rectam ab aliquo puncto diametri rectae ordinate ductae parallelam cum sectione concurrere, in propp. XX et XXI quaerit, quo modo rectae in sectionibus ordinate ductae inter se et ad partes diametri ab iis effectas se habeant, in propp. XXII et XXIII de recta loquitur, quae cum sectione in duobus punctis concurrit, in propp. XXIV—XXV de recta, quae cum sectione in uno puncto concurrit siue contingit, in prop. XXVI de recta diametro parabolae hyperbolaeque parallela ducta, in prop. XXVII rectam diametrum parabolae secantem utrimque cum sectione concurrere, in prop. XXVIII de recta, quae rectae alterutram oppositarum contingenti parallela ducitur, in prop. XXIX de recta per centrum oppositarum producta, in prop. XXX dicit, rectam per centrum ellipsis oppositarumque productam in duas partes aequales secari, in prop. XXXI dicit, in hyperbola rectam contingentem inter uerticem centrumque diametrum secare, in propp. XXXII, XXXIII, XXXIV, XXXV, XXXVI de

---

*ἔχονσιν* W.      17. *τεμνούσης*] p., *τεμούσης* W.      19. *τομῆς*]  
*τὸ* p., *τό* W.      26. *γ'*] e corr. p.

λξ' περὶ τῶν ἐφαπτομένων καὶ τῶν ἀπὸ τῆς ἀφῆς  
κατηγμένων τῆς ἐλλείψεως καὶ τῆς ὑπερβολῆς, ἐν τῷ  
λη' περὶ τῶν ἐφαπτομένων τῆς ὑπερβολῆς καὶ τῆς  
ἐλλείψεως, ὅπως ἔχουσι πρὸς τὴν δευτέραν διάμετρον,  
5 ἐν τῷ λθ' καὶ μ' περὶ τῶν αὐτῶν ποιεῖται τὸν λόγον  
τοὺς συγκειμένους ἐκ τούτων λόγους ἐπιξητῶν, ἐν τῷ  
μα' περὶ τῶν ἀναγραφομένων παραλληλογράμμων ἀπὸ  
τῆς κατηγμένης καὶ τῆς ἐκ τοῦ κέντρου τῆς ὑπερβολῆς  
καὶ τῆς ἐλλείψεως, ἐν τῷ μβ' ἐπὶ τῆς παραβολῆς λέγει  
10 ἵσον εἶναι τὸ ὑπὸ τῆς ἐφαπτομένης καὶ τῆς κατηγμένης  
καταλαμβανόμενον τρίγωνον τῷ ἵσοϋψεῖ αὐτῷ παρα-  
ληλογράμμῳ, ἡμίσειαν δ' ἔχοντι βάσιν, ἐν τῷ μγ'  
ἐπὶ τῆς ὑπερβολῆς καὶ τῆς ἐλλείψεως ξητεῖ, πῶς  
ἔχουσι πρὸς ἄλληλα τὰ ὑπὸ τῶν ἐφαπτομένων καὶ  
15 τῶν κατηγμένων ἀπολαμβανόμενα τρίγωνα, ἐν τῷ  
μδ' τὸ αὐτὸν ἐν ταῖς ἀντικειμέναις, ἐν τῷ με' τὸ  
αὐτὸν ἐπὶ τῆς δευτέρας διαμέτρου τῆς ὑπερβολῆς  
καὶ τῆς ἐλλείψεως, ἐν τῷ μσ' περὶ τῶν μετὰ τὴν  
ἀρχικὴν διάμετρον τῆς παραβολῆς ἑτέρων, ἐν τῷ μξ'  
20 περὶ τῶν ἑτέρων διαμέτρων τῆς ὑπερβολῆς καὶ τῆς  
ἐλλείψεως, ἐν τῷ μγ' περὶ τῶν ἑτέρων διαμέτρων τῶν  
ἀντικειμένων, ἐν τῷ μδ' περὶ τῶν παρ' ἄς δύνανται  
αἱ καταγόμεναι ἐπὶ τὰς ἑτέρας διαμέτρους τῆς παρα-  
βολῆς, ἐν τῷ ν' περὶ τοῦ αὐτοῦ τῆς ὑπερβολῆς καὶ  
25 τῆς ἐλλείψεως, ἐν τῷ να' περὶ τοῦ αὐτοῦ τῶν ἀντικει-  
μένων. ταῦτα εἰπὼν καὶ προσθεῖς τοῖς εἰρημένοις

---

4. ἔχουσιν W. 11. καταλαμβανόμενον] Halley, κατα-  
λαμβάνον Wp. 14. ἔχουσιν W. 17. ἐπιλ' e corr. p.

contingentibus loquitur, in prop. XXXVII de contingentibus et de rectis, quae a puncto contactus in ellipsi hyperbolaque ordinate ducuntur, in prop. XXXVIII de rectis hyperbolam ellipsimque contingentibus, quo modo ad alteram diametrum se habeant, in propp. XXXIX et XL de iisdem loquitur rationes ex iis compositas quaerens, in prop. XLI de parallelogrammis in recta ordinate ducta radioque hyperbolae ellipsisque descriptis, in prop. XLII in parabola dicit triangulum a contingenti et recta ordinate ducta comprehensum aequalem esse parallelogrammo, quod eandem altitudinem habeat, basim autem dimidiam, in prop. XLIII in hyperbola ellipsisque quaerit, quo modo trianguli a contingentibus rectisque ordinate ductis abscisi inter se habeant, in prop. XLIV idem in oppositis, in prop. XLV idem in altera diametro hyperbolae ellipsisque, in prop. XLVI de ceteris diametris parabolae praeter principalem, in prop. XLVII de ceteris diametris hyperbolae ellipsisque, in prop. XLVIII de ceteris diametris oppositarum, in prop. XLIX de parametris ceterarum diametrorum parabolae, in prop. L de eodem in hyperbola ellipsisque, in prop. LI de eodem in oppositis. his dictis et epilogo quodam dictis adiecto [I p. 158] in propp. LII et LIII problema demonstrat, quo modo fieri possit, ut in plano parabola describatur, in propp. LIV

19. ἀρχικήν] p, ἀρχήν W.    21. τῶν (alt.)] Halley, om. p et extr. lin. W.

ἐπίλογόν τινα ἐν τῷ νβ' καὶ νγ' δεικνύει πρόβλημα,  
 ὃς δυνατὸν ἐν ἐπιπέδῳ γράψαι τὴν παραβολήν, ἐν  
 τῷ νδ' καὶ νε' λέγει, πῶς δεῖ γράψαι τὴν ὑπερβολήν,  
 ἐν τῷ νς' καὶ νξ' καὶ νη', πῶς δεῖ γράψαι τὴν ἔλλειψιν,  
 5 ἐν τῷ νθ' λέγει, πῶς δεῖ γράφειν ἀντικειμένας, ἐν  
 τῷ ξ' περὶ τῶν συξύγων ἀντικειμένων.

---

4. καὶ] bis (comp.) p. νξ'] ξ ε corr. p. νη'] η ε corr. p.  
 In fine: πεπλήρωται σὺν θεῷ τὸ ὑπόμνημα τοῦ ἀ βιβλίου  
 τῶν κωνικῶν W p.

---

et LV dicit, quo modo hyperbola describenda sit, in propp. LVI, LVII, LVIII, quo modo ellipsis describenda sit, in prop. LIX dicit, quo modo oppositae describendae sint, in prop. LX de oppositis coniugatis.

---

*Εἰς τὸ δεύτερον.*

Ἄρχόμενος τοῦ β' βιβλίου τῶν Κωνικῶν, ὡς φίλτατέ μοι Ἀνθέμιε, τοσοῦτον οἷμαι δεῖν προειπεῖν, ὅτι τοσαῦτα μόνα εἰς αὐτὸν γράφω, ὅσα ἂν μὴ ἥ δυνατὸν διὰ δ τῶν ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ νοηθῆναι.

*Εἰς τὸ α'.*

Τὸ πρῶτον θεώρημα πτῶσιν οὐκ ἔχει, εἰ μὴ ἦρα . . . τοῦτο γὰρ τῇ καταγραφῇ διαφορὰν οὐ ποιεῖ· αἱ γὰρ ΔΓ, ΓΕ ἀσύμπτωτοί τέ εἰσι τῇ τομῇ καὶ αἱ 10 αὐταὶ διαμένουσι κατὰ πᾶσαν διάμετρον καὶ ἐφαπτομένην.

*Εἰς τὸ β'.*

Τοῦτο τὸ θεώρημα πτῶσιν οὐκ ἔχει. ἡ μέντοι ΒΘ πάντως τεμεῖ τὴν τομὴν κατὰ δύο σημεῖα. ἐπεὶ γὰρ 15 παράλληλος ἔστι τῇ ΓΔ, συμπεσεῖται τῇ ΓΘ· ὥστε πρότερον τῇ τομῇ συμπεσεῖται.

*Εἰς τὸ ια'.*

"Ἐν τισιν ἀντιγράφοις τὸ θεώρημα τοῦτο ἄλλως δείκνυται.

---

1. Εὐτοκίον Ἀσκαλωνίτον εἰς τὸ δεύτερον (β' p) τῶν Ἀπολλωνίου κωνικῶν τῆς κατ' αὐτὸν ἐκδόσεως ὑπόμνημα Wp. 4. ὅσα] scripsi, ὡς Wp. μή] addidi, om. Wp. 8. Post ἄρα

## In librum II.

Alterum librum Conicorum ordiens, Anthemie amicissime, hoc praemittendum censeo, me ea sola ad eum adnotare, quae ex iis, quae in librum primum scripta sint, non possint intellegi.

## Ad prop. I.

Propositio prima casum non habet, nisi quod *AB* non semper axis est; hoc autem ad figuram nihil interest. nam *AG*, *GE* asymptotae sunt sectionis et eaedem manent qualibet diametro contingentique sumpta.

## Ad prop. II.

Haec propositio casum non habet. *BΘ* uero semper sectionem in duobus punctis secabit; nam quoniam rectae *ΓΔ* parallela est, cum *ΓΘ* concurret; quare prius cum sectione concurret.

## Ad prop. XI.

In quibusdam codicibus haec propositio aliter demonstratur.

---

magnam lacunam hab. Wp; explenda sic fere: ὅτι ἡ *AB* οὐ πάντως ἀξων ἴστιν. γάρ] fort. scr. δέ. 9. εἰσιν Wp. τῇ] scripsi, ἐν τῇ Wp. ατ] addidi, om. Wp. 10. διαμένονταν W. 15. *ΓΔ*] *EΘ* Wp, corr. Comm. 18. τισιν] p, τοῖς W.

"Εστω ὑπερβολή, ἡς ἀσύμπτωτοι αἱ *AB*, *BΓ*, καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπ' εὐθείας ἡ *BEΔ*, καὶ ἥχθω τις ἡ *EZ*, ὡς ἔτυχεν, τέμνουσα τὰς *AB*, *BA*. λέγω, ὅτι συμπεσεῖται τῇ τομῇ.

5 εἰ γάρ δυνατόν, μὴ συμπιπτέτω, καὶ διὰ τοῦ *B* τῇ *EZ* παράλληλος ἥχθω ἡ *BH*. ἡ *BH* ἄρα διάμετρός ἐστι τῆς τομῆς. καὶ παραβεβλήσθω παρὰ τὴν *EZ* τῷ ἀπὸ *BH* ἵσον παραλληλόγραμμον ὑπερβάλλον εἰδει τετραγώνῳ καὶ ποιείτω τὸ ὑπὸ *EΘZ*, καὶ ἐπεξεύχθω 10 ἡ *ΘB* καὶ ἐκβεβλήσθω· συμπιπτέται δὴ τῇ τομῇ. συμπιπτέτω κατὰ τὸ *K*, καὶ διὰ τοῦ *K* τῇ *BH* παράλληλος ἥχθω ἡ *KAΔ*. τὸ ἄρα ὑπὸ *AKA* ἵσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ *BH* ὥστε καὶ τῷ ὑπὸ *EΘZ*. ὅπερ ἄτοπον, ἐπείπερ ἡ *AΔ* παραλληλός ἐστι τῇ *EΘ*. ἡ *EZ* ἄρα 15 συμπιπτέται τῇ τομῇ.

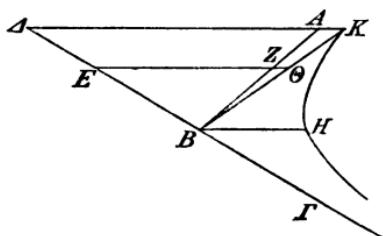
φανερὸν δή, ὅτι καὶ καθ' ἐν μόνον σημεῖον· παράλληλος γάρ ἐστι τῇ *BH* διαμέτρῳ.

*Eἰς τὸ ιβ'*.

Ηὑρέθη ἐν τισιν ἀντιγράφοις τοῦτο τὸ θεώρημα 20 δεικνύμενον διὰ δύο παραλλήλων ἀγομένων τῇ ἐφαπτομένῃ, μιᾶς μὲν διὰ τοῦ *A*, ἐτέρας δὲ διὰ τοῦ *H*· καὶ ἡ ἀπόδειξις διὰ συνθέσεως λόγων ἐδείκνυτο. ἐπελεξά-

1. ὑπερβολή — *BΓ*] om. Wp magna lacuna relictā; suppleuit Comm. 3. ἔτυχε p. 7. ἐστιν W. 8. ὑπερβάλλον] corr. ex ὑπερβάλλων m. 1 W. 12. ἐστίν W. 13. *BH*] *AH* Wp, corr. Comm. 14. παράλληλός ἐστι τῇ *EΘ*] suppleui, lacunam magnam hab. Wp; „post haec uerba in graeco codice nonnulla desiderantur, qualia fortasse haec sunt: linea enim *dk* maior est quam *ch* et *ka* maior quam *hf*“ Comm. fol. 47<sup>v</sup> omissis uerbis ἐπείπερ ἡ *AΔ*. ἡ *EZ* ἄρα] suppleui praeēunte Comm., om. Wp in lac. 15. συμπιπτέται] πεσεῖται

Sit hyperbola, cuius asymptotae sint  $AB$ ,  $B\Gamma$ , et  $BE\Delta$  in directum producatur, ducaturque recta aliqua



$EZ$  quolibet modo rectas  $\Delta B$ ,  $BA$  secans. dico, eam cum sectione concurrere.

nam si fieri potest, ne concurrit, et per  $B$  rectae  $EZ$  parallela du-

catur  $BH$ .  $BH$  igitur diametrus est sectionis. et rectae  $EZ$  quadrato  $BH^2$  aequale parallelogrammum adplicetur figura quadrata excedens [Eucl. VI, 29] et efficiat  $E\Theta \times \Theta Z$ , ducaturque  $\Theta B$  et producatur; concurret igitur cum sectione [prop. II]. concurrit in  $K$ , et per  $K$  rectae  $BH$  parallela ducatur  $KA\Delta$ . itaque erit  $\Delta K \times KA = BH^2$  [prop. XI]; quare etiam  $\Delta K \times KA = E\Theta \times \Theta Z$ ; quod absurdum est, quoniam  $\Delta\Delta$  rectae  $E\Theta$  parallela est. ergo  $EZ$  cum sectione concurret.

iam manifestum est, eam etiam in uno puncto solo concurrere [I, 26]; nam diametro  $BH$  parallela est.

### Ad prop. XII.

In nonnullis codicibus haec propositio demonstrata reperiebatur duabus rectis contingenti parallelis ductis, altera per  $\Delta$ , altera per  $H$ ; et demonstratio per

---

In fig.  $H$  om.  $W$ .

---

Wp, corr. Comm.  $\tauομη̄]$  p,  $\tauοτμη̄$  W. 17.  $\dot{\epsilon}\sigma\tauιν$  W. 19.  
 $\varepsilon\nu\varphi\acute{e}\theta\eta$  p. 21.  $H]$  e corr. m. 1 W.

μεθα δὲ ταύτην τὴν κατασκευὴν ὡς τὰ αὐτὰ δεικνῦσαν  
ἀπλουστέρως.

ἔχει δὲ καὶ πτώσεις ἔξι· τῶν γὰρ ΕΔΖ ἀχθεισῶν  
τὸ Ε σημεῖον ἥ μεταξὺ ἔσται τῶν Θ,Β ἥ ἐπὶ τοῦ Β  
δ ἥ ἔξω τοῦ Β, ὡς γίνονται τρεῖς, καὶ ὁμοίως ἐπὶ τοῦ  
Ζ ἄλλαι τρεῖς.

### *Eἰς τὸ ιδ'.*

"Ἐν τισιν ἀντιγράφοις ηὔρεθη ἄλλωσι δεικνύμενον,  
ὅτι παντὸς τοῦ δοθέντος διαστήματος εἰς ἐλαττον  
10 ἀφικνοῦνται διάστημα.

τῶν γὰρ αὐτῶν ὑποκειμένων εἰλήφθω τοῦ δοθέντος  
διαστήματος ἐλαττον τὸ ΕΚ, καὶ πεποιήσθω, ὡς ἡ  
ΚΕ πρὸς ΕΘ, ἥ ΘΑ πρὸς ΑΛ, καὶ διὰ τοῦ Λ τῇ  
EZ παράλληλος ἥ ΜΛΒ. ἐπεὶ οὖν ἡ ΞΒ μείζων ἔστι  
15 τῆς ΛΒ, ἥ ΞΒ ἄρα πρὸς ΘΖ μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ  
ἥ ΛΒ πρὸς ΘΖ. ὡς δὲ ἡ ΞΒ πρὸς ΘΖ, ἥ ΘΕ πρὸς  
ΜΞ διὰ τὸ ἵσον εἶναι τὸ ὑπὸ ΖΘΕ τῷ ὑπὸ ΒΞΜ·  
καὶ ἡ ΘΕ ἄρα πρὸς ΜΞ μείζονα λόγον ἔχει ἥπερ  
ἥ ΛΒ πρὸς ΖΘ. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΛΒ πρὸς ΖΘ, ἥ  
20 ΛΑ πρὸς ΑΘ, ὡς δὲ ἡ ΛΑ πρὸς ΑΘ, ἥ ΘΕ πρὸς  
ΕΚ· καὶ ἡ ΘΕ ἄρα πρὸς ΜΞ μείζονα λόγον ἔχει  
ἥπερ ἡ ΘΕ πρὸς ΕΚ. ἐλάσσων ἄρα ἡ ΞΜ τῆς ΚΕ.

*Hύρεθησαν δὲ ἐν τισι καὶ ταῦτα τὰ θεωρήματα*

1. Post κατασκευὴν magnam lacunam hab. W p, fort. propter figuram scholii praecedentis, quam hic hab. W. 3. καὶ] om. p. 3. η] EZ] scripsi, EZ ᥃ W, EZH p. 4. E] scripsi, Θ W p. Θ] scripsi, E W p. Emendatio litterarum admodum incerta, quia non constat, quid Eutocius in divisione secutus sit. 5. γίνεσθαι p. 6. ἄλλας p. 7. ιδ'] p, m. rec. W, ια' m. 1 W. 8. εὑρέθη p. 9. εἰς] εἰ p. 11. ἡλήφθω W. 14. ΜΛΒ] scripsi, ΑΜΒ W et, B e corr., p; mxlb Comm. μείζων — 15. ΞΒ] addidi, om. W p.

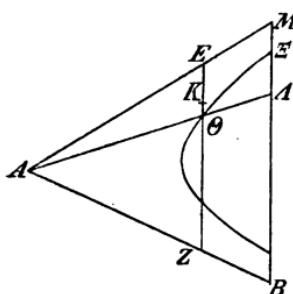
compositionem rationum perficiebatur. elegimus autem hanc constructionem, quia eadem simplicius ostendit.

habet autem etiam casus sex; nam ductis rectis  $E\Delta$ ,  $\Delta Z$  punctum  $E$  aut inter  $\Theta$ ,  $B$  erit positum aut in  $B$  aut extra  $B$ , ita ut tres casus oriantur, et similiter in  $Z$  aliae tres.

#### Ad prop. XIV.

In nonnullis codicibus aliter reperiebatur demonstratum, eas ad distantiam omni data distantia minorem peruenire.

nam iisdem suppositis data distantia minor sumatur  $EK$ , fiatque  $\Theta A : AA = KE : E\Theta$ , et per  $A$  rectae



$EZ$  parallela  $MB$ . quoniam igitur  $EZ > MB$ , erit

$$EZ : \Theta Z > MB : \Theta Z$$

[Eucl. V, 8]. est autem

$$EZ : \Theta Z = \Theta E : ME,$$

quia  $Z\Theta \times \Theta E = BE \times EM$

[prop. X]; quare etiam

$$\Theta E : ME > MB : Z\Theta.$$

est autem  $AB : Z\Theta = AA : A\Theta$  [Eucl. VI, 4] et  $AA : A\Theta = \Theta E : EK$ . itaque etiam  $\Theta E : ME > \Theta E : EK$ . ergo  $EM < KE$  [Eucl. V, 10].

In nonnullis autem codicibus hae quoque propo-

---

Fig. in W paullo aliter descripta est ducta inter  $EZ$ ,  $MB$  iis parallela  $\Delta N$  et ab  $N$  ad  $MB$  recta. litt.  $E$ ,  $\Xi$ ,  $K$  om. W.

---

- |   |  |
|---|--|
| 15. $\ddot{\alpha}\varrho\alpha]$ del. Halley cum Comm.                             | $\Theta Z]$ $OZ$ W p., corr.                                       |
| Comm.   | 16. $\Theta Z$ (alt.)] p., e corr. W.                              |
| $E\Xi\Theta$ W p., hf Comm.   | 17. $Z\Theta$ (pr.)] scripsi,                                      |
| om. p.  | 18. $AB$ ] $AB$ ? p.   |
| 21. $\ddot{\alpha}\varrho\alpha]$ om. W., corr. Halley.                             | 21. $\kappa\alpha\iota$ — 22. $EK$ ]                               |
| $\tau\iota\sigma\iota\pi$ W.  | 23. $\varepsilon\hat{\nu}\varrho\iota\theta\eta\sigma\alpha\nu$ p. |
| $\kappa\alpha\iota]$ $\dot{\alpha}\nu\tau\iota\gamma\varphi\alpha\iota\varsigma$ p. |  |

έγγεγραμμένα, ἅπερ ὡς περιττὰ ἀφηρέθη ὑφ' ἡμῶν· δεδειγμένου γὰρ τούτου, ὅτι αἱ ἀσύμπτωτοι ἔγγιοι προσάγουσι τῇ τομῇ καὶ παντὸς τοῦ δοθέντος εἰς ἔλαττον ἀφικνοῦνται, περιττὸν ἦν ταῦτα ζητεῖν. ἀμέλει 5 οὐδὲ ἀποδεῖται ἔχουσί τινας, ἀλλὰ διαφορὰς καταγραφῶν. ἵνα δὲ τοῖς ἐντυγχάνοντοι τὴν ἡμέραν δήλην ποιήσωμεν, ἐκκείσθω ἐνταῦθα τὰ ὡς περιττὰ ἀφηρημένα.

Ἐλ τινές εἰσιν ἀσύμπτωτοι τῇ τομῇ ἔτεραι τῶν προειρημένων, ἔγγιόν εἰσιν αἱ προειρημέναι τῇ τομῇ. 10 ἔστω ὑπερβολή, ἡς ἀσύμπτωτοι αἱ ΓΑ, ΑΔ. λέγω, ὅτι, εἰ τινές εἰσιν ἀσύμπτωτοι τῇ τομῇ, ἐκείνων ἔγγιόν εἰσιν αἱ ΓΑ, ΑΔ.

ὅτι μὲν οὖν, ὡς ἐπὶ τῆς πρώτης καταγραφῆς, οὐ δύνανται αἱ EZH ἀσύμπτωτοι εἶναι, φανερόν, ὥστε 15 εἶναι παράλληλον τὴν μὲν EZ τῇ ΓΑ, τὴν δὲ ZH τῇ ΑΔ· δέδεικται γάρ, ὅτι συμπεσοῦνται τῇ τομῇ· ἐν γὰρ τῷ ἀφοριζομένῳ τόπῳ ὑπὸ τῶν ἀσυμπτώτων καὶ τῆς τομῆς εἰσιν.

εἰ δέ, ὡς ἐπὶ τῆς δευτέρας πτώσεως εἰσιν, ἀσύμ- 20 πτωτοι αἱ EZ, ZH παράλληλοι οὖσαι ταῖς ΓΑ, ΑΔ, ἔγγιον μᾶλλον εἰσιν αἱ ΓΑ, ΑΔ τῆς τομῆς ἡπερ αἱ EZ, ZH.

εἰ δέ, ὡς ἐπὶ τῆς τρίτης πτώσεως, καὶ οὕτως αἱ μὲν ΓΑ, ΑΔ, ἐὰν ἐκβληθῶσιν εἰς ἄπειρον, ἔγγιζουσι

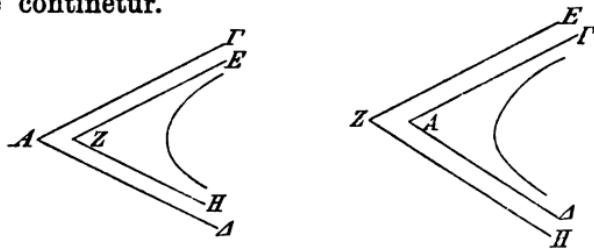
3. προσάγοντιν W.      5. ἔχουσιν W.      6. ἐντυγχάνοντιν W.      8. ἡμέραν] W, ἡμε τεράν lac. p, ἡμετέραν γνώμην Halley praeceunte Commandino; sed puto proverbiū esse de opera superflua.      7. ἐκκείσθω] p, ἐκείσθω W.      10. ΓΑ, ΑΔ] ΓΔ, ΑΔ Wp, corr. Comm.      11. ὅτι εἰ] in ras. m. 1 W.      εἰσιν ἄλλαι Halley cum Comm.      12. ΓΑ] ΓΔ Wp, corr. Comm.      13. ὡς] comp. p, comp. supra scr. m. 1 W.      21. ἡπερ] εἰπερ p.      24. ἔγγιζουσι] scripsi, ἔγγι (ι in ras., seq. lac. 1 litt.) αιονειν W, ἔγγιαι οὖσαι p.

sitiones perscriptae reperiebantur, quae ut superfluae a nobis remotae sunt; nam hoc demonstrato, asymptotas ad sectionem proprius adcedere et ad distantiam omni data distantia minorem peruenire, superfluum erat haec quaerere. scilicet ne demonstrationes quidem habent, sed differentias figurarum. sed ut legentibus lucem claram reddamus, hic collocentur, quae ut superflua remota sunt.

Si quae asymptotae sunt sectionis aliae atque eae, quas diximus supra, hae, quas supra diximus, sectioni propiores sunt.

sit hyperbola, cuius asymptotae sint  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$ . dico, si quae asymptotae sint sectionis,  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$  iis propiores esse.

iam ut in prima figura  $EZ$ ,  $ZH$  asymptotas esse non posse, manifestum, ita scilicet, ut  $EZ$  rectae  $\Gamma A$  parallela sit,  $ZH$  autem rectae  $A\Delta$ ; nam demonstratum est [prop. XIII], eas cum sectione concurrere; sunt enim in spatio positae, quod asymptotis sectione neque continetur.

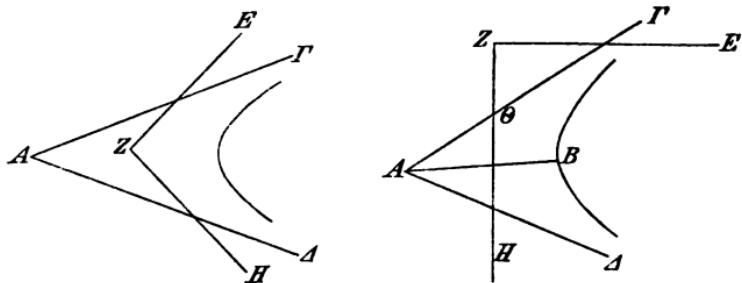


sin, ut in secundo sunt casu, asymptotae sunt  $EZ$ ,  $ZH$  rectis  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$  parallelae,  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$  sectioni propiores sunt quam  $EZ$ ,  $ZH$ .

---

In fig. 2  $\Gamma$  om. W, E in ras. hab.; figuræ primæ numeris  $\alpha'' \beta'' \gamma'' \delta''$  notat W.

τῆς τομῆς καὶ εἰς ἔλαττον διάστημα παντὸς τοῦ δοθέντος  
ἀφικούνται, αἱ δὲ  $EZH$  κατὰ μὲν τὸ  $Z$  καὶ τὰ ἐγγὺς  
αὐτοῦ ἐντὸς ὅντα τῆς γωνίας σύνεγγυός εἰσι τῆς τομῆς,  
ἐκβληθεῖσαι δὲ ἀφίστανται τῆς τομῆς μᾶλλον· παντὸς  
δὲ γὰρ τοῦ δοθέντος, ὃ νῦν ἀφεστήκασιν, ἔστιν ἔλασσον.



ἔστωσαν δὴ πάλιν, ὡς ἐπὶ τῆς τετάρτης καταγραφῆς,  
ἀσύμπτωτοι αἱ  $EZ$ ,  $ZH$ · φανερὸν δὴ καὶ οὗτως, ὅτι  
ἡ μὲν  $GA$  ἐγγιόν ἔστι τῆς τομῆς ἥπερ ἡ  $EZ$ , ἐάν τε  
ἡ  $EZ$  τῇ  $GA$  παράλληλός ἔστιν, ἐάν τε συμπίπτῃ τῇ  $GA$ .  
10 καὶ ἐὰν μὲν ἡ σύμπτωσις ἀνώτερον ἡ τῆς διὰ τοῦ  $Z$   
ἐφαπτομένης τῆς τομῆς, τέμνει τὴν τομήν, ἐὰν δὲ ἡ  
σύμπτωσις ἐν τῷ μεταξὺ τόπῳ ἡ τῆς τε ἐφαπτομένης  
καὶ τῆς γωνίας, ὥσπερ καὶ ἡ  $ZH$ , κατὰ τὰ αὐτὰ τῷ  
ἐπάνω ἡ  $WH$  τῆς τομῆς οὐκ ἀφέξει ἔλασσον διάστημα  
15 παντὸς τοῦ δοθέντος· ὥστε ἡ  $GA$  ἐγγιόν ἔστι τῆς  
τομῆς, ἥπερ ἡ  $EZ$  ἔστιν. ἡ δὲ  $AA$  ἐγγιόν τῆς τομῆς  
ἥπερ ἡ  $ZH$  διὰ τὰ αὐτὰ τοῖς ἐπὶ τῆς τοίτης κατα-  
γραφῆς.

ὅτι δὲ ἡ ἀνωτέρω τῆς διὰ τοῦ  $Z$  ἐφαπτομένης

In fig. 1  $A$  et  $H$  om.  $W$ ; additae sunt duae rectae  
rectis  $EZ$ ,  $ZH$  parallelae.

In fig. 2  $E$  om.  $W$ , pro  $H$  hab.  $\Pi$ .

2. δέ] γάρ  $Wp$ , corr. Halley cum Comm. τὰ ἐγγὺς  
αὐτοῦ] scripsi, τὸ ἐγγὺς αὐτῶν  $Wp$ . 3. εἰσιν  $W$ . 5. ἔλασ-

sin, ut in tertio casu, sic quoque  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$ , si productae erunt in infinitum, sectioni adpropinquant et ad distantiam omni data minorem perueniunt,  $EZ$ ,  $ZH$  autem ad  $Z$  partesque ei propinquas intra angulum positas sectioni propinquae sunt, productae uero magis a sectione distant; nam quam nunc<sup>1)</sup> habent distantiam, ea omni data est minor.

iam rursus, ut in quarta figura, asymptotae sint  $EZ$ ,  $ZH$ . itaque sic quoque manifestum est,  $\Gamma A$  sectioni propiorem esse quam  $EZ$ , siue  $EZ$  rectae  $\Gamma A$  parallela est siue cum  $\Gamma A$  concurrit. et si punctum concursus supra rectam per  $Z$  sectionem contingentem<sup>2)</sup> positum est, sectionem secat, sin punctum concursus in spatio inter contingentem angulumque positum est, sicut etiam  $ZH$ , eodem modo, quo supra,  $\Theta H$ <sup>3)</sup> a sectione non distabit interuallo, quod omni dato minus est. ergo  $\Gamma A$  sectioni propior erit quam  $EZ$ .  $\Delta A$  autem sectioni propior est quam  $ZH$  eadem de causa, qua in tertia figura.

rectam autem, quae supra rectam per  $Z$  contin-

1) Sc.  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$ .

2) Sc. ad  $\Delta$  uersus ductam.

3) Haec non satis intellego.

**σον]** Halley, **ἴλασσων** W p. 6. **ώς]** om. W p., mg. m. 2 U. 7. **ZH]** HZ p. 8. **Ἐγγιον]** corr. ex **Ἐγγειον** W. **ἐστιν** W. **η̄]** p., om. W. 9. **ΓΑ(pr.)]** corr. ex **ΓΔ** m. 1 W. **ἐστιν]** W p., **η̄** Halley. **συμπίπτει?** 10. **σύμπτωσις]** comp. p., **συμ-**  
**πτώσεις** W. **ἀνάτερον]** **κατάτερον** Halley cum Comm. **τῆς]** comp. p., **τις** W. 11. **ἐφαπτομένης]** comp. p., **ἐφαπτομένη** W. 14. **ΘH]** ZE Halley. 15. **ἐστιν** W. 16. **ἐστιν]** om. Halley. **δέ]** om. W p., corr. Halley.

συμπίπτουσα τῇ ΓΑ συμπίπτει καὶ τῇ τομῇ, οὗτος δείκνυται.

..... καὶ ἡ ΖΕ ἐφαπτέσθω τῆς τομῆς κατὰ τὸ Ε, ἡ δὲ σύμπτωσις τῇ ΓΑ ἀνάτερον τῇ ΖΗ. λέγω, ὅτι 5 ἐκβληθεῖσα συμπεσεῖται τῇ τομῇ.

ἥχθω γὰρ διὰ τῆς Ε ἀφῆς παράλληλος τῇ ΓΑ ἀσύμπτωτῷ ἡ ΕΘ· ἡ ΕΘ ἄρα κατὰ μόνον τὸ Ε τέμνει τὴν τομήν. ἐπεὶ οὖν ἡ ΓΑ τῇ ΕΘ παράλληλός ἐστιν, καὶ τῇ ΑΗ συμπίπτει ἡ ΖΗ, καὶ τῇ ΕΘ ἄρα συμ-  
10 πεσεῖται· ὥστε καὶ τῇ τομῇ.

Εἰ τίς ἐστιν εὐθύγραμμος γωνία περιέχουσα τὴν ὑπερβολὴν ἐτέρα τῆς περιεχούσης τὴν ὑπερβολὴν, οὐκ ἐστιν ἐλάσσων τῆς περιεχούσης τὴν ὑπερβολὴν.

15 ἔστω ὑπερβολή, ἡς ἀσύμπτωτοι αἱ ΓΑ, ΑΔ, ἐτεραι δέ τινες ἀσύμπτωτοι τῇ τομῇ ἐστῶσαν αἱ ΕΖΗ. λέγω, ὅτι οὐκ ἐλάσσων ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Ζ γωνία τῆς πρὸς τῷ Α.

ἐστῶσαν γαρ πρότερον αἱ ΕΖΗ ταῖς ΓΑ, ΑΔ  
20 παράλληλοι. ἵση ἄρα ἡ πρὸς τῷ Ζ γωνία τῇ πρὸς τῷ Α· οὐκ ἐλάσσων ἄρα ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Ζ τῆς πρὸς τῷ Α.

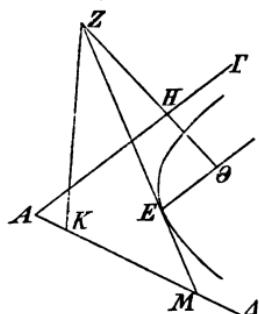
μὴ ἐστῶσαν δὴ παράλληλοι, καθὼς ἐπὶ τῆς δευτέρας

1. ΓΑ] ΓΔ p. οὗτος p. 2. Post δείκνυται excidit praeparatio; in W p nulla lacuna. 3. ἡ δὲ σύμπτωσις] αἱ δὲ συμπτώσεις W p, corr. Halley cum Comm. 4. τῇ (alt.)] τῆς Halley. 9. ΑΗ] scripsi, ΑΝ p et, Α in ras. m. 1, W; ΑΓ Halley cum Comm. 15. ἡς] scripsi, ἡ W p; possit etiam καὶ conicere. 16. ΕΖΗ] scripsi, ΕΖ W p; ΕΖ, ΖΗ Halley cum Comm. 18. τῷ] p, τῷ W. 20. παράλληλοι. ἵση ἄρα] p, παραλλήλοις ἡ ἄρα W.

gentem cum  $\Gamma A$  concurrat, etiam cum sectione concurrere, sic demonstratur:

sint asymptotae  $\Gamma\Lambda$ ,  $A\Delta$ , et  $ZK$ ,  $ZH$  cadant ut in quarta figura,  $ZE$  autem sectionem contingat in

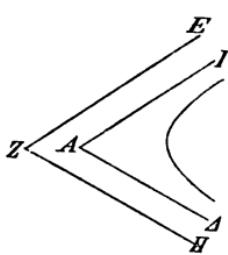
$E$ , et punctum concursus cum  $\Gamma A$  rectae  $ZH$  superius sit. dico, eam productam cum sectione concurrere.



ducatur enim per punctum contactus  $E$  asymptotae  $\Gamma A$  parallela  $E\Theta$ ;  $E\Theta$  igitur in solo  $E$  sectionem secat [prop. XIII]. quoniam igitur  $\Gamma A$  rectae  $E\Theta$  parallela est,

et  $ZH$  cum  $AH$  concurrit, etiam cum  $E\Theta$  concurret; ergo etiam cum sectione.

Si quis est angulus rectilineus hyperbolam continens alias atque is, qui hyperbolam continet, minor non est angulo hyperbolam continentem.



sit hyperbola, cuius asymptotae sint  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$ , aliae autem aliquae sectionis asymptotae sint  $EZ$ ,  $ZH$ . dico, angulum ad  $Z$  positum minorem non esse angulo ad  $A$  posito.

nam primum  $EZ$ ,  $ZH$  rectis  $\Gamma A$ ,  $A\Delta$  parallelae sint. itaque  $\angle Z = \angle A$ . ergo angulus ad  $Z$  positus angulo ad  $A$  posito minor non est.

iam parallelae ne sint, sicut in secunda figura.

In fig. 1  $\Gamma$  et  $E$  om.  $W$ ;  $\Theta$  in sectione est.

In fig. 2 om.  $A$   $W$ , pro  $\Delta$  hab.  $A$ .

καταγραφῆς. φανερὸν οὖν, ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Ζ γωνία τῆς ὑπὸ ΘΑΗ.

ἔπλ δὲ τῆς γ' μείζων ἐστὶν ἡ ὑπὸ ΖΘΑ τῆς πρὸς τῷ Α, καὶ ἐστιν ἵση ἡ πρὸς τῷ Ζ τῇ πρὸς τῷ Θ.

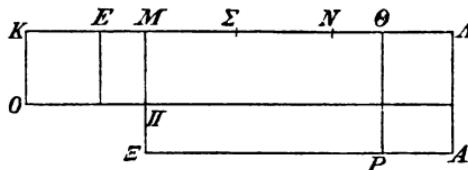
5 ἔπλ δὲ τῆς δ' ἡ κατὰ κορυφὴν τῆς κατὰ κορυφήν ἐστι μείζων.

οὐκ ἐλάσσων ἄρα ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ Ζ τῆς πρὸς τῷ Α.

*Eἰς τὸ κγ'.*

Τὸ δὲ ὑπὸ ΘΜΕ μετὰ τοῦ ὑπὸ ΘΚΕ ἵσον 10 ἐστὶν τῷ ὑπὸ ΛΜΚ διὰ τὸ τὰς ἀκρας ἵσας εἰναι] ἐστω εὐθεῖα ἡ ΛΚ, καὶ ἐστω ἡ ΛΘ ἵση τῇ ΕΚ, ἡ δὲ ΘΝ ἵση τῇ ΕΜ, καὶ ἡχθωσαν ἀπὸ τῶν Μ, Κ πρὸς ὁρθὰς αἱ ΜΞ, ΚΟ,

καὶ κείσθω τῇ ΜΚ



15 ἵση ἡ ΜΞ, τῇ δὲ ΚΕ ἡ ΚΟ, καὶ συμπεκληρώσθω τὰ

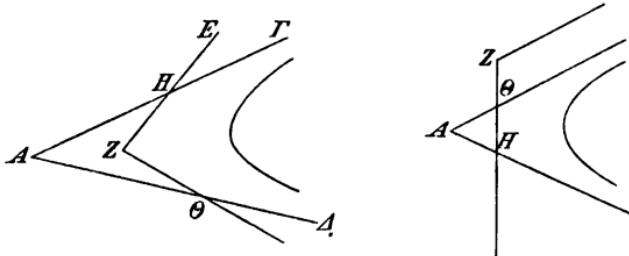
ΞΘ, ΘΑ παραλ-

ληλόγραμμα. ἐπεὶ οὖν ἵση ἐστὶν ἡ ΜΚ τῇ ΜΞ, 20 τοντέστι τῇ ΠΟ, ἐστι δὲ καὶ ἡ ΛΘ τῇ ΕΚ, τοντέστι τῇ ΚΟ, ἵσον ἄρα τὸ ΘΑ τῷ ΜΟ.

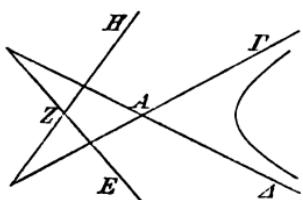
3. ἐπλ] ἐπει W p, corr. Comm. γ'] εγ̄ W p, corr. Comm.  
 4. τῷ (pr.)] p, τό W. Θ] Α W p, corr. Halley. 5. δ' ἡ] δῃ W p, corr. Comm. 6. ἐστιν W. 7. ἐλάσσων] comp. p, ἐλασσον W. 8. εἰς τὸ κγ'] om. W p. 10. ἐστὶν W. ΛΜΚ] ΛΜ (Λ e corr. p) καὶ W p, corr. Comm. 13. ΜΞ] p, ΝΞ W. ΚΟ] om. W, ΚΘ p, corr. Comm. 16. ΚΟ] p, ΚΘ W. 19. ἵση] -η e corr. m. 1 W. 20. τοντέστιν W. ξειν W. καὶ] euān. p. τοντέστιν W. 21. ΚΟ] ΚΕ W p, corr. Comm. ΜΟ] ΜΘ W et, ut uidetur, p; corr. Comm.

In fig. pro *N* hab. *H*, pro *A* uero *Δ*(?) *W*.

manifestum igitur, angulum ad  $Z$  positum maiores esse angulo  $\Theta A H$  [Eucl. I, 21].



in tertia autem figura  $\angle Z\Theta A > \angle A$  [Eucl. I, 16],  
et  $\angle Z = \angle Z\Theta A$  [Eucl. I, 29].



in quarta autem angulus  
ad uerticem positus angulo  
ad uerticem posito maior est  
[Eucl. I, 21].

ergo angulus ad  $Z$  positus an-  
gulo ad  $A$  posito minor non est.

### Ad prop. XXIII.

Est autem  $\Theta M \times ME + \Theta K \times KE = AM \times MK$ ,  
quia extrema aequalia sunt I p. 234, 18—19] sit  
recta  $AK$ , et sit  $A\Theta = EK$ ,  $\Theta N = EM$ , ducanturque  
ab  $M$ ,  $K$  perpendiculares  $ME$ ,  $KO$ , et ponatur  
 $ME = MK$ ,  $KO = KE$ , et parallelogramma  $E\Theta$ ,  $\Theta A$   
expleantur. quoniam igitur  $MK = ME = \Pi O^1$ ),  
uerum etiam  $A\Theta = EK = KO$ , erit  $\Theta A = MO$ .

1) Scriptum oportuit  $P\Theta$ .

In fig. 1  $\Theta$  om. W.

In fig. 3 pro  $H$  hab.  $\Theta$  W,  $H$  et  $E$  ad uertices angulorum  
extremorum posita sunt; sed sic rectae  $EZ$ ,  $ZH$  hyperbolam  
non continent.

κοινὸν προσκείσθω τὸ ΣΘ· δλον ἄρα τὸ ΛΞ ἵσον  
ἐστὶ τῷ ΣΘ καὶ ΜΟ, τοντέστι τῷ ΘΟ καὶ ΠΡ. καὶ  
ἐστι τὸ μὲν ΛΞ τὸ ὑπὸ τῶν ΛΜΚ, τὸ δὲ ΘΟ τὸ  
ὑπὸ ΘΚΕ, τὸ δὲ ΠΡ τὸ ὑπὸ ΘΜΕ [τοντέστιν ὑπὸ<sup>5</sup> ΠΞΠ].

ἔστι δὲ καὶ ἄλλως δεῖξαι τὸ αὐτό.

τετμήσθω ἡ ΜΝ δίχα κατὰ τὸ Σ. φανερὸν δῆ,  
ὅτι καὶ ἡ ΛΚ δίχα τέτμηται κατὰ τὸ Σ, καὶ ὅτι τὸ  
ὑπὸ ΘΚΕ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΛΕΚ· ἵση γὰρ ἡ ΘΚ  
10 τῇ ΛΕ. καὶ ἐπεὶ ἡ ΛΚ τέτμηται εἰς μὲν ἵσα κατὰ  
τὸ Σ, εἰς δὲ ἄνισα κατὰ τὸ Ε, τὸ ὑπὸ ΛΕΚ μετὰ τοῦ  
ἀπὸ ΣΕ ἵσον ἐστὶ τῷ ἀπὸ ΚΣ. τὸ δὲ ἀπὸ ΣΕ ἵσον  
ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΘΜΕ καὶ τῷ ἀπὸ ΣΜ· ὥστε τὸ ἀπὸ ΣΚ  
ἵσον ἐστὶ τῷ τε ὑπὸ ΛΕΚ, τοντέστι τῷ ὑπὸ ΘΚΕ, καὶ  
15 τῷ ὑπὸ ΘΜΕ καὶ τῷ ἀπὸ ΣΜ. διὰ ταύτα δὴ τὸ ἀπὸ  
ΣΚ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΛΜΚ καὶ τῷ ἀπὸ ΣΜ· ὥστε τὸ  
ὑπὸ ΘΚΕ μετὰ τοῦ ὑπὸ ΘΜΕ καὶ τοῦ ἀπὸ ΣΜ ἵσον  
ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΛΜΚ καὶ τῷ ἀπὸ ΣΜ. κοινὸν ἀφηρήσθω  
τὸ ἀπὸ ΣΜ· λοιπὸν ἄρα τὸ ὑπὸ ΘΚΕ μετὰ τοῦ ὑπὸ<sup>20</sup>  
ΘΜΕ ἵσον ἐστὶ τῷ ὑπὸ ΛΜΚ.

Εἰς τὸ κδ'.

Δεῖ σημειώσασθαι, ὅτι συμπτώσεις καλεῖ τὰ σημεῖα,  
καθ' ἃ συμβάλλουσι τῇ τομῇ αἱ ΑΒ, ΓΔ εὐθεῖαι. καὶ

1. προσκείσθω] scripsi, apponatur Comm., τε ἐκείσθω W, τε  
ἐκκείσθω p. 2. ἐστὶν W. ΜΘ Wp, corr. Comm. τοντέστιν W. ΘΟ] euan. p. 3. ἐστὶν W. τό (quart.)] τῷ Wp,  
corr. Halley. 4. τό (alt.)] τῷ Wp, corr. Halley. τοντέστιν ὑπὸ<sup>5</sup> ΠΞΠ] om. Comm., Halley. 6. ἐστὶν W. 7. Σ] E Wp,  
corr. Comm. 8. καὶ ἡ] τῇ post lac. 3 litt. W, ἡ p; et Comm.  
Σ] ΘΣ Wp, corr. Comm. 9. ἐστὶν W. ΛΕΚ] corr. ex

commune adiiciatur  $\Sigma\Theta$ ; itaque totum  
 $\Lambda\Sigma = \Sigma\Theta + MO = \Theta O + PR$ . et  $\Lambda\Sigma = \Lambda M \times MK$ ,  
 $\Theta O = \Theta K \times KE$ ,  $PR = \Pi\Sigma \times \Sigma P = \Theta M \times ME$ .

potest autem aliter quoque demonstrari.

$MN$  in  $\Sigma$  in duas partes aequales secetur. manifestum igitur, etiam  $\Lambda K$  in  $\Sigma$  in duas partes aequales secari, et esse  $\Theta K \times KE = \Lambda E \times EK$ ; nam  $\Theta K = \Lambda E$ . et quoniam  $\Lambda K$  in  $\Sigma$  in partes aequales secta est, in  $E$  autem in inaequales, erit [Eucl. II, 5]  $\Lambda E \times EK + \Sigma E^2 = K\Sigma^2$ . uerum

$$\Sigma E^2 = \Theta M \times ME + \Sigma M^2 \quad [\text{Eucl. II, 6}].$$

quare  $\Sigma K^2 = \Lambda E \times EK + \Theta M \times ME + \Sigma M^2 = \Theta K \times KE + \Theta M \times ME + \Sigma M^2$ . eadem de causa [Eucl. II, 5] igitur  $\Sigma K^2 = \Lambda M \times MK + \Sigma M^2$ . quare

$\Theta K \times KE + \Theta M \times ME + \Sigma M^2 = \Lambda M \times MK + \Sigma M^2$ . auferatur, quod commune est,  $\Sigma M^2$ . erit igitur reliquum  $\Theta K \times KE + \Theta M \times ME = \Lambda M \times MK$ .

#### Ad prop. XXIV.

Notandum, eum συμπτωσεις adpellare puncta, in quibus rectae  $AB$ ,  $CD$  cum sectione concurrant. et

$\Lambda\Gamma K$  m. 1 W. 12. ἐστίν W.  $K\Sigma$ ]  $\Sigma K\Sigma$  W p, corr. Halley, sk Comm. 13. ἐστίν W. τῷ] p, τό W.  $\Theta ME$ ]  $O\Theta ME$  W p, corr. Comm.  $\Sigma K$ ]  $EK$  W p, corr. Comm. 14. ἐστίν W. τοτέστιν W. τῷ] supra scr. m. 1 p. 15.  $\Theta ME$ ]  $\Sigma ME$  W p, corr. Comm.  $\Sigma M$ ]  $\Sigma N$  W p, corr. Comm.. ταύται] ταῦτα W, τὰ αὐτά p. 16. ἐστίν W.  $\Lambda MK$ ]  $N\Sigma K$  W p, corr. Comm. τῷ] p, τό W. 17.  $\Theta ME$ ] Θ corr. ex O, ut uidetur, W.  $\Sigma M$ ]  $\Sigma K$  W p, corr. Comm. 18. ἐστίν W. 20.  $\tauσων$ ] corr. ex  $\tauσων$  m. 1 W.

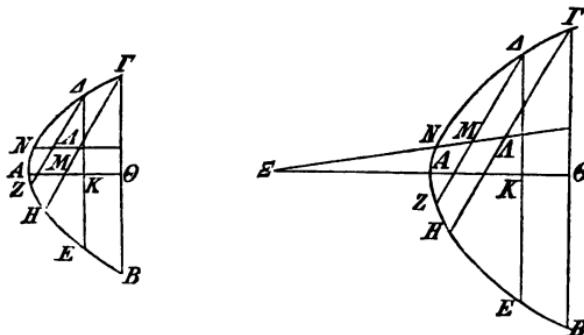
δεῖ, φησίν, παρατηρεῖν, ὅστε ἐκτὸς εἶναι ἀλλήλων τὰ σημεῖα, ἀλλὰ μὴ τὰ  $A, B \dots$ .

δεῖ δὲ εἰδέναι, ὅτι καὶ ἐπὶ ἐφαπτομένων τὰ αὐτὰ συμβαίνει.

5      *Eἰς τὸ κῆρον.*

"Ἄξιον ἐπισκέψασθαι τὴν δοθεῖσαν ἐν ἐπιπέδῳ καμπύλην γραμμήν, πότερον κύκλου ἔστι περιφέρεια ἢ ἐτέρα τις τῶν τριῶν τοῦ κάνουν τομῶν ἢ ἄλλῃ παρὰ ταύτας.

ἔστω δὴ ἡ  $ABΓ$ , καὶ προκεισθω τὸ εἴδος αὐτῆς 10 ἐπισκέψασθαι τὸν εἰρημένον τρόπον.



εἰλήφθω τινὰ σημεῖα ἐπὶ τῆς γραμμῆς τὰ  $Γ, Δ$ , καὶ ἥχθωσαν διὰ τῶν  $Γ, Δ$  σημείων παράλληλοι ἀλλήλαις εὐθεῖαι τινες αἱ  $ΓB, ΔE$  ἐντὸς ἀπολαμβανόμεναι τῆς γραμμῆς, καὶ πάλιν ἀπὸ τῶν  $Γ, Δ$  ἐτεραι παράλ-

---

In fig. 1 litt.  $H, E$  permuat  $W, \Theta$  om.; in fig. 2 litt.  $\Gamma, \Delta$  et  $\Theta, K$  permuat.

---

2. ἀλλὰ —  $A, B$ ] om. Comm. μὴ ὡς τά Halley.  $A, B$ ] bis (in fine et initio lin.)  $W$ , bis etiam p. Post  $B$  lacunam statuo, quae sic fere explenda est: μεταξὺ τῶν  $Γ, Δ$  ἢ τὰ  $Γ, Δ$  μεταξὺ τῶν  $A, B$ . Pro  $AB$ ,  $AB$  hab.  $AB, ΓΔ$  mg. m. 2 U;  $ΔΓ, BΔ$  Halley. 3. ἐπει] p, ἐπει  $W$ . 4. συμβαίνει] Halley, συμβαίνειν  $W$  p. 7. ἐστίν  $W$ : περιφέρεια ἢ]  $\overline{\circ}$  (h. e. περι-

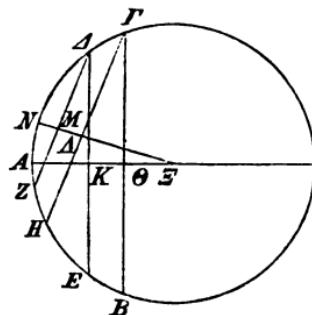
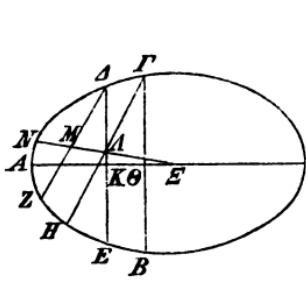
bseruandum, ait, ut haec puncta extra se posita sint  
eque  $A$ ,  $B$  intra  $\Gamma$ ,  $\Delta$  uel  $\Gamma$ ,  $\Delta$  intra  $A$ ,  $B$ .

sciendum autem, etiam in contingentibus eadem  
uenire.

### Ad prop. XXVIII.

Operae pretium est inquirere, linea curua in plano  
ata utrum circuli sit arcus an alia aliqua trium  
oni sectionum an alia praeter has.

sit igitur data  $AB\Gamma$ , et propositum sit, ut speciem  
ius quaeramus eo, quo diximus, modo.



sumantur in linea puncta aliqua  $\Gamma$ ,  $\Delta$ , et per  $\Gamma$ ,  $\Delta$   
uncta rectae aliquae inter se parallelae  $\Gamma B$ ,  $\Delta E$   
ucantur intra lineam terminatae, et rursus a  $\Gamma$ ,  $\Delta$

In fig. 1  $\Gamma$ ,  $\Delta$  permuat W,  $K\Theta\Lambda M$  om.; in fig. 2  $K$ ,  $\Theta$   
ermutat,  $M$ ,  $\Lambda$  om.

έρεια] p., περιφέρειαν W, corr. Halley cum Comm. 8. ἡ  
λη] scripsi, lacunam 5—6 litt. W, lac. paruam p., ἡ Halley  
in Comm. 9. προπεισθω] p., προσπεισθω W. 13.  $\Gamma B$   
 $\Delta$  W p., corr. Comm. 14. ἀπό] αἱ W p., corr. Halley cum  
omm. ἔτεραι] p., ἔταιραι W. παράλληλοι] p?, παρ-  
ληλαι W.

ληλοι αι ΓΗ, ΔΖ, καλ τετμήσθωσαν δίχα αι μὲν ΓΒ, ΔΕ κατὰ τὰ Θ, Κ, αι δὲ ΓΗ, ΔΖ κατὰ τὰ Λ, Μ, καλ ἐπεξεύχθωσαν αι ΘΚ, ΛΜ.

ει μὲν οὖν πᾶσαι αι τῇ ΒΓ παράλληλοι ὑπὸ τῆς  
5 ΚΘ διχοτομοῦνται, πᾶσαι δὲ αι τῇ ΓΗ ὑπὸ τῆς ΜΛ,  
μία ἐστὶ τῶν τοῦ κώνου τομῶν ἡ ΒΑΓ διαμέτρους  
ἔχουσα τὰς ΘΚ, ΜΛ, ει δὲ μή, οὐ.

πάλιν δέ, ποια τῶν δὲ ἐστίν, εὑρίσκομεν ἐκβάλλοντες  
εἰς ἄπειρον ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη τὰς ΘΚ, ΛΜ. ἦτοι  
10 γὰρ παράλληλοι εἰσιν, καὶ ἐστι παραβολή, ἡ ἐπὶ τὰ  
Θ, Λ μέρη συμπίκτουσιν, καὶ ἐστιν ἐλλειψις ἡ κύκλος,  
ἡ ἐπὶ τὰ ἔτερα, καὶ ἐστιν ὑπερβολή. τὴν δὲ ἐλλειψιν  
τοῦ κύκλου διακρινοῦμεν ἀπὸ τοῦ σημείου τῆς συμ-  
πτώσεως τῶν ΑΘ, ΝΛ, ὅπερ κέντρον γίνεται. ει μὲν  
15 γὰρ ισαι εἰσὶν αι ἀπ' αὐτοῦ πρὸς τὴν γραμμὴν προσ-  
πίκτουσαι, δῆλον, ὅτι κύκλου ἐστὶ περιφέρεια ἡ ΑΒΓ,  
ει δὲ μή, ἐλλειψις.

"Ἐστιν αὐτὰς διακρῖναι καὶ ἄλλως ἀπὸ τῶν τεταγ-  
μένως ἐπὶ τὴν διάμετρον καταγομένων, οἷον τῶν ΓΘ,  
20 ΔΚ. ει μὲν γὰρ εἶη, ως τὸ ἀπὸ ΓΘ πρὸς τὸ ἀπὸ  
ΔΚ, οὕτως ἡ ΘΑ πρὸς ΔΚ, παραβολή ἐστιν, ει δὲ  
τὸ ἀπὸ ΘΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΔΚ μείζονα λόγον ἔχει  
ηπερ ἡ ΘΑ πρὸς ΔΚ, ὑπερβολή, ει δὲ ἐλάττονα,  
ἐλλειψις.

25 Καὶ ἀπὸ τῶν ἐφαπτομένων δυνατόν ἐστιν αὐτὰς  
διακρῖναι ἀναμνησθέντας τῶν εἰρημένων αὐταῖς ὑπάρ-  
χειν ἀνωτέρω.

2. Θ] ΑΘ Wp, corr. Comm. 6. ἐστίν W. διαμέτρους]  
p, corr. εχ διάμετρος m. 1 W. 7. δέ] scripsi cum Comm.,  
γάρ Wp. 10. ἐστι] ἐστιν W. 11. συμπίκτουσιν] συμ-  
πίκτωσιν W, σύμπτω p, corr. Halley. 14. ΑΘ, ΝΛ] scripsi,

aliae parallelae  $\Gamma H$ ,  $\Delta Z$ , in binas autem partes aequales secentur  $\Gamma B$ ,  $\Delta E$  in  $\Theta$ ,  $K$  et  $\Gamma H$ ,  $\Delta Z$  in  $A$ ,  $M$ , ducanturque  $\Theta K$ ,  $AM$ .

iam si omnes rectae parallelae rectae  $B\Gamma$  a  $K\Theta$  in binas partes aequales secantur, omnes autem parallelae rectae  $\Gamma H$  a  $MA$ ,  $BAG$  una est ex sectionibus coni diametros habens  $\Theta K$ ,  $MA$ , sin minus, non est.

rursus autem, qualis sit ex quattuor illis sectionibus, inuenimus rectis  $\Theta K$ ,  $AM$  in utramque partem in infinitum productis. aut enim parallelae sunt, et est parabola, aut ad partes  $\Theta$ ,  $A$  concurrunt, et est ellipsis uel circulus, aut ad alteram partem, et est hyperbola. ellipsim uero a circulo discernemus per punctum concursus rectarum  $A\Theta$ ,  $NA$ , quod fit centrum; si enim rectae ab eo ad lineam adcidentes aequales sunt, adparet,  $AB\Gamma$  ambitum circuli esse, sin minus, ellipsis.

fieri autem potest, ut aliter quoque discernantur per rectas ad diametrum ordinate ductas uelut  $\Gamma\Theta$ ,  $\Delta K$ . nam si est  $\Gamma\Theta^2 : \Delta K^2 = \Theta A : AK$ , parabola est, sin  $\Theta\Gamma^2 : \Delta K^2 > \Theta A : AK$ , hyperbola, sin autem  $\Theta\Gamma^2 : \Delta K^2 < \Theta A : AK$ , ellipsis.

etiam per rectas contingentes eas discernere possumus ea recordati, quae supra earum propria esse dixit.

---

*AENΔ* Wp; *KΘ*, *MA* Halley cum Comm. *εἰ μέν]* suppleui, lacunam Wp, *εἰ* Halley cum Comm. 16. *ἔστιν* W. 17. *Ἐλλειψις*] p, corr. ex *Ἐλληψις* m. 1 W. 18. *ἔστι δέ* Halley. *τεταγμένως*] p, corr. ex *τεταγμένων* m. 1 W. 21. *οὗτως* — 22. *ΔK*] om. p. 21. *παραβολή*] *παρακειμένη* W, corr. Halley cum Comm. 23. *Ἐλάττονα*] *Ἐλαττόν* αἱ Wp, *Ἐλάσσονα* Halley. 24. *Ἐλλειψις*] *Ἐλλειψεις* Wp, corr. Comm. 26. *ὑπάρχειν*] *ὑπάρχει* ἀν W, *ὑπάρχει* p, corr. Halley.

*Eἰς τὸ μη'.*

"Εστωσαν δύο μεγέθη ἵσα τὰ *AB*, *ΓΔ* καὶ διηρήσθω εἰς ἄνισα κατὰ τὰ *E*, *Z*. λέγω, ὅτι, φῶ διαφέρει τὸ *AE* τοῦ *ZΓ*, τούτῳ διαφέρει τὸ *EB* τοῦ *ZΔ*.

- 5 κείσθω τῷ *ΓΖ* ἵσον τὸ *AH*· τὸ *EH* ἄρα ὑπεροχή ἔστι τῶν *AH*, *AE*, τοντέστι τῶν *ΓΖ*, *AE*· τὸ γὰρ *AH* ἵσον ἔστι τῷ *ΓΖ*. ἀλλὰ καὶ τὸ *AB* τῷ *ΓΔ*· καὶ λοιπὸν ἄρα τὸ *HB* τῷ *ZΔ* ἔστιν ἵσον. ὥστε τὸ *EH* ὑπεροχή ἔστι τῶν *EB*, *BH* ἤτοι τῶν *EB*, *ZΔ*.
- 10 Ἀλλὰ δὴ ἐστωσαν δὲ μεγέθη τὰ *AE*, *EB*, *ΓΖ*, *ZΔ*, καὶ τὸ *AE* τοῦ *ΓΖ* διαφερέτω, φῶ διαφέρει τὸ *EB* τοῦ *ZΔ*. λέγω, ὅτι συναμφότερα τὰ *AEB* συναμφοτέροις τοῖς *ΓΖ*, *ZΔ* ἔστιν ἵσα.

- 15 κείσθω πάλιν τῷ *ΓΖ* ἵσον τὸ *AH*· τὸ *EH* ἄρα ὑπεροχή ἔστι τῶν *AE*, *ΓΖ*. τῷ δὲ αὐτῷ διαφέρειν ὑπόκεινται ἀλλήλων τὰ *EA*, *ΓΖ* καὶ τὰ *EB*, *ZΔ*· ἵσον ἄρα τὸ *HB* τῷ *ZΔ*. ἀλλὰ καὶ τὸ *AH* τῷ *ΓΖ*· τὸ *AB* ἄρα τῷ *ΓΔ* ἔστιν ἵσον.

- 20 φανερὸν δή, ὅτι, ἐὰν πρῶτον δευτέρους υπερέχῃ τινί, καὶ τρίτον τετάρτον υπερέχῃ τῷ αὐτῷ, ὅτι τὸ πρῶτον καὶ τὸ τέταρτον ἵσα ἔστι τῷ δευτέρῳ καὶ τῷ τρίτῳ κατὰ τὴν καλούμενην ἀριθμητικὴν μεσότητα. ἐὰν γὰρ τούτων ὑποκειμένων ὑπάρχῃ, ὡς τὸ πρῶτον

1. *μη'*] v. W p; sed ad prop. XLVIII p. 272, 13—15 recte rettulit Comm. 2. *διηρήσθωσαν* p. 4. *ZΔ*] Δ corr. ex A m. 1 W. 6. *ἔστιν* W. τοντέστιν W. *AE* — 7. *ἵσον*] lacunam magnam W p, suppleuit Comm. 7. *ἔστιν* W. 8. *ZΔ*] p, Z insert. m. 1 W. *EH*] p, E in ras. W. 9. *ἔστιν* W. 11. Ante τό (pr.) eras. εσ m. 1 W. *ΓΖ*] Z e corr. p. τό] e corr. p, τῶι W. 13. *ZΔ*] Δ e corr. m. 1 W. 14. *τό* (pr.)] p, τῶι W. 15. *ἔστιν* W. αὐτῷ] p, αὐτῶν W. 16. ὑπόκειται Halley. 18. *ΓΔ* — 19. *πρῶτον*] in ras. m. 1 W. 19. *δευτέρου*] βου p. ὑπερέχῃ] p, υπερέχει corr.

## Ad prop: XLVIII.

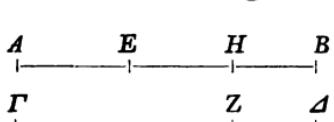
Duae magnitudines aequales sint  $AB$ ,  $\Gamma\Delta$  et in  $E$ ,  $Z$  in partes aequales diuidantur. dico, esse  $Z\Gamma \div AE = EB \div Z\Delta$ .

ponatur  $AH = \Gamma Z$ ; itaque

$$EH = AH \div AE = \Gamma Z \div AE;$$

est enim  $AH = \Gamma Z$ .

uerum etiam  $AB = \Gamma\Delta$ ; quare etiam reliqua  $HB = Z\Delta$ . ergo  $EH = EB \div BH = EB \div Z\Delta$ .

 iam uero quattuor magnitudines sint  $AE$ ,  $EB$ ,  $\Gamma Z$ ,  $Z\Delta$ , et sit

$$\Gamma Z \div AE = EB \div Z\Delta.$$

dico, esse  $AE + EB = \Gamma Z + Z\Delta$ .

ponatur rursus  $AH = \Gamma Z$ ; itaque  $EH = \Gamma Z \div AE$ . supposuimus autem, esse  $\Gamma Z \div EA = EB \div Z\Delta$ . itaque  $HB = Z\Delta$ . uerum etiam  $AH = \Gamma Z$ ; ergo  $AB = \Gamma\Delta$ .

iam manifestum est, si prima secundam excedat magnitudine aliqua et tertia quartam excedat eadem, esse primam quartamque secundae tertiaeque aequales in proportione arithmeticā, quae uocatur. si enim<sup>1)</sup> his suppositis est, ut prima ad tertiam, ita secunda

1) Haec non intellego. itaque Comm.

In fig. litteras  $Z$ ,  $\Delta$  permutat  $W$ .

ex ὑπάρχει m. 1 W. 20. ὑπερέχη] p, ὑπερέχει W. ὅτι]  
del. Halley. 21. πρῶτον] ἀ p. τέταρτον] Δ W p. ἔστιν  
W. δευτέρῳ] β̄ W p. 22. τρίτῳ] γ̄ W p. 23. ὑπάρχη] p,  
ὑπάρχει W. πρῶτον] ᾱ W et e corr. p.

πρὸς τὸ τρίτον, τὸ δεύτερον πρὸς τὸ τέταρτον, ἵσον  
ἔσται τὸ μὲν πρῶτον τῷ τρίτῳ, τὸ δὲ δεύτερον τῷ  
τετάρτῳ. δυνατὸν γὰρ ἐπὶ ἄλλων τοῦτο δειχθῆναι  
διὰ τὸ δεδεκτὸν εἰν τῷ κε' θεωρήματι τοῦ ε' βιβλίου  
ἢ τῆς Εὐκλείδου στοιχειώσεως· ἔαν δὲ μεγέθη ἀνάλογον  
ἡ, τὸ πρῶτον καὶ τὸ τέταρτον δύο τῶν λοιπῶν μείζονα  
ἔσται.

---

1. τρίτον]	γ̄ p., ἀπὸ γ̄ W.	δεύτερον]	β̄ W p.	τέταρ-		
τον]	δ̄ p.	2. τό]	p., τῷ W.	πρῶτον]	ᾱ W p.	τρίτῳ]
γ̄ W p.	δεύτερον]	β̄ W p.	3. τετάρτῳ]	δ̄α	W p., corr. Comm.	
γάρ]	δέ Halleay.	6. πρῶτον]	ᾱ p.	τέταρτον]	δ̄ p.	μεί-
				ζονα]	μείζων W,	μείζον p., corr. Halleay.

ad quartam, erit prima tertiae aequalis, secunda autem quartae. nam fieri potest, ut hoc in aliis<sup>1)</sup> demonstretur, propterea quod in prop. XXV quinti libri Elementorum Euclidis demonstratum est hoc: si quattuor magnitudines proportionales sunt, prima et quarta duabus reliquis maiores erunt.

---

1) Significare uoluisse uidetur, in proportione arithmetica rem aliter se habere atque in geometrica. sed totus locus uix sanus est.

*Eἰς το τρίτον.*

Τὸ τρίτον τῶν Κωνικῶν, ὡς φίλτατέ μοι Ἀνθέμιε,  
πολλῆς μὲν φροντίδος ὑπὸ τῶν παλαιῶν ἡξιωταῖ, ὡς  
αἱ πολύτροποι αὐτοῦ ἐκδόσεις δηλοῦσιν, οὕτε δὲ ἐπιστο-  
5 λὴν ἔχει προγεγραμμένην, καθάπερ τὰ ἄλλα, οὐδὲ  
σχόλια εἰς αὐτὸ ἄξια λόγου τῶν πρὸ ἡμῶν εὑρίσκεται,  
καίτοι τῶν ἐν αὐτῷ ἀξίων δυτῶν θεωρίας, ὡς καὶ  
αὐτὸς Ἀπολλώνιος ἐν τῷ προοιμίῳ τοῦ παντὸς βιβλίου  
φησίν. πάντα δὲ ὑφ' ἡμῶν σαφῶς ἔκκειται σοι δεικ-  
10 νύμενα διὰ τῶν προλαβόντων βιβλίων καὶ τῶν εἰς  
αὐτὰ σχολίων.

*Eἰς τὸ α'.*

"Εστι δὲ καὶ ἄλλη ἀπόδειξις.

ἐπὶ μὲν τῆς παραβολῆς, ἐπειδὴ ἐφάπτεται ἡ ΑΓ,  
15 καὶ κατῆκται ἡ ΑΖ, ἵση ἐστὶν ἡ ΓΒ τῇ ΒΖ. ἄλλὰ  
ἡ ΒΖ τῇ ΑΔ ἵση· καὶ ἡ ΑΔ ἄρα τῇ ΓΒ ἵση. ἐστι  
δὲ αὐτῇ καὶ παράλληλος· ἵσον ἄρα καὶ ὅμοιον τὸ ΑΔΕ  
τριγώνου τῷ ΓΒΕ τριγώνῳ.

ἐπὶ δὲ τῶν λοιπῶν ἐπιζευχθεισῶν τῶν ΑΒ, ΓΔ  
20 λεκτέον·

ἐπει ἐστιν, ὡς ἡ ΖΗ πρὸς ΗΒ, ἡ ΒΗ πρὸς ΗΓ, ὡς  
δὲ ἡ ΖΗ πρὸς ΗΒ, ἡ ΑΗ πρὸς ΗΔ· παράλληλος γὰρ ἡ

---

1. Εὐτοκίου Ἀσκαλωνίτου εἰς τὸ γ̄ (τρίτον p) τῶν Ἀπολλώ-  
νίου κωνικῶν τῆς κατ' αὐτὸν ἐκδόσεως (ο corr. ex ω W) ὑπό-  
μνημα Wp. 6. ἄξια λόγου] scripsi, ἄξιολόγον Wp, ἄξιόλογα

### In librum III.

Tertium Conicorum librum, amicissime Anthemie,  
multa cura antiqui dignati sunt, ut ex multiplicibus  
eius editionibus adparet, sed neque epistolam prae-  
missam habet, sicut reliqui, neque ad eum scholia  
priorum exstant, quae quidem ullius pretii sint, quam-  
quam, quae continet, inuestigatione digna sunt, ut ipse  
Apollonius in prooemio totius libri [I p. 4, 10 sq.]  
dicit. omnia autem a nobis plane tibi exposita sunt  
per libros praecedentes nostraque ad eos scholia  
demonstrata.

### Ad prop. I.

Est autem etiam alia demonstratio:

in parabola, quoniam  $\Gamma\Gamma$  contingit, et  $AZ$  ordinate  
ducta est, erit  $\Gamma B = BZ$  [I, 35]. uerum  $BZ = AA$ .  
itaque etiam  $AA = \Gamma B$ . est autem eadem ei paral-  
lela; itaque triangulus  $AAE$  triangulo  $\Gamma BE$  aequalis  
est et similis.

in reliquis autem ductis rectis  $AB, \Gamma\Delta$  dicendum:  
quoniam est  $ZH : HB = BH : HG$  [I, 37] et  
 $ZH : HB = AH : H\Delta$  (nam  $AZ, \Delta B$  parallelae sunt),

---

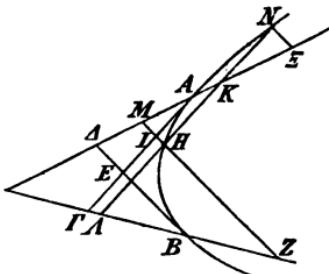
Halley. 10. διά] scripsi, om. W p, εν Halley. 13. ἔστιν W.  
16. ἔστιν, ν in ras. m. 1, W. 17. αὐτὴν] αὐτην W p, corr.  
Halley. 18. τελγωνον τῷ ΓΒΕ] om. W p, corr. Comm. (ebc).  
19. ἐπικενχθησῶν W. 22. ΗΔ] ΗΓ W p, corr. Comm.

*AZ τῆς ΔΒ· καὶ ὡς ἄρα ἡ BH πρὸς HG, ἡ AH πρὸς  
ΗΔ· παράλληλος ἄρα ἐστὶν ἡ AB τῇ ΓΔ·* ἵσον ἄρα τὸ  
*ΑΔΓ τρίγωνον τῷ BΓΔ, καὶ κοινοῦ ἀφαιρουμένου  
τοῦ ΓΔΕ λοιπὸν τὸ ΑΔΕ ἵσον ἐστὶ τῷ ΓΒΕ.*

5 περὶ δὲ τῶν πτώσεων λεκτέον, ὅτι ἐπὶ μὲν τῆς παραβολῆς καὶ τῆς ὑπερβολῆς οὐκ ἔχει, ἐπὶ δὲ τῆς ἐλλείψεως ἔχει δύο· αἱ γὰρ ἐφαπτόμεναι κατὰ τὰς ἀφάσις μόνον συμβάλλουσαι ταῖς διαμέτροις καὶ ἐνθαλλομέναις αὐταῖς συμπίπτουσιν, ἡ ὡς ἐν τῷ δητῷ κεῖται, ἡ ἐπὶ τὰ ἔτερα 10 μέρη, καθ' ἣ ἐστι τὸ E, ὥσπερ ἔχει καὶ ἐπὶ τῆς ὑπερβολῆς.

*Eἰς τὸ β'.*

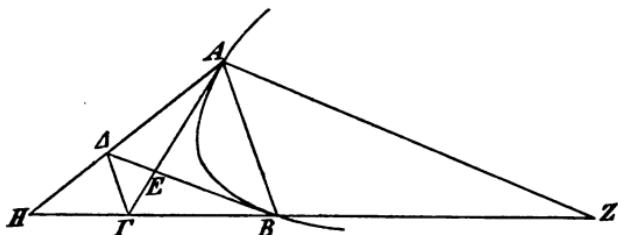
Τὰς πτώσεις τούτου τοῦ θεωρήματος εὑρήσεις διὰ 15 τοῦ μβ' καὶ μγ' θεωρήματος τοῦ α' βιβλίου καὶ τῶν εἰς αὐτὰ γεγραμμένων σχολίων. δεῖ μέντοι ἐπιστῆσαι, ὅτι, ἐὰν τὸ H σημεῖον μεταξὺ τῶν A, B ληφθῇ ὥστε τὰς παραλλήλους εἶναι ὡς τὰς MIHZ, ΛHK, ἐκβάλλειν 20 δεῖ τὴν ΛΚ μέχρι τῆς τομῆς ὡς κατὰ τὸ N καὶ διὰ τοῦ N τῇ BΔ παράλληλον ἀγαγεῖν τὴν NΞ· ἐσται γὰρ διὰ τὰ εἰρημένα ἐν τῷ α' βιβλίῳ κατὰ τὸ μδ' 25 καὶ ν' θεώρημα καὶ τὸ τούτων σχόλιον τὸ KNΞ τοί-



In fig. pro I hab. T W, pro H hab. N, pro N autem Γ.

1. *ΔΒ]* AB Wp, corr. Comm.    *BH]* H e corr. W.    3.  
*ΑΔΓ]* Δ corr. ex Γ in scrib. W.    9. *η(pr.)]* addidi, om. Wp.    10.  
*ἐστιν* W.    16. *ἐάν]* corr. ex ἐν p, ἐν in ras. W.    τό] Halley,  
 τῷ p et in ras. W.    *σημεῖον]* comp. p, *σημεῖῳ* in ras. W.    W.  
 19. *MIHZ]* scripsi; *ME, HZ* Wp.    23. *τὴν]* comp. p,  
 τῇ W.

erit etiam  $BH : HG = AH : HA$ . itaque  $AB, GA$  parallelae sunt [Eucl. VI, 2]. ergo [Eucl. I, 37]



$AAG = BGE$  et ablato, qui communis est, triangulo  $GAE$  erit reliquus  $AAG = GBE$ .

De casibus autem dicendum, in parabola hyperbolaque nullum esse, in ellipsi autem duo; nam rectae contingentes, quae cum diametris in solis punctis contactus concurrunt, etiam cum iis productis concurrunt aut ut in uerbis Apollonii<sup>1)</sup> positum est aut ad alteram partem, in qua est E, sicut etiam in hyperbola est [I p. 319].

### Ad prop. II.

Casus huius propositionis inuenientur per propp. XLII et XLIII libri primi et scholia ad eas scripta. animaduertendum autem, si punctum H inter A, B sumatur, ita ut parallelae illae sint  $MHZ, AHK$ , rectam  $AK$  producendam esse usque ad sectionem uelut ad N et per N rectae  $B\Delta$  parallelam ducendam  $N\Xi$ . ita enim propter ea, quae in propp. XLIX et L libri primi et in scholio ad eas dicta sunt, erit

In fig. E om. W.

1) In figura 1 uol. I p. 320. itaque fig. 2 non habuit Eutocius.

γωνον τῷ ΚΓ τετραπλεύρῳ ἵσον. ἀλλὰ τὸ ΚΞΝ ὄμοιόν  
ἐστι τῷ ΚΜΗ, διότι παράλληλος ἐστιν ἡ ΜΗ τῇ ΝΞ·  
ἐστι δὲ αὐτῷ καὶ ἵσον, διότι ἐφαπτομένη ἐστὶν ἡ ΑΓ,  
παράλληλος δὲ αὐτῇ ἡ ΗΝ, καὶ διάμετρος ἡ ΜΞ,  
5 καὶ ἵση ἐστὶν ἡ ΗΚ τῇ ΚΝ. ἐπεὶ οὖν ἵσον ἐστὶ τὸ  
ΚΝΞ τῷ τε ΚΓ καὶ τῷ ΚΜΗ, κοινοῦ ἀφαιρουμένου  
τοῦ ΑΗ λοιπὸν τὸ ΑΙΜ ἵσον ἐστὶ τῷ ΓΗ.

*Εἰς τὸ γ'.*

Τὸ θεώρημα τοῦτο πλείους ἔχει πτώσεις, ἃς εὐρή-  
10 σομεν ὄμοιώς τῷ πρὸ αὐτοῦ. δεῖ μέντοι ἐπισκῆψαι,  
ὅτι τὰ λαμβανόμενα δύο σημεῖα ἢ μεταξὺ ἐστι τῶν  
δύο διαμέτρων ἢ τὰ δύο ἔκτὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.  
εἰ γὰρ το μὲν ἔτερον ἔκτὸς λάβωμεν, τὸ δὲ ἔτερον  
μεταξὺ τῶν διαμέτρων, οὐ συνίσταται τὰ ἐν τῇ προ-  
15 τάσει λεγόμενα τετράπλευρα, ἀλλ' οὐδὲ ἐφ' ἐκάτερα  
τῶν διαμέτρων.

*Εἰς τὸ δ'.*

Ἐν τῇ προτάσει τούτου τοῦ θεωρήματος καὶ τῶν  
ἐφεξῆς δεῖ ἐπιστῆσαι, ὅτι τῶν ἀντικειμένων λέγει  
20 ἀδιορίστως, καὶ τινὰ μὲν τῶν ἀντιγράφων τὰς δύο  
ἐφαπτομένας ἐπὶ τῆς μᾶς τομῆς ἔχει, τινὰ δὲ οὐκέτι  
τὰς δύο ἐφαπτομένας ἐπὶ τῆς μᾶς, ἀλλ' ἐφ' ἐκατέρας  
αὐτῶν μίαν συμπιπτούσας ἀλλήλαις, ὃς εἰρηται ἐν τῷ  
β' βιβλίῳ, ἐν τῇ ἐφεξῆς γωνίᾳ τῶν ἀσυμπτώτων, καὶ  
25 οὕτως δὲ κάκείνως συμβαίνει τὰ τῆς προτάσεως, ὃς  
ἔξεστι τοῖς βουλομένοις καταγράφουσιν ἐπισκέπτεσθαι,

2. ἐστιν ε corr. m. 1 W. *KMN* Wp, corr.  
Halley, *kgtm* Comm. *MH*] *MN* p. 3. ἐστιν W. 5.  
ἐστι] ἐστίν W. 7. ἐστίν W. 9. εὐρήσωμεν W. 11.  
ἐστιν W. 20. ἀδιωρίστως W. 21. τῆς] corr. ex τῇ in

$KNE = KG$ . uerum  $KEN$ ,  $KMH$  similes sunt, quia  $MH$ ,  $NE$  parallelae sunt. est autem etiam  $KEN = KMH$ , quia  $AG$  contingit eique parallela est  $HN$ , et  $ME$  diametruſ est et  $HK = KN$ . quoniam igitur  $KNE = KG = KMH$ , ablato, quod com- mune est, quadrilatero  $AH$  erit reliquus  $AIM = GH$ .

### Ad prop. III.

Haec propositio complures casus habet, quos eodem modo inueniemus, quo in propositione praecedenti. in eo autem insistendum, ut duo, quae sumuntur, puncta aut inter duas diametros posita sint aut utrumque extra eas et ad easdem partes; si enim alterum extra sumimus, alterum inter diametros, quadrilatera illa in propositione significata non constituuntur, neque si ad utramque partem diametrorum sumuntur.

### Ad prop. IV.

In propositione huius theorematis sequentiumque animaduertendum, eum sectiones oppositas indefinite dicere, et alii codices duas rectas contingentes in altera sectione habent, alii autem non iam duas contingentes in altera, sed in singulis unam, concurrentes inter se, ut in libro II [32] dictum est, in angulo deinceps posito angulo asymptotarum, et quae in propositione dicta sunt, et hac et illa ratione eveniunt, ut iis, quicunque uoluerint, cognoscere licet descripta

scrib. W. 23.  $\mu\alpha\sigma]$  scripsi,  $\mu\dot{\alpha}\dot{\sigma}$  Wp. 24.  $\beta']$  om. Wp,  
corr. Comm.  $\tau\eta]$  e corr. W. 25.  $\sigma\tilde{\nu}\tau\omega$  p.  $\kappa\dot{\alpha}\kappa\dot{\epsilon}\iota\omega\omega\zeta]$   
scripsi,  $\kappa\dot{\alpha}\kappa\dot{\epsilon}\iota\omega\varphi$  Wp.  $\dot{\omega}\varsigma$ ] addidi, om. Wp. 26.  $\tau\zeta$   
 $\varepsilon\sigma\tau\pi$  W.

πλὴν ὅτι, εἰ μὲν τῆς μιᾶς τῶν τομῶν δύο εὐθεῖαι ἐφάπτονται, ἡ διὰ τῆς συμπτώσεως αὐτῶν καὶ τοῦ κέντρου ἡ πλαγία διάμετρός ἐστι τῶν ἀντικειμένων, εἰ δὲ ἑκατέρας μιὰ ἐστὶν ἐφαπτομένη, ἡ διὰ τῆς συμβοτήσεως αὐτῶν καὶ τοῦ κέντρου ἡ ὁρθία διάμετρός ἐστιν.

*Εἰς τὸ ε'.*

Ἐπειδὴ ἀσαφές ἐστι τὸ ε' θεώρημα, λεκτέον ἐπὶ μὲν τῆς καταγραφῆς τῆς ἔχουσης τὴν μίαν ὁρθίαν διάμετρον· ἐπεὶ δέδεικται τὸ ΗΘΜ τοῦ ΓΛΘ μεῖζον τῷ ΓΔΖ,  
10 ἵσον ἀν εἴη τὸ ΗΘΜ τῷ ΓΘΛ καὶ τῷ ΓΔΖ· ὥστε καὶ τῷ ΚΔΘ μετὰ τοῦ ΖΛΚ. τὸ ἄρα ΗΜΘ τοῦ ΚΔΘ διαφέρει τῷ ΚΔΖ. κοινοῦ ἀφαιρουμένου τοῦ ΘΔΚ λοιπὸν τὸ ΚΔΖ ἵσον τῷ ΚΔΜΗ.  
ἐπὶ δὲ τῆς ἔχουσης τὴν πλαγίαν διάμετρον·  
15 ἐπειδὴ προδέδεικται τὸ ΓΛΘ τοῦ ΜΘΗ μεῖζον τῷ ΓΔΖ, ἵσον ἄρα ἐστὶ τὸ ΓΘΛ τῷ ΘΗΜ μετὰ τοῦ ΓΔΖ. κοινὸν ἀφηρήσθω τὸ ΓΔΚΛ· λοιπὸν ἄρα τὸ ΚΘΔ ἵσον ἐστὶ τῷ ΘΗΜ μετὰ τοῦ ΚΔΖ. ἔτι κοινὸν ἀφηρήσθω τῷ ΜΘΗ· λοιπὸν ἄρα τὸ ΚΖΔ τῷ ΔΜΗΚ ἵσον.

πτώσεις δὲ ἔχει πολλάς, αἷς δεῖ ἐφιστάνειν ἀπὸ τῶν δεδειγμένων ἐν τῷ μδ' καὶ με' θεωρήματι τοῦ α' βιβλίου.

ἐν δὲ τῷ λέγειν ἀφηρήσθω ἢ προσκείσθω τετρά-  
25 πλευρὸν ἢ τρίγωνον τὰς ἀφαιρέσεις ἢ προσθέσεις κατὰ τὴν οἰκειότητα τῶν πτώσεων χρὴ ποιεῖσθαι.

---

3. ἐστιν p. τῶν ἀντικειμένων] om. p. 4. εἰ] p?, ἢ W. μιᾶ] μιᾶς W p, corr. Halley. 7. ἀσαφές] scripsi, σαφές W p. 8. μιαν] om. Halley. 9. ἐπεὶ] ἐπὶ W p, corr. Comm. 10. ΓΘΛ] TH W p, corr. Comm. 13. ΚΔΜΗ] Δ ο

figura; nisi quod, si utraque recta alteram sectionem contingit, recta per punctum concursus earum centrumque ducta diametrum transuersa oppositarum erit, sin singulas una contingit, recta per punctum concursus earum centrumque ducta diametrum recta est.

Ad prop. V.

Quoniam propositio V obscurior est, in figura, quae unam diametrum rectam habet, dicendum:

quoniam demonstratum est [I, 45], esse  $HOM$  maiorem quam  $\Gamma\Lambda\Theta$  triangulo  $\Gamma\Delta Z$ , erit

$$HOM = \Gamma\Omega\Lambda + \Gamma\Delta Z = K\Delta\Theta + Z\Lambda K.$$

itaque  $HMO$  a  $K\Delta\Theta$  differt triangulo  $K\Delta Z$ , ablato, qui communis est, triangulo  $\Theta\Delta K$  erit reliquus  $K\Delta Z = K\Delta MH$ .

in figura autem, quae diametrum transuersam habet:

quoniam antea demonstratum est [I, 45],  $\Gamma\Lambda\Theta$  maiorem esse quam  $M\Theta H$  triangulo  $\Gamma\Delta Z$ , erit  $\Gamma\Omega\Lambda = \Theta HM + \Gamma\Delta Z$ . auferatur, quod commune est,  $\Gamma\Delta K\Lambda$ ; itaque reliquus  $K\Theta\Delta = \Theta HM + K\Delta Z$ . rursus auferatur, qui communis est,  $M\Theta H$ ; itaque reliquus  $KZ\Delta = \Delta MHK$ .

casus autem multos habet, qui inueniendi sunt per ea, quae in propp. XLIV et XLV libri I demonstrata sunt.

cum dicimus autem aut auferatur aut adiiciatur quadrilaterum triangulusue, auferri aut adiici secundum proprietatem casuum oportet.

corr. W. 15.  $M\Theta H]$  μθ̄ ή Wp, corr. Comm. 16. τό] τφ̄ Wp, corr. Comm. 17. λοιπόν — 19.  $M\Theta H]$  bis p (multa euān., sicut etiam in sqq.). 18. ἐστίν W. 20. λσον] om. Wp, corr. Comm. 25. προσθέσεις] corr. ex προσθέσης m. 1 W.

ἐπειδὴ δὲ τὰ ἐφεξῆς πολίτωτά ἔστι διὰ τὰ λαμβανόμενα σημεῖα καὶ τὰς παραλλήλους, ἵνα μὴ δῦχον παρέχωμεν τοῖς ὑπομνήμασι πολλὰς ποιοῦντες καταγραφάς, καθ' ἕκαστον τῶν θεωρημάτων μίαν 5 ποιοῦμεν ἔχουσαν τὰς ἀντικειμένας καὶ τὰς διαμέτρους καὶ τὰς ἐφαπτομένας, ἵνα σώζηται τὸ ἐν τῇ προτάσει λεγόμενον τῶν αὐτῶν ὑποκειμένων, καὶ τὰς παραλλήλους πάσας ποιοῦμεν συμπίτειν καὶ στοιχεῖα τίθεμεν καθ' ἕκαστην σύμπτωσιν, ἵνα φυλάττων τις τὰ ἀκό-  
10 λουθα δύνηται πάσας τὰς πτώσεις ἀποδεικνύειν.

*Eἰς τὸ 5'.*

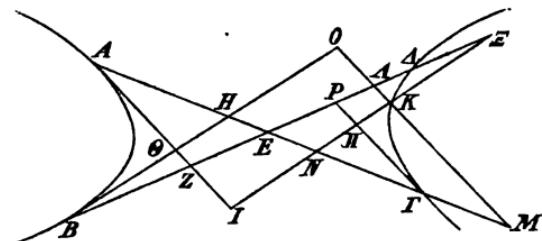
Αἱ πτώσεις τούτου τοῦ θεωρήματος καὶ τῶν ἐφεξῆς πάντων, ὡς εἰρηται ἐν τοῖς τοῦ ἐθεωρήματος σχολίοις, πολλαὶ εἰσιν, ἐπὶ πασῶν μέντοι τὰ αὐτὰ συμβαίνει. 15 ὑπὲρ δὲ πλείονος σαφηνείας ὑπογεγράφθω μία ἔξ αὐτῶν, καὶ ἥχθω ἀπὸ τοῦ Γ ἐφαπτομένη τῆς τομῆς ἡ ΓΠΡ· φανερὸν δή, ὅτι παράλληλός ἔστι τῇ AZ καὶ τῇ ΜΔ. καὶ ἐπει δέδεικται ἐν τῷ δευτέρῳ θεωρήματι κατὰ τὴν τῆς ὑπερβολῆς καταγραφὴν τὸ ΠΝΓ τρίγωνον τῷ ΑΠ τετραπλεύρῳ ἵσον, κοινὸν προσκείσθω τὸ ΜΠ· τὸ ἄρα ΜΚΝ τρίγωνον τῷ ΜΛΡΓ ἔστιν ἵσον. κοινὸν προσκείσθω τὸ ΓΡΕ, ὃ ἔστιν ἵσον τῷ ΑΕΖ διὰ τὰ ἐν τῷ μδ' τοῦ α' βιβλίου ὅλον ἄρα τὸ ΜΕΔ

1. ἔστιν W. 3. ὑπομνήμασιν W. 5. τὰς — 6.  
καὶ] bis p. 9. φυλάττων] -ω- e corr. m. 1 W. 13. ε']  
om. W, fac. 3 litt. p., corr. Halley. 17. ἔστιν W. 18.  
δευτέρῳ] β p. 19. ΠΝΓ] scripsi, ΠΝ Wp, ΓΠΝ Halley.  
20. τῷ] bis p, τὸ τῷ W. ΑΠ] scripsi, ΑΗ Wp, ΑΚΠΡ  
Halley. 22. ΓΡΕ] E e corr. p. ΑΕΖ] ΑΕΖ p et, Α in  
ras, W; corr. Halley. 23. μδ'] scripsi, μα' Wp.

quoniam autem quae sequuntur propter puncta sumpta parallelasque multos casus habent, ne commentarii nostri molesti sint multis figuris additis, in singulis propositionibus unam describimus oppositas diametrosque et rectas contingentes habentem, ut iisdem suppositis seruetur, quod in propositione dictum est, et omnes parallelas concurrentes facimus et ad singula puncta concursus litteras ponimus, ut, qui consequentia obseruet, omnes casus demonstrare possit.

### Ad prop. VI.

Casus huius propositionis et sequentium omnium, ut in scholiis ad prop. V dictum est, multi sunt, sed in omnibus eadem eueniunt. quo autem magis perspicuum sit, unus ex iis describatur, ducaturque a  $\Gamma$



sectionem contingens  $\Gamma\pi\Gamma$ ; manifestum igitur, eam rectis  $AZ$ ,  $MA$  parallelam esse [Eutocius ad I, 44]. et quoniam in prop. II demonstratum est in figura hyperbolae, esse,  $\pi\Gamma\pi = \Delta\pi$ , commune adiiciatur  $M\pi$ ; itaque  $M\pi\pi = M\Delta\pi\Gamma$ . communis adiiciatur  $\Gamma\pi E$ , qui triangulo  $AEZ$  aequalis est propter ea, quae in prop. XLIV libri primi demonstrata sunt;

In fig. litt. Z, A om. W.

ἴσον ἔστι τῷ *MKN* καὶ τῷ *AEZ*. κοινοῦ ἀφαιρουμένου τοῦ *KMN* λοιπὸν τὸ *AEZ* τῷ *ΚΛΕΝ* ἔστιν ἴσον. κοινὸν προσκείσθω τὸ *ZENI*· ὅλον ἄρα τὸ *AIN* τριγωνον τῷ *ΚΛΖΙ* ἔστιν ἴσον. δύμοιως δὲ καὶ τὸ  
5 *BOL* ἴσον ἔστι τῷ *KNHO*.

*Eἰς τὸ ιγ'.*

'Ἐπει ἔστιν, ὡς ἡ *AΘ* πρὸς *ΘΖ*, ἡ *ΘΒ* πρὸς  
Θ*H*, καὶ εἰσιν αἱ πρὸς τῷ Θ γωνίαι δυσὶν δραῖς  
ῃσαι, ἴσον τὸ *AHΘ* τριγωνον τῷ *BΘΖ* τριγώνῳ]  
10 ἐκκείσθω χωρὶς ἡ καταγραφὴ μόνων τῶν τριγώνων,  
καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ *AΘ* εἰς τὸ *Ξ*, καὶ πεποιήσθω, ὡς  
ἡ *HΘ* πρὸς *ΘΒ*, ἡ *ZΘ* πρὸς *ΘΞ*. ἐπει ἔστιν, ὡς ἡ  
ΘΒ πρὸς Θ*H*, ἡ *AΘ* πρὸς *ΘΖ* καὶ ἡ *ΞΘ* πρὸς *ΘΖ*,  
ἴση ἄρα ἔστιν ἡ *AΘ* τῇ *ΘΞ*· ὥστε καὶ τὸ *AHΘ* τρι-  
15 γωνον ἴσον τῷ *HΘΞ*. καὶ ἐπει ἔστιν, ὡς ἡ *ΞΘ* πρὸς  
Θ*Z*, ἡ *ΘΒ* πρὸς Θ*H*, καὶ περὶ ἴσας γωνίας τὰς κατὰ  
κορυφὴν πρὸς τῷ Θ ἀντιπεπόνθασιν αἱ πλευραί, ἴσον  
ἔστι τὸ *ZΘΒ* τριγωνον τῷ *HΘΞ*· ὥστε καὶ τῷ *AHΘ*.

ἔστι δὲ καὶ ἄλλως δεῖξαι ἴσα τὰ τριγωνα.

20 ἐπεὶ γὰρ δέδεικται, ὡς ἡ *KΘ* πρὸς *ΘΒ*, ἡ *ΘΒ*  
πρὸς Θ*H*, ἀλλ' ὡς ἡ *KΘ* πρὸς *ΘΒ*, ἡ *AK* πρὸς *BZ*,

1. ἔστι] ἔστιν W, om. p. 2. *KMN*] *K* e corr. p. τό]  
om. Wp, corr. Halley. *AEZ*] Z corr. ex B? m. 1 W.

*ΚΛΕΝ* ἔστιν] *ΚΛ* et post lac. 3 litt. εν ἔστιν W, *ΚΛ* ἔν-  
εστι p; corr. Halley. 3. *ZENI*] I e corr. p. *AIN*] *AN* p.

4. *BΛΖΙ* p. δύμοιως] δύμοιον ὡς Wp, corr. Halley. καὶ]  
om. p. 5. ἔστιν W. *KNHO*] *KNHΘ* Wp, corr. Halley.

7. *AΘ*] *AO* Wp, corr. Comm. ΘΒ] U m. 2, *OB* Wp.

8. Θ] *O* Wp, corr. Halley. 9. *AHΘ*] *AHΘ* Wp, corr.  
Comm. 11. *AΘ* εἰς τὸ *Ξ*] *AΘΕ* τῇ τὸ *Ξ* Wp, corr. Comm.

12. *HΘ*] corr. ex *KΘ* p. ΘΒ] ΘΕ Wp, corr. Comm.

ΖΘ] Z in ras. W, *ZE* p. 13. *AΘ*] *AE* Wp, corr. Comm.

itaque  $MEL = MKN + AEZ$ . ablato, qui communis est, triangulo  $KMN$  erit reliquus  $AEZ = KAZ$ . commune adiiciatur  $ZEN$ ; ergo  $AIN = KAZ$ . et similiter  $BOL = KNH$ .

## Ad prop. XIII.

Quoniam est  $A\Theta : \Theta Z = \Theta B : \Theta H$ , et anguli ad  $\Theta$  positidiuobus rectis aequales, erit  $AH\Theta = BH\Theta$  [I p. 340, 1—4] describatur enim seorsum figura triangulorum solorum, et  $A\Theta$  ad  $\Xi$  producatur, fiatque  $Z\Theta : \Theta \Xi = H\Theta : \Theta B$ . iam quoniam est

$$\Theta B : \Theta H = A\Theta : \Theta Z = \Xi\Theta : \Theta Z,$$

erit [Eucl. V, 9]  $A\Theta = \Theta \Xi$ . quare etiam  $AH\Theta = H\Theta \Xi$  [Eucl. I, 38]. et quoniam

$\Xi\Theta : \Theta Z = \Theta B : \Theta H$ , et latera aequales angulos comprehendentia, qui ad  $\Theta$  ad uerticem inter se positi sunt, in contraria proportione sunt, erit

$$Z\Theta B = H\Theta \Xi$$

[Eucl. VI, 15]. ergo etiam  $Z\Theta B = AH\Theta$ .

uerum aliter quoque demonstrari potest, triangulos aequales esse.

quoniam enim demonstratum est, esse

$$K\Theta : \Theta B = \Theta B : \Theta H$$
 [I p. 338, 25],

---

14.  $A\Theta$ ]  $\Theta$  e corr. p.  $\Theta \Xi$ ]  $\Theta Z$  Wp, corr. Comm.  $AH\Theta$   
 $H$  e corr. p. 15.  $\lambda\sigma\sigma\nu$ ]  $\lambda\nu$  Wp, corr. Comm.  $H\Theta \Xi$   
 $H\Theta Z$  Wp, corr. Comm. 16.  $\dot{\eta} \Theta B \pi\rho\sigma\varsigma$ ] in ras. m. 1 W.  
 18.  $\lambda\sigma\sigma\nu$  W. 19.  $\lambda\sigma\sigma\nu$  W. 21.  $BZ$ ]  $\Theta Z$  Wp, corr.  
 Comm.

καὶ ὡς ἄρα ἡ ΑΚ πρὸς ΒΖ, ἡ ΒΘ πρὸς ΗΘ· τὸ ἄρα  
ὑπὸ ΑΚ, ΘΗ ὀρθογώνιον ἵσον ἔστι τῷ ὑπὸ ΒΖ, ΒΘ  
ὀρθογωνίῳ. καὶ ἐπεὶ ἵσαι εἰσὶν αἱ ὑπὸ ΗΘΝ, ΘΒΖ,  
ἔαν ἀναγράψωμεν παραλληλόγραμμα φοιβοειδῆ ὑπὸ<sup>5</sup>  
τῶν αὐτῶν περιεχόμενα πλευρῶν τοῖς ὀρθογωνίοις  
ἵσαις ἔχοντα τὰς πρὸς τοὺς Θ, Β, ἵσαι ἔσται καὶ αὐτὰ  
διὰ τὴν τῶν πλευρῶν ἀντιπεπόνθησιν. ἔσται δὴ τὸ  
περιεχόμενον φοιβοειδὲς ὑπὸ τῶν ΖΒ, ΒΘ ἐν τῇ Β  
γωνίᾳ διπλάσιον τοῦ ΘΒΖ τριγώνου· διάμετρος γὰρ  
10 αὐτοῦ ἔσται ἡ ΖΘ· τὸ δὲ περιεχόμενον ὑπὸ τῆς ΗΘ  
καὶ τῆς ἵσης τῇ ΑΚ ἀπὸ τῆς ΘΝΑ ἀφαιροῦμένης ἐν  
τῇ ὑπὸ ΗΘΝ γωνίᾳ διπλάσιόν ἔστι τοῦ ΑΗΘ τριγώνου·  
ἐπὶ γὰρ τῆς αὐτῆς βάσεώς εἰσι τῆς ΗΘ καὶ ὑπὸ τὴν  
αὐτὴν παράλληλον τὴν ἀπὸ τοῦ Α παρὰ τὴν ΗΘ ἀγο-  
15 μένην. ὥστε ἵσον τὸ ΑΗΘ τῷ ΖΒΘ.

Εἰς τὸ ις'.

"Ἐν τισι τῶν ἀντιγράφων τοῦτο ὡς θεώρημα ὡς  
ιξ' παρέκειτο; ἔστι δὲ κατὰ ἀλήθειαν πτῶσις τοῦ ις'·  
μόνον γάρ, ὅτι αἱ ΑΓΒ ἐφαπτόμεναι παράλληλοι  
20 γίνονται ταῖς διαμέτροις, τὰ δὲ ἄλλα ἔστι τὰ αὐτά.  
ἐν σχολίοις οὖν ἔδει τοῦτο κείσθαι, ὥσπερ ἐγράψαμεν  
καὶ εἰς τὸ μα' τοῦ α' βιβλίου.

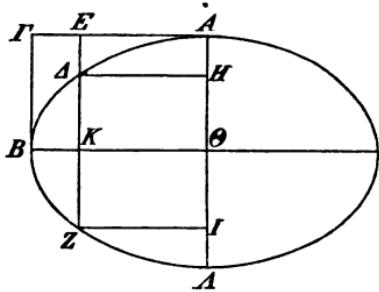
'Εὰν ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως καὶ τοῦ κύκλου αἱ διὰ τῶν

- 
- |  |                                   |
|--|-----------------------------------|
| 1. πρός (pr.)] bis p.                                | 2. ΘΗ] om. Wp, corr. Comm.        |
| ἔστιν W.   | ΒΘ] B e corr. p.                  |
|  | 3. ΗΘΝ] H supra scr.              |
| m. 1 W.  | 6. ταῖς] addidi, om. Wp.          |
|  | Β γωνίας Halley.                  |
| δῆ] δε Halley.                                       | 7. ὑπὸ τῶν] om. Wp, corr. Halley. |
| ΘΝΑ] scripsi, ΘΛΝ Wp.                                | 11. ΗΘΝ] ΘΝ Wp, corr. Comm.       |
| ἔστιν W.   | 12. ΗΘΝ] ΘΝ Wp, corr. Halley.     |
| ΑΗΘ] in ras. W.                                      | 13. εἰσιν W.                      |
| HΘΚ p et seq. lac. 2 litt. W, corr. Halley cum Comm. | ΗΘ καὶ                            |
| ις'] p, 5 W.   | 16.                               |
| 17. τισιν W.   | ώς (pr.)] e corr. W; fort. de-    |
|  | lendum.                           |
| ώς (alt.)] om. p?                                    | 18. ἔστιν W.                      |
|  | κατ' Halley.                      |
| 20. ἔστιν W.   |                                   |

et  $K\Theta : \Theta B = AK : BZ$  [I p. 338, 26], erit etiam  $AK : BZ = B\Theta : H\Theta$ . itaque  $AK \times \Theta H = BZ \times B\Theta$ . et quoniam  $\angle H\Theta N = \Theta BZ$ , si parallelogramma rhomboidea descripserimus iisdem lateribus comprehensa, quibus rectangula, et angulos ad  $\Theta, B$  positos aequales habentia, haec quoque propter proportionem contrariam laterum aequalia erunt [Eucl. VI, 14]. iam rhomboides rectis  $ZB, B\Theta$  in angulo  $B$  comprehendens duplo maius erit triangulo  $\Theta BZ$  [Eucl. I, 34];  $Z\Theta$  enim diametruſ eius erit. parallelogrammum autem, quod ab  $H\Theta$  rectaque rectae  $AK$  aequali a  $\Theta NA$  ablata in angulo  $H\Theta N$  comprehenditur, duplo maius est triangulo  $AH\Theta$  [Eucl. I, 41]; nam in eadem basi sunt  $H\Theta$  et sub eadem parallela, quae ab  $A$  rectae  $H\Theta$  parallela ducitur. ergo  $AH\Theta = ZB\Theta$ .

### Ad prop. XVI.

In nonnullis codicibus hoc pro theoremate tanquam propositio XVII adpositum erat, est autem re-



uera casus propositionis XVI; nam eo tantum differt, quod rectae contingentes  $AG, GB$  diametris parallelae fiunt, cetera autem eadem sunt. in scholiis igitur ponendum erat, sicut etiam ad

prop. XLI libri primi scripsimus.

Si in ellipsi circuloque diametri per puncta con-

---

In fig. pro  $I$  hab. C W.

ἀφῶν διάμετροι παράλληλοι ὡσι ταῖς ἐφαπτομέναις,  
καὶ οὕτως ἔσται τὰ τῆς προτάσεως.

ἔπει ὡς τὸ ἀπὸ *BΘ* πρὸς τὸ ὑπὸ *AΘΑ*, οὕτως τὸ  
ἀπὸ *AH* πρὸς τὸ ὑπὸ *AHA*, καὶ ἔστι τὸ μὲν ὑπὸ<sup>5</sup>  
*AΘΑ* ἵσον τῷ ἀπὸ *ΘΑ*, τὸ δὲ ὑπὸ *AHA* ἵσον τῷ  
ὑπὸ *IAH*. ἵση γὰρ ἡ *AΘ* τῇ *ΘΛ* καὶ ἡ *AK* τῇ *KZ*  
καὶ ἡ *HΘ* τῇ *ΘΙ* καὶ ἡ *AH* τῇ *IL*. ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ<sup>10</sup>  
*AΘ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΘB*, τουτέστι τὸ ἀπὸ *BΓ* πρὸς τὸ  
ἀπὸ *ΓA*, τὸ ὑπὸ *IAH* πρὸς τὸ ἀπὸ *AH*, τουτέστι  
τὸ ὑπὸ *ZEΔ* πρὸς τὸ ἀπὸ *EA*.

### *Eἰς τὸ ιξόν.*

Καὶ τοῦτο διμοίως τῷ πρὸ αὐτοῦ ἔκειτο θεώρημα,  
ὅπερ ἡμεῖς ἀς πτῶσιν ἀφελόντες ἐνταῦθα ἐγράψαμεν.

'Εὰν ἐπὶ τῆς ἐλλείψεως καὶ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας<sup>15</sup>  
αἱ διὰ τῶν ἀφῶν ἀγόμεναι διάμετροι παράλληλοι ὡσι  
ταῖς ἐφαπτομέναις ταῖς *BΓ*, *ΓA*, καὶ οὕτως ἔστιν, ὡς  
τὸ ἀπὸ *ΓA* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΓB*, τὸ ὑπὸ *KZE* πρὸς τὸ  
ὑπὸ *AZΘ*.

ἢχθωσαν διὰ τῶν *A*, *Θ* τεταγμένως κατηγμέναι αἱ<sup>20</sup>  
*AΠ*, *ΘM*. ἔπει οὖν ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ *AG* πρὸς τὸ  
ἀπὸ *ΓB*, τὸ ἀπὸ *BN* πρὸς τὸ ἀπὸ *NA*, τουτέστι πρὸς τὸ  
ὑπὸ *ANL*, ὡς δὲ τὸ ἀπὸ *BN* πρὸς τὸ ὑπὸ *ANL*, τὸ  
ἀπὸ *AΠ*, τουτέστι τὸ ἀπὸ *ZΟ*, πρὸς τὸ ὑπὸ *AΠL* καὶ  
τὸ ἀπὸ *EO* πρὸς τὸ ὑπὸ *AOA*, καὶ λοιπὸν ἄρα πρὸς λοι-

1. ὡσι] p, ὡσιν W. 3. ὡς τὸ ἀπό] m. 2 U, ἡ W p.  
οὕτω p. 4. *AHA*] *AΠA* W p, corr. U m. 2 (in W fort. H  
scriptum est, sed litterae *P* simile). 8. τουτ-  
έστιν W. 9. τουτέστιν W. 10. *ZEΔ*] m. 2 U, *ZEΔ* W p.  
12—19. euān. p. 15. ὡσιν W. 20. *ΘM*] *OM* W p, corr.  
Comm. 21. τουτέστιν W. 22. τό (sec.)] om. p. 23.  
τουτέστιν W. 24. *EO*] *EΘ* W p, corr. Comm.

tactus ductae contingentibus parallelae sunt, sic quoque ualent, quae in propositione dicta sunt.

quoniam est [I, 21]

$$B\Theta^2 : \Delta\Theta \times \Theta A = \Delta H^2 : \Delta H \times HA,$$

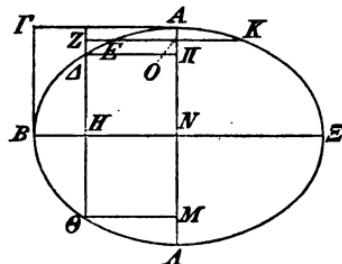
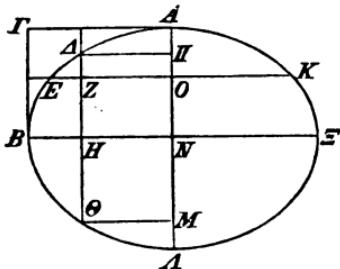
et  $\Delta\Theta \times \Theta A = \Theta A^2$ ,  $\Delta H \times HA = IA \times AH$  (nam  $\Delta\Theta = \Theta A$ ,  $\Delta K = KZ$ ,  $H\Theta = \Theta I$ ,  $AH = IA$ ), erit etiam  $\Delta\Theta^2 : \Theta B^2 = IA \times AH : \Delta H^2$ , h. e.

$$B\Gamma^2 : \Gamma A^2 = ZE \times EA : EA^2.$$

### Ad prop. XVII.

Hoc quoque eodem modo, quo. praecedens, pro theoremate adponebatur, quod nos ut casum remouimus et hic adscripsimus.

Si in ellipsi ambituque circuli diametri per puncta contactus ductae contingentibus  $B\Gamma$ ,  $\Gamma A$  parallelae sunt, sic quoque est  $\Gamma A^2 : \Gamma B^2 = KZ \times ZE : \Delta Z \times Z\Theta$ .



ducantur per  $\Delta$ ,  $\Theta$  ordinate  $\Delta\pi$ ,  $\Theta M$ . quoniam igitur est  $\Delta\Gamma^2 : \Gamma B^2 = BN^2 : NA^2 = BN^2 : \Delta N \times NA$  [I, 13], et  $BN^2 : \Delta N \times NA = \Delta\pi^2 : \Delta\pi \times \pi A$  [I, 21] =  $ZO^2 : \Delta\pi \times \pi A = EO^2 : \Delta O \times OA$  [I, 21], erit etiam [Eucl. V, 19] reliquum ad reliquum, ut to-

In fig. 2 om.  $\Delta$  litt. W.

πόν εστιν, ως δλον πρὸς δλον. ἀλλ' ἐὰν μὲν ἀπὸ τοῦ ἀπὸ  
EO ἀφαιρεθῇ τὸ ἀπὸ ΑΠ, τουτέστι τὸ ἀπὸ ZO, καταλεί-  
πεται τὸ ὑπὸ KZE· ἵση γὰρ ἡ KO τῇ OE· ἐὰν δὲ  
ἀπὸ τοῦ ὑπὸ AOI ἀφαιρεθῇ τὸ ὑπὸ ΑΠΑ, λείπεται  
τὸ ὑπὸ MOΠ, τουτέστι τὸ ὑπὸ ΘΖΑ· ἵση γὰρ ἡ  
ΑΠ τῇ ΜΛ καὶ ἡ ΠΝ τῇ NM. εστιν ἄρα, ως τὸ  
ἀπὸ ΓΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, λοιπὸν τὸ ὑπὸ KZE πρὸς  
τὸ ὑπὸ ΕΖΘ.

ὅταν δὲ τὸ Z ἐκτὸς ἡ τῆς τομῆς, τὰς προσθέσεις  
10 καὶ ἀφαιρέσεις ἀνάπταιν ποιητέον.

### Εἰς τὸ ιη'.

"Ἐν τισιν ἀντιγράφοις ηὔρεθη ἐτέρα ἀπόδειξις  
τούτου τοῦ θεωρήματος·

Ἐὰν ἐκατέρας τῶν τομῶν ἐφαπτόμεναι εὐθεῖαι συμ-  
15 πίπτωσι, καὶ οὕτως ἔσται τὰ εἰρημένα.

ἔστωσαν γὰρ ἀντικείμεναι αἱ A, B καὶ ἐφαπτόμεναι  
αὐτῶν αἱ ΑΓ, ΓΒ συμπίπτουσαι κατὰ τὸ Γ, καὶ εἰλήφθω  
ἐπὶ τῆς B τομῆς τὸ Α, καὶ δι' αὐτοῦ παρὰ τὴν ΑΓ  
ἥχθω ἡ ΕΖΖ. λέγω, ὅτι ἔστιν, ως τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς  
20 τὸ ἀπὸ ΓΒ, τὸ ὑπὸ ΕΖΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ZB.

ἥχθω γὰρ διὰ τοῦ A διάμετρος ἡ AΘΗ, διὰ δὲ  
τῶν B, H παρὰ τὴν EZ αἱ HK, BA. ἐπεὶ οὖν ἀπὸ  
τοῦ B ἐφάπτεται μὲν τῆς ὑπερβολῆς ἡ BΘ, τεταγμένως

- |   |  |
|---|--|
| 1. ἀπὸ EO] EΘ W p, corr. Comm.            | 2. ΑΠ] ΑH W p,                           |
| corr. Comm.                               | τουτέστιν W. ZO] ZΘ W p, corr. Comm.     |
| 3. KO] KΘ W p, corr. Comm.                | OE] ΘE W p, corr. Comm.                  |
| 4. ὑπὸ AOI] ΑΘΑ W p, corr. Comm.          | τό] τά W p, corr.                        |
| Comm.                                     | 5. MOΠ] OMΠ W p, corr. Comm.             |
| ὑπό] ἀπό p.                               | τουτέστιν W.                             |
| 6. ΗΖΖ] EZ W p, corr. Halley.             | 7. τό (pr.)] p, τῶι W.                   |
|   | 8. ἐκτὸς ἡ] scripsi,                     |
| ἐκ τῶν W, ἐκτὸς p.                        | 9. ἐκτὸς ἡ] -v- in ras. W, εὐρέθη p.     |
| 10. ηὔρεθη] om. W p, corr. Halley.        | 12. ηὔρεθη] -v- in ras. W, εὐρέθη p.     |
| 11. έάν] om. W p, corr. Halley.           | 19. ΕΖΖ] scripsi, ΑEZ                    |
| 12. οὐδέ] om. W p, corr. Halley cum Comm. | W p.                                     |
| 13. οὐδέ] om. W p, corr. Halley cum Comm. | 20. ὑπό] ἀπό W p, corr. Halley cum Comm. |

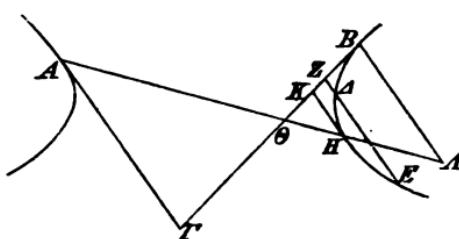
tum ad totum. sin ab  $EO^2$  aufertur  $\Delta\pi^2$  siue  $ZO^2$ , relinquitur  $KZ \times ZE$  [Eucl. II, 5]; nam  $KO = OE$ . sin ab  $AO \times OA$  aufertur  $A\pi \times \pi A$ , relinquitur<sup>1)</sup>  $MO \times O\pi$  siue  $OZ \times ZA$ ; nam  $A\pi = MA$  et  $\pi N = NM$ . ergo  $\Gamma A^2 : \Gamma B^2 = KZ \times ZE : AZ \times ZO$ .

sin  $Z$  extra sectionem positum est, additiones et ablationes e contrario facienda sunt.

### Ad prop. XVIII.

In nonnullis codicibus huius propositionis alia demonstratio inuenta est:

Si utramque sectionem contingentes rectae concurrunt, sic quoque erunt, quae diximus.



sint enim oppositae  $A, B$  easque contingentes  $A\Gamma$ ,  $\Gamma B$  in  $\Gamma$  concurrentes, et in  $B$  sectione sumatur punctum  $A$ , et per id

rectae  $A\Gamma$  parallela ducatur  $E\Lambda Z$ . dico, esse  
 $A\Gamma^2 : \Gamma B^2 = EZ \times ZA : ZB^2$ .

nam per  $A$  ducatur diametrum  $A\Theta H$ , per  $B, H$  autem rectae  $EZ$  parallelae  $HK, BA$ . quoniam igitur a  $B$  hyperbolam contingit  $B\Theta$  et ordinate ducta est  $BA$ , erit  $AA : AH = A\Theta : \Theta H$  [I, 36]. est autem  $AA : AH = \Gamma B : BK^2$  et  $A\Theta : \Theta H = A\Gamma : KH$

---

Fig. hab. Wp, sed sine litteris.

---

1) U. Pappi lemma 3 ad libr. II, et cfr. Eutocius ad II, 23.

2) Nam  $A\Theta : \Theta A = \Gamma\Theta : \Theta B$ ,  $AA : \Gamma B = \Theta A : \Theta B = HA : KB$ .

δὲ ἡκται ἡ ΒΛ, ἔστιν, ὡς ἡ ΑΔ πρὸς ΛΗ, ἡ ΑΘ  
πρὸς ΘΗ. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΑΔ πρὸς ΛΗ, ἡ ΓΒ  
πρὸς ΒΚ, ὡς δὲ ἡ ΑΘ πρὸς ΘΗ, ἡ ΑΓ πρὸς ΚΗ·  
καὶ ὡς ἄρα ἡ ΓΒ πρὸς ΒΚ, ἡ ΑΓ πρὸς ΗΚ. καὶ  
5 ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΑΓ πρὸς ΓΒ, ἡ ΗΚ πρὸς ΚΒ, καὶ  
ὡς τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, τὸ ἀπὸ ΗΚ πρὸς  
τὸ ἀπὸ ΚΒ. ὡς δὲ τὸ ἀπὸ ΗΚ πρὸς τὸ ἀπὸ ΚΒ,  
οὗτως ἐδείχθη τὸ ὑπὸ ΕΖΔ πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΒ· καὶ  
10 ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ ΑΓ πρὸς τὸ ἀπὸ ΓΒ, τὸ ὑπὸ ΕΖΔ  
πρὸς τὸ ἀπὸ ΖΒ.

*Eἰς τὸ ιθ'.*

"Ἐν τισιν ἀντιγράφοις ηὔρεθη ἀπόδειξις τούτου  
τοῦ θεωρήματος τοιαύτη·

15 ἥχθω δὴ ἡ μὲν ΜΛ παρὰ τὴν ΖΑ τέμνουσα τὴν  
ΔΓ τομήν, ἡ δὲ ΗΛ παρὰ τὴν ΖΔ τέμνουσα τὴν  
ΑΒ. δεικτέον, ὅτι διμοίνως ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ ΔΖ πρὸς  
τὸ ἀπὸ ΖΑ, οὗτως τὸ ὑπὸ ΗΛΙ πρὸς τὸ ὑπὸ ΜΛΞ.

16 ἥχθωσαν γὰρ διὰ τῶν Α, Δ ἀφῶν διάμετροι αἱ  
ΑΓ, ΔΒ, καὶ διὰ τῶν Γ, Β ἥχθωσαν παρὰ τὰς ἐφαπτο-  
μένας αἱ ΒΠ, ΓΠ· ἐφάπτονται δὴ αἱ ΒΠ, ΓΠ τῶν  
τομῶν κατὰ τὰ Β, Γ. καὶ ἐπεὶ κέντρον ἔστι τὸ Ε,  
ἴση ἔστιν ἡ μὲν ΒΕ τῇ ΔΕ, ἡ δὲ ΑΕ τῇ ΕΓ· διὰ  
δὲ τοῦτο, καὶ ὅτι παράλληλος ἔστιν ἡ ΑΤΖ τῇ ΓΣΠ,

3. ὡς — 4. ΗΚ] om. p. 4. ἡ ΑΓ πρὸς ΗΚ] om. W, corr.  
Halley (οὗτως ἡ) cum Comm. (kg). 5. ΑΓ] ΑΒ Wp, corr.  
Comm. ΗΚ] Κε corr. p. 6. ΗΚ] Κε corr. m. 1 W.

9. ΕΖΔ] EZH Wp, corr. Comm. 12. εὐρέθη p. 16.  
δεικτέον] p, δεικταῖον W. 17. οὗτω p. ΗΛΙ] ΗΙΑ W,  
ΝΙΑ p, corr. Comm. ΜΛΞ] ΜΛΖ p. 19. Γ, Β]  
Β, Γ Halley. 20. ΒΠ] mut. in ΒΗ m. 1 W, ΒΗ p. ΒΠ]  
ΒΗ Wp, corr. Comm. 21. τά] p, om. W. 22. ΒΕ] ΒΘ  
W et e corr. p; corr. Comm. ΔΕ] scripsi, ΔΘ W et, Θ e  
corr., p; ed Comm.

[Eucl. VI, 4]; quare etiam  $\Gamma B : BK = \Delta\Gamma : HK$ . et  
permutando  $\Delta\Gamma : \Gamma B = HK : KB$ , et

$$\Delta\Gamma^2 : \Gamma B^2 = HK^2 : KB^2.$$

est autem  $HK^2 : KB^2 = EZ \times Z\Delta : ZB^2$ , ut demon-  
stratum est [III, 16]; ergo etiam

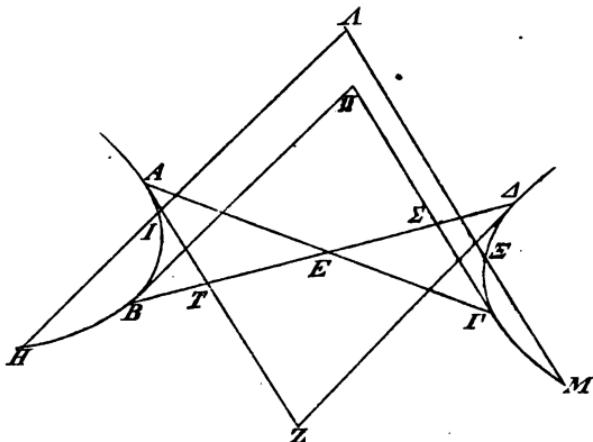
$$\Delta\Gamma^2 : \Gamma B^2 = EZ \times Z\Delta : ZB^2.$$

### Ad prop. XIX.

In nonnullis codicibus huius propositionis talis  
inuenta est demonstratio:

ducatur  $MA$  rectae  $Z\Delta$  parallela sectionem  $\Delta\Gamma$   
secans,  $HA$  autem rectae  $Z\Delta$  parallela sectionem  $AB$   
secans. demonstrandum, eodem modo esse

$$\Delta Z^2 : Z\Delta^2 = HA \times AI : MA \times AE.$$



ducantur enim per puncta contactus  $A$ ,  $\Delta$  diametri  $\Delta\Gamma$ ,  $\Delta B$ , et per  $\Gamma$ ,  $B$  contingentibus parallelae  
ducantur  $B\Gamma$ ,  $\Gamma\Delta$ ; itaque<sup>1)</sup>  $B\Gamma$ ,  $\Gamma\Delta$  in  $B$ ,  $\Gamma$  sec-

In fig. pro  $I$ ,  $M$ ,  $\Sigma$  hab.  $K$ ,  $L$ ,  $O$  W;  $Z$  om.

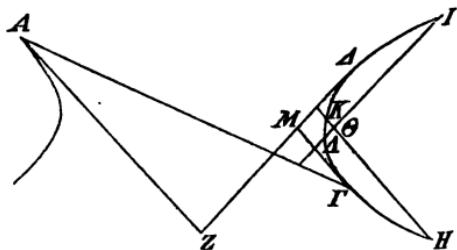
1) Cfr. Eutocius ad I, 44.

ἴση ἔστι καὶ ἡ μὲν  $\Delta E$  τῇ  $EB$ , ἡ δὲ  $\Delta \Sigma$  τῇ  $TB$ . ὥστε καὶ ἡ  $B\Sigma$  τῇ  $T\Delta$ , καὶ ἴσον ἔστι τὸ  $B\Pi\Sigma$  τριγωνον τῷ  $\Delta TZ$  τριγώνῳ. ίση ἄρα καὶ ἡ  $B\Pi$  τῇ  $\Delta Z$ . δύοις δὴ δειχθήσεται καὶ ἡ  $\Gamma\Pi$  τῇ  $AZ$  ίση. ὡς δὲ 5 τὸ ἀπὸ  $B\Pi$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $\Pi\Gamma$ , οὗτος ἔστι τὸ ὑπὸ  $H\Lambda I$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $M\Lambda E$ . καὶ ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ  $\Delta Z$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $Z\Delta$ .

"Ἄλλο εἰς τὸ αὐτό.

" $H\chi\theta\omega$  πάλιν ἐκατέρᾳ τῶν  $H\Theta K$ ,  $I\Theta A$  παράλληλος 10 τέμνουσα τὴν  $\Delta\Gamma$  τομῆν. δειπτέον, ὅτι καὶ οὗτος ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ  $AZ$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $Z\Delta$ , οὗτος τὸ ὑπὸ  $H\Theta K$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $I\Theta A$ .

$\eta\chi\theta\omega$  γὰρ διὰ τῆς  $A$  ἀφῆς διάμετρος ἡ  $\Delta\Gamma$ , παρὰ δὲ τὴν  $AZ$   $\eta\chi\theta\omega$  ἡ  $\Gamma M$  ἐφάψεται δὴ ἡ  $\Gamma M$  τῆς 15  $\Gamma\Delta$  τομῆς κατὰ τὸ  $\Gamma$  καὶ ἔσται, ὡς τὸ ἀπὸ  $\Delta M$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $M\Gamma$ , τὸ ὑπὸ  $I\Theta A$  πρὸς τὸ ὑπὸ 20  $H\Theta K$ . ὡς δὲ τὸ ἀπὸ  $\Delta M$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $M\Gamma$ , τὸ ἀπὸ  $\Delta Z$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $Z\Delta$ · ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ  $\Delta Z$  πρὸς τὸ ἀπὸ  $Z\Delta$ , τὸ ὑπὸ  $I\Theta A$  πρὸς τὸ ὑπὸ  $H\Theta K$ .



In fig. litt.  $I$ ,  $\Gamma$ ,  $H$  om.  $W$ , pro  $A$  hab.  $\Delta$ .

1. ἔστιν  $W$ .  $\Delta E$ ]  $TE$  Halley cum Comm.  $EB$ ]  $E\Sigma$  Halley cum Comm. Fort. scrib.  $EB$ , ἡ δὲ  $TE$  τῇ  $E\Sigma$ , ἡ δὲ  $\pi\tau\lambda$ .  $\Delta\Sigma$ ]  $AE$  Wp, corr. Halley.
2. ἔστιν  $W$ .
3. ἄρα] bis p.
5. ἀπὸ  $B\Pi$ ]  $BZ\Pi$  p et corr. ex  $\Gamma Z\Pi$  m. 1 W; corr. Comm.  $\tau\delta]$  om. p.
6.  $M\Lambda E$ ]  $HM$  Wp, corr. Comm.
7. ἀπό] om. Wp, corr. Halley cum Comm.

tiones contingunt. et quoniam  $E$  centrum est, erit  $BE = AE$ ,  $AE = EG$  [I, 30]; et hac de causa et quia  $ATZ$ ,  $\Gamma\Sigma\Pi$  parallelae sunt, erit  $AE = EB$ ,  $TE = E\Sigma$ ,  $A\Sigma = TB$ <sup>1</sup>); quare etiam  $B\Sigma = TA$  et  $\Delta B\Pi\Sigma = \Delta TZ$  [Eucl. VI, 19]. quare etiam  $B\Pi = AZ$  [Eucl. VI, 4]. iam similiter demonstrabimus, esse etiam  $\Gamma\Pi = AZ$ . est autem [III, 19]

$$B\Pi^2 : \Pi\Gamma^2 = HA \times AI : MA \times AE.$$

ergo etiam  $AZ^2 : ZA^2 = HA \times AI : MA \times AE$ .

Aliud ad eandem propositionem.

Rursus utraque  $H\Theta K$ ,  $I\Theta A$  parallela ducatur sectionem  $\Delta\Gamma$  secans. demonstrandum, sic quoque esse  $AZ^2 : ZA^2 = H\Theta \times \Theta K : I\Theta \times \Theta A$ .

ducatur enim per  $A$  punctum contactus diametru  $\Delta\Gamma$ , et rectae  $AZ$  parallela ducatur  $\Gamma M$ ;  $\Gamma M$  igitur sectionem  $\Gamma A$  in  $\Gamma$  contingat [Eutocius ad I, 44]. et erit [III, 17]  $\Delta M^2 : MG^2 = I\Theta \times \Theta A : H\Theta \times \Theta K$ . est autem  $\Delta M^2 : MG^2 = AZ^2 : ZA^2$ ). ergo

$$AZ^2 : ZA^2 = I\Theta \times \Theta A : H\Theta \times \Theta K.$$

1) Nam  $AE : EG = TE : E\Sigma$  (Eucl. VI, 4); itaque  $TE = E\Sigma$ . et quia  $BE = EA$ , erit  $BT = \Sigma A$ . tum communis adiiciatur  $T\Sigma$ .

2) Cfr. Eutocius ad III, 18 p. 332, 5 sq.

τὸ ὑπὸ  $MAE$  Halley cum Comm. 10. τομήν] om. p. 11.  
 $AZ$ ] scripsi,  $AZ$  Wp.  $Z\Delta\Gamma$ ] scripsi,  $ZAO$  Wp,  $ZA$  Comm.  
 $\sigma\tau\omega$  p. 12.  $H\Theta K$  et  $I\Theta A$  permut. Comm.  $I\Theta A$ ]  $I\Theta A$   
corr. W. 13.  $\Delta\Gamma$ ]  $A\Pi$  Wp, corr. Comm. 14.  $AZ$ ]  $AZ$   
 $\eta$   $\Gamma M$  Wp, corr. Halley cum Comm. 18.  $MG$  — 19. πρὸς  
τό] om. p. 22.  $Z\Delta$ ] p,  $A$  incert. W. ως — 23.  $Z\Delta$ ] om.  
Wp, corr. Halley cum Comm. ( $Z\Delta$  στρως). 23. ὑπό] uel  
ἄπο] p.

*Eἰς τὸ κγ'.*

Τὸ θεώρημα τοῦτο πολλὰς ἔχει πτώσεις, ὥσπερ καὶ τὰ ἄλλα. ἐπεὶ δὲ ἐν τισιν ἀντιγράφοις ἀντὶ θεωρημάτων πτώσεις εὑρίσκουνται καταγεγραμμέναι καὶ ἄλλας τινὲς ἀποδεῖξεις, ἐδοκιμάσαμεν αὐτὰς περιελεῖν· ἵνα δὲ οἱ ἐντυγχάνοντες ἀπὸ τῆς διαφόρου παραθέσεως πειρῶνται τῆς ἡμετέρας ἐπινοίας, ἔξεθμεθα ταύτας ἐν τοῖς σχολίοις.

Πιπτέτωσαν δὴ αἱ παρὰ τὰς ἐφαπτομένας αἱ *HKO*,  
10 *ΘΚΤ* διὰ τοῦ *Κ* κέντρου. λέγω, ὅτι καὶ οὕτως ἐστίν,  
ώς τὸ ἀπὸ *ΕΛ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΛΑ*, τὸ ὑπὸ *ΘΚΤ* πρὸς  
τοῦ *ΗΚΟ*.

Ὕχθωσαν διὰ τῶν *H*, Θ παρὰ τὰς ἐφαπτομένας αἱ  
Θ*N*, *HM* γίνεται δὴ ἵσον τὸ μὲν *HKM* τρίγωνον  
15 τῷ *AKΞ* τριγώνῳ, τὸ δὲ *ONK* τῷ *KPE*. ἵσον δὲ  
τὸ *AKΞ* τῷ *EKP*. ἵσον ἄρα καὶ τὸ *HKM* τῷ *KΘN*.  
καὶ ἐπεὶ ἐστιν, ώς τὸ ἀπὸ *ΛΕ* πρὸς τὸ *ΛΕΞ* τρίγωνον,  
τὸ ἀπὸ *KΘ* πρὸς τὸ *KΘN*, καὶ ἐστι τὸ μὲν *ΛΕΞ*  
τρίγωνον ἵσον τῷ *ΛΑΠ*, τὸ δὲ *ΘKN* τῷ *KHM*,  
20 εἴη ἄν, ώς τὸ ἀπὸ *ΕΛ* πρὸς τὸ *ΛΠΑ* τρίγωνον, τὸ  
ἀπὸ *ΘΚ* πρὸς *HKM*. ἐστι δὲ καί, ώς τὸ *ΛΠΑ* τρί-  
γωνον πρὸς τὸ ἀπὸ *ΛΑ*, τὸ *HKM* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΗΚ*.  
καὶ δι’ ἵσον ἄρα ἐστίν, ώς τὸ ἀπὸ *ΕΛ* πρὸς τὸ ἀπὸ

4. ἄλλαι Halley.

5. ἐδοκιμάσαμεν] p, ἐδοκημάσαμεν W.

6. τῆς] τῆς τοῦ? 10. *ΘΚΤ*] scripsi, *ΘΚΓ* Wp. *K*]  
post ras. p, *ΓΚ* W. 11. *ΘΚΤ*] scripsi, *ΘΚΓ* Wp. 12.

*HKO*] *HKB* Wp, corr. Comm. 13. αἱ *ΘN*] ἡ *AN* Wp,  
corr. Comm. 15. *AKΞ*] scripsi, *AKZ* Wp. *ΘNK*] *ONK*

Wp, corr. Comm. 17. τό (alt.)] scripsi cum Comm., τὸ ἀπό

Wp. 18. τό (pr.)] corr. ex τῷ m. 1 W. ἐστιν W. 19.

τῷ] p, τό W. τῷ] p, corr. ex τό m. 1 W. *KHM*] M e  
corr. p. 20. πρός] ως comp. p. *ΛΠΑ*] scripsi cum Comm.,

## Ad prop. XXIII.

Haec propositio multos casus habet, sicut ceterae.  
quoniam autem in nonnullis codicibus pro theorematis

casus perscripti inueniuntur et aliae  
quaedam demon-  
straciones, ea remouenda esse duxi-  
mus; sed ut ii, qui  
legent, discrepantia  
comparata de ra-  
tione nostra iudi-  
cent, in scholiis ea  
exposuimus.

iam rectae con-  
tingentibus paral-  
lelæ  $HKO$ ,  $\Theta KT$

per  $K$  centrum cadant. dico, sic quoque esse  
 $EA^2 : AA^2 = \Theta K \times KT : HK \times KO$ .

ducantur per  $H$ ,  $\Theta$  contingentibus parallelae  $\Theta N$ ,  
 $HM$ ; itaque  $\triangle HKM = AKE$  et  $\Theta NK = KPI$  [III, 15]. est autem  $AKE = EKI$  [III, 4]; itaque  
etiam  $HKM = K\Theta N$ . et quoniam est

$$AE^2 : AE\Xi = KO^2 : K\Theta N \quad [\text{Eucl. VI, 22}],$$

et  $AE\Xi = AA\Pi$ ,  $\Theta KN = KHM$ , erit

$$EA^2 : A\Pi A = \Theta K^2 : HKM.$$

$\Delta\pi\delta\Delta$  Wp. 21.  $\pi\varphi\delta\tau\delta$  Halley.  $HKM$ ]  $K$  supra  
scr. m. 1 W.  $\xi\sigma\tau\iota\tau$  W.  $A\Pi A$ ] scripsi cum Comm.,  $\Delta\pi\delta$   
 $A\Pi A$  Wp.

*ΑΑ*, τὸ ἀπὸ *ΚΘ*, τουτέστι τὸ ὑπὸ *ΘΚΤ*, πρὸς τὸ  
ἀπὸ *ΗΚ*, τουτέστι τὸ ὑπὸ *ΗΚΟ*.

τῶν αὐτῶν ὅντων ἐὰν ἡ μὲν *ΘΚΠ*, τουτέστιν ἡ  
παρὰ τὴν *ΕΛ* ἀγομένη, διὰ τοῦ *Κ* κέντρου ἐμπίπτῃ,  
ἢ ἡ δὲ *ΗΟ* μὴ διὰ τοῦ κέντρου, λέγω, ὅτι καὶ οὕτως  
ἐστίν, ὡς τὸ ἀπὸ *ΕΛ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΑΑ*, τὸ ὑπὸ *ΘΞΠ*  
πρὸς τὸ ὑπὸ *ΗΞΟ*.

ἥχθωσαν γὰρ διὰ τῶν *O*, *P* ταῖς ἐφαπτομέναις  
παράλληλοι αἱ *ΟΡ*, *ΠΣ*. ἐπεὶ οὖν τὸ *MOP* τοῦ *MNK*  
10 τριγώνου μεῖζον τῷ *ΑΚΤ*, τῷ δὲ *ΑΚΤ* ἶσον τὸ *ΚΣΠ*,  
ἴσον τὸ *MOP* τοῖς *MNK*, *ΚΣΠ* τριγώνοις· ὥστε  
λοιπὸν τὸ *ΞΡ* τετράπλευρον τῷ *ΞΣ* τετραπλεύρῳ ἴσον.  
καὶ ἐπεὶ ἐστιν, ὡς τὸ ἀπὸ *ΕΛ* πρὸς τὸ *ΕΛΤ* τρίγωνον,  
οὕτως τό τε ἀπὸ *ΠΚ* πρὸς τὸ *ΚΣΠ* καὶ τὸ ἀπὸ *ΚΕ*  
15 πρὸς τὸ *ΚΞΝ*, ἐσται, ὡς τὸ ἀπὸ *ΕΛ* πρὸς τὸ *ΕΛΤ*,  
οὕτως λοιπὸν τὸ ὑπὸ *ΘΞΠ* πρὸς τὸ *ΞΡ* τετράπλευρον.  
καὶ ἐστι τῷ μὲν *ΕΛΤ* τριγώνῳ ἴσον τὸ *ΑΦΛ*, τὸ δὲ  
ΞΡ τετράπλευρον τῷ *ΣΞ*: ὡς ἄρα τὸ ἀπὸ *ΕΛ* πρὸς  
τὸ *ΑΛΦ*, τὸ ὑπὸ *ΘΞΠ* πρὸς τὸ *ΞΣ*. διὰ τὰ αὐτὰ  
20 δὴ καί, ὡς τὸ *ΑΛΦ* πρὸς τὸ ἀπὸ *ΑΛ*, τὸ *ΞΣ* πρὸς

1. τουτέστιν W. ΘΚΤ] scripsi, ΘΚΓ Wp. 2. τουτέστιν W. ΗΚΟ] ΗΚΘ Wp, corr. Comm.

ἐμπίπτει corr. ex ἐνπίπτει W. 5. ἡ δὲ ΗΟ] δὲ ἡ ΗΜ Wp, corr. Halley cum Comm.

6. ΘΞΠ] ΟΞΠ Wp, corr. Comm. 7. τό] om. p. ΗΞΟ] ΝΞΟ p. 9. ΠΣ] ΠΕ Wp, corr. Comm.

10. μεῖζων comp. p. τῷ (pr.)] m. 2 U, τῷ Wp.

ΚΣΠ] ΚΕΠ Wp, corr. Comm. 12. τετράπλευρον] -άπλευ-

in ras. W. ΞΣ] ΞΤΣ Wp, corr. m. 2 U. 13. ΕΛ] m. 2 U, ΕΝ Wp.

14. οὗτω p. ΚΕΠ p. τό] ὡς W, ὡς τό p, corr. Halley.

15. ΚΞΝ ἐσται] scripsi cum Comm., ΔΞ (Δ e corr.) seq. magna lac. W, ΔΞ, deinde ante lac. del.

τὸ ἀπὸ *ΕΛ* p, ΚΞΝ τρίγωνον ὡς ἄρα Halley. τό (tert.)] τὸ

ἀπό Wp, corr. Comm. 16. οὗτω p. ΘΞΠ] Comm., ΘΠΞ Wp. ΞΡ] ΞΣ Halley cum Comm., et ita scriptum esse

est autem etiam  $\Lambda\pi\alpha : \Lambda A^2 = HKM : HK^2$  [Eucl. VI, 22]; itaque etiam ex aequo

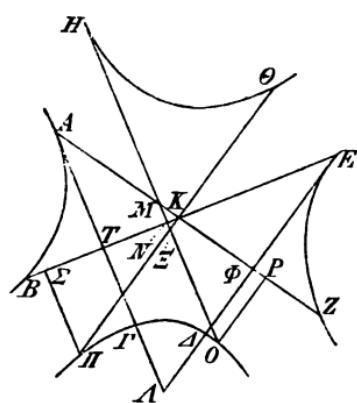
$$EA^2 : \Lambda A^2 = KO^2 : HK^2, \text{ h. e.}$$

$$EA^2 : \Lambda A^2 = \Theta K \times KT : HK \times KO.$$

Iisdem suppositis, si  $\Theta K\pi$  siue recta rectae  $EA$  parallela ducta per  $K$  centrum cadit,  $HO$  autem non per centrum, dico, sic quoque esse

$$EA^2 : \Lambda A^2 = \Theta\Sigma \times \Sigma\pi : HE \times EO.$$

ducantur enim per  $O, \Pi$  contingentibus parallelae  $OP$ ,  $\Pi\Sigma$ . quoniam igitur  
 $MOP = MNK + AKT$   
et  
 $K\Sigma\pi = AKT$  [III, 15],  
erit  
 $MOP = MNK + K\Sigma\pi;$   
quare reliquum<sup>1)</sup> quadrilaterum  $\Sigma P = \Sigma\Sigma$ . et quoniam est



$EA^2 : EAT = \Pi K^2 : K\Sigma\pi = K\Sigma^2 : K\Sigma N$  [Eucl. VI, 22], erit [Eucl. V, 19]

$EA^2 : EAT = \Theta\Sigma \times \Sigma\pi : \Sigma P$  [Eucl. II, 5].  
et  $A\Phi\Lambda = EAT$  [III, 4],  $\Sigma P = \Sigma\Sigma$ ; itaque

$$EA^2 : AA\Phi = \Theta\Sigma \times \Sigma\pi : \Sigma\Sigma.$$

In fig. litt.  $\Delta, H, \Theta$  om.  $W$ , pro  $N$  hab.  $H$ .

1) Ablatis triangulis  $MKN + KN\Sigma$ .

oportait. 17. ἐστιν  $W$ . 18.  $\Lambda\pi\alpha$  p? 20. τό (pr.)] τά  $Wp$ , corr. Halley cum Comm. τό (sec.)] τά  $Wp$ , corr. Halley cum Comm.  $\Sigma\Sigma$  p.

τὸ ὑπὸ ΗΞΟ· καὶ δι' ἵσου ἔστιν, ὡς τὸ ἀπὸ ΕΛ πρὸς τὸ ἀπὸ ΛΑ, τὸ ὑπὸ ΘΞΠ πρὸς τὸ ὑπὸ ΗΞΟ.

"Αλλως.

ἔστι δὲ καὶ οὕτως δεῖξαι·

5     έπει, ἐὰν τῆς EZ τομῆς ἀχθῆ ἐπιφαύουσα, καθ' ὁ συμβάλλει ἡ AZ διάμετρος τῇ EZ τομῇ, γίνεται παράλληλος ἡ ἀχθεῖσα τῇ AT, καὶ τὸν αὐτὸν λόγον ἔχει ἡ ἀχθεῖσα πρὸς τὴν ἀποτεμνομένην ὑπ' αὐτῆς πρὸς τῷ E ἀπὸ τῆς EΦ τῷ ὃν ἔχει ἡ ΛΛ πρὸς ΛΕ,  
10 καὶ τὰ λοιπὰ δμοίως τοῖς εἰς τὸ ιδ'.

Εἰς τὸ καθ'.

'Ἐπεὶ γὰρ ἵση ἔστιν ἡ ΑΞ τῇ ON, τὰ ἀπὸ ΛHN τῶν ἀπὸ ΞHO ὑπερέχει τῷ δὶς ὑπὸ NΞΛ]  
ἔστω εὐθεῖα ἡ ΛN, καὶ ἀφηρήσθωσαν ἀπ' αὐτῆς ἵσαι  
15 αἱ ΑΞ, NO.....τὸ σχῆμα. φανερὸν δὴ ἐκ τῆς δμοιότητος καὶ τοῦ ἵσην εἶναι τὴν ΑΞ τῇ ON, ὅτι τὰ ΛΔ,ZN,  
AT, ΦΒ τετράγωνα ἵσα ἔστιν ἀλλήλοις. ἔπει οὖν τὰ  
ἀπὸ ΛHN τὰ AM, MN ἔστιν, τὰ δὲ ἀπὸ ΞHO ἔστι

1. NΞO p.     ἔστιν] p, ν supra scr. m. 1 W.     ώς] -s  
e corr. m. 1 W.     2. ὑπό] ὑπὸ τό Wp, corr. Halley.     ΘΞΠ]  
Θ corr. ex O p.     ΗΞΟ] HΞΘ W et, H e corr., p; corr. Comm.

4. ἔστιν W.     οὕτω p.     5. ἔπει, ἐάν] ἐάν γαρ Halley.     6.  
AZ] AB p.     9. ΑΔ] ΑΔ Wp, corr. Halley.     11. Εἰς τὸ καθ']  
εἰς τὸ λ' p et mg. m. 1 W; corr. Comm.     12. ΑΞ] ΑΞ Wp,  
corr. Comm.     13. ΛHN] scripsi, ΛMN Wp, lg gn Comm.

ΞHO — δὶς] ΞH τῶν Wp, corr. Halley cum Comm. (xg go).

15. ΑΞ] ΑΞ Wp, corr. Comm.     NO] NΘ, Θ e corr., p.  
Deinde magnam lacunam hab. Wp; καὶ γενέσθω supplevit  
Halley; sed debuit καὶ καταγεγράφθω uel καὶ συμπεπληρώσθω,  
et multo plura desunt (et figura describatur Comm.).     ὅτι  
ἐκ U.     16. τὴν ΑΞ] τὴν ΑΞ p, τῇ ΝΛΞ W.     ὅτι] addidi,  
om. Wp.     18. ΛHN] scripsi, ΔHM Wp; ΛH, HN m. 2 U.  
ΞHO] ΞHΘ Wp; ΞH, HO Comm.     ἔστιν W.

iam eadem de causa etiam

$$\Lambda\Lambda\Phi : \Lambda\Lambda^2 = \Sigma\Sigma : H\Sigma \times \Sigma O,$$

et ex aequo est  $\Lambda\Lambda^3 : \Lambda\Lambda^2 = \Theta\Sigma \times \Sigma\Pi : H\Sigma \times \Sigma O$ .

Aliter.

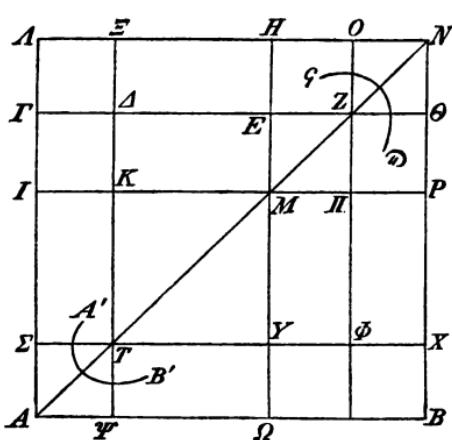
Potest autem etiam sic demonstrari:

quoniam, si recta ducitur sectionem  $EZ$  contingens in eo puncto, in quo  $AZ$  diametrus cum sectione  $EZ$  concurrit, recta ita ducta rectae  $AT$  parallela fit [Eutocius ad I, 44], recta ducta etiam ad rectam de  $E\Phi$  ad  $E$  ab ea abscisam eandem rationem habet, quam  $\Lambda\Lambda : \Lambda E$  [supra p. 335 not. 2], et cetera eodem modo, quo ad prop. XIX dictum est [supra p. 334].

Ad prop. XXIX.

Nam quoniam est  $\Lambda\Sigma = ON$ , erit

$$\Lambda H^2 + HN^2 = \Sigma H^2 + HO^2 + 2N\Sigma \times \Sigma A$$



I p. 384, 25—26] sit  
recta  $\Lambda N$ , et ab ea  
auferantur aequales  
 $\Lambda\Sigma$ ,  $NO$  [et per-  
pendiculares duca-  
tur  $\Lambda A$ ,  $NB$ , sitque  
 $\Lambda\Gamma = \Lambda\Sigma$ ,  
 $\Lambda I = HN$ ,  
 $IA = \Lambda H$ ,  
 $\Sigma A = \Lambda\Sigma$ ;  
et expleatur] figura.  
manifestum igitur

ex similitudine et ex eo, quod  $\Lambda\Sigma = ON$ , esse

In fig. litt. B om. W, pro q̄ hab.  $\mu$ , pro  $A'B'$  autem  $\omega\beta$ .  
ꝝ scribitur  $\nabla$ .

τὰ *TM*, *MZ*, τὰ ἄρα ἀπὸ *AHN* τῶν ἀπὸ *ΕΗΟ* ὑπερέχουσι τοῖς *Δς*, *A'B'* γνώμοσιν. καὶ ἐπεὶ ἵσον ἐστὶ τὸ *HZ* τῷ *ΦΩ*, τὸ δὲ *ΣΚ* τῷ *ΦΡ*, οἱ *Δς*, *A'B'* γνώμονες ἵσοι εἰσὶ τῷ τε *ZB* καὶ τῷ *AΦ*. τὸ δὲ  
5 *AΦ* τῷ *ZΛ* ἵσον, τὰ δὲ *ZΛ*, *ZB* ἵσα ἐστὶ τῷ δὶς ὑπὸ *ΑΞΝ*, τοιτέστιν ὑπὸ *ΛΟΝ*. τὰ ἄρα ἀπὸ τῶν *AHN*, τοιτέστι τὰ *AM*, *MN*, τῶν ἀπὸ *ΕΗΟ*, τοιτέστι τῶν *TM*, *MZ*, ὑπερέχει τῷ δὶς ὑπὸ *ΝΞΛ* ἦτοι τοῖς *AZ*, *ZB*.

10 *Eἰς τὸ λα'*.

*Δυνατόν* ἐστι τοῦτο τὸ θεώρημα δεῖξαι ὁμοίως τῷ πρὸ αὐτοῦ ποιοῦντας τὰς δύο εὐθείας μιᾶς τομῆς ἐφάπτεσθαι· ἀλλ' ἐπειδὴ πάντη ταῦτὸν ἦν τῷ ἐπὶ τῆς μιᾶς ὑπερβολῆς προδεδειγμένῳ, αὗτη ἡ ἀπόδειξις 15 ἀπελέχθη.

*Eἰς τὸ λγ'*.

"*Εστι* καὶ ἄλλως τοῦτο τὸ θεώρημα δεῖξαι·  
έὰν γὰρ ἐπικεύξωμεν τὰς *ΓΛ*, *ΛΖ*, ἐφάψονται τῶν τομῶν διὰ τὰ δεδειγμένα ἐν τῷ μέρει τοῦ βίβλου . . . . .  
20 ἐπεὶ οὖν . . . . .

"*Αλλως τὸ λδ'*.

"*Εστω* ὑπερβολὴ ἡ *AB* καὶ ἀσύμπτωτοι αἱ *ΓΔΕ* καὶ ἐφαπτομένη ἡ *ΓΒΕ* καὶ παράλληλοι αἱ *ΓΑΗ*, *ZBH*. λέγω, ὅτι ἵση ἡ *ΓΑ* τῇ *AH*.

1. *AHN*] *AHM* Wp; *AH*, *HN* Comm. 2. *A'B'*]  $\alpha$  B W,  $\alpha\beta$  p.  $\kappaα\iota$ ] supra scr. p?  $\epsilon\pi\epsilon\iota$  καὶ p? 3.  $\epsilon\sigma\iota\iota\iota\iota$  W. *A'B'*]  $\alpha$ , B W,  $\alpha\beta$  p. 4.  $\epsilon\lambda\sigma\iota\iota\iota\iota$  W. Post τε litt. del. p. 5. *ZB*] *AZB* Wp.  $\epsilon\sigma\iota\iota\iota\iota$  W. τῷ] corr. ex τῷ W. δὶς] δέ Wp, corr. Halley. 6. *AZN* p? 7. τοιτέστιν W. *ΕΗΟ*] *ΕΗΩ* Wp; *ΕΗ*, *HO* Comm. τοιτέστιν W. 14. Post ὑπερβολῆς una litt. del. p. 15. ἀπελέχθη] Halley, ἀπελέγχθη W, ἀπηλέγχθη p. 17.  $\epsilon\sigma\iota\iota\iota\iota$  W. 18. *ΓΛ*] scripsi,

$\Lambda A = ZN = AT = \Phi B$ . quoniam igitur

$$\Lambda H^2 + HN^2 = AM + MN$$

et  $\Xi H^2 + HO^2 = TM + MZ$ , erit

$$\Lambda H^2 + HN^2 = \Xi H^2 + HO^2 + \mathfrak{D}q + A'B'.$$

et quoniam est  $HZ = \Phi\Omega$ ,  $\Sigma K = \Phi P$ , erunt gnomones  $\mathfrak{D}q + A'B' = ZB + A\Phi$ . est autem  $A\Phi = ZA$ , et  $ZB + ZA = 2\Lambda E \times \Xi N = 2\Lambda O \times ON$ . ergo  $\Lambda H^2 + HN^2$  (sive  $AM + MN$ ) =  $\Xi H^2 + HO^2$  (sive  $TM + MZ$ ) +  $2NE \times EA$  (sive  $AZ + ZB$ ).

### Ad prop. XXXI.

Fieri potest, ut haec propositio similiter demonstretur ac praecedens, si utramque rectam eandem sectionem contingentem fecerimus; sed quoniam prorsus idem erat, ac quod in una hyperbola antea demonstratum est [III, 30], hanc demonstrationem elegimus.

### Ad prop. XXXIII.

Haec propositio etiam aliter demonstrari potest: si enim  $\Gamma A$ ,  $AZ$  duxerimus, sectiones contingent propter ea, quae in prop. XL libri II demonstrata sunt. quoniam igitur....

### Aliter prop. XXXIV.

Sit hyperbola  $AB$ , asymptotae  $\Gamma A$ ,  $A E$ , contingens  $\Gamma BE$ , parallelae  $\Gamma AH$ ,  $ZBH$ . dico, esse  $\Gamma A = AH$ .

$\Gamma A$  W p. 20. Post oīv magnam lacunam W p. 23.  $\Gamma BE$ ]  $\Pi BE$  W p., corr. Comm.  $\Gamma AH$ ]  $A$  corr. ex  $A$  m. 1 W;  $\Gamma AH$ ,  $H$  e corr., p. 24.  $ZBH$ ]  $ZHB$  W p., corr. Comm.

ἐπεξεύχθω γὰρ ἡ *AB* καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὰ Θ,  
Κ. ἐπεὶ οὖν ἵση ἐστὶν ἡ *ΓΒ* τῇ *BE*, ἵση ἄρα καὶ ἡ  
*KB* τῇ *BA*. ἀλλὰ ἡ *KB* τῇ *AΘ* ἐστιν ἵση· ὥστε  
καὶ ἡ *GA* τῇ *AH*.

5

"*Αλλως τὸ λε'*.

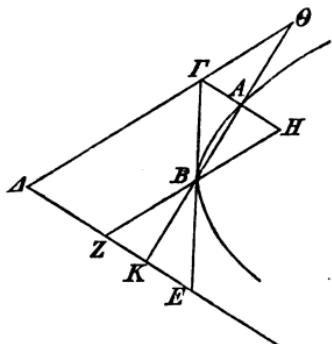
"*Εστιν ὑπερβολὴ ἡ AB, ἀσύμπτωτοι δὲ αἱ ΓΔΕ,*  
καὶ ἀπὸ τοῦ Γ ἡ μὲν *ΓΒΕ* ἐφαπτέσθω, ἵ δὲ *ΓΑΗΘ*  
τεμνέτω τὴν τομὴν κατὰ τὰ *A, H* σημεῖα, καὶ διὰ τοῦ  
*B* παρὰ τὴν *ΓΔ* ἡχθω ἡ *KBZ*. *δεικτέον*, ὅτι ἐστὶν,  
10 ὡς ἵ *HΓ πρὸς GA, ἡ HZ πρὸς ZA*.

ἐπεξεύχθω ἡ *AB* καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὰ *A, M*,  
καὶ ἀπὸ τοῦ *E* παρὰ τὴν *ΓΘ* ἡχθω ἡ *EN*. ἐπεὶ οὖν  
ἵση ἐστὶν ἡ *ΓΒ* τῇ *EB*, ἵση ἐστὶ καὶ ἡ *GA* τῇ *EN*,  
ἵ δὲ *AB* τῇ *BN*. ἡ ἄρα *NM* ὑπεροχή ἐστι τῶν *BM*,  
15 *AB*. ἵση δὲ ἡ *BM* τῇ *AA*. ἡ *NM* ἄρα ὑπεροχή ἐστι  
τῶν *AA, AB*. καὶ ἐπεὶ τριγώνου τοῦ *AΘΜ* παρὰ  
τὴν *AΘ* ἐστιν ἡ *EN*, ἔστιν, ὡς ἡ *AM* πρὸς *NM*, ἡ  
*AΘ* πρὸς *NE*. ἵση δὲ ἡ *NE* τῇ *AG*. ὡς ἄρα ἡ *ΘA*  
πρὸς *AG*, ἡ *AM* πρὸς τὴν ὑπεροχὴν τῶν *AB, BM*,  
20 τοντέστιν ἡ *AB* πρὸς τὴν ὑπεροχὴν τῶν *AA, AB*.  
ὡς δὲ ἡ *ΘA* πρὸς *AG*, ἡ *HΓ* πρὸς *GA*. ἵση γὰρ ἡ  
*GA* τῇ *ΘH*. καὶ ὡς ἄρα ἡ *HΓ* πρὸς *GA*, οὕτως ἡ  
*AB* πρὸς τὴν ὑπεροχὴν τῶν *AA, AB* καὶ ἡ *GZ* πρὸς

7. *ΓΒΕ*] Halley, *ΓΒ* Wp. 8. *τῇν*] bis p. *H*] B Wp,  
corr. Halley. 9. *τῇν ΓΔ*] *τῇν ΜΓΔ* Wp, corr. Comm.

*KBZ*] scripsi, *BKZ* Wp, *ZBK* Halley cum Comm. 10.  
*HΓ*] *H* e corr. W. 12. *ΓΘ*] corr. ex *ΓΟ* p. 13. *ἐστὶν*  
— *ἵση*] om. p. *EB*] mg. m. 2 U, *ΘB* W. 14. *ἐστι*] *ἐστὶν* W.

*ΓA*] m. 2 U, *ΓΔ* Wp. 14. *NM* — 15. *AB*] om. lacuna  
relicta Wp, corr. Halley (*AB, BM*). 15. *ἐστιν* W. 16.  
*τριγώνου*] corr. ex *τρίγωνον* W. 16. *ΑΘΜ*] *ABM* Wp, *ΑΜΘ*



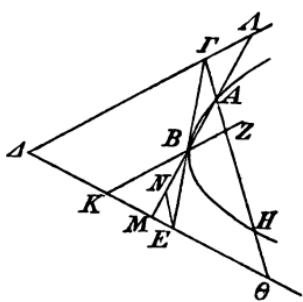
ducatur enim  $AB$  et ad  $\Theta$ ,  $K$  producatur. quoniam igitur est

$\Gamma B = BE$  [II, 3],  
erit etiam [Eucl. VI, 4]

$KB = BA$ .  
uerum etiam [II, 8]  
 $KB = A\Theta$ .  
ergo etiam  $\Gamma A = AH$ .

### Aliter prop. XXXV.

Sit hyperbola  $AB$  et asymptote  $\Gamma A$ ,  $\Delta E$ , et a  $\Gamma$  recta  $\Gamma B E$  contingat,  $\Gamma A H \Theta$  secet sectionem in punctis  $A$ ,  $H$ , per  $B$  autem rectae  $\Gamma A$  parallela ducatur  $K B Z$ . demonstrandum, esse  $H\Gamma : \Gamma A = HZ : ZA$ .



ducatur  $AB$  producaturque ad  $A$ ,  $M$ , et ab  $E$  rectae  $\Gamma \Theta$  parallela ducatur  $EN$ . quoniam igitur  $\Gamma B = EB$  [II, 3], erit etiam [Eucl. VI. 4]

$\Gamma A = EN$ ,  $AB = BN$ .  
itaque  $NM = BM : AB$ .  
uerum  $BM = AA$  [II, 8];

itaque  $NM = AA : AB$ . et quoniam in triangulo  $A\Theta M$  rectae  $A\Theta$  parallela est  $EN$ , erit [Eucl. VI, 4]  $AM : NM = A\Theta : NE$ . est autem  $NE = A\Gamma$ ; itaque  $\Theta A : A\Gamma = AM : BM : AB = AB : AA : AB$ .

---

In fig. 2 rectam  $EN$  om. W.

---

Halley cum Comm.	17. $AM : AN$ W p, corr. Comm.	19.
$AB - 20. \tau\omega\nu$ om. p.	$23. \tau\eta\nu$ bis p.	$\dot{\nu}\pi\epsilon\varrho\beta\alpha\gamma\eta\nu$ Halley,
$\dot{\nu}\pi\epsilon\varrho\beta\alpha\gamma\nu$ W p.	$\Gamma Z : \Pi Z$ W p, corr. Comm.	

τὴν τῶν ΓΑ, ΖΑ ὑπεροχήν. καὶ ἐπεὶ ξητᾶ, εἰ ἔστιν,  
ώς ἡ ΓΗ πρὸς ΓΑ, ἡ ΗΖ πρὸς ΖΑ, δεικτέον, εἰ  
ἔστιν, ως ὅλη ἡ ΗΓ πρὸς ὅλην τὴν ΓΑ, οὕτως ἡ  
ἀφαιρεθεῖσα ἡ ΖΗ πρὸς ἀφαιρεθεῖσαν τὴν ΑΖ καὶ  
τὸ λοιπὸν ἡ ΓΖ πρὸς λοιπὴν τὴν τῶν ΓΑ, ΖΑ ὑπεροχήν.  
δεικτέον ἄρα, ὅτι ἔστιν, ως ἡ ΗΓ πρὸς ΓΑ, ἡ ΓΖ  
πρὸς τὴν τῶν ΓΑ, ΖΑ ὑπεροχήν.

"Ἄλλως το λε<sup>τ</sup>'.

"Ἐστιν ἀντικείμεναι αἱ Α, Λ καὶ ἀσύμπτωτοι αἱ  
10 ΒΚ, ΓΔ καὶ ἐφαπτομένη ἡ ΒΑΔ καὶ διηγμένη ἡ  
ΛΚΔΗΖ καὶ τῇ ΓΔ παράλληλος ἡ ΑΖ. δεικτέον,  
ὅτι ἔστιν, ως ἡ ΑΖ πρὸς ΖΗ, ἡ ΑΔ πρὸς ΔΗ.

ἐπεξεύχθω ἡ ΑΗ καὶ ἐκβεβλήσθω· φανερὸν οὖν,  
ὅτι ἵση ἔστιν ἡ ΘΑ τῇ ΕΗ καὶ ἡ ΘΗ τῇ ΑΕ. ἥχθω  
15 διὰ τοῦ Δ παρὰ τὴν ΘΓ ἡ ΔΜ· ἵση ἄρα ἡ ΒΑ τῇ  
ΑΔ καὶ ἡ ΘΑ τῇ ΑΜ. ἡ ἄρα ΜΗ ὑπεροχή ἔστι  
τῶν ΘΑ, ΑΗ, τοντέστι τῶν ΑΗ, ΗΕ. καὶ ἐπεὶ  
παράλληλός ἔστιν ἡ ΒΚ τῇ ΔΜ, ἔστιν ἄρα, ως ἡ  
ΘΗ πρὸς ΗΜ, ἡ ΚΗ πρὸς ΗΔ. ἵση δὲ ἡ μὲν ΗΘ  
20 τῇ ΑΕ, ἡ δὲ ΑΔ τῇ ΚΗ· ως ἄρα ἡ ΑΔ πρὸς ΔΗ,

1. ΓΑ] ΓΖ Wp, corr. Comm. εἰ] ἡ Wp, corr. Comm.

2. δεικτέον, εἰ ἔστιν] uix samum, δεικτέον ἡ ἔστιν Wp, δεικ-  
τέον ὅτι Halley. 3. ἡ (alt.)] del. Halley. 4. ἀφαιρεθεῖσα] corr. ex ἀφαιρεθῆσα m. 1 W. 5. ΓΑ] ΓΖ Wp, corr. Comm.

6. δέδεικται δὲ Halley. 7. ΓΑ] Γ Wp, corr. Comm. 11.  
ΛΚΔΗΖ] ΗΛΔΗΖ Wp, corr. Comm. ΑΖ] ΑΖΔ Wp,  
corr. Comm. 12. ΑΔ] ΑΔ Wp, corr. Comm. 13. ΑΗ] ΑΒ W, ΑΘ p, corr. Comm. οὖν] om. p. 14. ἡ ΘΑ —  
καὶ] bis W (altero loco ante ΕΗ ras. 1 litt.). 15. ἡ ΔΜ]

ΗΔΜ Wp, corr. Comm. 16. ἔστιν W. 17. τοντέστιν W.  
τῶν — ἐπεὶ] Halley cum Comm., lacun. Wp. 19. ΘΗ]

ΘΝ p. πρὸς (pr.) — ΗΔ] lacun. Wp, corr. mg. m. 2 U  
(οὕτως ἡ).

est autem  $\Theta A : AG = HG : GA$ ; nam  $GA = \Theta H$  [II, 8]; quare etiam

$HG : GA = AB : AA \div AB = GZ : GA \div ZA^1$ .  
et quoniam quaerimus, sitne  $GH : GA = HZ : ZA$ ,  
quaerendum, sitne

$$HG : GA = ZH : AZ = GZ : GA \div ZA$$

[Eucl. V, 19]. ergo demonstrandum, esse

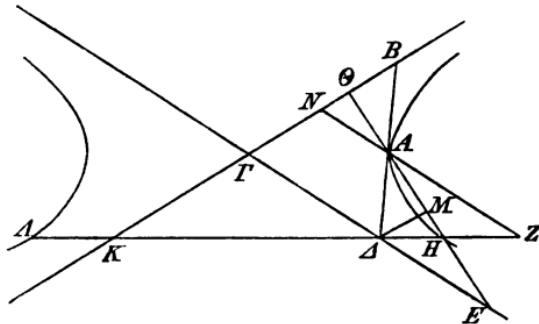
$$HG : GA = GZ : GA \div ZA.$$

### Aliter prop. XXXVI.

Sint oppositae  $A$ ,  $A'$ , asymptotae  $BK$ ,  $\Gamma\Delta$ , contingens  $BAA'$ , sectiones secans  $\Lambda K\Delta HZ$ , rectaeque  $\Gamma\Delta$  parallela  $AZ$ . demonstrandum, esse

$$AZ : ZH = AA : AH.$$

ducatur  $AH$  producaturque; manifestum igitur,  
esse  $\Theta A = EH$  [II, 8] et  $\Theta H = AE$ . ducatur per



$\Delta$  rectae  $\Theta\Gamma$  parallela  $\Delta M$ ; itaque  $BK = AA$  [II, 3]  
et [Eucl. VI, 4]  $\Theta A = AM$ . itaque

$$MH = AH \div \Theta A = AH \div HE.$$

et quoniam  $BK$  rectae  $\Delta M$  parallela est, erit [Eucl.

1) Quoniam  $\Gamma\Delta\Delta$ ,  $ABZ$  similes sunt, erit (Eucl. VI, 4)  
 $GA : AA = AZ : AB = GZ : BA$  (Eucl. V, 18)  
 $= GA \div AZ : AA \div AB$  (Eucl. V, 19).

οῦτως ἡ *AE* πρὸς *HM*, τουτέστι τὴν τῶν *AHE* ὑπεροχήν. ἀλλ' ὡς ἡ *AE* πρὸς τὴν τῶν *AHE* ὑπεροχήν, οὗτως ἡ *AZ* πρὸς τὴν τῶν *AHZ* ὑπεροχήν· προδέδεικται γάρ· ἔστιν ἄρα, ὡς ἡ *AA* πρὸς *AH*, δὲ ἡ *AZ* πρὸς τὴν τῶν *AHZ* ὑπεροχήν. καὶ ὡς ἐν πρὸς ἐν, οὗτως ἄπαντα πρὸς ἄπαντα, ὡς ἡ *AA* πρὸς *AH*, ὅλη ἡ *AZ* πρὸς *AH* καὶ τὴν τῶν *AHZ* ὑπεροχήν, τουτέστι τὴν *HZ*.

"*Ἄλλως τὸ αὐτό.*

10     "*Ἐστιν τὰ αὐτὰ τοῖς πρότερον καὶ διὰ τοῦ A παρὰ τὴν BK ἡ AM.*

ἐπεὶ οὖν ἵση ἔστιν ἡ *BA* τῇ *AA*, ἵση ἔστιν καὶ ἡ *KM* τῇ *MA*. καὶ ἐπεὶ παράλληλοι εἰσιν αἱ *ΘΚ*, *AM*, ἔστιν, ὡς ἡ *HM* πρὸς *MK*, ἡ *HA* πρὸς *AΘ*, 15 τουτέστιν ἡ *AH* πρὸς *HE*. ἀλλ' ὡς μὲν ἡ *AH* πρὸς *HE*, ἡ *ZH* πρὸς *HA*, ὡς δὲ ἡ *HM* πρὸς *MK*, ἡ διπλασία τῆς *MH* πρὸς τὴν διπλασίαν τῆς *MK*. ὡς ἄρα ἡ *ZH* πρὸς *HA*, ἡ διπλασία τῆς *MH* πρὸς τὴν διπλασίαν τῆς *MK*. καὶ ἔστι διπλασία τῆς *MH* ἡ 20 *AH*. ἵση γὰρ ἡ *AK* τῇ *AH* καὶ ἡ *KM* τῇ *MA*. τῆς δὲ *KM* διπλασία ἡ *AK*. ὡς ἄρα ἡ *AH* πρὸς *HZ*, ἡ *KA* πρὸς *AH*. συνθέντι, ὡς ἡ *AZ* πρὸς *ZH*, ἡ *KK* πρὸς *HA*, τουτέστιν ἡ *AA* πρὸς *AH*.

1. *HM*] ἡ W p., corr. Comm.     τουτέστιν W.     2. *AE*] *AHE* p. et, *H* e corr. m. 1, *W*; corr. Comm.     4. προσδέ-  
δεικται p.     *AA*] *A* e corr. m. 1 *W*.     5. *AZ*] *Z* e corr. p.  
    ώς] comp. p., ὡ W.     6. ὡς ἄρα Hallei cum Comm.     8.  
τουτέστιν W.     9. ἄλλως] p., ἄλλος W.     12. ἔστιν] ἔστιν W.  
    14. *MK*, ἡ] corr. ex *MKH* p., *MKH* W.     *HA*] *NA* p.  
    15. *AH*] *H* e corr. m. 1 *W*.     *AH*] *AN* p.     16. *HE*]  
*HΣ* W p., corr. Comm.     17. ὡς — 19. *MK*] in ras. p.     19.  
ἔστιν W.

VI, 4]  $\Theta H : HM = KH : HA$ . uerum  $H\Theta = AE$ ,  $AA = KH$  [II, 16]; itaque

$$AA : AH = AE : HM = AE : AH \div HE.$$

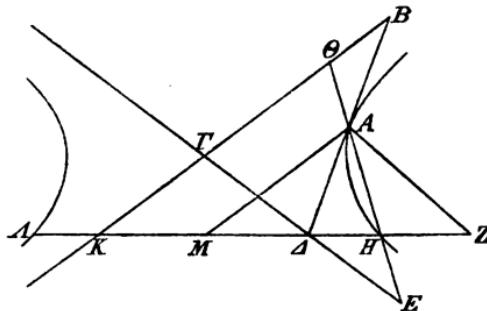
est autem  $AE : AH \div HE = AZ : HZ \div AH$ ; hoc enim antea demonstratum est [ad prop. XXXV supra p. 347 not.]; itaque  $AA : AH = AZ : HZ \div AH$ . et ut unum ad unum, ita omnia ad omnia [Eucl. V, 12],  $AA : AH = AZ : HZ \div (HZ \div AH) = AZ : HZ$ .

Aliter idem.

Sint eadem, quae antea, et per  $A$  rectae  $BK$  parallela  $AM$ .

quoniam igitur  $BA = AA$  [II, 3], erit etiam  $KM = MA$  [Eucl. VI, 2]. et quoniam  $\Theta K$ ,  $AM$  paralleliae sunt, erit [Eucl. VI, 2]

$$HM : MK = HA : A\Theta = AH : HE \text{ [II, 8].}$$



est autem [Eucl. VI, 4]  $AH : HE = ZH : HA$ ,

$$HM : MK = 2MH : 2MK \text{ [Eucl. V, 15];}$$

itaque erit  $ZH : HA = 2MH : 2MK$ . est autem  $AH = 2MH$ ; nam  $AK = AH$  [II, 16] et  $KM = MA$ ; et  $AK = 2KM$ . quare  $AH : HZ = KA : AH$ . componendo  $AZ : ZH = KH : HA = AA : AH$  [II, 16].

In fig.  $B$ ,  $\Theta$  permuat  $W$ .

*"Αλλως τὸ μδ'.*

*'Αποδεδειγμένων τῶν ΓΕ, ΖΗ παραλλήλων ἐπεξεύχθωσαν αἱ ΗΑ, ΖΒ.*

ἔπει παράλληλος ἔστιν ἡ ΖΗ τῇ ΓΕ, ἵσον τὸ  
5 ΓΗΖ τρίγωνον τῷ ΕΗΖ τριγώνῳ. καὶ ἔστι τὸ μὲν  
ΓΖΗ τοῦ ΑΗΖ διπλάσιον, ἔπει καὶ ἡ ΓΖ τῆς ΖΑ,  
τὸ δὲ ΕΗΖ τοῦ ΒΗΖ· ἵσον ἄρα τὸ ΑΗΖ τῷ ΒΗΖ.  
παράλληλος ἄρα ἔστιν ἡ ΖΗ τῇ ΑΒ.

ἐπὶ δὲ τῶν ἀντικειμένων ἡ ΑΒ ḥ..... μὴ ἔρχεται  
10 διὰ τοῦ Δ κέντρου, ἥχθω διὰ τοῦ Δ παράλληλος τῇ  
ΓΕ ἡ ΔΚΔ καὶ διὰ τῶν Κ, Λ ἔφαπτόμεναι τῶν  
τομῶν αἱ ΚΜΝ, ΛΞΟ. οὕτως γάρ δῆλον γενήσεται,  
ὅτι, ἐπειδὴ τὸ ὑπὸ ΞΔΟ ἵσον ἔστι τῷ ὑπὸ ΜΔΝ,  
ἀλλὰ τὸ μὲν ὑπὸ ΞΔΟ τῷ ὑπὸ ΕΔΗ ἔστιν ἵσον, το  
15 δὲ ὑπὸ ΜΔΝ τῷ ὑπὸ ΓΔΖ, τὸ ἄρα ὑπὸ ΕΔΗ ἵσον  
τῷ ὑπὸ ΓΔΖ.

*Εἰς τὸ νδ'.*

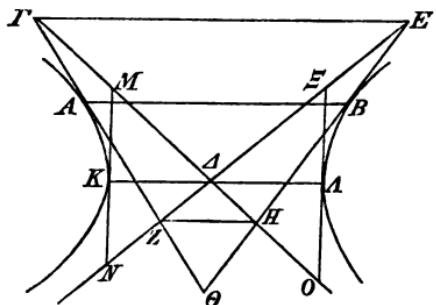
Ως δὲ τὸ ὑπὸ ΝΓ, ΜΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΑΜ, τὸ  
ὑπὸ ΑΓ, ΚΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΚΑ] ἔπει γάρ ἔστιν, ὡς  
20 ἡ ΔΔ πρὸς ΔΜ, ἡ ΓΔ πρὸς ΔΝ, ἀναστρέψαντι, ὡς  
ἡ ΔΔ πρὸς ΑΜ, ἡ ΔΓ πρὸς ΓΝ. διὰ τὰ αὐτὰ δὴ

4. *ΓΕ]* ΓΒ Wp, corr. Comm. 5. *ἔστιν* W. 6. *ΓΖ]*  
Ζ in ras.-m. 1 W. 7. *ΕΗΖ]* ΗΖ Wp, corr. Comm. Post  
τό (alt.) del. ΑΖΗ p. 9. *ἐπὶ*] *ἐπει* Wp, corr. Comm. Post  
ἢ lacunam statuo; Comm. εἰ uoluisse uidetur pro ἢ. *ἔρχεται*]  
in ras. m. 1 W. 11. *ΔΚΔ]* *ΚΔΔ?* 12. *ΚΜΝ, ΛΞΟ]*  
*ΜΚΝ, ΞΔΟ?* οὕτω p. δῆλον] scripsi, δή Wp. 13.  
*ΞΔΟ]* Ο corr. ex Θ? W, *ΞΔΘ* p. *ἔστιν* W. 14. *ΞΔΟ]*  
ΔΟ in ras. m. 1 W. 19. *ΑΓ]* ΑΓ Wp, corr. Comm. Post  
ἀπό del. 1 litt. p. 20. *ΔΔ]* ΑΕ Wp, corr. Comm. *ΔΝ]*  
ΑΝ Wp, corr. Comm. 21. *ΔΓ]* Δ in ras. W.

## Aliter prop. XLIV.

Cum demonstrauerimus [I p. 422, 19], parallelas esse  $\Gamma E$ ,  $ZH$ , ducantur [in fig. I p. 422]  $HA$ ,  $ZB$ .

quoniam  $ZH$ ,  $\Gamma E$  parallelae sunt, erit [Eucl. I, 37]  $\triangle \Gamma HZ = EHZ$ . est autem  $\Gamma ZH = 2AHZ$  [Eucl. VI, 1], quoniam etiam  $\Gamma Z = 2ZA$  [II, 3], et [id.]  $EHZ = 2BHZ$ . itaque  $AHZ = BHZ$ . ergo [Eucl. VI, 1]  $ZH$ ,  $AB$  parallelae sunt.



in oppositis autem<sup>1)</sup>  $AB$  aut [per centrum cadit aut non per centrum. si per centrum cadit, ex II, 15 adpareat, quod quaeritur; sin] non cadit per centrum  $\Delta$ , per  $\Delta$

rectae  $\Gamma E$  parallela ducatur  $K\Delta\Lambda$  et per  $K$ ,  $\Lambda$  sectiones contingentes  $MKN$ ,  $\Xi\Delta O$ . ita enim adparebit, quoniam  $\Xi\Delta \times \Delta O = M\Delta \times \Delta N$  [II, 15], et  $\Xi\Delta \times \Delta O = E\Delta \times \Delta H$ ,  $M\Delta \times \Delta N = \Gamma\Delta \times \Delta Z$  [III, 43], esse  $E\Delta \times \Delta H = \Gamma\Delta \times \Delta Z$ .

## Ad prop. LIV.

Est autem  $NG \times MA : AM^2 = \Delta G \times KA : KA^2$   
I p. 442, 12—13] quoniam enim est [Eucl. VI, 4]

In fig., quae omnino minus adcurate descripta est, litt.  $\Delta$ ,  $\Lambda$  om. W; pro N hab. H, pro O, ut uidetur, C.

1) Haec Halleius ad prop. XLIII rettulit, sed est demonstratio in oppositis proportionis  $\Gamma\Delta : \Delta E = HA : AZ$  I p. 422, 16 sq., quam necessariam duxit, nec immerito, quia III, 43, qua in demonstratione prop. 44 utimur, in sola hyperbola demonstrata est.

καὶ τὸ ἀνάπταλν ἐστιν, ὡς ἡ ΚΑ πρὸς ΑΔ, ἡ ΛΓ πρὸς ΓΔ· δι' τοῦ ἄρα, ὡς ἡ ΜΑ πρὸς ΑΚ, ἡ ΝΓ πρὸς ΓΛ· καὶ ἐναλλάξ, ὡς ἡ ΜΑ πρὸς ΝΓ, ἡ ΚΑ πρὸς ΛΓ· καὶ ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ ΝΓ, ΑΜ πρὸς 5 τὸ ἀπὸ ΑΜ, τὸ ὑπὸ ΛΓ, ΚΑ πρὸς τὸ ἀπὸ ΚΑ.

'Ἄλλ' ὡς μὲν τὸ ὑπὸ ΑΜ, ΝΓ πρὸς τὸ ὑπὸ ΝΔΜ, τὸ ἀπὸ ΕΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΔ] ἐπεὶ γὰρ τὸ ὑπὸ ΑΜ, ΓΝ πρὸς τὸ ὑπὸ ΝΔΜ τὸν συγκείμενον ἔχει λόγον ἐκ τοῦ τῆς ΑΜ πρὸς ΜΔ καὶ τοῦ τῆς 10 ΓΝ πρὸς ΝΔ, ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΑΜ πρὸς ΜΔ, ἡ ΕΒ πρὸς ΒΔ, ὡς δὲ ἡ ΓΝ πρὸς ΝΔ, ἡ ΕΒ πρὸς ΒΔ, τὸ ἄρα ὑπὸ ΑΜ, ΓΝ πρὸς τὸ ὑπὸ ΝΔΜ διπλασίονα λόγον ἔχει τοῦ ὃν ἔχει ἡ ΕΒ πρὸς ΒΔ. ἔχει δὲ καὶ τὸ ἀπὸ ΕΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΔ διπλασίονα λόγον τοῦ 15 τῆς ΕΒ πρὸς ΒΔ· ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ ΑΜ, ΓΝ πρὸς τὸ ὑπὸ ΝΔΜ, τὸ ἀπὸ ΕΒ πρὸς τὸ ἀπὸ ΒΔ.

'Ως δὲ τὸ ὑπὸ ΝΔΜ πρὸς τὸ ὑπὸ ΝΒΜ, τὸ ὑπὸ ΓΔΑ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΕΑ] ἐπεὶ γὰρ τὸ ὑπὸ ΝΔΜ πρὸς τὸ ὑπὸ ΝΒΜ τὸν συγκείμενον ἔχει λόγον 20 ἐκ τοῦ τῆς ΔΝ πρὸς ΝΒ καὶ τοῦ τῆς ΔΜ πρὸς ΜΒ, ἀλλ' ὡς μὲν ἡ ΔΝ πρὸς ΝΒ, ἡ ΔΓ πρὸς ΓΕ, ὡς δὲ ἡ ΔΜ πρὸς ΜΒ, ἡ ΔΑ πρὸς ΑΕ, ἔξει ἄρα τὸν συγκείμενον ἐκ τοῦ τῆς ΔΓ πρὸς ΓΕ καὶ τοῦ τῆς ΔΑ πρὸς ΑΕ, ὃς ἐστιν ὁ αὐτὸς τῷ ὃν ἔχει τὸ ὑπὸ 25 ΓΔΑ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΕΑ. ὡς ἄρα τὸ ὑπὸ ΝΔΜ πρὸς τὸ ὑπὸ ΝΒΜ, τὸ ὑπὸ ΓΔΑ πρὸς τὸ ὑπὸ ΓΕΑ.

2. δι'] p, om. W. 4. ΛΓ] scripsi, ΑΚ W p, cl Comm.

5. τὸ ὑπὸ] τοῦ W, τό p, corr. Comm. από] corr. ex ὑπό p. 7. ΝΔΜ] ΝΔΜ W p, corr. Comm. 8. ὑπό (pr.) e corr. p. 9. ἔχει] supradscr. m. 1 W. 10. ΝΔ] ΝΒ W p, corr. Comm. 13. ἔχει δέ — 15. ΒΔ] om. p. 15. ὡς] p, ω W. 16. ὑπό]

$\Delta A : \Delta M = \Gamma A : \Delta N$ , conuertendo erit

$$\Delta A : \Delta M = \Delta \Gamma : \Gamma N.$$

eadem de causa [Eucl. VI, 4] et e contrario erit

$KA : \Delta A = \Delta \Gamma : \Gamma A$ ; ex aequo igitur

$$MA : AK = N\Gamma : \Gamma A;$$

et permutando  $MA : N\Gamma = KA : \Delta \Gamma$ . ergo etiam  
 $N\Gamma \times AM : AM^2 = \Delta \Gamma \times KA : KA^2$ .

Uerum  $N\Gamma \times AM : NA \times \Delta M = EB^2 : BA^2$

I p. 442, 28—444, 1] quoniam enim est

$$AM \times \Gamma N : NA \times \Delta M = (AM : MA) \times (\Gamma N : NA).$$

et  $AM : MA = EB : BA$ ,  $\Gamma N : NA = EB : BA$

[Eucl. VI, 2], erit  $AM \times \Gamma N : NA \times \Delta M = EB^2 : BA^2$ .

Et  $NA \times \Delta M : NB \times BM = \Gamma A \times \Delta A : \Gamma E \times EA$

I p. 444, 1—2] quoniam enim

$$NA \times \Delta M : NB \times BM = (\Delta N : NB) \times (\Delta M : MB),$$

et  $\Delta N : NB = \Delta \Gamma : \Gamma E$ ,  $\Delta M : MB = \Delta A : AE$

[Eucl. VI, 4], erit  $NA \times \Delta M : NB \times BM$

$$= (\Delta \Gamma : \Gamma E) \times (\Delta A : AE) = \Gamma A \times \Delta A : \Gamma E \times EA.$$


---

ἀπό p.  $NA \Delta M$ ]  $\Delta M$  Wp, corr. Comm.      ἀπό (pr.)] corr.

ex νπό in scrib. W.      18.  $\Gamma EA$ ] E e corr. p.      19.

$NA \Delta M$  — νπό] om. Wp, corr. Comm.      20.  $\Delta N$ ]  $AN$  Wp,

corr. Comm.      21.  $\Delta N$ ]  $N$  e corr. p.      22.  $\Delta A$ ] δα W.

24. δε] e corr. p., ως W.      25.  $\Gamma EA$ ] A e corr. m. 1 W,  
 $\Gamma E \Delta$  p.      In fine: πεπλήρωται σὺν θεῷ τὸ ὑπόμνημα τοῦ γ'  
 βιβλίου τῶν κωνικῶν Εὐτοκίου Λασκαλωνίτου Wp.

Εἰς τὸ δ'.

Τὸ τέταρτον βιβλίον, ὃ φίλε ἐταῖρε Ἀνθέμιε,  
ξήτησιν μὲν ἔχει, ποσαχῶς αἱ τῶν κώνων τομαὶ  
ἀλλήλαις τε καὶ τῇ τοῦ κύκλου περιφερείᾳ συμβάλλουσιν  
5 ἥτοι ἐφαπτόμεναι ἡ τέμνουσαι, ἔστι δὲ χαρίεν καὶ  
σαφὲς τοῖς ἐντυγχάνουσι καὶ μάλιστα ἀπὸ τῆς ἡμετέρας  
ἐκδόσεως, καὶ οὐδὲ σχολίων δεῖται· τὸ γὰρ ἐνδέον αἱ  
παραγραφαὶ πληροῦσιν. δέδεικται δὲ τὰ ἐν αὐτῷ  
πάντα διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς, ὥσπερ καὶ  
10 Εὐκλείδης ἔδειξε τὰ περὶ τῶν τομῶν τοῦ κύκλου καὶ  
τῶν ἐπαφῶν. εὐχρηστος δὲ καὶ ἀναγκαῖος ὁ τρόπος  
οὗτος καὶ τῷ Ἀριστοτέλῃ δοκεῖ καὶ τοῖς γεωμέτραις  
καὶ μάλιστα τῷ Ἀρχιμήδει.

ἀναγινώσκοντι οὖν σοι τὰ δὲ βιβλία δυνατὸν ἔσται  
15 διὰ τῆς τῶν κωνικῶν πραγματείας ἀναλύειν καὶ συν-  
τιθέναι τὸ προτεθέν· διὸ καὶ αὐτὸς ὁ Ἀπολλώνιος ἐν  
ἀρχῇ τοῦ βιβλίου φησὶ τὰ δὲ βιβλία ἀρχεῖν πρὸς τὴν  
ἀγωγὴν τὴν στοιχειώδη, τὰ δὲ λοιπὰ εἶναι περιουσι-  
αστικάτερα.

- 
1. Εὐτοκίουν Ἀσκαλωνίτον εἰς τὸ δ' τῶν Ἀπολλωνίου κωνι-  
κῶν τῆς κατ' αὐτὸν ἐκδόσεως W, euān. p. 4. τῇ] ἡ W p.  
corr. Comm. περιφέρεια W, comp. p. 5. ἥτοι] Halleу,  
ἥτε W p. ἐφαπτόμεναι ἥ] Halleу, ἐφαπτομένη W p. ἔστιν W.
  6. ἐντυγχάνουσιν W. μάλιστα — 7. ἐκδόσεως] μά | p.  
7. δεῖται] p, δῆται W. 10. ἔδειξεν W. τοῦ] Halleу,  
καὶ τοῦ W p. 12. Ἀριστοτέλει] corr. m. rec. ex Ἀριστοτέλῃ W.  
Ἀριστοτέλει — γεωμέτραις] corr. ex Ἀριστοτέλει καὶ δοκεῖ ad-

## In librum IV.

Liber quartus, mi Anthemie, disquisitionem continet, quot modis sectiones conorum et inter se et cum ambitu circuli concurrent siue contingentes siue secantes, est autem elegans et perspicuus iis, qui legent, maxime in nostra editione; nec scholiis eget; adnotationes<sup>1)</sup> enim explent, si quid deest. omnes uero propositiones eius per reductionem in absurdum demonstrantur, qua ratione etiam Euclides de sectionibus et contactu circuli demonstrauit [Elem. III, 10, 13]. quae ratio et Aristoteli [Anal. pr. I, 7] utilis necessariaque uidetur et geometris, in primis Archimedi.

perfectis igitur his IV libris tibi licebit per rationem conicorum omnia, quae proposita erunt, resoluere et componere. quare etiam Apollonius ipse in principio operis dicit, IV libros ad institutionem elementarem [I p. 4, 1] sufficere, reliquos autem ulterius progredi [I p. 4, 22].

1) Fuit, cum coniicerem *καταγραφατ*, sed nunc credo significari breues illas notas, quibus in codd. mathematicorum propositiones usurpatae uel ipsius operis uel Euclidis citantur; tales igitur Eutocius uel addidisse uel in suis codd. conicorum inuenisse putandus est, quamquam in nostris desunt.

scriptis litteris αγβ p. 18. Λοχιμήδει] comp. p. Λοχιμήδη W.  
15. πραγματέιας] p. πραγματίας W. 17. φησίν W, comp. p.

ἀνάγνωθι οὖν αὐτὰ ἐπιμελῶς, καὶ εἰ σοι κατα-  
θυμίως γένηται καὶ τὰ λοιπὰ κατὰ τοῦτον τὸν τύπον  
ὑπὲρ ἔμοῦ ἐκτεθῆναι, καὶ τοῦτο θεοῦ ἡγουμένου γενήσε-  
ται. ἔρρωσο.

5        "Αλλώς τὸ κδ".

"Εστωσαν αἱ ΕΑΒΓ, ΔΑΒΓ τομαί, ὡς εἴρηται,  
καὶ διήχθω, ὡς ἔτυχεν, ἡ ΔΕΓ, καὶ  
διὰ τοῦ Α τῇ ΔΕΓ παράλληλος ἥχθω  
ἡ ΑΘ.

- 10      εἰ οὖν ἐντὸς τῶν τομῶν πίπτει, ἡ  
ἐν τῷ δητῷ ἀπόδειξις ἀρμόσει· εἰ δὲ  
ἔφαψεται κατὰ τὸ Α, ἀμφοτέρων ἐπι-  
ψαύσει τῶν τομῶν, καὶ διὰ τοῦτο ἡ  
ἀπὸ τοῦ Α ἀγομένη διάμετρος τῆς ἑτέρας  
15      τῶν τομῶν διάμετρος ἔσται καὶ τῆς λοιπῆς. δίχα ἄρα  
τέμνει κατὰ τὸ Ζ τὴν τε ΓΔ καὶ τὴν ΕΓ· ὅπερ ἀδύ-  
νατον.

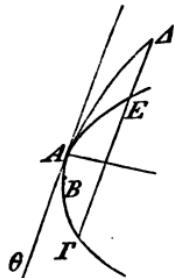
"Αλλως τὸ αὐτό.

- "Εστωσαν αἱ ΕΑΒΓ, ΔΑΒΓ τομαί, ὡς εἴρηται,  
20     καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τοῦ ΑΒΓ κοινοῦ τμήματος αὐτῶν  
σημεῖόν τι τὸ Β, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ ΑΒ καὶ δίχα τε-  
τμήσθω κατὰ τὸ Ζ, καὶ διὰ τοῦ Ζ διάμετρος ἥχθω ἡ  
ΗΖΘ, καὶ διὰ τοῦ Γ παρὰ τὴν ΑΒ ἥχθω ἡ ΓΔΕ.

ἐπεὶ οὖν διάμετρός ἔστιν ἡ ΖΘ καὶ δίχα τέμνει  
25     τὴν ΑΒ, τεταγμένως ἄρα κατῆκται ἡ ΑΒ. καὶ ἔστι

Fig. om. Wp.

1. ἀνάγνωθι] p, ἀνάγνωθει W.      σοι] in ras. m. 1 W.  
 2. γένηται] p, γένοιται W.      6. ΕΑΒΓ] E insert. m. 1 W.  
 ΔΑΒΓ] om. Wp, corr. Halley cum Comm.      7. καὶ (pr.)]  
 ἔστωσ καὶ W (puncta add. m. rec., (1) a m. 1 sunt), ἔστω<sup>ο</sup> καὶ p,  
 καὶ w.      19. τομαὶ] om. p.      23. Ante ΗΖΘ del. ΗΘΖ p.  
 24. καὶ] om. Wp, corr. Halley; quae Comm.      25. ἔστιν W.



itaque eos studiose legas uelim, et si concupueris, reliquos etiam ad hanc formam a me exponi, hoc quoque deo duce fiet. uale.

Aliter prop. XXIV.

Sint  $EAB\Gamma$ ,  $\Delta A\bar{B}\Gamma$  sectiones, quales diximus, et ducatur quaelibet recta  $\Delta E\Gamma$ , per  $A$  autem rectae  $\Delta E\Gamma$  parallela ducatur  $A\Theta$ .

ea igitur si intra sectiones cadit, demonstratio in uerbis Apollonii proposita apta erit; sin in  $A$  contingit, utramque sectionem continget, et ea de causa diametru ab  $A$  ducta alterius sectionis etiam reliquae diametru erit. ergo in  $Z$  et  $\Gamma\Delta$  et  $E\Gamma$  in binas partes secat [I def. 4]; quod fieri non potest.

Aliter idem.

Sint  $EAB\Gamma$ ,  $\Delta A\bar{B}\Gamma$  sectiones, quales diximus, et in  $AB\Gamma$  communi earum parte punctum aliquod sumatur  $B$ , ducaturque  $AB$  et in  $Z$  in duas partes aequales secetur, per  $Z$  autem diametru ducatur  $HZ\Theta$ , et per  $\Gamma$  rectae  $AB$  parallela ducatur  $\Gamma\Delta E$ .

quoniam igitur diametru est  $Z\Theta$  et rectam  $AB$  in duas partes aequales secat,  $AB$  ordinate ducta est [I def. 4]. et ei parallela est  $\Gamma\Delta E$ . itaque in  $\Theta$  in binas partes aequales secta est [I def. 4] in  $EAB\Gamma$  sectione  $E\Gamma$ , in  $\Delta A\bar{B}\Gamma$  autem  $\Delta\Gamma$ . ergo  $E\Theta = \Theta\Delta$ ; quod fieri non potest.

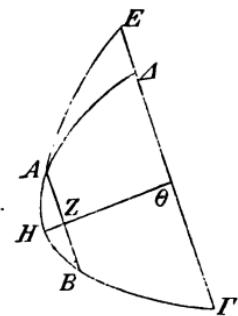


Fig. om. Wp.

παράλληλος αὐτῇ ἡ ΓΔΕ· δίχα ἄρα τέτμηται κατὰ τὸ Θ ἐν μὲν τῇ ΕΑΒΓ γεγραμμένῃ ἡ ΕΓ, ἐν δὲ τῇ ΔΑΒΓ ἡ ΔΓ. ἵση ἄρα ἡ ΕΘ τῇ ΘΔ· ὅπερ ἀδύνατον.

"Ἄλλως τὸ μγ'.

5 "Εστωσαν ἀντικείμεναι αἱ Α, Β, καὶ ὑπερβολὴ ἡ ΓΑΒΔ ἐκατέραν τῶν ἀντικειμένων τεμνέτω κατὰ τὰ Γ, Α, Β, Δ, ἀντικειμένη δὲ αὐτῆς ἔστω ἡ EZ. λέγω, ὅτι ἡ EZ οὐδετέρᾳ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται.

10 ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ ΔΒ, ΓΑ καὶ ἐκβεβλήσθωσαν καὶ συμπιπτέτωσαν ἀλλήλαις ἡταῦτα τὸ Θ· ἔσται ἄρα τὸ Θ μεταξὺ τῶν ἀσυμπτώτων τῆς ΓΑΒ τομῆς. ἔστωσαν ἀσύμπτωτοι τῆς ΓΑΒΔ αἱ ΚΗΛ, ΜΗΝ· φανερὸν δή, ὅτι αἱ ΝΗΛ τὴν EZ τομὴν περιέχουσιν. καὶ ἡ ΓΑ τέμνει τὴν ΓΑΞ τομὴν κατὰ δύο σημεῖα τὰ Γ, Α· 15 ἐκβαλλομένη ἄρα ἐφ' ἐκάτερα τῇ ἀντικειμένῃ οὐ συμπεσεῖται τῇ ΔΒΟ, ἀλλ' ἔσται μεταξὺ τῆς ΒΟ τομῆς καὶ τῆς ΔΗ. ὁμοίως δὴ καὶ ἡ ΔΒΘ οὐ συμπεσεῖται τῇ ΓΑΞ, ἀλλ' ἔσται μεταξὺ τῆς ΑΞ καὶ τῆς ΗΝ. ἐπεὶ οὖν αἱ ΘΠ, ΘΡ μὴ συμπίπτουσαι 20 ταῖς Α, Β τομαῖς περιέχουσι τὰς ΝΗΛ ἀσυμπτώτους καὶ πολλῷ μᾶλλον τὴν EZ τομὴν, ἡ EZ οὐδετέρᾳ τῶν ἀντικειμένων συμπεσεῖται.

"Ἄλλως τὸ να'.

λέγω, ὅτι ἡ E οὐδετέρᾳ τῶν Α, Β συμπεσεῖται.  
25 ἥχθωσαν ἀπὸ τῶν Α, Β ἐφαπτύμεναι τῶν τομῶν

2. ἐν (alt.)] εἰ W p, corr. Comm. 7. Γ] insert. W. ἀντικειμένην? comp. p. αὐτῇ Halley. 8. EZ] p, ἐξ post ras. 1 litt. W. συμπεσεῖται] συμ-supra scr. m. 1 p. 11. ἀσυμπτώτων] συμπτώσεων W p, corr. Comm. ΓΑΒΔ Halley cum Comm. 14. ΓΑΖ p. 15. ἄρα] om. W p, corr. Halley cum Comm.; possis etiam lin. 13 καὶ ἐπεὶ ἡ scribere. 17.

## Aliter prop. XLIII.

Sint oppositae  $A$ ,  $B$ , et hyperbola  $\Gamma A B \Delta$  utramque oppositam secet in  $\Gamma$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $\Delta$ , opposita autem eius sit  $EZ$ . dico,  $EZ$  cum neutra oppositarum concurrere.

ducantur enim  $\Delta B$ ,  $\Gamma A$  producanturque et in  $\Theta$  concurrent;  $\Theta$  igitur intra asymptotas sectionis  $\Gamma A B$  positum erit [II, 25]. sint  $K H \Delta$ ,  $M H N$  asymptotae sectionis  $\Gamma A B \Delta$ ; manifestum igitur, rectas  $NH$ ,  $H\Delta$  sectionem  $EZ$  comprehendere [II, 15].

et  $\Gamma A$  sectionem  $\Gamma A E$  in duobus punctis  $\Gamma$ ,  $A$  secat; producta igitur in utramque partem cum opposita  $\Delta B O$  non concurret [II, 33], sed intersectionem  $BO$  rectamque  $AH$  cadet. iam

eodem modo etiam  $\Delta B \Theta$  non concurret cum  $\Gamma A E$ , sed inter  $A E$  et  $HN$  cadet. quoniam igitur  $\Theta \Pi$ ,  $\Theta P$  cum sectionibus  $A$ ,  $B$  non concurrentes asymptotas  $NH$ ,  $H\Delta$  comprehendunt et multo magis sectionem  $EZ$ ,  $EZ$  cum neutra oppositarum concurret.

## Aliter prop. LI.

Dico, sectionem  $E$  cum neutra sectionum  $A$ ,  $B$  concurrere.

In fig.  $\Xi$ ,  $O$  om. W.

$\Delta H]$   $AH$  p. 18.  $A E]$   $A E$  p. 19.  $\Theta \Pi]$   $\Theta B$  p. 20.  
 $\pi\varepsilon\varrho\iota\dot{\varepsilon}\chi\sigma\nu\sigma\iota]$  p.  $\pi\varepsilon\varrho\iota\dot{\varepsilon}\chi\omega\sigma\iota\pi$  W. 21.  $\pi\omega\lambda\dot{\omega}$ ] p.  $\pi\omega\lambda\dot{\omega}$  W. 23.  
 Ante  $\nu\alpha'$  eras.  $\alpha$  W.

καὶ συμπιπτέτωσαν ἀλλήλαις κατὰ τὸ Γ ἐντὸς τῆς περιεχούσης γωνίας τὴν *AB* τομήν φανερὸν δῆ, ὅτι αἱ *AG*, *GB* ἐκβαλλόμεναι οὐ συμπεσοῦνται ταῖς ἀσυμπτώτοις τῆς *E* τομῆς, ἀλλὰ περιέχουσιν αὐτὰς καὶ 5 πολὺ πλέον τὴν *E* τομήν. καὶ ἐπεὶ τῆς *AD* τομῆς ἐφάπτεται ἡ *AG*, ἡ *AG* ἄρα οὐ συμπεσεῖται τῇ *BH*. δύοις δὴ δεῖξομεν, ὅτι ἡ *BG* οὐ συμπεσεῖται τῇ *AD*. ἡ ἄρα *E* τομὴ οὐδεμιᾶς τῶν *AD*, *BH* τομῶν συμπεσεῖται.

---

4. περιέχονσιν] Halley, περιέχωσιν Wp. 5. ἐπεὶ] ἐπεὶ  
Wp, corr. Comm. *AD*] *AB* Wp, corr. Comm. 7 *AD*. ἡ]  
p, *ADH* W. 8. *BH*] ΘH p.



ducantur ab  $A$ ,  $B$  rectae sectiones contingentes et inter se concurrant in  $\Gamma$  intra angulum sectionem  $AB$  comprehendentem [II, 25]; manifestum igitur, rectas  $AG$ ,  $\Gamma B$  productas cum asymptotis sectionis  $E$  non concurrere, sed eas multoque magis sectio-  
nem  $E$  comprehendere [II, 33]. et quoniam  $AG$  sectionem  $AA$  contingit,  
 $AG$  cum  $BH$  non con-  
curret [II, 33]. iam eodem modo demonstrabimus,  $BG$   
cum  $AA$  non concurrere. ergo sectio  $E$  cum neutra  
sectionum  $AA$ ,  $BH$  concurret.

---

Fig. om. Wp.





